

Домашняя работа по алгебре за 8 класс

**к задачнику «Алгебра 8 кл.: В двух частях. Ч.2: Задачник для общеобразовательных учреждений /
А.Г. Мордкович, Т.Н. Мишустина,
Е.Е.Тульчинская. — 4-е изд. — М.: Мнемозина, 2002**

Глава 1. Алгебраические дроби

§ 1. Основные понятия

№ 1. а) дробь; б) $\frac{10x^2+4x-7}{8} = \frac{10}{8}x^2 + \frac{4}{8}x - 7$ – многочлен;

в) дробь; г) дробь.

№ 2. а) можно представить как многочлен;

б); в); г) – являются алгебраическими дробями.

№ 3. а) $\frac{a-5}{a+5}$; при $a=-5$ знаменатель обращается в 0, значит,

$a=-5$ – недопустимое значение;

б) $\frac{3x-9}{1+x}$; $x=-1$ недопустимое значение;

в) $\frac{5c}{4+10c}$; $4+10c=0$; $c=-\frac{4}{10}=-0,4$ – недопустимое значение;

г) $\frac{15m+4}{m^2+1}$; $m^2+1>0$, значит, алгебраическая дробь имеет смысл при любых m .

№ 4. а) $\frac{9x^2}{x(3x+6)}$. Знаменатель $x(3x+6)=0$ при $x_1=0$, $x_2=-2$.

б) $\frac{8y^2}{y(17y-34)}$. Знаменатель $y(17y-34)=0$ при $y_1=0$, $y_2=2$.

в) $\frac{45z^3+5}{z(23z+69)}$. Знаменатель $z(23z+69)=0$ при $z_1=0$, $z_2=-3$.

г) $\frac{72t^2-17}{t(15t-60)}$. Знаменатель $t(15t-60)=0$ при $t_1=0$, $t_2=4$.

№ 5. а) $\frac{3a^2+5}{(a+2)(a+3)}$. Знаменатель $(a+2)(a+3)=0$ при $a_1=-2$, $a_2=-3$

б) $\frac{8b^3-14}{(b-7)(b+9)}$. Знаменатель $(b-7)(b+9)=0$ при $b_1=7$, $b_2=-9$.

в) $\frac{31c^2}{(c+12)(c-19)}$. Знаменатель $(c+12)(c-19)=0$ при $c_1=-12$, $c_2=19$.

г) $\frac{99d^2-53}{(d-41)(d-85)}$. Знаменатель $(d-41)(d-85)=0$ при $d_1=41$, $d_2=85$.

№ 6. а) $\frac{4x^2-2x-3}{(x-3)(x+3)}$. Знаменатель $(x-3)(x+3)=0$ при $x_1=3$, $x_2=-3$.

б) $\frac{35p-24}{(p+4)(p-4)}$. Знаменатель $(p+4)(p-4)=0$ при $p_1=-4$, $p_2=4$.

в) $\frac{17s+1}{(s-2)(2+s)}$. Знаменатель $(s-2)(2+s)=0$ при $s_1=2, s_2=-2$.

г) $\frac{t^2+4t-1}{(3t-2)(3t+2)}$. Знаменатель $(3t-2)(3t+2)=0$ при $t_1=\frac{2}{3}, t_2=-\frac{2}{3}$.

№ 7. а) $\frac{1}{x-3}$; б) $\frac{a}{y(y-12)}$; в) $\frac{10}{(z+4)(z+7)\cdot z}$; г) $\frac{1}{x^2+1}$.

№ 8. а) $\frac{x-4}{x+2}$; $x-4=0$ при $x=4$. б) $\frac{x^2-4}{x-2} = \frac{(x-2)(x+2)}{x-2} = x+2$; $x+2=0$ при $x=-2$.

в) $\frac{x^2+1}{x^2}$, не может быть равно 0. г) $\frac{x^2}{x^2+1}$; $x=0$.

№ 9. а) При $x=3$, $\frac{x-2}{x} = \frac{3-2}{3} = \frac{1}{3}$. б) При $y=4$, $\frac{y+6}{y-2} = \frac{4+6}{4-2} = \frac{10}{2} = 5$.

в) При $p=2$, $\frac{(p+8)^2}{p^2} = \frac{(2+8)^2}{2^2} = \frac{10^2}{4} = \frac{100}{4} = 25$.

г) При $s=3$, $\frac{s^2-1}{2s} = \frac{3^2-1}{2\cdot 3} = \frac{9\cdot 1}{6} = 1\frac{1}{2}$.

№ 10. а) При $t=4, s=-1$, $\frac{(t+7)^2}{2s} = \frac{(4+7)^2}{2\cdot(-1)} = \frac{11^2}{-2} = -\frac{121}{2} = -60,5$.

б) При $x=2, y=-2$, $\frac{x-5}{(2-+3)^2} = \frac{2-5}{(2\cdot(-2)+3)^2} = \frac{-3}{(-4+3)^2} = \frac{-3}{(-1)^2} = -3$.

в) При $a=2,5 b=-3$, $\frac{(a+b)^2}{a\cdot b} = \frac{(2,5-3)^2}{2,5\cdot(-3)} = \frac{(-0,5)^2}{-7,5} = -\frac{1}{4}\cdot\frac{15}{2} = -\frac{1}{4}\cdot\frac{2}{15} = -\frac{1}{30}$.

г) При $p=-1, s=2$, $\frac{(ps-1)^2}{p^2s} = \frac{(-1\cdot 2-1)^2}{(-1)^2\cdot 2} = \frac{9}{2} = 4,5$.

№ 11. а) $2b-a=-(a-2b)=-3$; б) $2a-4b=2(a-2b)=2\cdot 3=-6$;

в) $\frac{4b-2a}{3} = \frac{-2(a-2b)}{3} = \frac{-2\cdot 3}{3} = -2$; г) $\frac{6}{2a-4b} = \frac{6}{2\cdot(a-2b)} = \frac{6}{2\cdot 3} = 1$.

№ 12. Пусть x км/ч – скорость 1-го автомобиля, тогда $x+20$ км/ч – скорость

2-го автомобиля. По условию $\frac{120}{x} - \frac{120}{x+20} = 1$.

№ 13. Пусть x км/ч – скорость грузовика, $(x+20)$ км/ч – скорость автомобиля. По условию $\frac{40}{x} + \frac{10}{60} = \frac{40}{x+2}$.

№ 14. Пусть x км/ч – скорость первой группы, $(x+1)$ км/ч – скорость второй группы. Время, потраченное первой группой туристов, – $\frac{12}{x}$, а второй –

$\frac{10}{x+1}$. По условию $\frac{12}{x} - \frac{10}{x+1} = 1$.

№ 15. Пусть x км/ч – скорость течения реки, тогда $(30+x)$ км/ч – скорость лодки по течению, $(30-x)$ км/ч – скорость лодки против течения. Известно, что по течению лодка прошла 48 км, значит, время затратила $\frac{48}{30+x}$ ч, про-

тив течения 42 км, время $\frac{42}{30-x}$ ч. По условию $\frac{48}{30+x} = \frac{42}{30-x}$.

$$\text{Решим это уравнение: } \frac{48^{30-x}}{30+x} - \frac{42^{30+x}}{30-x} = 0; \quad \frac{48 \cdot 30 - 48x - 42 \cdot 30 - 42x}{(30+x)(30-x)} = 0;$$

$$30(48-42)-90x=0; -90x=-180; x=2.$$

При $x=2$ знаменатель $(30+x)(30-x) \neq 0$, значит, это решение нам подходит.

Ответ: 2 км/ч – скорость течения реки.

№ 16. Пусть x км/ч – скорость автобуса, тогда $(x+30)$ км/ч – скорость автомобиля. Время, потраченное автобусом $\frac{160}{x}$ ч, а автомобилем $\frac{280}{x+30}$ ч. По условию время одно и то же: $\frac{160}{x} = \frac{280}{x+30}$. Решим уравнение:

$$\frac{160^{x+30}}{x} - \frac{280^x}{x+30} = 0; \quad 160x+4800-280x=0; -120x=-4800; x=-4800:(-120)=40.$$

Знаменатель $x(x+30)$ при $x=40$ не равен 0, значит, решение подходит.

Ответ: 40 км/ч.

№ 17.

а) При $x>0, y>0; \frac{x}{y} > 0, \frac{x^2}{y} > 0, \frac{x}{y^2} > 0$. б) При $x>0, y<0; \frac{x}{y} < 0, \frac{x^2}{y} < 0, \frac{x}{y^2} > 0$.

в) При $x<0, y>0; \frac{x}{y} < 0, \frac{x^2}{y} > 0, \frac{x}{y^2} < 0$. г) При $x<0, y<0; \frac{x}{y} > 0, \frac{x^2}{y} < 0, \frac{x}{y^2} < 0$.

№ 18. а) $\frac{5}{a^2+7} > 0$, так как $5>0$, и $a^2+7 \geq 7$ для любых a , т.к. квадрат любого числа – неотрицательное число.

б) $\frac{-3}{b^2+4} < 0$, числитель – отрицательное число -3 , знаменатель $b^2+4 \geq 4$,

т.к. $b^2 \geq 0$, значит, $\frac{-3}{b^2+4} < 0$.

в) $\frac{(x-3)^2}{a^2+8} \geq 0$. Знаменатель $a^2+8 \geq 8$, а числитель $(x-3)^2 \geq 0$, т.к. при $x=3, x-3=0$.

г) $\frac{(y-6)^2}{-y^2-3} \leq 0$, числитель $(y-6)^2 \geq 0$ при $y=6, y-6=0$, а знаменатель $-y^2-3 = -(y^2+3) \leq -3$, следовательно, при делении неотрицательного числа на отрицательное получается неположительное число.

№ 19. а) При $a=4, b=-2$, $\frac{(3a-b)^2}{a+b} = \frac{(3\cdot 4+2)^2}{4-2} = 98$.

б) При $c=-2, d=1$, $\frac{c^6-1}{d^4+2} = \frac{(-2)^6-1}{1^4+2} = \frac{(-2)^3 \cdot (-2)^3 - 1}{3} = \frac{64-1}{3} = 21$.

в) При $x=3, y=4$, $\frac{x^4-y^4}{x^2+y^2} = \frac{(x^2-y^2)(x^2+y^2)}{x^2+y^2} = x^2-y^2 = (3)^2-(4)^2 = 9-16 = -7$.

г) При $m=2, n=-1$, $\frac{2mn}{m^3+n^3} = \frac{2 \cdot 2 \cdot (-1)}{(2)^3+(-1)^3} = \frac{-4}{8-1} = -\frac{4}{7}$.

№ 20. а) $\frac{3x^2+2x+5}{(3x-1)(2x+5)}$. Значение дроби не имеет смысла, когда знаменатель обращается в 0. Найдем эти значения x :

$$(3x-1)(2x+5)=0; \quad 3x-1=0 \text{ или } 2x+5=0; \quad x_1=-\frac{1}{3}; \quad x_2=-\frac{5}{2}.$$

б) $\frac{9y^2-5y+4}{(5y-3)(31+93y)}; \quad (5y-3)(31+93y)=0; \quad 5y-3=0; \quad y_1=\frac{3}{5} \text{; или}$

$$31+93y=0; \quad y_2=-\frac{1}{3}.$$

в) $\frac{17s^2+24s+1}{(44s+1)(32s-3)}; \quad (44s+1)(32s-3)=0; \quad 44s+1=0; \quad s_1=-\frac{1}{44} \text{ или } 32s-3=0; \quad s_2=\frac{3}{32}.$

г) $\frac{52r^2+13r-5}{(5r-15)(9r-25)}; \quad (5r-15)(9r-25)=0; \quad 5r-15=0; \quad r_1=\frac{15}{5}=3 \text{ или}$

$$9r-25=0; \quad r_2=\frac{25}{9}=2\frac{7}{9}.$$

№ 21. а) $\frac{a^2+5}{(a-1)^2}$; $(a-1)^2=0$ при $a=1$.

б) $\frac{b^2+12}{4b^2-4b+1} = \frac{b^2+12}{(2b-1)^2}; \quad (2b-1)^2=0 \text{ при } b=\frac{1}{2}.$

в) $\frac{12c^2-7}{c^2+6c+9} = \frac{12c^2-7}{(c+3)^2}; \quad (c+3)^2=0 \text{ при } c=-3.$

г) $\frac{27m^3-15}{4m^2+36m+81} = \frac{3(9m^3-5)}{(2m+9)^2}; \quad (2m+9)^2=0 \text{ при } m=-\frac{9}{2}=-4\frac{1}{2}.$

№ 22. а) $\frac{15b+1}{b^2(b^2+1)}$; $b^2(b^2+1)=0$ при $b=0$.

б) $\frac{14k}{(k^2-1)(k^2+2)}; \quad (k^2-1)(k^2+2)=0 \text{ при } k^2-1=0; \quad (k-1)(k+1)=0; \quad k_1=1; \quad k_2=-1.$

в) $\frac{4s+t}{(s^2+1)(t^2+2)}$; $(s^2+1)(t^2+2) \geq 2$. Ответ: таких значений нет.

г) $\frac{8m-3}{m^2(m^2-4)}$; $m^2(m^2-4)=0$; $m_1=0$; или $m^2-4=0$; $(m-2)(m+2)=0$ при $m_2=2$, $m_3=-2$.

2.

№ 23. а) $\frac{7a^2-5}{(a+8)(a-9)(a+17)}$; $(a+8)(a-9)(a+17)=0$; $a+8=0$; $a_1=-8$; $a-9=0$;

$a_2=9$; $a+17=0$; $a_3=-17$.

б) $\frac{101b^3-58b^2+5}{(2b+1)(3b+4)(3b-8)}$; $(2b+1)(3b+4)(3b-8)=0$; $2b+1=0$; $b_1=-\frac{1}{2}$; $3b+4=0$;

$b_2=-\frac{3}{4}$; $3b-8=0$; $b_3=\frac{8}{3}$.

в) $\frac{73c^3-b}{(4c-2)(7c+8)(13c+39)}$; $(4c-2)(7c+8)(13c+39)=0$; $4c-2=0$; $c_1=\frac{2}{4}=\frac{1}{2}$;

$7c+8=0$; $c_2=-\frac{8}{7}$; $13c+39=0$; $c_3=-\frac{1}{3}$.

г) $\frac{d^3+4d^2+8d-16}{(d+1)(4d+4)(7d+5)}$; $(d+1)(4d+4)(7d+5)=0$; $(d+1)\cdot 4(d+1)(7d+5)=0$;

$d+1=0$; $d_1=-1$; $7d+5=0$; $d_2=-\frac{5}{7}$.

№ 24. $\frac{45m+8}{m(m+1)(m-2)}$. Дробь обращается в 0, когда числитель равен 0,

$45m+8=0$ при $m=-\frac{8}{45}$. Дробь не имеет смысла, когда знаменатель равен 0.

$m(m+1)(m-2)=0$; $m_1=0$; $m+1=0$; $m_2=-1$; $m-2=0$; $m_3=2$.

№ 25. $5a-10b=18$, преобразуем $5(a-2b)=18$, $a-2b=\frac{18}{5}=3,6$.

а) $3a-6b=3(a-2b)=3 \cdot \frac{18}{5}=10,8$; б) $\frac{7,2}{a-2b}=7,2 \cdot \frac{18}{5}=\frac{36}{5} \cdot \frac{5}{18}=2$;

в) $\frac{8b-4a}{3}=\frac{-4(a-b)}{3}=-\frac{4}{3} \cdot \frac{18}{5}=-4 \frac{4}{5}$; г) $\frac{a^2-4ab+4b^2}{3,6}=\frac{(a-2b)^2}{3,6}=\frac{(3,6)^2}{3,6}=3,6$.

№ 26. а) $-\frac{a}{b}=-3$; б) $\frac{b}{a}=1 : \frac{a}{b}=\frac{1}{3}$; в) $\frac{a+b}{b}=\frac{a}{b}+\frac{b}{b}=\frac{a}{b}+1=4$;

г) $\frac{b+a}{2a}=\frac{b}{2a}+\frac{a}{2a}=\frac{1}{2} : \left(\frac{a}{b}\right)+\frac{1}{2}=\frac{1}{2} : 3+\frac{1}{2}=\frac{4}{6}=\frac{2}{3}$.

№ 27. а) При $\frac{x}{y}=0,2$, $\frac{x+y}{x}=\frac{x}{x}+\frac{y}{x}=1+1:\left(\frac{x}{y}\right)=1+1:0,2=6$.

б) При $\frac{x}{y} = 0,4$, $\frac{3x-8y}{y} = \frac{3x}{y} - \frac{8y}{y} = 3 \cdot 0,4 - 8 = 6,8$.

№ 28. $3x-9y=1$, $x-3y=\frac{1}{3}$. а) $x-3y=\frac{1}{3}$; б) $\frac{6}{x-3y}=\frac{6}{\frac{1}{3}}=18$;

в) $\frac{12y-4x}{5}=\frac{-4(x-3y)}{5}=-\frac{4}{5} \cdot \frac{1}{3}=-\frac{4}{15}$;

г) $(9y^2-6xy+x^2) \cdot 3=(3y-x)^2 \cdot 3=\left(\frac{1}{3}\right)^2 \cdot 3=\frac{1}{3}$.

№ 29.

Дано $\frac{a+2b}{b}=7$, преобразуем это выражение: $\frac{a}{b}+\frac{2b}{b}=7$; $\frac{a}{b}+2=7$; $\frac{a}{b}=5$.

а) $\frac{a}{b}=5$; б) $\frac{2a-b}{b}=2 \cdot \frac{a}{b}-\frac{b}{b}=2 \cdot 5-1=9$; в) $\frac{2a+3b}{b}=2 \cdot \frac{a}{b}+3 \cdot \frac{b}{b}=2 \cdot 5+3=13$;

г) $\frac{4b-a}{2a}=\frac{4b}{2a}-\frac{a}{2a}=1:\left(\frac{a}{b}\right)-\frac{1}{2}=1:5-\frac{1}{2}=-\frac{3}{10}$.

№ 30.

Дано $\frac{x-3y}{y}=12$, преобразуем это выражение: $\frac{x}{y}-\frac{3y}{y}=12$; $\frac{x}{y}-3=12$; $\frac{x}{y}=15$.

а) $\frac{x}{y}=15$; б) $\frac{y}{x}=1:\left(\frac{x}{y}\right)=1:15=\frac{1}{15}$; в) $\frac{2x+y}{y}=2 \cdot \left(\frac{x}{y}\right)+\frac{y}{y}=2 \cdot 15+1=31$;

г) $\frac{3x-y}{2x}=\frac{3x}{2x}-\frac{1}{2} \cdot \frac{y}{x}=\frac{3}{2}-\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{x}{y}\right)=\frac{3}{2}-\frac{1}{2} \cdot 15=\frac{22}{15}=1\frac{7}{15}$.

№ 31.

а) $\frac{12}{x}-\frac{12}{x+1}=1$. Два пешехода вышли из пункта А в пункт В, между которыми расстояние 12 км. 2-й пешеход шел со скоростью на 1 км/ч больше, чем 1-й, и пришел на 1 час раньше в В. Найти скорости пешеходов.

б) $\frac{24}{x+2}=\frac{16}{x-2}$. Моторная лодка проходит по реке по течению 24 км, а против течения за одинаковое время. Найти собственную скорость лодки, если известно, что скорость реки 2 км/ч.

в) $\frac{20}{x}=\frac{25}{x+1}$. Две туристические группы вышли одновременно из пункта А. 2-я группа шла со скоростью, на 1 км/ч больше, чем 1-я. Известно, что за одно и то же время 1-я группа прошла 20 км, 2-я - 25 км. Найти скорости групп.

г) $\frac{10}{x-1}-\frac{9}{x+2}=\frac{1}{2}$. Если велосипедист будет ехать медленнее своей обычной скорости на 1 км/ч, то на 10 км он потратит времени на 0,5 часа больше, чем на 9 км, проезжая со скоростью на 2 км/ч больше обычной.

§2. Основное свойство алгебраической дроби.

№ 32. а) $\frac{4}{7} = \frac{*}{21}$; б) $\frac{4}{7} = \frac{12}{21}$; г) $\frac{-a}{b} = \frac{a^2}{*}$; д) $\frac{-a}{b} = \frac{-a \cdot (-a)}{b \cdot (-a)} = \frac{a^2}{-ab} = -\frac{a^2}{ab}$;

в) $\frac{m^2}{n} = \frac{*}{r \cdot n}$; г) $\frac{m^2 \cdot r}{n \cdot r} = \frac{-pq}{p^2 \cdot s}$; д) $\frac{-q}{*} = \frac{-(p \cdot q) : p}{(p^2 \cdot s) : p} = \frac{-q}{p \cdot s}$.

№ 33. а) $\frac{x}{x+y} = \frac{xn}{xn+yn}$, тождество, т.к. $\frac{x \cdot n}{n(x+y)} = \frac{x}{x+y}$;

б) $\frac{c}{d} = \frac{c+s}{d+s}$, не тождество;

в) $\frac{a-b}{a} = \frac{a^2 - ab}{a^2}$, тождество, т.к. $\frac{a^2 - ab}{a^2} = \frac{a(a-b)}{a \cdot a} = \frac{a-b}{a}$;

г) $\frac{mx+n}{qx+p} = \frac{m+n}{q+p}$, тождеством не является.

№ 34. а) $\frac{15ab}{12bc} = \frac{5a}{4c}$; б) $\frac{14k^2l}{7kl^2} = \frac{2k}{l}$; в) $\frac{144xy}{63yz} = \frac{16x}{7z}$; г) $\frac{135p^3q^2}{25q^2 \cdot p} = \frac{27}{5} p^2$.

№ 35. а) $\frac{4(a-b)}{5(a-b)^2} = \frac{4}{5(a-b)}$; б) $\frac{13(x+4)^3}{26x(x+4)} = \frac{(x+4)^2}{2x}$;

в) $\frac{8(k+l)^2}{9(k+l)^3} = \frac{8}{9(k+l)}$; г) $\frac{48m(2m-n)^3}{60n(2m-n)^3} = \frac{4m}{5n}$.

№ 36. а) $\frac{2^4}{2^6} = \frac{1}{2^2} = \frac{1}{4}$; б) $\frac{4^3}{4^2} = 4$; в) $\frac{7^{12}}{7^{10}} = 7^2 = 49$; г) $\frac{6^3}{6^2} = 6$.

№ 37.

а) $\frac{24}{2^3} = \frac{8 \cdot 3}{2^3} = \frac{2^3 \cdot 3}{2^3} = 3$; б) $\frac{3^3}{27} = \frac{3^3}{3^3} = 1$; в) $\frac{625}{5^2} = \frac{25 \cdot 25}{5^2} = \frac{5^2 \cdot 5^2}{5^2} = \frac{1}{5}$; г) $\frac{64}{4^2} = \frac{4^3}{4^2} = 4$.

№ 38. а) $\frac{5a^8}{7} = \frac{40a}{56}$; б) $\frac{26m}{112} = \frac{13m}{56}$; в) $\frac{3k^7}{8} = \frac{21k}{56}$; г) $\frac{27t}{168} = \frac{9t}{56}$.

№ 39. а) $\frac{2b^{12}}{3a} = \frac{24b}{36a}$; б) $\frac{5an}{36a^2} = \frac{5n}{36a}$; в) $\frac{7s^a}{36} = \frac{7a}{36a}$; г) $\frac{9d}{108ad} = \frac{3}{36a}$.

№ 40. а) $\frac{58l}{28mn} = \frac{29l}{14mn}$; б) $\frac{1}{2n} = \frac{1^{17m}}{14mn}$;

в) $\frac{3}{7m} = \frac{6n}{14mn}$; г) $\frac{27mk}{42m^2n} = \frac{3 \cdot 9k}{3 \cdot 2 \cdot 7mn} = \frac{9k}{14mn}$.

№ 41.

а) $\frac{1}{8xy} = \frac{3x}{24x^2y}^{13x}$; б) $\frac{15xz}{120x^2y} = \frac{3xz}{24x^2y}$; в) $\frac{2x^{18x^2}}{3y} = \frac{16x^3}{24x^2y}$; г) $\frac{21a^2y^2}{48x^2y^3} = \frac{10,5a^2}{24x^2y}$.

№ 42. а) $\frac{5a^2}{6}$ и $\frac{7b}{12}$; б) $\frac{16x^2}{17}$ и $\frac{35y}{34}$; $\frac{32x}{34}$ и $\frac{35y}{34}$

в) $\frac{37d^{13}}{16}$ и $\frac{42c}{48}$; г) $\frac{111d}{48}$ и $\frac{42c}{48}$; д) $\frac{5z}{144}$ и $\frac{7t^4}{36}$; е) $\frac{5z}{144}$ и $\frac{28t}{144}$

№ 43. а) $\frac{6a^2}{8}$ и $\frac{5ab^2}{12}$; б) $\frac{18a^2}{24}$ и $\frac{100b}{24}$; в) $\frac{19x^2}{5}$ и $\frac{21y^2}{3}$; г) $\frac{19z^2}{5}$ и $\frac{7 \cdot 5y^2}{5} = \frac{35y^2}{5}$

в) $\frac{3m^2}{14}$ и $\frac{6n^2}{21}$; г) $\frac{3m^2}{14}$ и $\frac{2n^2}{7}$; д) $\frac{3m^2}{14}$ и $\frac{4n^2}{14}$; е) $\frac{18x^2}{35}$ и $\frac{27z^2}{50}$; в) $\frac{180r^2}{350}$ и $\frac{189z^2}{350}$

№ 44. а) $\frac{8mn}{a^2}$ и $\frac{9p}{a^3}$; б) $\frac{8mna}{a^3}$ и $\frac{9p}{a^3}$; в) $\frac{4p}{b^2}$ и $\frac{5q^b}{b}$; г) $\frac{4p}{b^2}$ и $\frac{5bq}{b^2}$

д) $\frac{a^2b^{12}}{c^{12}}$ и $\frac{ab^2}{c^{24}}$; е) $\frac{a^2b \cdot c^{12}}{c^{24}}$ и $\frac{ab^2}{c^{24}}$; ж) $\frac{18s}{d^{101}}$ и $\frac{19t^d}{d^{100}}$; з) $\frac{18s}{d^{101}}$ и $\frac{19t \cdot d}{d^{101}}$

№ 45. а) $\frac{1}{3a}$ и $\frac{2}{a^3}$; б) $\frac{1}{3a}$ и $\frac{6}{3a}$; в) $\frac{5^4}{b}$ и $\frac{6}{4b}$; г) $\frac{20}{4b}$ и $\frac{6}{4b}$

д) $\frac{7}{12c}$ и $\frac{11^{12}}{18c}$; е) $\frac{21}{36c}$ и $\frac{22}{36c}$; ж) $\frac{13}{48d}$ и $\frac{15}{54d}$; з) $\frac{13}{48d}$ и $\frac{5^{18}}{18d}$; и) $\frac{39}{144d}$ и $\frac{40}{144d}$

№ 46. а) $\frac{y^{2|y}}{x}$ и $\frac{x^{|x}}{y}$; б) $\frac{y^3}{x \cdot y}$ и $\frac{x^2}{y}$; в) $\frac{n^3}{m}$ и $\frac{m^{|m}}{n}$; г) $\frac{n^4}{m \cdot n}$ и $\frac{m^2}{m \cdot n}$

д) $\frac{q^{4|q}}{p}$ и $\frac{p^{|p}}{q}$; е) $\frac{q^5}{p \cdot q}$ и $\frac{p^2}{p \cdot q}$; ж) $\frac{s^8}{r}$ и $\frac{r^{10|r}}{s}$; з) $\frac{s^9}{rs}$ и $\frac{r^{11}}{rs}$

№ 47.

а) $\frac{3b^2}{2a}$ и $\frac{6a^{2|a}}{4b}$; б) $\frac{6b^3}{4ab}$ и $\frac{6a^3}{4ab}$; в) $\frac{7d^3}{60c}$ и $\frac{8c^{2|5c}}{12d}$; г) $\frac{7d^4}{60cd}$ и $\frac{40c^3}{60cd}$

д) $\frac{12t^4}{15z}$ и $\frac{3z^{2|z}}{45t}$; е) $\frac{36t^5}{45zt}$ и $\frac{3z^3}{45zt}$; ж) $\frac{15q^2}{90p}$ и $\frac{2p^{8|10p}}{9q}$; з) $\frac{15q^3}{90pq}$ и $\frac{20p^9}{90pq}$

№ 48.

а) $\frac{5n^2}{12m}$ и $\frac{3m^{3|6m}}{26n}$; б) $\frac{65n^3}{156m \cdot n}$ и $\frac{18m^4}{156m \cdot n}$; в) $\frac{10y^2}{18x}$ и $\frac{8x^{3|9x}}{20y}$; г) $\frac{100y^3}{180xy}$ и $\frac{72x^4}{180xy}$

д) $\frac{2n^3}{27m}$ и $\frac{7m^{4|9m}}{30n}$; е) $\frac{20n^4}{270m \cdot n}$ и $\frac{63m^5}{270m \cdot n}$; ж) $\frac{b}{85a}$ и $\frac{a^{17a}}{100b}$; з) $\frac{20b^2}{1700ab}$ и $\frac{17a^2}{1700ab}$

№ 49.

а) $\frac{b^{2b}}{a}$ и $\frac{c}{2ab}$; б) $\frac{2b^2}{2ab}$ и $\frac{c}{2ab}$; в) $\frac{x^4}{5y}$ и $\frac{z^{15}}{y^2}$; г) $\frac{x^4y}{5y^2}$ и $\frac{5z}{5y^2}$

д) $\frac{m^{18m}}{3n}$ и $\frac{6x}{8mn}$; е) $\frac{8m^2}{24mn}$ и $\frac{18x}{24mn}$; ж) $\frac{3c}{2d}$ и $\frac{c}{6ad}$; з) $\frac{9ac}{6ad}$ и $\frac{c}{6ad}$

№ 50.

a) $\frac{5^{1a-b}}{a} \text{ и } \frac{7^{-1a}}{a-b}; \frac{5(a-b)}{a(a-b)} \text{ и } \frac{7a}{a(a-b)};$ б) $\frac{14^{1a-1}}{a} \text{ и } \frac{3^{-1a}}{a-1}; \frac{14(a-1)}{a(a-1)} \text{ и } \frac{3a}{a(a-1)};$
 в) $\frac{b^{1a}}{a+b} \text{ и } \frac{b^{1a+b}}{a(a+b)}; \frac{ab}{a(a+b)} \text{ и } \frac{b(a+b)}{a(a+b)};$ г) $\frac{c^{-1x+3}}{x} \text{ и } \frac{d^{-1x}}{x+3}; \frac{c(x+3)}{x(x+3)} \text{ и } \frac{dx}{x(x+3)}.$

№ 51. а) $\frac{17}{3x-3} \text{ и } \frac{22}{6x-6}; \frac{17}{3(x-1)} \text{ и } \frac{2 \cdot 11}{2 \cdot 3(x-1)} = \frac{11}{3(x-1)};$

б) $\frac{5m^{-1m+8}}{m-8} \text{ и } \frac{6n^{-m-8}}{m+8}; \frac{5m(m+8)}{m^2-64} \text{ и } \frac{6n(m-8)}{m^2-64};$

в) $\frac{5x}{8x+8y} \text{ и } \frac{6y^{12}}{4x+4y}; \frac{5x}{8(x+y)} \text{ и } \frac{12y}{8(x+y)};$

г) $\frac{42^{-1q+10}}{q-10} \text{ и } \frac{3^{-1q-10}}{q+10}; \frac{42(q+10)}{q^2-100} \text{ и } \frac{3(q-10)}{q^2-100}.$

№ 52. а) $\frac{15}{m-n} \text{ и } \frac{16}{n-m}; \frac{15}{m-n} \text{ и } \frac{-16}{m-n};$ б) $\frac{48}{p-q} \text{ и } \frac{11}{q-p}; \frac{48}{p-q} \text{ и } \frac{-11}{p-q};$

в) $\frac{15a}{a+b} \text{ и } \frac{6b}{-a-b}; \frac{15a}{a+b} \text{ и } \frac{-6b}{a+b};$ г) $\frac{4s}{-2t-3s} \text{ и } \frac{8t}{2t+3s}; \frac{-4s}{2t+3s} \text{ и } \frac{8t}{2t+3s}.$

№ 53. а) $\frac{1}{(x-y)^2} \text{ и } \frac{1}{(y-x)^2}; \frac{1}{(x-y)^2} \text{ и } \frac{1}{(-1)^2(x-y)^2} = \frac{1}{(x-y)^2};$

б) $\frac{15m}{(a-b)^2} \text{ и } \frac{17n}{-(b-a)^2}; \frac{15m}{(a-b)^2} \text{ и } \frac{-17n}{(a-b)^2};$

в) $\frac{25p}{(p-q)^2} \text{ и } \frac{5q}{(q-p)^2}; \frac{25p}{(p-q)^2} \text{ и } \frac{5q}{(p-q)^2};$

г) $\frac{3k}{-(l-k)^2} \text{ и } \frac{8l}{(k-l)^2}; \frac{-3k}{(k-l)^2} \text{ и } \frac{8l}{(k-l)^2}.$

№ 54. а) $\frac{b^{12a^2}}{a}, \frac{d^{2^{-13a}}}{4a^2}, \frac{1^{-12}}{6a^3}; \frac{12ba^2}{12a^3}, \frac{3ad^2}{12a^3}, \frac{2}{12 \cdot a^3}.$

б) $\frac{t^{-1-s^2}}{-s}, \frac{2t^{-s}}{s^2}, \frac{5}{s^3}, \frac{-ts^2}{s^3}, \frac{2ts}{s^3}, \frac{5}{s^3}.$

в) $\frac{3^{-13x}}{2x^2}, \frac{5y^{-12x^2}}{3x}, \frac{2^{-16}}{-x^3}; \frac{9x}{6x^3}, \frac{10x^2y}{6x^3}, \frac{-12}{6x^3}.$

г) $\frac{n^{-1m^2}}{m^2}, \frac{5n^{-1m^3}}{m}, \frac{7}{m^4}; \frac{nm^2}{m^4}, \frac{5nm^3}{m^4}, \frac{7}{m^4}.$

№ 55. а) $\frac{k^{-12m^3}}{5l}, \frac{2k^{-15m^2}}{4lm}, \frac{1^{-10\ell}}{6m^3}; \frac{12km^3}{60lm^3}, \frac{30km^2}{60lm^3}, \frac{10l}{60m^3\ell}.$

$$6) \frac{p^{|q+p|}}{2q}, \frac{3^{|2q|}}{q+p}, \frac{2p^{|2(q+p)|}}{q}; \frac{p(q+p)}{2q(q+p)}, \frac{6q}{2q(q+p)}, \frac{4p(q+p)}{2q(q+p)}.$$

$$b) \frac{2^{|4d^2|}}{3c^2}, \frac{5y^{|3cd|}}{4cd}, \frac{2^{|12c^2|}}{d^2}; \frac{8d^2}{12c^2d^2}, \frac{15ycd}{12c^2d^2}, \frac{24c^2}{12c^2d^2}.$$

$$r) \frac{2x^{|x+y|}}{y^2}, \frac{5x-y^{|y^2|}}{x+y}, \frac{3^{|y(x+y)|}}{y}; \frac{2x(x+y)}{y^2(x+y)}, \frac{(5x-y)\times y^2}{y^2(x+y)}, \frac{3y(x+y)}{y^2(x+y)}.$$

$$\text{№ 56. a) } \frac{t^{|st|}}{s+t}, \frac{2s^{|s(s+t)|}}{t}, \frac{1^{|t(s+t)|}}{s}; \frac{st^2}{st(s+t)}, \frac{2s^2(s+t)}{st(s+t)}, \frac{t(s+t)}{st(s+t)}.$$

$$6) \frac{m^{|m(m-n)|}}{m+n}, \frac{1^{|m(m+n)|}}{m-n}, \frac{7^{|m^2-n^2|}}{m}; \frac{m^2(m-n)}{m(m^2-n^2)}, \frac{m(m+n)}{m(m^2-n^2)}, \frac{7(m^2-n^2)}{m(m^2-n^2)}.$$

$$b) \frac{a+b^{|3(a+b)|}}{a^2}, \frac{b^{|a(a+b)|}}{3a}, \frac{a^{|3a^2|}}{a+b}; \frac{3(a+b)^2}{3a^2(a+b)}, \frac{ab(a+b)}{3a^2(a+b)}, \frac{3a^3}{3a^2(a+b)}.$$

$$r) \frac{kl^{|kl(k-l)|}}{k+l}, \frac{kl^{|kl(k+l)|}}{k-l}, \frac{k+l^{|k^2-l^2|}}{kl}; \frac{k^2l^2(k-l)}{kl(k^2-l^2)}, \frac{k^2l^2(k+l)}{kl(k^2-l^2)}, \frac{(k+l)(k^2-l^2)}{kl(k^2-l^2)}.$$

$$\text{№ 57. a) } \frac{4}{c^2-25}, \frac{2^{|c-5|}}{c+5}, \frac{c+2^{|c+5|}}{c-5}; \frac{4}{c^2-25}, \frac{2(c-5)}{c^2-25}, \frac{(c+2)(c+5)}{c^2-25}.$$

$$6) \frac{a^{|-(a+x)|}}{a-x}, \frac{2a^2}{x^2-a^2}, \frac{a^{|x-a|}}{a+x}, \frac{-a(x+a)}{x^2-a^2}, \frac{2a^2}{x^2-a^2}, \frac{a(x-a)}{x^2-a^2}.$$

$$b) \frac{3^{|x-2|}}{x+2}, \frac{5^{|x+2|}}{x-2}, \frac{2x-5^{|-1|}}{4-x^2}; \frac{3(x-2)}{x^2-4}, \frac{5(x+2)}{x^2-4}, \frac{5-2x}{x^2-4}.$$

$$r) \frac{n^2}{n^2-y^2}, \frac{n+y^{|n+y|}}{n-y}, \frac{y^2^{|-1|}}{y^2-n^2}; \frac{n^2}{n^2-y^2}, \frac{(n+y)^2}{n^2-y^2}, \frac{-y^2}{n^2-y^2}.$$

№ 58.

$$a) \frac{x+1^{|x+1|}}{2(x-1)}, \frac{x^2}{2(x^2-1)}, \frac{2x+3^{|2(x-1)|}}{x+1}; \frac{(x+1)^2}{2(x^2-1)}, \frac{x^2}{2(x^2-1)}, \frac{2(2x+3)(x-1)}{2(x^2-1)}.$$

$$6) \frac{1^{|2(2+y)y|}}{2-y}, \frac{1^{|2(2-y)y|}}{2+y}, \frac{y^2+4^{|-1|}}{2y^3-8y}; \frac{2(2+y)y}{2(4-y^2)y}, \frac{2(2-y)y}{2(4-y^2)y}, \frac{-y^2-4}{2(4-y^2)y}.$$

$$b) \frac{2a+b^{|a+b|}}{2a^2-ab}, \frac{16a^{|2a|}}{4a^2-b^2}, \frac{2a-b^{|a-b|}}{2a^2+ab}; \frac{(2a+b)(a+b)}{2a(a^2-b^2)}, \frac{16\cdot 12\cdot a^2}{2a(4a^2-b^2)}, \frac{(2a-b)(a-b)}{2a(4a^2-b^2)}.$$

$$r) \frac{1^{|(z+3)^2|}}{(z-3)^2}, \frac{2^{|z^2-9|}}{z^2-9}, \frac{1^{|(z-3)^2|}}{(z+3)^2};$$

$$\frac{(z+3)^2}{(z-3)^2(z+3)^2}, \frac{2(z^2-9)}{(z-3)^2(z+3)^2}, \frac{(z-3)^2}{(z-3)^2(z+3)^2}.$$

$$\text{№ 59. a) } \frac{4,5a^2+0,5ab}{40,5a^2-0,5b^2} = \frac{0,5a(9a+b)}{0,5\cdot(81a^2-b^2)} = \frac{a(9a+b)}{(9a-b)(9a+b)} = \frac{a}{9a-b}.$$

$$6) \frac{24,5x^2 - 0,5y^2}{3,5x^2 - 0,5xy} = \frac{0,5(49x^2 - y^2)}{x \cdot 0,5(7x - y)} = \frac{(7x - y)(7x + y)}{x(7x - y)} = \frac{7x + y}{x}.$$

№ 60. а) $\frac{3^3 \cdot 12^4}{3^5 \cdot 4^2} = \frac{3^3 \cdot 3^4 \cdot 4^4}{3^5 \cdot 4^2} = 3^2 \cdot 4^2 = 9 \cdot 16 = 144;$

$$6) \frac{14^7 \cdot 28^2}{7^9 \cdot 2^4} = \frac{2^7 \cdot 7^7 \cdot 7^2 \cdot 4^2}{7^9 \cdot 2^4} = 2^3 \cdot 2^4 = 2^7 = 128;$$

$$в) \frac{625 \cdot 15^3}{5^5} = \frac{25 \cdot 25 \cdot 5^3 \cdot 3^3}{5^5} = \frac{5^7 \cdot 3^3}{5^5} = 5^2 \cdot 3^3 = 675; г) \frac{11^5 \cdot 5^6}{55^5} = \frac{11^5 \cdot 5^6}{11^5 \cdot 5^5} = 5.$$

№ 61.

а) При $x=0,5, y=0,25, \frac{9x^2 - 3xy}{12xy - 4y^2} = \frac{3x(3x - y)}{4y(3x - y)} = \frac{3x}{4y} = \frac{3 \cdot 0,5}{4 \cdot 0,25} = \frac{3}{4 \cdot 0,25} = \frac{3}{2}.$

б) При $a=-2,4, b=0,2, \frac{a^2 - 2ab}{12b^2 - 6ab} = \frac{a(a - 2b)}{-6b(a - 2b)} = -\frac{a}{6b} = \frac{-(-2,4)}{6 \cdot 0,2} = \frac{2,4}{1,2} = 2.$

в) При $m=1,5, n=-4,5, \frac{16m^2 - 4n^2}{6m - 3n} =$
 $= \frac{4(2m - n)(2m + n)}{3(2m - n)} = \frac{4}{3} \cdot (2m + n) = \frac{4}{3} \cdot (2 \cdot 1,5 + (-4,5)) = -2.$

г) При $k = \frac{1}{5}, l = \frac{1}{6}, \frac{30kl - 15k^2}{8l^2 - 4kl} = \frac{15k(2l - k)}{4l(2l - k)} = \frac{15 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)}{4 \cdot \left(\frac{1}{6}\right)} = 4,5.$

№ 62. а) $\frac{2x - 6y}{0,25x^2 - 2,25y^2} = \frac{2(x - 3y)}{0,25(x^2 - 9y^2)} = \frac{8(x - 3y)}{(x - 3y)(x + 3y)} = \frac{8}{x + 3y} = \frac{8}{8} = 1;$

б) $\frac{2a - 4b}{0,2a^2 - 0,8b^2} = \frac{2(a - 2b)}{0,2(a^2 - 4b^2)} = \frac{10(a - 2b)}{(a - 2b)(a + 2b)} = \frac{10}{5} = 2.$

№ 63. а) $\frac{1}{6mn} \text{ и } \frac{1}{3n^2}; \frac{n}{6mn^2} \text{ и } \frac{2m}{6mn^2};$

б) $\frac{8}{15a^2b} \text{ и } \frac{3}{10a^2b^4}; \frac{16b^3}{30a^2b^4} \text{ и } \frac{9}{30a^2b^4};$

в) $\frac{42}{7x^3y^3} \text{ и } \frac{12}{3x^2y^3}; \frac{126}{21x^3y^3} \text{ и } \frac{84x}{21x^3y^3};$

г) $\frac{11}{42p^3q^{31}} \text{ и } \frac{4}{40p^8q}; \frac{55p^5}{210p^8q^{31}} \text{ и } \frac{21q^{30}}{210p^8q^{31}}.$

№ 64.

а) $\frac{7a}{x^2 - 4} \text{ и } \frac{9b}{x - 2}; \frac{7a}{(x - 2)(x + 2)} \text{ и } \frac{9b(x + 2)}{(x - 2)(x + 2)};$

б) $\frac{8c}{y^2 - 9} \text{ и } \frac{10(y - 3)}{y + 3}; \frac{8c}{(y - 3)(y + 3)} \text{ и } \frac{10(y - 3)}{(y - 3)(y + 3)};$

в) $\frac{m+n}{m-n} \text{ и } \frac{5}{m^2-n^2}; \frac{(m+n)^2}{(m-n)(m+n)} \text{ и } \frac{5}{(m-n)(m+n)};$

г) $\frac{8}{c^2-d^2} \text{ и } \frac{c+d}{c-d} \text{ ; } \frac{8}{c^2-d^2} \text{ и } \frac{(c+d)^2}{c^2-d^2}.$

№ 65. а) $\frac{54}{x-y} \text{ и } \frac{49}{(x-y)^2}; \frac{54(x-y)}{(x-y)^2} \text{ и } \frac{49}{(x-y)^2};$

б) $\frac{p}{(a-b)^2} \text{ и } \frac{9}{a-b} \text{ ; } \frac{p}{(a-b)^2} \text{ и } \frac{9(a-b)}{(a-b)^2};$

в) $\frac{32a}{(z-t)^8} \text{ и } \frac{42b^{z-t}}{(z-t)^7}; \frac{32a}{(z-t)^8} \text{ и } \frac{42b(z-t)}{(z-t)^8};$

г) $\frac{7a^{2(a+b)^8}}{(a+b)^2} \text{ и } \frac{b}{(a+b)^{10}}; \frac{7a^2(a+b)^8}{(a+b)^{10}} \text{ и } \frac{b}{(a+b)^{10}}.$

№ 66. а) $\frac{a-b}{5a+5b} \text{ и } \frac{a^2}{a^2-b^2} \text{ ; } \frac{(a-b)^2}{5(a^2-b^2)} \text{ и } \frac{5a^2}{5(a^2-b^2)};$

б) $\frac{x+y}{6x-6y} \text{ и } \frac{y^3}{x^2-y^2} \text{ ; } \frac{(x-y)^2}{6(x^2-y^2)} \text{ и } \frac{6y^3}{6(x^2-y^2)};$

в) $\frac{13c}{12c-12d} \text{ и } \frac{17d}{d^2-c^2} \text{ ; } \frac{13(c+d)}{12(c^2-d^2)} \text{ и } \frac{-204d}{12(c^2-d^2)};$

г) $\frac{26z^2}{45t-45z} \text{ и } \frac{3t}{z^2-t^2} \text{ ; } \frac{26z^2(t+z)}{45(t^2-z^2)} \text{ и } \frac{-135t}{45(t^2-z^2)}.$

№ 67. а) $\frac{2y}{x-y} \text{ и } \frac{6}{x^3-1}; \frac{2y(x^2+x+1)}{x^3-1} \text{ и } \frac{6}{x^3-1};$

б) $\frac{b}{a^3+8} \text{ и } \frac{8}{a+1} \text{ ; } \frac{b}{a^3+8} \text{ и } \frac{8(a^2-2a+4)}{a^3+8};$

в) $\frac{15}{a^3-64} \text{ и } \frac{1}{a^2+4a+16} \text{ ; } \frac{15}{a^3-64} \text{ и } \frac{a-4}{a^3-64};$

г) $\frac{2a^{a+3}}{a^2-3a+9} \text{ и } \frac{3b}{a^3+27}; \frac{2a(a+3)}{(a^2-3a+9)(a+3)} \text{ и } \frac{3b}{(a^2-3a+9)(a+3)}.$

№ 68. а) $\frac{p}{p-2} \text{ и } \frac{2p}{4-p^2} \text{ ; } \frac{p(p+2)}{(p-2)(p+2)} \text{ и } \frac{-2p}{(p-2)(p+2)};$

б) $\frac{a+3}{6-2a} \text{ и } \frac{a-1}{2(a^2-9)} \text{ ; } \frac{(a+3)^2}{2(3-a)(3+a)} \text{ и } \frac{1-a}{2(3-a)(3+a)};$

в) $\frac{7c}{q-3} \text{ и } \frac{9d}{9-q^2} \text{ ; } \frac{7c(q+3)}{q^2-9} \text{ и } \frac{-9d}{q^2-9};$

$$\Gamma) \frac{1}{8-4a}^{13(2+a)} \text{ и } \frac{35a}{3(a^2-4)}^{-4} ; \frac{3(2+a)}{12(2-a)(2+a)} \text{ и } \frac{-140a}{12(2-a)(2+a)} .$$

$$\text{№ 69. а) } \frac{5x}{x^2-4}^{-|x^2-4|}, \frac{3y}{x^2+4x+4}^{-|(x-2)^2|}, \frac{x}{x^2-4x+4}^{-|(x+2)^2|};$$

$$\frac{5x(x^2-4)}{(x^2-4)^2}, \frac{3y(x-2)^2}{(x^2-4)^2}, \frac{x(x+2)^2}{(x^2-4)^2}.$$

$$б) \frac{3a}{2a-3}^{-|c(2a+3)|}, \frac{4a}{2a+3}^{-|c(2a-3)|}, \frac{5b}{4a^2c-9c}^{-11}, \frac{3ac(2a+3)}{-(4a^2-9)}, \frac{4ac(2a-3)}{-(4a^2-9)}, \frac{5b}{-(4a^2-9)}.$$

$$\text{в) } \frac{3m^{(m^2-9)}}{m^2-9}, \frac{7m^{(m^2-6m+9)}}{m^2+6m+9}, \frac{m^{(m^2+6m+9)}}{m^2-6m+9};$$

$$\frac{3m(m^2-9)}{(m^2-9)^2}, \frac{7m(m^2-6m+9)}{(m^2-9)^2}, \frac{m(m^2+6m+9)}{(m^2-9)^2}.$$

$$\Gamma) \frac{4p}{8p-9}^{-|q(8p+9)|}, \frac{3p}{8p+9}^{-|q(8p-9)|}, \frac{12}{64p^2q-81q};$$

$$\frac{4p \cdot q(8p+9)}{q(64p^2-81)}, \frac{3p \cdot q(8p-9)}{q(64p^2-81)}, \frac{12}{q(64p^2-81)}.$$

$$\text{№ 70. а) } \frac{c+2b^a}{(a+2b)(-3a)}, \frac{2b}{a(a+2b)}^{-|c-3a|}, \frac{b}{a(c-3a)}^{-|a+2b|};$$

$$\frac{(c+2b)a}{a(a+2b)(c-3a)}, \frac{2b(c-3a)}{a(a+2b)(c-3a)}, \frac{b(a+2b)}{a(c-3a)(a+2b)}.$$

$$б) \frac{1}{y-5z}^{-|x(x+2y)|}, \frac{z}{x(x+2y)}^{-|y-5z|}, \frac{7}{(y-5z)(x+2y)};$$

$$\frac{x(x+2y)}{x(y-5z)(x+2y)}, \frac{z(y-5z)}{x(x+2y)(y-5z)}, \frac{7x}{x(y-5z)(x+2y)}.$$

$$\text{в) } \frac{5a}{2(2a+c)}^{-|3(a+b)|}, \frac{2b}{3(3a+b)}^{-|2(2a+c)|}, \frac{6a^{26}}{3a(2a+c)+b(2a+c)};$$

$$\frac{15a(3a+b)}{6(2a+c)(3a+b)}, \frac{4b(2a+c)}{6(2a+c)(3a+b)}, \frac{36a^2}{6(2a+c)(3a+b)}.$$

$$\Gamma) \frac{a^{26}}{a(a-b)-c(a-b)}, \frac{-3b}{2(a-b)}^{-|3(a-c)|}, \frac{a}{3(a-c)}^{-|2(a-b)|};$$

$$\frac{6a^2}{6(a-b)(a-c)}, \frac{-9b(a-c)}{6(a-b)(a-c)}, \frac{2a(a-b)}{6(a-b)(a-c)}.$$

$$\text{№ 71. } y = \frac{x^2(x-4)+2(x-4)}{x^2+2} = \frac{(x^2+2)(x-4)}{x^2+2} = x-4 \text{ — линейная функция.}$$

§ 3. Сложение и вычитание алгебраических дробей с одинаковыми знаменателями

№ 72.

a) $\frac{a}{5} + \frac{b}{5} = \frac{a+b}{5}$; б) $\frac{x}{12} - \frac{y}{12} = \frac{x-y}{12}$; в) $\frac{c}{100} + \frac{d}{100} = \frac{c+d}{100}$; г) $\frac{z}{63} - \frac{t}{63} = \frac{z-t}{63}$.

№ 73. а) $\frac{m}{n} + \frac{3}{n} = \frac{m+3}{n}$; б) $\frac{6}{p} - \frac{q}{p} = \frac{6-q}{p}$; в) $\frac{r}{s} + \frac{5}{s} = \frac{r+5}{s}$; г) $\frac{17}{w} - \frac{a}{w} = \frac{17-a}{w}$.

№ 74. а) $\frac{7a^2}{x} + \frac{9a^2}{x} = \frac{16a^2}{x}$; б) $\frac{15b^3}{y} - \frac{25b^3}{y} = -\frac{10b^3}{y}$;

в) $\frac{48p^8}{n} - \frac{24p^8}{n} = \frac{24p^8}{n}$; г) $\frac{104m^2}{q} + \frac{6m^2}{q} = \frac{110m^2}{q}$.

№ 75. а) $\frac{x-y}{14} - \frac{x}{14} = \frac{x-y-x}{14} = \frac{-y}{14}$; б) $\frac{d}{25} - \frac{c+d}{25} = \frac{d-c-d}{25} = \frac{-c}{25}$;

в) $\frac{m+n}{19} - \frac{n}{19} = \frac{m+n-n}{19} = \frac{m}{19}$; г) $\frac{p}{36} - \frac{p-q}{36} = \frac{p-p+q}{36} = \frac{q}{36}$.

№ 76. а) $\frac{m+38}{17} - \frac{m+19}{17} = \frac{m+38-m-19}{17} = \frac{19}{17} = 1\frac{2}{17}$;

б) $\frac{a+b}{6} - \frac{a-2b}{6} = \frac{a+b-a+2b}{6} = \frac{3b}{6} = \frac{b}{2}$;

в) $\frac{2a-b}{3} + \frac{a+b}{3} = \frac{2a-b+a+b}{3} = \frac{3a}{3} = a$;

г) $\frac{3x+7y}{4} - \frac{y-3x}{4} = \frac{3x+7y-y+3x}{4} = \frac{6x+6y}{4} = \frac{6}{4}(x+y) = 1,5(x+y)$.

№ 77. а) $\frac{10x-6}{x} - \frac{3x-19}{x} = \frac{10x-6-3x+19}{x} = \frac{7x+13}{x}$;

б) $\frac{15a-y}{c} - \frac{y-15a}{c} = \frac{15a-y-y+15a}{c} = \frac{2(15a-y)}{c}$;

в) $\frac{7m+2n}{n} + \frac{7m-3n}{n} = \frac{7m+2n+7m-3n}{n} = \frac{14m-n}{n}$;

г) $\frac{8z-t}{d} - \frac{t-8z}{d} = \frac{8z-t-t+8z}{d} = \frac{2(8z-t)}{d}$.

№ 78.

а) $\frac{7p-13}{10p} - \frac{2p+3}{10p} = \frac{7p-13-2p-3}{10p} = \frac{5p-16}{10p}$;

б) $\frac{4a+3b-7}{3a} - \frac{a-1}{3a} = \frac{4a+3b-7-a+1}{3a} = \frac{3a+3b-6}{3a} = \frac{a+b-2}{3a}$;

в) $\frac{c+d}{2a} - \frac{2c-d}{2a} = \frac{c+d-2c+d}{2a} = \frac{2d-c}{2a}$;

г) $\frac{13+5n-8r}{4n} + \frac{3-n}{4n} = \frac{13+5n-8r+3-n}{4n} = \frac{16+4n-8r}{4n} = \frac{4+n-2}{n}$.

Nº 79. a) $\frac{b-2c}{3a} + \frac{b+c}{3a} = \frac{b-2c+b+c}{3a} = \frac{2b-c}{3a};$

б) $-\frac{a-3x}{2b} + \frac{a+x}{2b} = \frac{-a+3x+a+x}{2b} = \frac{4x}{2b} = \frac{2x}{b};$

в) $\frac{x-7y}{8y} - \frac{x+y}{8y} = \frac{x-7y-x-y}{8y} = \frac{-8y}{8y} = -1;$

г) $-\frac{m-12n}{27m} + \frac{m+15n}{27m} = \frac{-m+12n+m+15n}{27m} = \frac{27n}{27m} = \frac{n}{m}.$

Nº 80. а) $\frac{a-2}{8a} + \frac{2a+5}{8a} - \frac{3-a}{8a} = \frac{a-2+2a+5-3+a}{8a} = \frac{4a}{8a} = \frac{1}{2};$

б) $\frac{11x-7}{4x} - \frac{2x-3}{4x} + \frac{x-2y}{4x} = \frac{11x-7-2x+3+x-2y}{4x} = \frac{10x-2y-4}{4x} = \frac{5x-y-2}{2x};$

в) $\frac{4p-2}{3p} + \frac{2p-1}{3p} - \frac{1}{3p} = \frac{4p-2+2p-1-1}{3p} = \frac{6p-4}{3p};$

г) $\frac{3c-9}{5c} - \frac{2c+6d}{5c} - \frac{c-2d}{5c} = \frac{3c-9-2c-6d-c+2d}{5c} = \frac{-9-4d}{5c}.$

Nº 81. а) $\frac{x-7a}{ab} - \frac{x-a}{ab} = \frac{x-7a-x+a}{ab} = \frac{-6a}{ab} = -\frac{6}{b};$

б) $-\frac{2x-3c}{2cn} + \frac{2x+5c}{2cn} = \frac{-2x+3c+2x+5c}{2cn} = \frac{8c}{2cn} = \frac{4}{n};$

в) $\frac{b+4d}{bd} - \frac{b-4d}{bd} = \frac{b+4d-b+4d}{bd} = \frac{8d}{bd} = \frac{8}{b};$

г) $-\frac{4m-3n}{3mn} + \frac{4m+3n}{3mn} = \frac{-4m+3n+4m+3n}{3mn} = \frac{2}{m}.$

Nº 82. а) $\frac{a}{a-2} - \frac{1}{a-2} = \frac{a-1}{a-2}; \quad$ б) $\frac{x}{x+3} + \frac{2}{x+3} = \frac{x+2}{x+3};$

в) $\frac{6}{y+7} - \frac{y}{y+7} = \frac{6-y}{y+7}; \quad$ г) $\frac{9}{b-12} + \frac{b}{b-12} = \frac{9+b}{b-12}.$

Nº 83. а) $\frac{c}{c+2} + \frac{2}{c+2} = \frac{c+2}{c+2} = 1; \quad$ б) $\frac{3}{3+p} + \frac{p}{3+p} = \frac{3+p}{3+p} = 1;$

в) $\frac{1}{1+d} + \frac{d}{1+d} = \frac{1+d}{1+d} = 1; \quad$ г) $\frac{4}{q+4} + \frac{4}{q+4} = \frac{2 \cdot 4}{q+4} = \frac{8}{q+4}.$

Nº 84. а) $\frac{m}{m-8} - \frac{8}{m-8} = \frac{m-8}{m-8} = 1; \quad$ б) $\frac{7}{z-7} - \frac{z}{z-7} = \frac{7-z}{z-7} = -1;$

в) $\frac{n}{n-13} - \frac{13}{n-13} = \frac{n-13}{n-13} = 1; \quad$ г) $\frac{t}{3-t} - \frac{3}{3-t} = \frac{t-3}{3-t} = -1.$

Nº 85.

а) $\frac{x}{a-1} + \frac{2}{1-a} = \frac{x}{a-1} - \frac{2}{a-1} = \frac{x-2}{a-1}; \quad$ б) $\frac{c}{b-12} + \frac{8}{12-b} = \frac{c}{b-12} - \frac{8}{b-12} = \frac{c-8}{b-12};$

в) $\frac{a}{c-12} + \frac{15}{12-c} = \frac{a}{c-12} - \frac{15}{c-12} = \frac{a-15}{c-12}; \quad$ г) $\frac{3}{d-51} + \frac{x}{51-d} = \frac{3}{d-51} - \frac{x}{d-51} = \frac{3-x}{d-51}.$

Nº 86.

a) $\frac{7}{x-2} - \frac{m}{2-x} = \frac{7}{x-2} + \frac{m}{x-2} = \frac{7+m}{x-2}$; б) $\frac{a}{y-5} - \frac{5}{5-y} = \frac{a}{y-5} + \frac{5}{y-5} = \frac{a+5}{y-5}$;

в) $\frac{n}{40-z} - \frac{4}{z-40} = \frac{n}{40-z} + \frac{4}{40-z} = \frac{n+4}{40-z}$; г) $\frac{d}{1-t} - \frac{4}{t-1} = \frac{d}{1-t} + \frac{4}{1-t} = \frac{d+4}{1-t}$.

Nº 87. а) $\frac{2m}{m-n} + \frac{2n}{n-m} = \frac{2m}{m-n} - \frac{2n}{m-n} = \frac{2m-2n}{m-n} = 2$;

б) $\frac{5x}{x-y} + \frac{5y}{y-x} = \frac{5x}{x-y} - \frac{5y}{x-y} = \frac{5x-5y}{x-y} = \frac{5(x-y)}{x-y} = 5$;

в) $\frac{3c}{c-d} + \frac{3d}{d-c} = \frac{3c}{c-d} - \frac{3d}{c-d} = \frac{3c-3d}{c-d} = \frac{3(c-d)}{c-d} = 3$;

г) $\frac{8p}{p-q} + \frac{8q}{q-p} = \frac{8p}{p-q} - \frac{8q}{p-q} = \frac{8p-8q}{p-q} = \frac{8(p-q)}{p-q} = 8$.

Nº 88. а) $\frac{a+b}{2-x} + \frac{b}{x-2}^{-1} = \frac{a+b}{2-x} - \frac{b}{2-x} = \frac{a+b-b}{2-x} = \frac{a}{2-x}$;

б) $\frac{m-1}{m-3} + \frac{m+1}{3-m}^{-1} = \frac{m-1-m-1}{m-3} = \frac{-2}{m-3} = \frac{2}{3-m}$;

в) $\frac{x-c}{5-c} + \frac{x-5}{c-5}^{-1} = \frac{x-c-x+5}{5-c} = \frac{5-c}{5-c} = 1$;

г) $\frac{3a-2b}{a-3b} - \frac{5b-4a}{3b-a}^{-1} = \frac{3a-2b+5b-4a}{a-3b} = \frac{3b-a}{a-3b} = -1$.

Nº 89. а) $\frac{a^2}{a-3} - \frac{9}{a-3} = \frac{a^2-9}{a-3} = \frac{(a-3)(a+3)}{a-3} = a+3$;

б) $\frac{b^2}{b-5} - \frac{25}{b-5} = \frac{b^2-25}{b-5} = \frac{(b-5)(b+5)}{b-5} = b+5$;

в) $\frac{c^2}{c+9} - \frac{81}{c+9} = \frac{c^2-81}{c+9} = \frac{(c+9)(c-9)}{c+9} = c-9$;

г) $\frac{b^2}{b+12} - \frac{144}{b+12} = \frac{b^2-144}{b+12} = \frac{(b+12)(b-12)}{b+12} \cdot \frac{n!}{r!(n-r)!} = b-12$.

Nº 90. а) $\frac{t^2}{2a+t} - \frac{4a^2}{2a+t} = \frac{t^2-4a^2}{2a+t} = \frac{(t-2a)(t+2a)}{2a+t} = t-2a$;

б) $\frac{y^2}{7x-y} - \frac{49x^2}{7x-y} = \frac{y^2-49x^2}{7x-y} = \frac{-(7x-y)(7x+y)}{7x-y} = -(7x+y)$;

в) $\frac{x^2}{4y+x} - \frac{16y^2}{4y+x} = \frac{x^2-16y^2}{4y+x} = \frac{(x-4y)(x+4y)}{4y+x} = x-4y$;

г) $\frac{z^2}{13a-z} - \frac{169a^2}{13a-z} = \frac{z^2-169a^2}{13a-z} = \frac{(z-13a)(z+13a)}{-(z-13a)} = -(z+13a)$.

$$\text{№ 91. a) } \frac{x^2}{x(x-2)} - \frac{4}{x(x-2)} = \frac{x^2 - 4}{x(x-2)} = \frac{(x-2)(x+2)}{x(x-2)} = \frac{x+2}{x};$$

$$6) \frac{y^2}{y(y+3)} - \frac{9}{y(y+3)} = \frac{y^2 - 9}{y(y+3)} = \frac{(y+3)(y-3)}{y(y+3)} = \frac{y-3}{y};$$

$$\text{b) } \frac{z^2}{z(z+8)} - \frac{64}{z(z+8)} = \frac{z^2 - 64}{z(z+8)} = \frac{(z+8)(z-8)}{z(z+8)} = \frac{z-8}{z};$$

$$\text{r) } \frac{t^2}{t(t-10)} - \frac{100}{t(t-10)} = \frac{t^2 - 100}{t(t-10)} = \frac{(t-10)(t+10)}{t(t-10)} = \frac{t+10}{t}.$$

$$\text{№ 92. } \frac{b^2}{b^2+1} + \frac{2b^2+1}{b^2+1} - \frac{2(2b^2+1)}{b^2+1} = \frac{b^2 + 2b^2 + 1 - 4b^2 - 2}{b^2+1} = \frac{-b^2 - 1}{b^2+1} = \frac{-(b^2+1)}{b^2+1} = -1.$$

$$\text{№ 93. } \frac{3c^2+4}{2c^2+3} - \frac{2(c^2+2)}{2c^2+3} + \frac{c^2+3}{2c^2+3} = \frac{3c^2+4-2c^2-4+c^2+3}{2c^2+3} = \frac{2c^2+3}{2c^2+3} = 1.$$

$$\text{№ 94. a) } \frac{3x+2}{4x-y} + \frac{2x-1}{y-4x}^{-1} = \frac{3x+2-2x+1}{4x-y} = \frac{x+3}{4x-y};$$

$$6) \frac{7-2a}{5a-b} - \frac{3a+2}{b-5a}^{-1} = \frac{7-2a+3a+1}{5a-b} = \frac{8+a}{5a-b};$$

$$\text{b) } \frac{3-2x}{x-7y} + \frac{4-2x}{7y-x}^{-1} = \frac{3-2x-4+2x}{x-7y} = \frac{-1}{x-7y} = \frac{1}{7y-x};$$

$$\text{r) } \frac{5m+1}{5m-20} + \frac{m+17}{20-5m}^{-1} = \frac{5m+1-m-17}{5m-20} = \frac{4m-16}{5(m-4)} = \frac{4}{5}.$$

$$\text{№ 95. a) } \frac{a^2}{a-3} - \frac{6a-9}{a-3} = \frac{a^2-6a+9}{a-3} = \frac{(a-3)^2}{a-3} = a-3;$$

$$6) \frac{b^2}{b+5} + \frac{10b+25}{b+5} = \frac{b^2+10b+25}{b+5} = \frac{(b+5)^2}{b+5} = b+5;$$

$$\text{b) } \frac{c^2}{c-10} - \frac{20c-100}{c-10} = \frac{c^2-20c+100}{c-10} = \frac{(c-10)^2}{c-10} = c-10;$$

$$\text{r) } \frac{d^2}{d+7} + \frac{14d+49}{d+7} = \frac{d^2+14d+49}{d+7} = \frac{(d+7)^2}{d+7} = d+7.$$

$$\text{№ 96. a) } \frac{5x+9}{x^2-1} - \frac{4x+8}{x^2-1} = \frac{5x+9-4x-8}{x^2-1} = \frac{x+1}{(x-1)(x+1)} = \frac{1}{x-1};$$

$$6) \frac{3y+5}{y^2-4} - \frac{2y+7}{y^2-4} = \frac{3y+5-2y-7}{(y-2)(y+2)} = \frac{y-2}{(y-2)(y+2)} = \frac{1}{y+2};$$

$$\text{b) } \frac{3a-1}{a^2-b^2} - \frac{3b-1}{a^2-b^2} = \frac{3a-1-3b+1}{a^2-b^2} = \frac{3(a-b)}{(a-b)(a+b)} = \frac{3}{a+b};$$

$$\text{r) } \frac{c^2-3c}{c^2-64} + \frac{11c}{c^2-64} = \frac{c^2-3c+11c}{c^2-64} = \frac{c(c+8)}{(c-8)(c+8)} = \frac{c}{c-8}.$$

№ 97.

a) При $a=12$, $\frac{a^2-58}{a-8} - \frac{6}{a-8} = \frac{a^2-58-6}{a-8} = \frac{a^2-64}{a-8} = \frac{(a-8)(a+8)}{a-8} = a+8 = 12+8 = 20$.

б) При $b=3,5$, $\frac{b^2-108}{b+10} + \frac{8}{b+10} = \frac{b^2-108+8}{b+10} = \frac{b^2-100}{b+10} = \frac{(b-10)(b+10)}{b+10} = b-10 = 3,5-10 = -6,5$.

в) При $c=-3,5$, $\frac{c^2-10}{c-4} - \frac{6}{c-4} = \frac{c^2-10-6}{c-4} = \frac{c^2-16}{c-4} = \frac{(c-4)(c+4)}{c-4} = c+4 = -3,5+4 = 0,5$.

г) При $d=4$, $\frac{d^2-2}{d+1} + \frac{1}{d+1} = \frac{d^2-2+1}{d+1} = \frac{d^2-1}{d+1} = \frac{(d-1)(d+1)}{d+1} = d-1 = 4-1 = 3$.

№ 98.

а) $\frac{y}{y^2-9} + \frac{3^{-1}}{9-y^2} = \frac{y-3}{(y-3)(y+3)} = \frac{1}{y+3}$; б) $\frac{z}{z^2-16} + \frac{4^{-1}}{16-z^2} = \frac{z-4}{(z-4)(z+4)} = \frac{1}{z+4}$;

в) $\frac{10}{p^2-100} + \frac{p^{-1}}{100-p^2} = \frac{10-p}{(p-10)(p+10)} = \frac{-1}{p+10}$;

г) $\frac{15}{q^2-225} + \frac{q^{-1}}{225-q^2} = \frac{15-q}{(q+15)(q-15)} = \frac{-1}{q+15}$.

№ 99.

а) $\frac{a^2}{(a-5)^2} - \frac{25}{(a-5)^2} = \frac{a^2-25}{(a-5)^2} = \frac{(a-5)(a+5)}{(a-5)^2} = \frac{a+5}{a-5}$;

б) $\frac{b^2}{(b-10)^2} - \frac{100}{(10-b)^2} = \frac{b^2-100}{(b-10)^2} = \frac{(b-10)(b+10)}{(b-10)^2} = \frac{b+10}{b-10}$;

в) $\frac{c^2}{(c-1)^2} - \frac{1}{(1-c)^2} = \frac{c^2-1}{(c-1)^2} = \frac{(c-1)(c+1)}{(c-1)^2} = \frac{c+1}{c-1}$;

г) $\frac{d^2}{(d-6)^2} - \frac{36}{(6-d)^2} = \frac{d^2-36}{(d-6)^2} = \frac{(d-6)(d+6)}{(d-6)^2} = \frac{d+6}{d-6}$.

№ 100.

а) При $x=\frac{1}{4}$, $\frac{-x+5}{1-6x} + \frac{x-2}{6x-1}^{-1} = \frac{-x+5-x+2}{1-6x} = \frac{7-2x}{1-6x} = \frac{7-2\cdot\frac{1}{4}}{1-6\cdot\frac{1}{4}} = \frac{6,5}{-0,5} = -13$.

б) При $c=1,25$, $\frac{4c+1}{3c-2} - \frac{2-5c}{2-3c}^{-1} = \frac{4-+1+2-5-}{3c-2} = \frac{3-c}{3c-2} = \frac{3-1,25}{3\cdot1,25-2} = \frac{1,75}{1,75} = 1$.

$$\text{в) При } a=3,5 \frac{1+4a}{2a-3} - \frac{1-5a}{3-2a}^{-1} = \frac{1+4a+1-5a}{2a-3} = \frac{-a+2}{2a-3} = \frac{-3,5+2}{2 \cdot 3,5-3} = \frac{-1,5}{4} = -\frac{3}{8}.$$

$$\text{г) При } n=-4 \frac{n^2+n+1}{n^2-8} - \frac{n+3}{8-n}^{-1} = \\ = \frac{n^2+n+1+n+3}{n^3-8} = \frac{n^2+2n+4}{(n-2)(n^2+2n+4)} = \frac{1}{n-2} = \frac{1}{-4-2} = -\frac{1}{6}.$$

$$\text{№ 101. } \frac{9x^2}{9x^2-4} - \frac{12x}{(3x-2)(3x+2)} + \frac{4}{9x^2-4} = \frac{9x^2-12x+4}{9x^2-4} = \frac{(3x-2)^2}{(3x-2)(3x+2)} = \frac{3x-2}{3x+2}.$$

№ 102.

$$\frac{25a^2}{25a^2-1} - \frac{10a}{(5a-1)(5a+1)} - \frac{1}{1-25a^2}^{-1} = \frac{25a^2-10a+1}{25a^2-1} = \frac{(5a-1)^2}{(5a-1)(5a+1)} = \frac{5a-1}{5a+1}.$$

№ 103.

$$\frac{64c^2}{64c^2-1} + \frac{16c^{-1}}{(1-8c)(8c+1)} + \frac{1}{64c^2-1} = \frac{64c^2-16c+1}{64c^2-1} = \frac{(8c-1)^2}{(8c-1)(8c+1)} = \frac{8c-1}{8c+1}.$$

$$\text{№ 104. } \frac{100d^2}{100d^2-9} + \frac{60d}{(10d-3)(10d+3)} + \frac{9}{100d^2-9} = \frac{100d^2+60d+9}{100d^2-9} = \\ = \frac{(10d+3)^2}{(10d-3)(10d+3)} = \frac{10d+3}{10d-3}.$$

$$\text{№ 105. } \frac{x^2+y^2}{(x-y)^2} + \frac{3xy^2-y^2}{(y-x)^2} + \frac{3xy^2+y^2}{2xy-x^2-y^2} = \frac{x^2+y^2}{(x-y)^2} + \frac{3xy^2-y^2}{(x-y)^2} - \frac{3xy^2+y^2}{x^2-2xy+y^2} = \\ = \frac{x^2+y^2+3xy^2-y^2-3xy^2-y^2}{(x-y)^2} = \frac{x^2-y^2}{(x-y)^2} = \frac{(x-y)(x+y)}{(x-y)(x-y)} = \frac{x+y}{x-y}.$$

№ 106.

$$\frac{2}{(3-a)(2-a)} + \frac{a-4}{(a-3)(a-2)} = \frac{2+a-4}{(3-a)(2-a)} = \frac{a-2}{(3-a)(2-a)} = \frac{-(2-a)}{(3-a)(2-a)} = -\frac{1}{3-a}.$$

$$\text{№ 107. } \frac{8m^2+3m-2}{4m^2+4m+1} + \frac{5m-7}{4m^2+4m+1} - \frac{4m-9}{(2m+1)^2} = \\ = \frac{8m^2+3m-2+5m-7-4m+9}{(2m+1)^2} = \frac{8m^2+4m}{(2m+1)^2} - \frac{4m(2m+1)}{(2m+1)^2} = \frac{4m}{2m+1}.$$

№ 108.

$$\frac{x^2-3}{(x-2)^4} - \frac{5x-1}{(x-2)^4} + \frac{x+6}{(x-2)^4} = \frac{x^2-3-5x+1+x+6}{(x-2)^4} = \frac{x^2-4x+4}{(x-2)^4} = \frac{(x-2)^2}{(x-2)^4} = \frac{1}{(x-2)^2} > 0,$$

т.к. $(x-2)^2 > 0$, $x=2$ - недопустимое значение для приведённой дроби.

$$\begin{aligned} \text{№ 109. } & \frac{2-y^2}{(y-3)^4} - \frac{7-5y}{(y-3)^4} - \frac{4-y}{(y-3)^4} = \frac{2-y^2-7+5y-4+y}{(y-3)^4} = \frac{-(y^2-6y+9)}{(y-3)^4} = \\ & = \frac{-(y-3)^2}{(y-3)^4} = -\frac{1}{(y-3)^2} < 0 \text{ при всех } y, \text{ кроме } y=3 \text{ — недопустимое значение.} \end{aligned}$$

§ 4. Сложение и вычитание алгебраических дробей с разными знаменателями

$$\text{№ 110. а) } \frac{1}{2} + \frac{5}{6} = \frac{3+5}{6} = \frac{8}{6} = 1\frac{1}{3}; \quad \text{б) } \frac{3}{8} - \frac{7}{32} = \frac{12-7}{32} = \frac{5}{32};$$

$$\text{в) } \frac{4}{49} - \frac{6}{7} = \frac{4-42}{49} = -\frac{38}{49}; \quad \text{г) } \frac{13}{100} + \frac{17}{20} = \frac{13+85}{100} = \frac{98}{100} = 0,98.$$

$$\text{№ 111. а) } \frac{x^{15}}{4} + \frac{y^{14}}{5} = \frac{5x+4y}{20}; \quad \text{б) } \frac{a^{13}}{8} - \frac{b^{14}}{6} = \frac{3a-4b}{24};$$

$$\text{в) } \frac{c^{12}}{10} - \frac{d^{15}}{4} = \frac{2c-5d}{20}; \quad \text{г) } \frac{m^{14}}{9} + \frac{n^{19}}{4} = \frac{4m+9n}{36}.$$

$$\text{№ 112. а) } \frac{x^{13}}{5} + \frac{2x^{15}}{3} = \frac{3x+10x}{15} = \frac{13x}{15}; \quad \text{б) } \frac{3b}{7} - \frac{b}{4} = b \left(\frac{3}{7} - \frac{1}{4} \right) = b \cdot \frac{12-7}{28} = \frac{5}{28} \cdot b;$$

$$\text{в) } \frac{6m}{7} - \frac{m}{11} = m \cdot \left(\frac{6}{7} - \frac{1}{11} \right) = m \cdot \frac{66-7}{77} = \frac{59}{77} m;$$

$$\text{г) } \frac{m}{42} + \frac{5m^{17}}{6} = \frac{m+35m}{42} = \frac{36}{42} \cdot m = \frac{6}{7} m.$$

$$\text{№ 113. а) } \frac{x-1^{14}}{3} + \frac{x+1^{13}}{4} = \frac{4x-4+3x+3}{12} = \frac{7x-1}{12};$$

$$\text{б) } \frac{2y-5^{15}}{6} + \frac{y-4^{16}}{5} = \frac{10y-25+6y-24}{30} = \frac{16y-49}{30};$$

$$\text{в) } \frac{c+5^{18}}{3} + \frac{2c+9^{13}}{8} = \frac{18c+40+6c+27}{24} = \frac{24c+67}{24};$$

$$\text{г) } \frac{d+5^{14}}{7} + \frac{2d-9^{17}}{4} = \frac{4d+20+14d-63}{28} = \frac{18d-43}{28}.$$

$$\text{№ 114. а) } \frac{a+8^{14}}{9} + \frac{a-2^{13}}{12} = \frac{4a+32+3a-6}{36} = \frac{7a-26}{36};$$

$$\text{б) } \frac{b-2^{15}}{4} - \frac{b+1^{14}}{15} = \frac{15b-30-4b-4}{60} = \frac{11b-34}{60};$$

$$\text{в) } \frac{3-z^{12}}{12} - \frac{3z-5^{13}}{8} = \frac{6-2z-9z+15}{24} = \frac{21-11z}{24};$$

$$\text{r}) \frac{5t-s}{14} - \frac{t+s}{7}^2 = \frac{5t-s-2t-2s}{14} = \frac{3t-3s}{14}.$$

$$\text{№ 115. a)} \frac{2x-7y}{4}^3 + \frac{3x-y}{6}^2 = \frac{6x-21y+6x-2y}{12} = \frac{12x-23y}{12};$$

$$\text{б)} \frac{3d+8}{15}^2 - \frac{4d-7}{10}^3 = \frac{6d+16-12d+21}{30} = \frac{37-6d}{30};$$

$$\text{в)} \frac{3p-7}{9}^2 - \frac{4p+1}{6}^3 = \frac{6p-14-12p-3}{18} = \frac{-6p-17}{18};$$

$$\text{г}) \frac{-4q+1}{6}^5 + \frac{-2q-1}{10}^3 = \frac{-20q+5-6q-3}{30} = \frac{2-26q}{30} = \frac{1-13q}{15}.$$

$$\text{№ 116. а)} \frac{a}{b}^{|a|} + \frac{b}{a}^{|b|} = \frac{a^2+b^2}{ab}; \quad \text{б)} \frac{x}{y}^{|x|} - \frac{y}{x}^{|y|} = \frac{x^2-y^3}{xy};$$

$$\text{в)} \frac{m^3}{n}^{|m|} + \frac{n}{m}^{|n|} = \frac{m^4+n^2}{nm}; \quad \text{г)} \frac{p}{q}^{|p|} + \frac{q^2}{p}^{|q|} = \frac{p^2+q^3}{pq}.$$

$$\text{№ 117. а)} \frac{3c-5}{c}^{|d|} - \frac{3d-2}{d}^{|c|} = \frac{3cd-5d-3dc+2c}{cd} = \frac{2c-5d}{cd};$$

$$\text{б)} \frac{7-3r}{r}^{|s|} - \frac{8-3s}{s}^{|r|} = \frac{7s-3sr-8r+3rs}{rs} = \frac{7s-8r}{rs};$$

$$\text{в)} \frac{8a-15}{a}^{|b|} + \frac{3b-12}{b}^{|a|} = \frac{8ab-15b+3ab-12a}{ab} = \frac{11ab-15b-12a}{ab};$$

$$\text{г}) \frac{9-5z}{z}^{|t|} + \frac{5+4t}{t}^{|z|} = \frac{9t-5zt+5z+4zt}{zt} = \frac{9t+5z-zt}{zt}.$$

$$\text{№ 118. а)} \frac{x}{7y} - \frac{1}{y}^{|7|} = \frac{x-7}{7y}; \quad \text{б)} \frac{a}{12b} - \frac{3}{b}^{|12|} = \frac{a-36}{12b};$$

$$\text{в)} \frac{z}{a}^{|15|} + \frac{8}{15a} = \frac{15z+8}{15a}; \quad \text{г)} \frac{2}{x}^{|27|} + \frac{y}{27x} = \frac{54+y}{27x}.$$

$$\text{№ 119. а)} \frac{4m-5}{m}^{|9|} - \frac{3m+6}{9m} = \frac{36m-45-3m-6}{9m} = \frac{33m-51}{9m};$$

$$\text{б)} \frac{7p+1}{p}^{|13|} + \frac{9p-8}{13p} = \frac{91p+13+9p-8}{13p} = \frac{100p+5}{13p};$$

$$\text{в)} \frac{3z-8}{5z} + \frac{4z+7}{z}^{|5|} = \frac{3z-8+20z+35}{5z} = \frac{23z+27}{5z};$$

$$\text{г}) \frac{5-9t}{2t} - \frac{6t+4}{t}^{|2|} = \frac{5-9t-12t-8}{2t} = \frac{-3-21t}{2t}.$$

$$\text{№ 120. а)} \frac{5}{3x}^{|2|} - \frac{4}{2x}^{|3|} = \frac{10-12}{6x} = \frac{-2}{6x} = -\frac{1}{3x}; \quad \text{б)} \frac{a}{5c}^{|4|} + \frac{3a}{4c}^{|5|} = \frac{4a+15a}{20c} = \frac{19a}{20c};$$

$$\text{b)} \frac{7b}{24c} - \frac{25b}{36c} = \frac{21b - 50b}{72} = \frac{-29}{72}b ; \text{r)} \frac{7p}{12z} - \frac{2p}{15z} = \frac{35p - 8p}{60z} = \frac{27p}{60z} = \frac{9p}{20z} .$$

$$\text{№ 121. a)} \frac{15m - n^3}{12m} - \frac{m - 4n^4}{9m} = \frac{45m - 3n - 4m + 16n}{36m} = \frac{41m + 13n}{36m} ;$$

$$\text{б)} \frac{5(-3)^2}{6x} + \frac{x+2^3}{4x} = \frac{10x - 6 + 3x + 6}{12x} = \frac{13x}{12x} = 1\frac{1}{12} ;$$

$$\text{в)} \frac{3c+5^3}{35c} + \frac{c-3^5}{21c} = \frac{9c+15+5c-15}{105c} = \frac{14c}{105c} = \frac{2}{15}c ;$$

$$\text{г)} \frac{2d+3^{14}}{12d} - \frac{d-6^3}{16d} = \frac{8d+12-3d+18}{48d} = \frac{5d+30}{48d} .$$

№ 122.

$$\text{а)} \frac{b^b}{a} + \frac{1}{ab} = \frac{b^2+1}{ab} ; \text{б)} \frac{c}{xy} - \frac{3^y}{x} = \frac{c-3y}{xy} ; \text{в)} \frac{d}{y} - \frac{4}{yt} = \frac{dt-4}{yt} ; \text{г)} \frac{5}{zs} + \frac{m}{z} = \frac{5+ms}{zs} .$$

$$\text{№ 123. а)} \frac{2}{xy}^z + \frac{3}{yz}^x = \frac{2z+3x}{xyz} ; \quad \text{б)} \frac{6}{mn}^k + \frac{9}{nk}^m = \frac{6k+9m}{mnk} ;$$

$$\text{в)} \frac{7}{cd}^m - \frac{11}{dm}^c = \frac{7m-11c}{cdm} ; \quad \text{г)} \frac{13}{pq}^s - \frac{18}{qs}^p = \frac{13s-18p}{pqrs} .$$

$$\text{№ 124. а)} \frac{x-5^y}{3x} + \frac{y-6^x}{3y} = \frac{xy-5y+xy-6x}{3xy} = \frac{2xy-5y-6x}{3xy} ;$$

$$\text{б)} \frac{n+4}{5n}^m - \frac{m-2}{5m}^n = \frac{mn+4m-mn+2n}{5mn} = \frac{2(2m+n)}{5mn} ;$$

$$\text{в)} \frac{p+4}{12p}^q - \frac{q-8}{12q}^p = \frac{pq+4q-pq+8p}{12pq} = \frac{4q+8p}{12pq} = \frac{q+2p}{3pq} ;$$

$$\text{г)} \frac{d+2}{9d}^c + \frac{c+3}{9c}^d = \frac{cd+2c+cd+3d}{9cd} = \frac{2dc+2c+3d}{9cd} .$$

$$\text{№ 125. а)} \frac{a-b}{ab}^c - \frac{a-c}{ac}^b = \frac{ac-bc-ab+cb}{abc} = \frac{ac-ab}{abc} = \frac{c-b}{bc} ;$$

$$\text{б)} \frac{x-y}{xy}^z + \frac{y-z}{yz}^x = \frac{xz-yz+yx-xz}{xyz} = \frac{y(x-z)}{xyz} = \frac{x-z}{xz} ;$$

$$\text{в)} \frac{2m-n}{mn}^k + \frac{n-2k}{nk}^m = \frac{2mk-nk+nm-2mk}{mnk} = \frac{n(m-k)}{mnk} = \frac{m-k}{mk} ;$$

$$\text{г)} \frac{3z+2t}{zt}^s - \frac{t+3s}{st}^z = \frac{3zs+2ts-tz-3sz}{zts} = \frac{t(2s-z)}{zts} = \frac{2s-z}{zs} .$$

$$\text{№ 126. а)} \frac{1}{ab}^c + \frac{1}{ac}^b + \frac{1}{bc}^a = \frac{c+b+a}{abc} ;$$

$$\text{б)} \frac{xy-y}{x}^y - \frac{xy-x}{y}^x - \frac{x^2-y^2}{xy} = \frac{xy^2-y^2-x^2y+x^2-x^2+y^2}{xy} = \frac{xy(y-x)}{xy} = y-x ;$$

$$\text{B)} \frac{z-t^{|p|}}{zt} + \frac{p-z^{|t|}}{zp} - \frac{p-t^{|z|}}{pt} = \frac{zp-tp+tp-tz-zp+tz}{ztp} = 0 ;$$

$$\text{Г)} \frac{3mn+2n^2}{mn} - \frac{m+2n^{|n|}}{m} + \frac{m-2n^{|m|}}{n} = \frac{3mn+2n^2-mn-2n^2+m^2-2mn}{mn} = \frac{m^2}{mn} = \frac{m}{n} .$$

$$\text{№ 127. а) } a^{|a|} + \frac{1}{a} = \frac{a^2+1}{a}; \quad \text{б) } b^{3b} + \frac{2}{3b} = \frac{3b^2+2}{3b} ;$$

$$\text{Б)} 5c^{|c|} - \frac{8}{c} = \frac{5c^2-8}{c} ; \quad \text{Г)} \frac{9d}{6} - d^{|6|} = \frac{9d-6d}{6} = \frac{3}{6}d = \frac{1}{2}d .$$

$$\text{№ 128. а) } \frac{x^2+y}{x} - x^{|x|} = \frac{x^2+y-x^2}{x} = \frac{y}{x} ; \text{ б) } 3z^{|3z|} - \frac{9z^2-1}{3z} = \frac{9z^2-9z^2+1}{3z} = \frac{1}{3z} ;$$

$$\text{Б)} \frac{(p-q)^2}{2p} + q^{|2p|} = \frac{p^2-2pq+q^2+2pq}{2p} = \frac{p^2+q^2}{2p} ;$$

$$\text{Г)} s^{12b} - \frac{(b+s)^2}{2b} = \frac{2bs-b^2-2bs-s^2}{2b} = -\frac{b^2+s^2}{2b} .$$

$$\text{№ 129. а) } a^{|a-1|} + \frac{a}{a-1} = \frac{a^2-a+a}{a-1} = \frac{a^2}{a-1} ; \text{ б) } b^{|b+4|} + \frac{b}{b+4} = \frac{b^2+4b+b}{b+4} = \frac{b(b+5)}{b+4} ;$$

$$\text{Б)} c^{|c-1|} - \frac{c^2}{c-1} = \frac{c^2-c-c^2}{c-1} = -\frac{c}{c-1} ; \text{ Г)} \frac{d^2}{d+1} - d^{|d+1|} = \frac{d^2-d^2-1}{d+1} = -\frac{1}{d+1} .$$

$$\text{№ 130. а) } x^{|x-y|} + y^{|x-y|} - \frac{x^2+y^2}{x-y} = \frac{x^2-xy+xy-y^2-x^2-y^2}{x-y} = -\frac{2y^2}{x-y} ;$$

$$\text{Б)} (c^2-cd+d^2)^{c+d} - \frac{c^3-d^3}{c+d} = \frac{(c^2-cd+d^2)\cdot(c+d)-(c^3-d^3)}{c+d} = \\ = \frac{c^3+d^3-c^3+d^3}{c+d} = \frac{2d^3}{c+d} ;$$

$$\text{Б)} \frac{a^2+b^2}{a+b} + (a-b)^{|a+b|} = \frac{a^2+b^2+a^2-b^2}{a+b} = \frac{2a^2}{a+b} ;$$

$$\text{Г)} \frac{m^3+n^3}{m-n} - (m^2+mn+n^2)^{|m-n|} = \frac{m^3+n^3-m^3+n^3}{m-n} = \frac{2n^3}{m-n} .$$

$$\text{№ 131. а) } \frac{x^{|a|}}{a} + \frac{y^2}{a^2} = \frac{xa+y^2}{a^2} ; \quad \text{б) } 5^{|q^2|} - \frac{2}{q} + \frac{3}{q^2} = \frac{5q^2-2q+3}{q^2} ;$$

$$\text{Б)} \frac{1^{|b^4|}}{b^3} - \frac{c}{b^7} = \frac{b^4-c}{b^7} ; \quad \text{Г)} \frac{m^{|n|}}{n} - k^{|n^2|} + \frac{m^2}{n^2} = \frac{mn-kn^2+m^2}{n^2} .$$

№ 132.

$$\text{а) } \frac{1}{x^2} + \frac{x-2^{|x|}}{x} = \frac{1+x^2-2x}{x^2} = \frac{(x-1)^2}{x^2} ;$$

$$\text{б) } \frac{1+2p}{p^5} + \frac{p^2-2^{|p|}}{p^4} - \frac{1^{|p^3|}}{p^2} = \frac{1+2p+p^3-2p-p^3}{p^5} = \frac{1}{p^5} ;$$

$$\text{B)} \frac{m+1}{m}^m - \frac{3m-1}{m^2} = \frac{m^2 + m - 3m + 1}{m^2} = \frac{m^2 - 2m + 1}{m^2} = \frac{(m-1)^2}{m^2};$$

$$\text{Г)} \frac{1-5d^2}{d^6} - \frac{d-5}{d^4}^d + \frac{1}{d^3}^d = \frac{1-5d^2-d^3+5d^2+d^3}{d^6} = \frac{1}{d^6}.$$

$$\text{№ 133. а)} \frac{y-x}{xy}^y + \frac{y-x}{y^2}^x = \frac{(y-x)(y+x)}{y^2x} = \frac{y^2-x^2}{y^2x};$$

$$\text{б)} \frac{a^2-b^2}{a^2b} + \frac{b-a}{a^2}^b = \frac{a^2-b^2+b^2-ab}{a^2b} = \frac{a(a-b)}{a^2b} = \frac{a-b}{ab};$$

$$\text{в)} \frac{-3c+1}{ac^2} - \frac{6-5c}{ac}^c = \frac{-3c+1-6c+5c^2}{ac^2} = \frac{5c^2-9c+1}{ac^2};$$

$$\text{г)} \frac{-2d-4}{d^2z} + \frac{6d+2}{dz}^d = \frac{-2d-4+6d^2+2d}{d^2z} = \frac{2(3d^2-2)}{d^2z}.$$

$$\text{№ 134. а)} \frac{m+2}{m^2n}^n - \frac{n-3}{mn^2}^m = \frac{nm^2+2n-mn+3m}{m^2n^2} = \frac{2n+3m}{m^2n^2};$$

$$\text{б)} \frac{y-1}{xy^2}^x - \frac{2+x}{x^2y}^y = \frac{xy-x-2y-xy}{x^2y^2} = -\frac{x+2y}{x^2y^2};$$

$$\text{в)} \frac{2(a^2-1)}{a^3}^{b^2} - \frac{2(b^2+1)}{ab^2}^{a^2} = \frac{2a^2b^2-2b^2-2a^2b^2-2a^2}{a^3b^2} = -\frac{2(b^2+a^2)}{a^3b^2};$$

$$\text{г)} \frac{1-2c^2d}{c^2d}^d + \frac{2d^2-1}{d^2}^{c^2} = \frac{d-2c^2d^2+2c^2d^2-c^2}{c^2d^2} = \frac{d-c^2}{c^2d^2}.$$

$$\text{№ 135. а)} \frac{2z-3t}{z^2t}^t + \frac{4z-2t}{zt^2}^z = \frac{2zt-3t^2+4z^2-2tz}{z^2t^2} = \frac{4z^2-3t^2}{z^2t^2},$$

$$\text{б)} \frac{m+n}{mn^3}^m - \frac{m^2-2n}{m^3n^2}^n = \frac{m^3+m^2n-m^2n+2n^2}{m^3n^3} = \frac{m^3+2n^2}{m^3n^3}.$$

$$\text{№ 136. а)} \frac{2x-7y}{2x^2y}^{5y} - \frac{5y-8x}{5xy^2}^{2x} = \frac{10xy-14y^2-10xy+16x^2}{10x^2y^2} = \frac{16x^2-35y^2}{10x^2y^2};$$

$$\text{б)} \frac{3m+2n}{9m^2n}^{2n} - \frac{2n-5m}{6mn^2}^{3m} = \frac{6mn+4n^2-6mn+15m^2}{18m^2n^2} = \frac{4n^2+15m^2}{18m^2n^2}$$

№ 137.

$$\frac{5}{18y}^{y^2} - \frac{2+3y}{3y^3}^{16} - \frac{y-3}{9y^2}^{12} = \frac{5y^2-12-18y-2y^2+6y}{18y^3} =$$

$$= \frac{3y^2-12y-12}{18y^3} = \frac{3(y^2-4y-4)}{18y^3} = \frac{y^2-4y-4}{6y^3};$$

$$\frac{y-2}{6y^2}^y - \frac{y+2}{3y^3}^{12} = \frac{y^2-2y-2y-4}{6y^3} = \frac{y^2-4y-4}{6y^3}.$$

$$\text{№ 138. a) } \frac{4}{a-5}^{|a|} + \frac{1}{a}^{|a-5|} = \frac{4a+a-5}{(a-5)a} = \frac{5(a-1)}{(a-5)a};$$

$$6) \frac{x}{y}^{|x+y|} - \frac{x}{x+y}^{|y|} = \frac{x^2+xy-xy}{y(x+y)} = \frac{x^2}{y(x+y)};$$

$$b) \frac{b}{b-2}^{|b|} - \frac{3}{b}^{|b-2|} = \frac{b^2-3b+6}{b(b-2)}; \quad r) \frac{d}{c-d}^{|c|} - \frac{d}{c}^{|c-d|} = \frac{d(c-c+d)}{c(c-d)} = \frac{d^2}{c(c-d)}.$$

$$\text{№ 139. a) } \frac{1}{z+2}^{|3z|} - \frac{2}{3z}^{|z+2|} = \frac{3z-2z-4}{3z(z+2)} = \frac{z-4}{3z(z+2)};$$

$$6) \frac{1}{2t-1}^{|5t|} - \frac{2}{5t}^{|2t-1|} = \frac{5t-4t+2}{5t(2t-1)} = \frac{t+2}{5t(2t-1)};$$

$$b) \frac{15a-13b}{3a+b}^{|2a|} - \frac{10a-b}{2a}^{|3a+b|} = \frac{30a^2-26ab-(10a-b)(3a+b)}{2a(3a+b)} =$$

$$= \frac{30a^2-26ab-(30a^2-3ab+10ab-b^2)}{2a(3a+b)} =$$

$$= \frac{30a^2-26ab-30a^2-7ab+b^2}{2a(3a+b)} = \frac{b(b-33a)}{2a(3a+b)};$$

$$r) \frac{13n-4k}{6n-2k}^{|k|} - \frac{3n+2k}{k}^{|6n-2k|} = \frac{13kn-4k^2-(3n+2k)(6n-2k)}{2k(3n-k)} =$$

$$= \frac{13kn-4k^2-(18n^2+12kn-6nk-4k^2)}{2k(3n-k)} =$$

$$= \frac{13kn-4k^2-18n^2-6nk+4k^2}{2k(3n-k)} = \frac{7kn-18n^2}{2k(3n-k)}.$$

$$\text{№ 140. a) } \frac{3}{x+y}^{|x-y|} + \frac{5}{x-y}^{|x+y|} = \frac{3x-3y+5x+5y}{x^2-y^2} = \frac{8x+2y}{x^2-y^2};$$

$$6) \frac{a-3}{a+3}^{|a-2|} - \frac{a+2}{a-2}^{|a+3|} = \frac{(a-3)(a-2)-(a+2)(a+3)}{(a+3)(a-2)} =$$

$$= \frac{a^2-3a-2a+6-a^2-2a-3a-6}{(a+3)(a-2)} = -\frac{10a}{(a+3)(a-2)};$$

$$b) \frac{p+2}{p+1}^{|p+3|} - \frac{p+6}{p+3}^{|p+1|} = \frac{(p+2)(p+3)-(p+6)(p+1)}{(p+1)(p+3)} =$$

$$= \frac{p^2+2p+3p+6-p^2-6p-p-6}{(p+1)(p+3)} = -\frac{2p}{(p+1)(p+3)};$$

$$r) \frac{m}{m-n}^{|m+n|} - \frac{n}{m+n}^{|m-n|} = \frac{m^2+mn-mn+n^2}{m^2-n^2} = \frac{m^2+n^2}{m^2-n^2}.$$

$$\text{№ 141. a) } \frac{4x}{4x-1}^{14x+1} - \frac{1}{4x+1}^{14x-1} = \frac{16x^2 + 4x - 4x + 1}{16x^2 - 1} = \frac{16x^2 + 1}{16x^2 - 1},$$

$$6) \frac{z}{3z-1}^{13z+1} - \frac{z}{3z+1}^{13z-1} = \frac{3z^2 + z - 3z^2 + z}{9z^2 - 1} = \frac{2z}{9z^2 - 1};$$

$$\text{b) } \frac{t}{2x+1}^{13x-2} - \frac{t}{3x-2}^{12x+1} = \frac{t(3x-2-2x-1)}{(2x+1)(3x-2)} = \frac{t(x-3)}{(2x+1)(3x-2)},$$

$$\text{r) } \frac{6a}{p-2q}^{1p+q} + \frac{2a}{p+q}^{1p-2q} = \frac{2a(3p+3q+p-2q)}{(p-2q)(p+q)} = \frac{2a(4p+q)}{(p-2q)(p+q)}.$$

$$\text{№ 142. a) } \frac{3a}{3(x+y)} + \frac{2a}{5(x+y)} = \frac{a}{(x+y)} \cdot \left(1 + \frac{2}{5}\right) = \frac{1,4a}{x+y};$$

$$6) \frac{2x}{3(a-b)} + \frac{x}{a-b} = \frac{x}{a-b} \cdot \left(1 + \frac{2}{3}\right) = \frac{1\frac{2}{3}x}{a-b};$$

$$\text{b) } \frac{5}{6(m+1)} - \frac{3}{2(m+1)} = \frac{1}{2(m+1)} \cdot \left(\frac{5}{3} - 3\right) = -\frac{2}{3(m+1)};$$

$$\text{r) } \frac{6}{5(x-2)} + \frac{7}{3(x-2)} = \frac{1}{(x-2)} \cdot \left(\frac{6^{13}}{5} + \frac{7^{15}}{3}\right) = \frac{18+35}{15(x-2)} = \frac{53}{15(x-2)}.$$

$$\text{№ 143. a) } \frac{3}{a(a+1)} + \frac{5a}{b(a+1)} = \frac{1}{a+1} \cdot \left(\frac{3^{1b}}{a} + \frac{5a^{1a}}{b}\right) = \frac{3b+5a^2}{(a+1)ab};$$

$$\begin{aligned} 6) \frac{y+c}{c(c+a)} + \frac{y-a}{a(c+a)} &= \frac{1}{c+a} \cdot \left(\frac{y+c^{1a}}{c} + \frac{y-a^{1c}}{a}\right) = \\ &= \frac{1}{c+a} \cdot \frac{(ay+ac+cy-ac)}{ac} = \frac{y(a+c)}{(a+c)ac} = \frac{y}{ac}; \end{aligned}$$

$$\text{b) } \frac{5b}{a(x+y)} - \frac{2a}{b(x+y)} = \frac{1}{x+y} \cdot \left(\frac{5b^{1b}}{a} - \frac{2a^{1a}}{b}\right) = \frac{5b^2 - 2a^2}{(x+y)};$$

$$\begin{aligned} \text{r) } \frac{y-a}{a(a+b)} + \frac{y+b}{b(a+b)} &= \frac{1}{a+b} \cdot \left(\frac{y-a^{1b}}{a} + \frac{y+b^{1a}}{b}\right) = \\ &= \frac{yb-ab+ya+ab}{(a+b)ab} = \frac{y(b+a)}{(a+b)ab} = \frac{y}{ab}. \end{aligned}$$

№ 144.

$$\text{a) } \frac{5}{x(x+5)} + \frac{7}{y(x+5)} = \frac{1}{x+5} \cdot \left(\frac{5^{1y}}{x} + \frac{7^{1x}}{y}\right) = \frac{5y+7x}{(x+5)xy};$$

$$6) \frac{13}{b(b+4)} - \frac{8}{z(b+4)} = \frac{1}{b+4} \cdot \left(\frac{13^{1z}}{b} - \frac{8^{1b}}{z}\right) = \frac{13z-8b}{bz(b+4)};$$

$$\text{b)} \frac{9t}{p(p+14)} - \frac{6p}{t(p+14)} = \frac{1}{p+14} \cdot \left(\frac{9t^{|t|}}{p} - \frac{6p^{|p|}}{t} \right) = \frac{9t^2 - 6p^2}{pt(p+14)};$$

$$\text{r)} \frac{12n}{m(m+10)} + \frac{3m}{n(m+10)} = \frac{1}{m+10} \cdot \left(\frac{12n^{|n|}}{m} + \frac{3m^{|m|}}{n} \right) = \frac{12n^2 + 3m^2}{mn(m+10)}.$$

№ 145.

$$\text{a)} \frac{17}{b(m-n)} - \frac{15}{c(n-m)} = \frac{17}{b(m-n)} + \frac{15}{c(m-n)} = \frac{1}{m-n} \cdot \left(\frac{17^{|c|}}{b} + \frac{15^{|b|}}{c} \right) = \frac{17c + 15b}{bc(m-n)};$$

$$\text{б)} \frac{p}{7(a-2)} + \frac{1}{2-a} = \frac{p}{7(a-2)} - \frac{1}{a-2} = \frac{1}{a-2} \cdot \left(\frac{p}{7} - 1^{|7|} \right) = \frac{p-7}{7(a-2)};$$

$$\begin{aligned} \text{в)} \frac{8y}{3(2y-x)} - \frac{5x}{4(x-2y)} &= \frac{8y}{3(2y-x)} + \frac{5x}{4(2y-x)} = \\ &= \frac{1}{2y-x} \cdot \left(\frac{8y^{|4|}}{3} + \frac{5x^{|3|}}{4} \right) = \frac{32y + 15x}{12(2y-x)}; \end{aligned}$$

$$\text{г)} \frac{3x}{z(5b-7)} + \frac{6y}{d(7-5b)} = \frac{3x}{z(5b-7)} - \frac{6y}{d(5b-7)} = \frac{1}{5b-7} \cdot \left(\frac{3x^{|d|}}{z} - \frac{6y^{|z|}}{d} \right) = \frac{3xd - 6yz}{zd(5b-7)}.$$

$$\text{№ 146. а)} \frac{a-1}{2a-8} + \frac{a}{a-4} = \frac{1}{a-4} \cdot \left(\frac{a-1}{2} + a^{|2|} \right) = \frac{a-1+2a}{2(a-4)} = \frac{3a-1}{2(a-4)};$$

$$\text{б)} \frac{x-1}{3x-12} - \frac{x-3}{2x-8} = \frac{1}{x-4} \cdot \left(\frac{x-1^{|2|}}{3} - \frac{x-3^{|3|}}{2} \right) = \frac{2x-2-3x+9}{6(x-4)} = \frac{7-x}{6(x-4)};$$

$$\text{в)} \frac{y+1}{6-2y} + \frac{4}{3-y} = \frac{1}{3-y} \cdot \left(\frac{y+1}{2} + 4^{|2|} \right) = \frac{y+1+8}{2(3-y)} = \frac{y+9}{2(3-y)};$$

$$\text{г)} \frac{5c}{6c+6} + \frac{3c}{7c+7} = \frac{5c}{6(c+1)} + \frac{3c}{7(c+1)} = \frac{c}{c+1} \cdot \left(\frac{5^{|7|}}{6} + \frac{3^{|6|}}{7} \right) = \frac{c \cdot (35+18)}{42(c+1)} = \frac{53c}{42(c+1)}.$$

№ 147.

$$\begin{aligned} \text{а)} \frac{2-a}{2a-4} - \frac{3-a}{3a-6} &= \frac{2-a}{2(a-2)} - \frac{3-a}{3(a-2)} = \frac{1}{a-2} \cdot \left(\frac{2-a^{|3|}}{2} - \frac{3-a^{|2|}}{3} \right) = \\ &= \frac{6-3a-6+2a}{6(a-2)} = -\frac{a}{6(a-2)}; \end{aligned}$$

$$\text{б)} \frac{p+1}{p^2-pq} - \frac{q-1}{pq-q^2} = \frac{p+1}{p(p-q)}^{|q|} - \frac{q-1}{q(p-q)}^{|p|} = \frac{pq+q-pq+p}{pq(p-q)} = \frac{p+q}{pq(p-q)};$$

$$\text{в)} \frac{1+a}{a^2+ab} - \frac{1+b}{b^2+ab} = \frac{1+a}{a(a+b)}^{|b|} - \frac{1+b}{b(a+b)}^{|a|} = \frac{b+ab-a-ab}{ab(a+b)} = \frac{b-a}{ab(a+b)};$$

$$\text{г)} \frac{d+2}{cd+d^2} - \frac{c-3}{cd+c^2} = \frac{d+2}{d(c+d)}^{|c|} - \frac{c-3}{c(c+d)}^{|d|} = \frac{cd+2c-cd+3d}{cd(c+d)} = \frac{2c+3d}{cd(c+d)}.$$

$$\text{№ 148. a) } \frac{1+x}{x^2-xy} - \frac{1-y}{y^2-xy} = \frac{1+x}{x(x-y)} \stackrel{|y}{=} + \frac{1-y}{y(x-y)} \stackrel{|x}{=} = \frac{y+xy+x-xy}{xy(x-y)} = \frac{y+x}{xy(x-y)};$$

$$6) \frac{3a}{4a-4} + \frac{2a}{5-5a} = \frac{3a}{4(a-1)} + \frac{2a}{5(1-a)} \stackrel{|-1}{=} = \frac{a}{a-1} \left(\frac{3}{4} - \frac{2}{5} \right) = \frac{7a}{20(a-1)};$$

$$\text{b) } \frac{1-c}{c^2-cd} - \frac{1+d}{d^2-cd} \stackrel{|1}{=} = \frac{1-c}{c(c-d)} \stackrel{|d}{=} + \frac{1+d}{d(c-d)} \stackrel{|c}{=} = \frac{d-cd+c+cd}{cd(c-d)} = \frac{d+c}{cd(c-d)};$$

$$\text{r) } \frac{z+1}{z-2} + \frac{2z-3}{10-5z} \stackrel{|-1}{=} = \frac{z+1}{z-2} \stackrel{|5}{=} + \frac{-2z+3}{5(z-2)} = \frac{5z+5-2z+3}{5(z-2)} = \frac{3z+8}{5(z-2)}.$$

$$\text{№ 149. a) } \frac{x^2-3xy}{(x+y)(x-y)} - \frac{y}{x-y} \stackrel{|x+y}{=} = \frac{x^2-3xy-xy-y^2}{(x+y)(x-y)} = \frac{x^2-4xy-y^2}{(x+y)(x-y)};$$

$$6) \frac{3c}{a-c} \stackrel{|a+c}{=} + \frac{a^2-3ac}{(a-c)(a+c)} = \frac{3ac+3c^2+a^2-3ac}{(a-c)(a+c)} = \frac{a^2+3c^2}{a^2-c^2};$$

$$\text{b) } \frac{b-2m}{b+m} \stackrel{|b-m}{=} - \frac{m^2-5bm}{(b-m)(b+m)} = \frac{b^2-2bm-bm+2m^2-m^2-5bm}{(b-m)(b+m)} = \\ = \frac{b^2+2bm+m^2}{(b-m)(b+m)} = \frac{(b+m)^2}{(b-m)(b+m)} = \frac{b+m}{b-m};$$

$$\text{r) } \frac{d}{d+4} \stackrel{|d-4}{=} - \frac{d^2-1}{(d-4)(d+4)} = \frac{d^2-4d-d^2+1}{(d+4)(d-4)} = \frac{1-4d}{(d+4)(d-4)}.$$

$$\text{№ 150. a) } \frac{a-b}{2d(c+d)} + \frac{a+b}{2d(c+d)} = \frac{a-b+a+b}{2d(c+d)} = \frac{2a}{2d(c+d)} = \frac{a}{d(c+d)};$$

$$6) \frac{x+2}{(2x-3)(2x+3)} - \frac{2}{3-2x} \stackrel{|-1:(2x+3)}{=} = \frac{x+2+4x+6}{(2x-3)(2x+3)} = \\ = \frac{5x+8}{(2x-3)(2x+3)} = \frac{5x+8}{4x^2-9};$$

$$\text{b) } \frac{x+4y}{3x(y+x)} \stackrel{|y-x}{=} - \frac{y-4x}{3x(y-x)} \stackrel{|y+x}{=} = \frac{xy+4y^2-x^2-4xy-(y^2-4xy+xy-4x^2)}{3x(y-x)(y+x)} = \\ = \frac{4y^2-x^2-3xy-y^2+3xy+4x^2}{3x(y-x)(y+x)} = \frac{3y^2+3x^2}{x(y-x)(y+x)} = \frac{y^2+x^2}{x(y-x)(y+x)} = \frac{x^2+y^2}{x(x^2-y^2)};$$

$$\text{r) } \frac{x-3}{x(5x-3y)} \stackrel{|y(3y+5x)}{=} + \frac{y-5}{y(3y+5x)} \stackrel{|x(5x-3y)}{=} = \frac{(x-3)(3y^2+5xy)+(y-5)(5x^2-3xy)}{xy(25x^2-9y^2)} = \\ = \frac{3xy^2-9y^2+5x^2y-15xy+5x^2y-25x^2-3xy^2+15xy}{xy(25x^2-9y^2)} = \frac{-9y^2+10x^2y-25x^2}{xy(25x^2-9y^2)}.$$

$$\text{№ 151. a) } \frac{b}{1-b^2} + \frac{1}{1+b} = \frac{b}{(1-b)(1+b)} + \frac{1^{1-b}}{1+b^2} = \frac{b+1-b}{1-b^2} = \frac{1}{1-b^2};$$

$$6) \frac{5+c^2}{c^2-36} - \frac{c}{6+c} = \frac{5+c^2}{(c-6)(c+6)} - \frac{c^{c-6}}{c+6} = \frac{5+c^2-c^2+6}{c^2-36} = \frac{5+6c}{c^2-36};$$

$$b) \frac{2a}{a^2-9} + \frac{1}{a+3} = \frac{2a}{(a-3)(a+3)} + \frac{1^{a-3}}{a+3} = \frac{2a+a-3}{(a-3)(a+3)} = \frac{3(a-3)}{a^2-9};$$

$$r) \frac{2}{m-4} - \frac{5m-2}{m^2-16} = \frac{2}{m-4} - \frac{5m-2}{(m-4)(m+4)} = \frac{2m+8-5m+2}{m^2-16} = \frac{10-3m}{m^2-16}.$$

№ 152.

$$a) \frac{2x}{x-4} - \frac{5x^2-2}{16-x^2} = \frac{2x}{x-4} - \frac{5x^2-2}{(x-4)(x+4)} = \frac{2x^2+8x+5x^2-2}{x^2-16} = \frac{7x^2+8x-2}{x^2-16};$$

$$6) \frac{12n}{n^2-49} + \frac{6}{7-n} = \frac{12n}{(n-7)(n+7)} - \frac{6}{(n-7)} = \frac{12n-6n-42}{n^2-49} = \\ = \frac{6n-42}{n^2-49} = \frac{6(n-7)}{(n-7)(n+7)} = \frac{6}{n+7};$$

$$b) \frac{2x^2+5x+10}{4x^2-25} + \frac{x}{5-2x} = \frac{2x^2+5x+10-2x^2-5x}{4x^2-25} = \frac{10}{4x^2-25};$$

$$r) \frac{2z}{4-3z} + \frac{6z^2+8z-8}{9z^2-16} = \frac{-6z^2-8z+6z^2+8z-8}{9z^2-16} = -\frac{8}{9z^2-16}.$$

$$\text{№ 153. a) } \frac{1}{a^2-b^2} - \frac{1}{a(a+b)} = \frac{1^a}{(a-b)(a+b)} - \frac{1^{a-b}}{a(a+b)} = \frac{a-a+b}{a(a^2-b^2)} = \frac{b}{a(a^2-b^2)};$$

$$6) \frac{2^{c+2}}{c(c-2)} - \frac{2^c}{c^2-4} = \frac{2 \cdot (c+2-c)}{c(c^2-4)} = \frac{4}{c(c^2-4)};$$

$$b) \frac{3}{2p^2-2pq} + \frac{2}{p^2-q^2} = \frac{3^{p+q}}{2p(p-q)} + \frac{2^{2p}}{(p-q)(p+q)} = \frac{3p+3q+4p}{2p(p^2-q^2)} = \frac{7p+3q}{2p(p^2-q^2)};$$

$$r) \frac{4}{m^2-n^2} - \frac{5}{3m^2-3nm} = \frac{4^{3m}}{(m-n)(m+n)} - \frac{5^{m+n}}{3m(m-n)} = \\ = \frac{12m-5m-5n}{3m(m^2-n^2)} = \frac{7m-5n}{3m(m^2-n^2)}.$$

№ 154.

$$a) \frac{4}{a+2} + \frac{5a}{(a+2)^2} = \frac{4a+8+5a}{(a+2)^2} = \frac{9a+8}{(a+2)^2};$$

$$6) \frac{12y}{(x-y)^2} - \frac{9}{y-x} = \frac{12y}{(x-y)^2} + \frac{9}{x-y} = \frac{12y+9x-9y}{(x-y)^2} = \frac{3y+9x}{(x-y)^2};$$

$$\text{b)} \frac{p}{(3p+1)^2} + \frac{7^{3p+1}}{3p+1} = \frac{p+21p+7}{(3p+1)^2} = \frac{22p+7}{(3p+1)^2};$$

$$\text{r)} \frac{8m}{(m-n)^2} - \frac{2^{-(m-n)}}{n-m} = \frac{8m+2m-2n}{(m-n)^2} = \frac{10m-2n}{(m-n)^2}.$$

Nº 155.

$$\text{a)} \frac{m-n}{4m^2-n^2} - \frac{2^{-1}}{3n-6m} = \frac{m-n^3}{(2m-n)(2m+n)} + \frac{2^{(2m+n)}}{3(2m-n)} = \frac{3m-3n+4m+2n}{3(4m^2-n^2)} = \frac{7m-n}{3(4m^2-n^2)};$$

$$\text{б)} \frac{x-12a}{x^2-16a^2} - \frac{4a^{-1}}{4ax-x^2} = \frac{x-12a}{(x-4a)(x+4a)} \stackrel{|x}{=} + \frac{4a}{x(x-4a)} \stackrel{|x+4a}{=} = \\ = \frac{x^2-12xa+4xa+16a^2}{x(x^2-16a^2)} = \frac{x^2-8xa+16a^2}{x(x-4a)(x+4a)} = \frac{(x-4a)^2}{x(x-4a)(x+4a)} = \frac{x-4a}{x(x+4a)};$$

$$\text{в)} \frac{3}{2b-6a} - \frac{2a-b^{-1}}{9a^2-b^2} = \frac{3^{b+3a}}{2(b-3a)} + \frac{2a-b^2}{(b-3a)(b+3a)} = \\ = \frac{3b+9a+4a-2b}{2(b-3a)(b+3a)} = \frac{b+13a}{2(b^2-9a^2)};$$

$$\text{г)} \frac{c-30d}{c^2-100d^2} - \frac{10d^{-1}}{10cd-c^2} = \frac{c-30d^c}{(c-10d)(c+10d)} + \frac{10d}{c(c-10d)} \stackrel{|c+10d}{=} = \\ = \frac{c^2-30cd+10cd+100d^2}{c(c-10d)(c+10d)} = \frac{(c-10d)^2}{c(c-10d)(c+10d)} = \frac{c-10d}{c(c+10d)}.$$

$$\text{№ 156. а)} \frac{b}{2a+2b} + \frac{a}{b-a} + \frac{a^2}{a^2-b^2} = \frac{b}{2(a+b)} \stackrel{|(a-b)}{-} \frac{a}{a-b} \stackrel{|2(a+b)}{+} \frac{a^{2|2}}{(a-b)(a+b)} = \\ = \frac{ab-b^2-2a^2-2ab+2a^2}{2(a^2-b^2)} = \frac{-b^2-ab}{2(a-b)(a+b)} = -\frac{b(b+a)}{2(a-b)(a+b)} = -\frac{b}{2(a-b)};$$

$$\text{б)} \frac{1}{c^2-cd} - \frac{1}{d^2-cd} - \frac{4}{c^2-d^2} = \frac{1}{c(c-d)} \stackrel{|(c+d)\cdot d}{-} \frac{1}{d(d-c)} \stackrel{|-c(c+d)}{-} \frac{4^{cd}}{(c-d)(c+d)} = \\ = \frac{cd+d^2+c^2+cd-4cd}{cd(c^2-d^2)} = \frac{(d-c)^2}{cd(c-d)(c+d)} = \frac{c-d}{cd(c+d)};$$

$$\text{в)} \frac{p-1}{2p+2} + \frac{p+1}{3-3p} + \frac{5p-1}{3p^2-3} = \frac{p-1}{2(p+1)} \stackrel{|3(p-1)}{+} \frac{p+1}{3(1-p)} \stackrel{|-2(p+1)}{+} \frac{5p-1}{3(p-1)(p+1)} \stackrel{|2}{=} = \\ = \frac{3(p^2-2p+1)-2(p^2+2p+1)+10p-2}{6(p+1)(p-1)} = \\ = \frac{3p^2-6p+3-2p^2-4p-2+10p-2}{6(p+1)(p-1)} = \frac{p^2-1}{6(p^2-1)} = \frac{1}{6};$$

$$\begin{aligned}
r) \quad & \frac{4m}{4m^2-1} + \frac{2m+1}{3-6m} + \frac{2m-1}{4m+2} = \frac{4m}{(2m-1)(2m+1)}^{|6} + \frac{2m+1}{3(1-2m)}^{|-2(2m+1)} + \frac{2m-1}{2(2m+1)}^{|3(2m-1)} = \\
& = \frac{24m-2(2m+1)^2+3(2m-1)^2}{6(2m-1)(2m+1)} = \frac{24m-2(4m^2+4m+1)+3(4m^2-4m+1)}{6(2m-1)(2m+1)} = \\
& = \frac{24m-8m^2-8m-2+12m^2-12m+3}{6(2m-1)(2m+1)} = \frac{4m^2+4m+1}{6(2m-1)(2m+1)} = \\
& = \frac{(2m+1)^2}{6(2m-1)(2m+1)} = \frac{2m+1}{6(2m-1)}
\end{aligned}$$

Nº 157. $\frac{abc-a^3}{a^2b} + \frac{abc-b^3}{b^2c} + \frac{abc-c^3}{c^2a} = \frac{a(bc-a^2)^c}{a^2b} + \frac{b(ac-b^2)^a}{b^2c} + \frac{c(ab-c^2)^b}{c^2a} =$

$$= \frac{bc^2-a^2c+a^2c-b^2a+ab^2-c^2b}{abc} = 0.$$

Nº 158. a) $\frac{a^2}{(a-b)^2} - \frac{a+b}{2a-2b} = \frac{a^{2|2}}{(a-b)^2} - \frac{a+b}{2(a-b)}^{|a-b} = \frac{2a^2-a^2+b^2}{2(a-b)^2} = \frac{a^2+b^2}{2(a-b)^2};$

б) $\frac{y}{(x-y)^2} - \frac{x+y}{y^2-xy} = \frac{y^{|y}}{(x-y)^2} + \frac{x+y}{y(x-y)}^{|x-y} = \frac{y^2+x^2-y^2}{y(x-y)^2} = \frac{x^2}{y(x-y)^2};$

в) $\frac{x+y}{3x-3y} + \frac{x^2}{(y-x)^2} = \frac{x+y}{3(x-y)}^{|x-y} + \frac{x^{2|3}}{(x-y)^2} = \frac{x^2-y^2+3x^2}{3(x-y)^2} = \frac{4x^2-y^2}{3(x-y)^2};$

г) $\frac{a+b}{a^2-ab} + \frac{a}{(b-a)^2} = \frac{a+b}{a(a-b)}^{|a-b} + \frac{a}{(a-b)^2}^{|a} = \frac{a^2-b^2+a^2}{a(a-b)^2} = \frac{2a^2-b^2}{a(a-b)^2}.$

Nº 159. а) $\frac{3c}{c^2-4c+4} - \frac{5}{c-2} = \frac{3c}{(c-2)^2} - \frac{5^{|c-2}}{c-2} = \frac{3c-5c+10}{(c-2)^2} = \frac{-2c+10}{(c-2)^2},$

б) $\frac{2m+7}{m^2+10m+25} + \frac{2}{m+5} = \frac{2m+7}{(m+5)^2} + \frac{2^{|m+5}}{m+5} = \frac{2m+7+2m+10}{(m+5)^2} = \frac{4m+17}{(m+5)^2};$

в) $\frac{8p+13}{p^2-18p+81} - \frac{8}{p-9} = \frac{8p+13}{(p-9)^2} - \frac{8^{|p-9}}{p-9} = \frac{8p+13-8p+72}{(p-9)^2} = \frac{85}{(p-9)^2};$

г) $\frac{3z+15}{z^2+14z+49} + \frac{9}{z+7} = \frac{3z+15}{(z+7)^2} + \frac{9^{|z+7}}{z+7} = \frac{3z+15+9z+63}{(z+7)^2} = \frac{12z+78}{(z+7)^2}.$

Nº 160. а) $\frac{x+1}{x^3-1} - \frac{1}{x^2+x+1} = \frac{x+1}{(x-1)(x^2+x+1)} - \frac{1^{|x-1}}{x^2+x+1} = \frac{x+1-x+1}{x^3-1} = \frac{2}{x^3-1};$

б) $\frac{y^2+4}{y^3+8} - \frac{1}{y+2} = \frac{y^2+4}{(y+2)(y^2-2y+4)} - \frac{1}{y+2}^{|y^2-2y+4} =$

$$= \frac{y^2+4-y^2+2y-4}{y^3+8} = \frac{2y}{y^3+8};$$

$$\text{b)} \frac{6c^3 + 64}{c^3 + 64} - \frac{3c^{2|c+4}}{c^2 - 4c + 16} = \frac{6c^3 + 64 - 3c^3 - 12c^2}{c^3 + 64} = \frac{3c^3 - 12c^2 + 64}{c^3 + 64};$$

$$\text{r)} \frac{1}{b-3} - \frac{b^2}{b^3 - 27} = \frac{b^2 + 3b + 9 - b^2}{b^3 - 27} = \frac{9 + 3b}{b^3 - 27}.$$

$$\text{№ 161. a)} \frac{a^2 - ab + b^2}{a-b} + \frac{a^2 + ab + b^2}{a+b} = \frac{a^3 + b^3 + a^3 - b^3}{a^2 - b^2} = \frac{2a^3}{a^2 - b^2};$$

$$\text{б)} \frac{m^2 - 2mn + 4n^2}{m - 2n} + \frac{m^2 + 2mn + 4n^2}{m + 2n} = \frac{m^3 + 8n^3 + m^3 - 8n^3}{m^2 - 4n^2} = \frac{2m^3}{m^2 - 4n^2};$$

$$\text{в)} \frac{9x^2 - 3xy + y^2}{3x - y} + \frac{9x^2 + 3xy + y^2}{3x + y} = \frac{27x^3 + y^3 + 27x^3 - y^3}{9x^2 - y^2} = \frac{54x^3}{9x^2 - y^2};$$

$$\begin{aligned} \text{г)} & \frac{4l^2 + 6lk + 9k^2}{2l + 3k} + \frac{4l^2 - 6lk + 9k^2}{2l - 3k} = \\ & = \frac{8l^3 - 27k^3 + 8l^3 + 27k^3}{4l^2 - 9k^2} = \frac{16l^3}{4l^2 - 9k^2}. \end{aligned}$$

$$\text{№ 162. а)} 1^{|a^3+1} - \frac{1}{a^3+1} - \frac{a}{a+1} = \frac{a^3 + 1 - 1 - a^3 + a^2 - a}{a^3 + 1} = \frac{a^2 - a}{a^3 + 1};$$

$$\begin{aligned} \text{б)} & \frac{c}{c^2 - 1} - \frac{1}{c + 1} - \frac{1}{c^3 - 1} = \frac{c^{|c^2+c+1}}{(c-1)(c+1)} - \frac{1^{|c^3-1}}{c+1} - \frac{1^{|c+1}}{(c-1)(c^2+c+1)} = \\ & = \frac{c^3 + c^2 + c - c^3 + 1 - c - 1}{(c+1)(c^3-1)} = \frac{c^2}{(c+1)(c^3-1)}; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{в)} & 1^{|8d^3+1} - \frac{2d - 1}{4d^2 - 2d + 1} = \frac{2d}{2d + 1} = \\ & = \frac{8d^3 + 1 - 4d^2 + 1 - 8d^3 + 4d^2 - 2d}{8d^3 + 1} = \frac{2 - 2d}{8d^3 + 1}; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{г)} & \frac{1}{b+2} - \frac{b^{|b+2}}{b^2 - 2b + 4} - \frac{12}{b^3 + 8} = \frac{b^2 - 2b + 4 - b^2 - 2b - 12}{b^3 + 8} = \\ & = \frac{-4(b+2)}{(b+2)(b^2 - 2b + 4)} = \frac{-4}{b^2 - 2b + 4}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{№ 163. а)} & \frac{3b^2 + 2b + 4}{b^3 - 1} - \frac{1 - 2b}{b^2 + b + 1} = \frac{3}{b-1} = \\ & = \frac{3b^2 + 2b + 4 - b + 2b^2 + 1 - 2b - 3b^2 - 3b - 3}{b^3 - 1} = \\ & = \frac{2(b^2 - 2b + 1)}{(b-1)(b^2 + b + 1)} = \frac{2(b-1)^2}{(b-1)(b^2 + b + 1)} = \frac{2(b-1)}{b^2 + b + 1}, \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
6) \quad & \frac{a-2^{|a-2|}}{a^2+2a+4} - \frac{6a}{a^3-8} + \frac{1}{a-2} = \\
& = \frac{a^2-4a+4-6a+a^2+2a+4}{a^3-8} = \frac{2a^2-8a+8}{a^3-8} = \\
& = \frac{2(a^2-4a+4)}{a^3-8} = \frac{2(a-2)^2}{(a-2)(a^2+2a+4)} = \frac{2(a-2)}{a^2+2a+4}.
\end{aligned}$$

Nº 164.

$$\begin{aligned}
a) \quad & \frac{2mn}{m^3+n^3} + \frac{2m}{m^2-n^2} - \frac{1}{m-n} = \frac{2mn^{m-n}}{(m+n)(m^2-mn+n^2)} + \frac{2m^{m^2-mn+n^2}}{(m-n)(m+n)} - \frac{1}{m-n} = \\
& = \frac{2m^2n-2mn^2+2m^3-2m^2n+2mn^2-m^3-n^3}{(m+n)(m^2-mn+n^2)(m-n)} = \\
& = \frac{(m-n)(m^2+mn+n^2)}{(m+n)(m^2-mn+n^2)(m-n)} = \frac{m^2+mn+n^2}{m^3+n^3};
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
6) \quad & \frac{2xy}{x^3-y^3} - \frac{2x}{x^2-y^2} + \frac{1}{x+y} = \frac{2xy^{x+y}}{(x-y)(x^2+xy+y^2)} - \frac{2x^{x^2+xy+y^2}}{(x-y)(x+y)} + \frac{1}{x+y} = \\
& = \frac{2x^2y+2xy^2-2x^3-2x^2y-2xy^2+x^3-c^3}{(x-y)(x^2+xy+y^2)(x+y)} = \\
& = \frac{-(x^3+y^3)}{(x^3-y^3)(x+y)} = \frac{(x+y)(x^2-xy+y^2)}{(y^3-x^3)(x+y)} = \frac{x^2-xy+y^2}{y^3-x^3}.
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{Nº 165. a)} \quad & \frac{1}{(b-5)^2} - \frac{2}{b^2-25} + \frac{1}{(b+5)^2} = \\
& = \frac{b^2+10b+25-2b^2+50+b^2-10b+25}{(b-5)^2(b+5)^2} = \frac{100}{(b-5)^2(b+5)^2};
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
6) \quad & \frac{1^{(5n+2m)^2}}{(2m-5n)^2} - \frac{2^{25n^2-4m^2}}{25n^2-4m^2} + \frac{1^{(5n-2m)^2}}{(5n+2m)^2} = \\
& = \frac{25n^2+10nm+4m^2-50n^2+8m^2+25n^2-10nm+4m^2}{(25n^2-4m^2)^2} = \frac{16m^2}{(25n^2-4m^2)^2}.
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{Nº 166. a)} \quad & \frac{6}{(x^2-9)} = \frac{1}{(x-3)^2} - \frac{5}{(x+3)^2} = \\
& = \frac{6x^2-54-x^2-6x-9-5x^2+30x-45}{(x^2-9)^2} = \frac{24x-108}{(x^2-9)^2};
\end{aligned}$$

$$6) \frac{2}{(2t-s)^2} + \frac{5}{4t^2-s^2} - \frac{7}{(s+2t)^2} = \\ = \frac{8t^2+8ts+2s^2+20t^2-5s^2-28t^2+28ts-7s^2}{(4t^2-s^2)^2} = \frac{36ts-10s^2}{(4t^2-s^2)^2}.$$

№ 167.

$$a) \frac{3a(16-3a)}{9a^2-4} + \frac{3(1+2a)}{2-3a} - \frac{2-9a}{3a+2} = \frac{3a(16-3a)}{(3a-2)(3a+2)} - \frac{3(1+2a)^{3a+2}}{(3a-2)} - \frac{2-9a^{3a-2}}{3a+2} = \\ = \frac{48a-9a^2-3(3a+6a^2+2+4a)-(6a-27a^2-4+18a)}{9a^2-4} = \\ = \frac{48a-9a^2-18a^2-21a-6+27a^2-24a+4}{9a^2-4} = \frac{3a-2}{(3a-2)(3a+2)} = \frac{1}{3a+2} \\ 6) \frac{x^3+y^3}{(x-y)^2} + \frac{3xy^2-y^3}{(y-x)^2} + \frac{3xy^2}{2xy-x^2-y^2} = \\ = \frac{x^3+y^3}{(x-y)^2} + \frac{3xy^2-y^3}{(y-x)^2} - \frac{3xy^2}{x^2-2xy+y^2} = \frac{x^3+y^3}{(x-y)^2} + \frac{3xy^2-y^3}{(y-x)^2} - \frac{3xy^2}{(x-y)^2} = \\ = \frac{x^3+y^3+3xy^2-y^3-3xy^2}{(x-y)^2} = \frac{x^3}{(x-y)^2}.$$

№ 168.

$$a) \frac{x+2y}{x^2+2x+y^2} - \frac{x-2y}{x^2-y^2} + \frac{2y^2}{(x+y)(x^2-y^2)} = \\ = \frac{x+2y}{(x+y)^2} - \frac{x-2y}{(x-y)(x+y)} + \frac{2y^2}{(x+y)(x-y)(x+y)} = \\ = \frac{x^2+2xy-xy-2y^2-x^2+2xy-xy+2y^2+2y^2}{(x+y)(x-y)(x+y)} = \\ = \frac{2y^2+2xy}{(x+y)^2(x-y)} = \frac{2y(y+x)}{(y+x)^2(x-y)} = \frac{2y}{x^2-y^2}; \\ 6) \frac{m+2n}{(m-2n)^2} + \frac{6n^{-1}}{4n^2-m^2} - \frac{m-2n}{(m+2n)^2} = \\ = \frac{m+2n}{(m-2n)^2} - \frac{6n^{m^2-4n^2}}{(m-2n)(m+2n)} - \frac{m-2n}{(m+2n)^2} = \\ = \frac{(m+2n)^3-(m-2n)^3-6m^2n+24n^3}{(m^2-4n^2)^2} =$$

$$\begin{aligned}
&= \frac{(m+2n-m+2n)(m^2+2n+4n^2+m^2-4n^2+m^2-2n+4n^2)}{(m^2-4n^2)^2} = \\
&= \frac{4n(3m^2+4n^2)-6m^2n+24n^3}{(m^2-4n^2)^2} = \frac{6m^2n+40n^3}{(m^2-4n^2)^2} = \frac{2n(3m^2+20n^2)}{(m^2-4n^2)^2}.
\end{aligned}$$

№ 169.

$$\begin{aligned}
&\frac{1}{2z^2+5z} - \frac{2}{25-10z} - \frac{4}{4z^2-25z} = \frac{1^{5(2z-5)}}{z(2z+5)} + \frac{2^{z(2z+5)}}{5(2z-5)} - \frac{4^{5z}}{(2z-5)(2z+5)} = \\
&= \frac{10z-25+4z^2+10z-20z}{5z(4z^2-25)} = \frac{4z^2-25}{5z(4z^2-25)} = \frac{1}{5z}.
\end{aligned}$$

170.

$$\begin{aligned}
&\frac{1}{1-a} + \frac{1}{1+a} + \frac{2}{1+a^2} + \frac{4}{1+a^4} + \frac{8}{1+a^8} + \frac{16}{1+a^{16}} = \\
&= \frac{1+a+1-a}{1-a^2} + \frac{2}{1+a^2} + \frac{4}{1+a^4} + \frac{8}{1+a^8} + \frac{16}{1+a^{16}} = \\
&= \frac{2}{1-a^2} + \frac{2}{1+a^2} + \frac{4}{1+a^4} + \frac{8}{1+a^8} + \frac{16}{1+a^{16}} = \\
&= \frac{1^{(1+a)(1+a^2)(1+a^4)(1+a^8)(1+a^{16})}}{1-a^2} + \frac{1^{(1-a)(1+a^2)(1+a^4)(1+a^8)(1+a^{16})}}{1+a^2} + \\
&+ \frac{1-a}{2^{(1-a^2)(1+a^4)(1+a^8)(1+a^{16})}} + \frac{1+a}{4^{(1-a^4)(1+a^8)(1+a^{16})}} + \frac{8^{(1-a^8)(1+a^{16})}}{1+a^8} + \\
&+ \frac{16^{1+a^{16}}}{1+a^{16}} = \frac{(1+a^2)(1+a^4)(1+a^8)(1+a^{16}) \cdot (1+a+1-a)}{1-a^{32}} + \\
&+ \frac{2(1-a^2)(1+a^4)(1+a^8)(1+a^{16}) + 4(1-a^4)(1+a^8)(1+a^{16})}{1-a^{32}} + \\
&+ \frac{8(1-a^8)(1+a^{16}) + 16(1-a^{16})}{1-a^{32}} = \frac{2(1+a^4)(1+a^8)(1+a^{16})(1+a^2+1-a^2)}{1-a^{32}} + \\
&+ \frac{4(1-a^4)(1+a^8)(1+a^{16}) + 8(1-a^8)(1+a^{16}) + 16(1-a^{16})}{1-a^{32}} = \\
&= \frac{4(1+a^8)(1+a^{16})(1+a^4+1-a^4) + 8(1-a^8)(1+a^{16}) + 16(1-a^{16})}{1-a^{32}} = \\
&= \frac{8(1+a^{16})(1+a^8+1-a^8) + 16(1-a^{16})}{1-a^{32}} = \frac{16 \cdot (1+a^{16}+1-a^{16})}{1-a^{32}} = \frac{32}{1-a^{32}}
\end{aligned}$$

§ 5. Умножение и деление алгебраических дробей.
Возведение алгебраической дроби в степень.

№ 171. а) $\frac{77}{34} \cdot \frac{17}{33} = \frac{7 \cdot 11 \cdot 17}{17 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 11} = \frac{7}{6} = 1\frac{1}{6}$; б) $\frac{12}{25} \cdot \frac{18}{35} = \frac{12 \cdot 35}{25 \cdot 18} = \frac{6 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 7}{5 \cdot 5 \cdot 3 \cdot 6} = \frac{14}{15}$;

б) $\frac{20}{9} \cdot \frac{9}{40} = \frac{20 \cdot 9}{9 \cdot 40} = \frac{1}{2}$; г) $\frac{13}{64} \cdot \frac{65}{128} = \frac{13 \cdot 128}{64 \cdot 65} = \frac{2}{5}$.

№ 172. а) $45 \cdot \frac{7}{45} = \frac{45 \cdot 7}{45} = 7$; б) $\frac{5}{18} \cdot \frac{1}{24} = \frac{5 \cdot 24}{18 \cdot 1} = \frac{20}{3} = 6\frac{2}{3}$;

б) $93 \cdot \frac{1}{93} = \frac{93}{93} = 1$; г) $\frac{5}{28} \cdot \frac{5}{42} = \frac{5 \cdot 42}{28 \cdot 5} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} = 1\frac{1}{2}$.

№ 173. а) $\frac{6x}{19} \cdot \frac{y}{5} = \frac{6xy}{19 \cdot 5} = \frac{6xy}{95}$; б) $\frac{5}{4a} \cdot \frac{7}{9b} = \frac{5 \cdot 9b}{4a \cdot 7} = \frac{45b}{28a}$;

б) $\frac{11c}{12} \cdot \frac{5d}{13} = \frac{11c \cdot 5d}{12 \cdot 13} = \frac{55}{156} cd$; г) $\frac{7m}{6} \cdot \frac{3}{10t} = \frac{7m \cdot 10t}{6 \cdot 3} = \frac{7m \cdot 5t}{3 \cdot 3} = \frac{35}{9} mt$.

№ 174. а) $\frac{5x}{6} : x = \frac{5x \cdot 1}{6 \cdot x} = \frac{5}{6}$; б) $\frac{12y}{25} \cdot \frac{5}{y} = \frac{12y \cdot 5}{25 \cdot y} = \frac{12}{5} = 2\frac{2}{5}$;

б) $\frac{3}{z} \cdot \frac{5z}{27} = \frac{3 \cdot 5z}{z \cdot 3 \cdot 9} = \frac{5}{9}$; г) $\frac{19t}{20} : t = \frac{19t}{20 \cdot t} = \frac{19}{20}$.

№ 175. а) $\frac{6a}{b} : \frac{3a}{b} = \frac{6a \cdot b}{b \cdot 3a} = 2$; б) $-\frac{4p}{q} \cdot \frac{q}{2n} = -\frac{4p \cdot q}{q \cdot 2n} = \frac{2p}{n}$;

б) $\left(-\frac{9}{2x}\right) \cdot \left(-\frac{5x}{3}\right) = \frac{9 \cdot 5x}{2x \cdot 3} = 7,5$; г) $\frac{5c}{2d} : \left(-\frac{15c}{d}\right) = -\frac{5c \cdot d}{2d \cdot 15c} = -\frac{1}{6}$.

№ 176. а) $\frac{a^2}{6} : \frac{a}{3} = \frac{a^2 \cdot 3}{6 \cdot a} = \frac{a}{2}$; б) $\frac{24}{b^2} \cdot \frac{b^3}{36} = \frac{24 \cdot b^3}{b^2 \cdot 36} = \frac{2}{3} b$;

б) $\frac{m^5}{10} \cdot \frac{100}{m^{12}} = \frac{m^5 \cdot 100}{10 \cdot m^{12}} = \frac{10}{m^7}$; г) $\frac{n^{24}}{28} : \frac{n^{39}}{56} = \frac{n^{24} \cdot 56}{28 \cdot n^{39}} = \frac{2}{n^{15}}$.

№ 177. а) $\frac{12x^5}{55} : \frac{6x^2}{5} = \frac{12x^5 \cdot 5}{55 \cdot 6x^2} = \frac{2x^3}{11}$; б) $\frac{4}{3y^3} \cdot \frac{y^8}{18} = \frac{4 \cdot y^8}{3y^3 \cdot 18} = \frac{2y^5}{27}$;

б) $\frac{36c^2}{49} \cdot \frac{7}{6c^{15}} = \frac{6}{7c^3}$; г) $\frac{16}{5d^3} \cdot \frac{12}{d^4} = \frac{16 \cdot d^4}{5d^3 \cdot 12} = \frac{4d}{15}$.

№ 178. а) $\frac{b^2}{xy} \cdot \frac{xy}{a^2b} = \frac{b}{a^2}$; б) $\frac{m^3}{cd} : \frac{m^2n}{cd} = \frac{m^3 \cdot cd}{cd \cdot m^2n} = \frac{m}{n}$;

б) $\frac{p^2q^2}{z} : \frac{p^3q^3}{z^2} = \frac{p^2 \cdot q^2 \cdot z^2}{z \cdot p^3 \cdot q^3} = \frac{z}{pq}$; г) $\frac{a^3b}{c} \cdot \frac{c^2}{a^4} = \frac{bc}{a}$.

№ 179. а) $x \cdot \frac{ab}{x^2} = \frac{ab}{x}$; б) $a^2 : \frac{a}{m^2n} = \frac{a^2 \cdot m^2n}{a} = m^2 \cdot n \cdot a$;

б) $c \cdot \frac{an}{c^3} = \frac{an}{c^2}$; г) $q : \frac{aq}{p^2} = \frac{q \cdot p^2}{aq} = \frac{p^2}{a}$.

$$\text{№ 180. a) } 6mx \cdot \frac{ab}{2mx^2} = \frac{3ab}{x} \quad \text{б) } 15y^3 : \frac{25y^2}{4x} = \frac{15y^3 \cdot 4x}{25y^2} = \frac{12xy}{5}$$

$$\text{б) } \frac{4ab^2}{3cm^3} \cdot 6c^2m^2 = 8 \frac{ab^2c}{m}; \quad \text{г) } 9xy : \frac{3x^2y}{ab} = \frac{9xy \cdot ab}{3x^2y} = \frac{3ab}{x}.$$

$$\text{№ 181. а) } 6x^4y^5 : \frac{4x^3y^2}{p} = \frac{6x^4y^5p}{4x^3y^2} = \frac{3}{2}xy^3p; \quad \text{б) } 34a^2b^8 \cdot \frac{m}{17a^2b^2} = 2b^6m;$$

$$\text{б) } 8p^3n^5 : \frac{x}{6p^2n^3} = \frac{4}{3}n^2x; \quad \text{г) } 36x^3y^4 : \frac{4x^3y^4}{a} = \frac{36x^3y^4a}{4x^3y^4} = 9a.$$

$$\text{№ 182. а) } \frac{x-y}{4a} \cdot \frac{4}{x-y} = \frac{1}{a}; \quad \text{б) } \frac{a+b}{8} \cdot \frac{a+b}{8x} = \frac{(a+b) \cdot 8x}{8 \cdot (a+b)} = x$$

$$\text{б) } \frac{2m-3n}{7} \cdot \frac{7s}{2m-3n} = s; \quad \text{г) } \frac{15p+12q}{13p} : \frac{15p+12q}{13} = \frac{(15p+12q) \cdot 13}{13p \cdot (15p+12q)} = \frac{1}{p}$$

$$\text{№ 183. а) } \frac{3a+4b}{8x^2} : \frac{4b+3a}{16x^2} = \frac{(3a+4b) \cdot 16x^2}{8x^2 \cdot (4b+3a)} = 2; \quad \text{б) } \frac{7c+9d}{13p^3} \cdot \frac{39p^{12}}{9d+7c} = 3p^9;$$

$$\text{б) } \frac{12ab}{19t+8} \cdot \frac{8+19t}{15b^2} = \frac{4a}{5b}; \quad \text{г) } \frac{44c^3}{15m+4n} \cdot \frac{52c}{4n+15m} = \frac{44c^3 \cdot (15m+4n)}{(15m+4n) \cdot 52c} = \frac{11c^2}{13}.$$

$$\text{№ 184. а) } \frac{16u-13v}{21} : \frac{13v-16u}{p} = \frac{(16u-13v)p}{21(13v-16u)} = -\frac{p}{21}; \quad \text{б) } \frac{45m-n}{23c} \cdot \frac{c}{n-45m} = -\frac{1}{23};$$

$$\text{б) } \frac{98p-17q}{4} : \frac{17q-98p}{16m} = \frac{(98p-17q) \cdot 16m}{4(17q-98p)} = -4m; \quad \text{г) } \frac{64r-15s}{9c^2} \cdot \frac{18c}{15s-64r} = -\frac{2}{c}.$$

$$\text{№ 185. а) } \frac{c+d}{c-d} \cdot \frac{c-d}{c} = \frac{c+d}{c}; \quad \text{б) } \frac{a-b}{c+d} : \frac{3(a-b)}{2(c+d)} = \frac{(a-b) \cdot 2(c+d)}{(c+d) \cdot 3(a-b)} = \frac{2}{3};$$

$$\text{б) } \frac{m(m-n)}{p(p+q)} \cdot \frac{p+q}{m-n} = \frac{m}{p}; \quad \text{г) } \frac{a-b}{2b} : \frac{a-b}{6b^2} = \frac{(a-b) \cdot 6b^2}{2b(a-b)} = 3b.$$

$$\text{№ 186. а) } \frac{a}{x^2-3x} : \frac{a^3}{3x-9} = \frac{3a(x-3)}{x(x-3)a^3} = \frac{3}{a^2x}; \quad \text{б) } \frac{a+a^2}{n} \cdot \frac{n^2}{3+3a} = \frac{a(1+a)n^2}{n \cdot 3(1+a)} = \frac{an}{3};$$

$$\text{б) } \frac{m^3-m^2}{y^4} \cdot \frac{y^2}{m^2-m} = \frac{m^2(m-1)y^2}{y^4m(m-1)} = \frac{m}{y^2}; \quad \text{г) } \frac{10c^2}{b^2-b^3} \cdot \frac{5}{b-b^2} = \frac{c^2b(1-b)}{b^2(1-b)} = \frac{c^2}{b}.$$

№ 187.

$$\text{а) } \frac{rx+r^2}{x^2} : \frac{x+r}{x} = \frac{r(x+r)x}{x^2(x+r)} = \frac{r}{x}; \quad \text{б) } \frac{mx+my}{ab^2} \cdot \frac{a^2b}{4x+4y} = \frac{m(x+y)a^2b}{ab^2 \cdot 4(x+y)} = \frac{ma}{4b};$$

$$\text{б) } \frac{xy}{p^2+p^3} \cdot \frac{p+p^2}{x^2y^2} = \frac{xy(p+1)}{p^2(1+p)x^2y^2} = \frac{1}{xyp}; \quad \text{г) } \frac{6a}{n^2-n} : \frac{3an}{2n-2} = \frac{6a \cdot 2(n-1)}{n(n-1) \cdot 3an} = \frac{4}{n^2}.$$

$$\text{№ 188. а) } \frac{4p-p^2}{y-x} : \frac{8p-2p^2}{x-y} = \frac{p(4-p)(x-y)}{(y-x)(4-p) \cdot 2p} = -\frac{1}{2};$$

$$6) \frac{a-b}{3q-q^2} \cdot \frac{6q-2q^2}{b-a} = \frac{(a-b) \cdot 2q(3-q)}{q(3-q)(b-a)} = -2 ;$$

$$B) \frac{-3-d^2}{d^3+d} \cdot \frac{1+d^2}{c-c^2} = \frac{-c^2(c-1)(1+d^2)}{d(d^2+1) \cdot c(c-1)} = -\frac{c}{d} ;$$

$$\Gamma) \frac{x+x^3}{n-n^2} \cdot \frac{x^2+1}{n^3-n^2} = \frac{x(1+x^2) \cdot n^2(n-1)}{n(1-n)(x^2+1)} = -xn .$$

$$\text{№ 189. a)} \frac{x^2-y^2}{3xy} \cdot \frac{3y}{x-y} = \frac{(x-y)(x+y) \cdot 3y}{3xy(x-y)} = \frac{x+y}{x} ;$$

$$6) \frac{5a^2}{a^2-16} \cdot \frac{5a}{a+4} = \frac{5a^2(a+4)}{(a-4)(a+4) \cdot 5a} = \frac{a}{a-4} ;$$

$$B) \frac{c^2-49}{10cd} \cdot \frac{2c+14}{5d} = \frac{(c-7)(c+7) \cdot 5d}{10cd \cdot 2(c+7)} = \frac{c-7}{4c} ;$$

$$\Gamma) \frac{b-d}{d} \cdot \frac{3bd}{b^2-a^2} = \frac{(b-d) \cdot 3bd}{d(b-d)(b+d)} = \frac{3b}{b+d} .$$

$$\text{№ 190. a)} \frac{1}{x+y} \cdot (x^3+y^3) = \frac{(x+y)(x^2-xy+y^2)}{(x+y)} = x^2-xy+y^2 ;$$

$$6) (a^3+b^3) \cdot (a^2-ab+b^2) = \frac{(a+b)(a^2-ab+b^2)}{a^2-ab+b^2} = a+b ;$$

$$B) \frac{1}{n^3-m^3} \cdot (n^2+nm+m^2) = \frac{n^2+nm+m^2}{(n-m)(n^2+nm+m^2)} = \frac{1}{n-m} ;$$

$$\Gamma) (p^3-q^3) : (p-q) = \frac{(p-q)(p^2+pq+q^2)}{p-q} = p^2+pq+q^2 .$$

$$\text{№ 191. a)} \frac{1}{a^3-b^3} \cdot (a^2-b^2) = \frac{(a-b)(a+b)}{(a-b)(a^2+ab+b^2)} = \frac{a+b}{a^2+ab+b^2} ;$$

$$6) (8a^3+1) \cdot \frac{4a^2-2a+1}{n} = \frac{(2a+1)(4a^2-2a+1)n}{4a^2-2a+1} = (2a+1)n ;$$

$$B) \frac{12n}{x^3-27} \cdot \frac{x^3+3x+9}{6n} = \frac{12n(x^3+3x+9)}{(x-3)(x^2+3x+9) \cdot 6n} = \frac{2}{x-3} ;$$

$$\Gamma) (m^2+2m+4) : \frac{m^3-8}{3} = \frac{(m^2+2m+4) \cdot 3}{(m-2)(m^2+2m+4)} = \frac{3}{m-2} .$$

$$\text{№ 192. a)} \frac{x^2-10x+25}{3x+12} \cdot \frac{2x-10}{x^2-6} = \frac{(x-5)^2 \cdot (x-4)(x+4)}{3(x+4) \cdot 2(x-5)} = \frac{1}{6}(x^2-9x+20) ;$$

$$6) \frac{1-a^2}{4a+8b} \cdot \frac{a^2+4ab+4b^2}{3-3a} = \frac{(1-a)(1+a)(a+2b)^2}{4(a+2b) \cdot 3(1-a)} = \frac{(1+a)(a+2b)}{12},$$

$$b) \frac{c^2-25}{c^2+12c+36} \cdot \frac{3c+18}{2c+10} = \frac{(c-5)(c+5) \cdot 3(c+6)}{(c+6)^2 \cdot 2(c+5)} = \frac{3 \cdot (c-5)}{2 \cdot (c+6)},$$

$$\Gamma) \frac{5m-10n}{m-5} : \frac{4n^2-4mn+m^2}{15-3m} = \frac{5(m-2n) \cdot 3(5-m)}{(m-5)(2n-m)^2} = \frac{15}{2n-m}.$$

$$\text{№ 193. a) } \left(\frac{x}{y}\right)^8 = \frac{x^8}{y^8}; \text{ б) } \left(\frac{p}{qr}\right)^{12} = \frac{p^{12}}{q^{12}r^{12}}; \text{ в) } \left(\frac{cd}{m}\right)^{19} = \frac{c^{19}d^{19}}{m^{19}}; \text{ г) } \left(\frac{z}{ts}\right)^{23} = \frac{z^{23}}{t^{23}s^{23}}.$$

$$\text{№ 194. a) } \left(\frac{a}{2x}\right)^5 = \frac{a^5}{32x^5}; \text{ б) } \left(\frac{5y}{3}\right)^3 = \frac{125y^3}{27}; \text{ в) } \left(\frac{8z}{9}\right)^2 = \frac{64z^2}{81}; \text{ г) } \left(\frac{t}{4}\right)^2 = \frac{t^2}{16}.$$

$$\text{№ 195. a) } \left(\frac{2x}{3y}\right)^6 = \frac{64x^6}{729y^6}; \text{ б) } \left(\frac{-8z}{15t}\right)^2 = \frac{64z^2}{225t^2};$$

$$\text{в) } \left(\frac{-4t}{5s}\right)^3 = -\frac{64t^3}{125s^3}; \text{ г) } \left(-\frac{3m}{4n}\right)^4 = \frac{81m^4}{256n^4};$$

$$\text{№ 196. a) } \left(\frac{2x^2y^3}{3z^6}\right)^4 = \frac{16x^8y^{12}}{81z^{24}}; \quad \text{б) } \left(\frac{5a^4c^3}{2k^3}\right)^3 = \frac{125a^{12}c^9}{8k^9};$$

$$\text{в) } \left(-\frac{3n^6k^3}{10p^4}\right)^{35} = -\frac{3^{35}n^{210}k^{105}}{10^{35}p^{140}}; \text{ г) } \left(-\frac{5x^6y^3}{z^8}\right)^4 = \frac{625x^{24}y^{12}}{z^{32}}.$$

$$\text{№ 197. а) } \left(\frac{a}{b}\right)^0 = 1, \text{ для всех } a \text{ и } b \neq 0; \text{ б) } \left(\frac{2a-b}{a+2}\right)^0 = 1, \text{ для всех } b \text{ и } a \neq -2;$$

$$\text{в) } \left(\frac{a^2-9}{a}\right)^0 = 1, \text{ для всех } a \neq 0; \quad \text{г) } \left(\frac{16-a^2}{a^2-9}\right)^0 = 1, \text{ для всех } a \neq 3 \text{ и } b \neq -3;$$

$$\text{№ 198. а) } \left(\frac{a^2}{x}\right) \cdot \left(\frac{x^2}{a^3}\right)^2 = \frac{a^2 \cdot x^4}{x \cdot a^6} = \frac{x^3}{a^4}; \text{ б) } \left(\frac{p}{x^3}\right)^3 \cdot \left(\frac{x^3}{p^2}\right)^2 = \frac{p^3 \cdot x^6}{x^9 \cdot p^4} = \frac{1}{x^3p};$$

$$\text{в) } \left(\frac{a^3b}{c^4}\right)^5 \cdot \left(\frac{c^7}{a^5b^2}\right)^3 = \frac{a^{15} \cdot b^5 \cdot c^{21}}{c^{20} \cdot a^{15} \cdot b^6} = \frac{c}{b}; \text{ г) } \left(\frac{x^6y^8}{x^5}\right)^5 \cdot \left(\frac{x^{10}y^{13}}{z^8}\right) = \frac{x^{30} \cdot y^{40} \cdot z^8}{x^{25} \cdot x^{10} \cdot y^{13}} = \frac{z^8 \cdot y^{27}}{x^5}.$$

$$\text{№ 199. а) } \frac{3m^2n}{c} : \frac{m^2n}{3c} = \frac{3m^2n \cdot c \cdot 3}{c \cdot m^2n} = 9; \text{ б) } \frac{x^3}{6y^{10}} \cdot \frac{3y^9}{x^{11}} = \frac{1}{2y \cdot x^8};$$

$$\text{в) } \frac{a^9}{8b^8} : \frac{a^{11}}{10b^{10}} = \frac{a^9 \cdot 10 \cdot b^{10}}{8 \cdot b^8 \cdot a^{11}} = \frac{5b^2}{4a^2}; \quad \text{г) } \frac{5c^2x}{a} \cdot \frac{15a}{c^3x} = \frac{75}{c}.$$

$$\text{№ 200. а) } \frac{18a^3}{11b^3} \cdot \frac{22b^4}{9a^2} = 4ab; \text{ б) } \frac{17x^2y}{5a} : \left(-\frac{34xy^2}{25a^2}\right) = -\frac{17 \cdot x^2 \cdot y \cdot 25 \cdot a^2}{5a \cdot 34 \cdot x \cdot y^2} = -\frac{5xa}{2y};$$

$$\text{в) } -\frac{35ax^2}{12b^2y} \cdot \frac{8ab}{2xy} = -\frac{35a^2x}{3by^2}; \quad \text{г) } \left(-\frac{27c^3}{4b^2}\right) : \left(-\frac{45c^5}{32b}\right) = \frac{27c^3 \cdot 32b}{4b^2 \cdot 45c^5} = \frac{24}{5bc^2}.$$

Nº 201.

$$\text{a)} \frac{-10y^2}{9a} : \left(-\frac{10y^3}{9b} \right) = \frac{10y^2 \cdot 9b}{9a \cdot 10y^3} = \frac{b}{ay}; \text{b)} \frac{25a^3b^3}{14x^2y} \cdot \frac{21xy}{10a^2b^2} = \frac{5 \cdot a \cdot b \cdot 3}{2 \cdot x \cdot 2} = \frac{15ab}{4x};$$

$$\text{b)} \frac{28a^2}{28x^3} : \left(-\frac{140a}{63x^4} \right) = -\frac{a^2 \cdot 63x^4}{x^3 \cdot 140 \cdot a} = -\frac{9ax}{20}; \text{c)} \frac{45m^2}{49n^2} \cdot \frac{56n^3}{27m^2} = \frac{5 \cdot 8n}{7 \cdot 3} = \frac{40n}{21}.$$

Nº 202. a) $\frac{2pq^5}{3ma^6} \cdot \frac{9m^2a^2}{4p^3q^3} = -\frac{3q^2m}{2a^4p^2};$

$$\text{b)} \frac{20a^4b^5}{33m^3n^4} : \frac{15a^2b^3}{22m^2n^5} = \frac{20 \cdot a^4 \cdot b^5 \cdot 22 \cdot m^2 \cdot n^5}{33 \cdot m^3 \cdot n^4 \cdot 15 \cdot a^2 \cdot b^3} = \frac{4 \cdot 2ab^2}{3 \cdot 3} = \frac{8ab^2}{9};$$

$$\text{b)} \frac{12x^3y^4}{25a^3b^3} : \left(-\frac{10a^4b^3}{9x^2y^5} \right) = \frac{4x \cdot 2a}{5 \cdot 3y} = \frac{8xa}{15y};$$

$$\text{c)} \left(-\frac{10p^2q^2}{9a^2} \right) : \left(-\frac{5pq}{27a^3} \right) = \frac{10 \cdot p^2 \cdot q^2 \cdot 27 \cdot a^3}{9 \cdot a^2 \cdot 5 \cdot p \cdot q} = 2pq \cdot 3a = 6pqa.$$

Nº 203. a) $\frac{12cd^4}{5a^4b} : \left(-\frac{4cd}{5a^3b} \right) = -\frac{12 \cdot c \cdot d^4 \cdot 5 \cdot a^3 \cdot b}{5 \cdot a^4 \cdot b \cdot 4 \cdot c \cdot d} = \frac{-3d^3}{a};$

$$\text{b)} \frac{-12m^2n^2}{11x^2y^2} \cdot \frac{11x^2y^5}{18m^3n^2} = -\frac{2y^3}{3}; \text{c)} \frac{54x^4y^7}{77a^5} \cdot \frac{22a^5x^5}{81y^6} = \frac{2x^4y \cdot 2x^5}{7 \cdot 3} = \frac{4x^9y}{21};$$

$$\text{d)} \frac{8b^5c^6}{33x^4} : \frac{12b^4}{55c^2x^5} = \frac{8 \cdot b^5 \cdot c^6 \cdot 55 \cdot c^2 \cdot x^5}{33 \cdot x^4 \cdot 12 \cdot b^4} = \frac{10bc^8x}{9}.$$

Nº 204. a) $\frac{a^2-1}{a-b} \cdot \frac{9a-9b}{a^2+a} = \frac{(a-1)(a+1) \cdot 9 \cdot (a-b)}{(a-b) \cdot a \cdot (a+1)} = \frac{9(a-1)}{a};$

$$\text{b)} \frac{b^2+4bc}{b+6} : \frac{b^2-16c^2}{2b+12} = \frac{b(b+4c) \cdot 2(b+6)}{(b+6)(b-4c)(b+4c)} = \frac{2b}{b-4c};$$

$$\text{c)} \frac{(x+4)^2}{3x-9} \cdot \frac{x^2-9}{3x+12} = \frac{(x+4)^2 \cdot (x-3)(x+3)}{3(x-3) \cdot 3(x+4)} = \frac{(x+4)(x+3)}{9};$$

$$\text{d)} \frac{(y-5)^2}{3y+18} \cdot \frac{2y-10}{y^2-36} = \frac{(y-5)^2(y-6)(y+6)}{3(y+6) \cdot 2(y-5)} = \frac{(y-6)(y-5)}{6}.$$

Nº 205. a) $\frac{x^2-16}{8x^2} : \frac{x+4}{4x} = \frac{(x-4)(x+4) \cdot 4x}{8x^2 \cdot (x+4)} = \frac{x-4}{2x};$

$$\text{b)} \frac{5-y}{y} \cdot \frac{7y^2}{y^2-25} = \frac{(5-y) \cdot 7y^2}{y \cdot (y-5)(y+5)} = \frac{-7y}{y+5};$$

$$\text{c)} \frac{3a-6b}{a+7} \cdot \frac{2a+14}{a^2-4b^2} = \frac{3(a-2b) \cdot 2(a+7)}{(a+7)(a-2b)(a+2b)} = \frac{6}{a+2b};$$

$$\text{d)} \frac{(c+2)^2}{2c-6} : \frac{5c+10}{c^2-9} = \frac{(c+2)^2(c+3)(c-3)}{2(c-3)(c+2) \cdot 5} = \frac{(c+2)(c+3)}{10}.$$

$$\text{№ 206. a)} \frac{m^2 - n^2}{3m + 3n} \cdot \frac{3m^2}{5n - 5m} = \frac{(m-n)(m+n) \cdot 3m^2}{3(m+n) \cdot 5(n-m)} = -\frac{m^2}{5};$$

$$6) \frac{5p^2 - 5q^2}{p^2 + q^2} \cdot \frac{10q - 10p}{3p^2 + 3q^2} = \frac{5(p-q)(p+q) \cdot 3(p^2 + q^2)}{(p^2 + q^2) \cdot 10(q-p)} = -\frac{3(p+q)}{2},$$

$$\text{b)} \frac{z^2 - 25}{z^2 - 3z} \cdot \frac{z+5}{9-z^2} = \frac{(z-5)(z+5) \cdot (3-z)(z+3)}{z(z-3)(z+5)} = \frac{(5-z)(z+3)}{z},$$

$$\text{r)} \frac{3c^2 - 3d}{c^2 + cp} \cdot \frac{c+p}{6d - 6c} = \frac{3(c-d)(c+d) \cdot (c+p)}{c(c+p) \cdot 6(d-c)} = -\frac{c+d}{2c}.$$

$$\text{№ 207. a)} \frac{x^2 y}{25y^2 - 4} \cdot \frac{5y + 2}{3xy^2} = \frac{x^2 y(5y+2)}{(5y-2)(5y+2) \cdot 3xy^2} = \frac{x}{3y(5y-2)},$$

$$6) \frac{7-2x}{22a^2b^2} \cdot \frac{4x^2 - 49}{11ab^3} = \frac{(7-2x) \cdot 11ab^3}{22a^2b^2 \cdot (2x-7)(2x+7)} = -\frac{b}{2a(2x+7)},$$

$$\text{b)} \frac{m^2 n}{64n^2 - 9} \cdot \frac{5mn}{8n+3} = \frac{m^2 n \cdot (8n+3)}{(8n-3)(8n+3) \cdot 5mn} = \frac{m}{(8n-3) \cdot 5};$$

$$\text{r)} \frac{5-3p}{12cd^3} \cdot \frac{24c^2 d}{9p^2 - 25} = \frac{(5-3p) \cdot 24c^2 d}{12cd^3 \cdot (3p-5)(3p+5)} = -\frac{2c}{d^2(3p+5)}.$$

$$\text{№ 208. a)} \frac{x^2 - 1}{x^3 - 1} \cdot \frac{x^2 - 2x + 1}{x^2 - x - 1} = \frac{(x-1)(x+1) \cdot (x^2 - x - 1)}{(x+1)(x^2 - x - 1) \cdot (x-1)^2} = \frac{1}{x-1};$$

$$6) \frac{y^3 - 8}{y^2 - 9} \cdot \frac{y+3}{y^2 + 2y + 4} = \frac{(y-2)(y^2 + 2y + 4) \cdot (y+3)}{(y-3)(y+3) \cdot (y^2 + 2y + 4)} = \frac{y-2}{y-3};$$

$$\text{b)} \frac{z^2 + 6z + 9}{z^3 + 27} \cdot \frac{3z + 9}{z^2 - 3z + 9} = \frac{(z+3)^2 \cdot (z^2 - 3z + 9)}{(z+3)(z^2 - 3z + 9) \cdot 3(z+3)} = \frac{1}{3};$$

$$\text{r)} \frac{t^3 + 8}{12t^2 + 27t} \cdot \frac{4t + 9}{t^2 - 2t + 4} = \frac{(t+2)(t^2 - 2t + 4) \cdot (4t+9)}{3t(4t+9) \cdot (t^2 - 2t + 4)} = \frac{t+2}{3t}.$$

$$\text{№ 209. a)} \frac{a^2 - 6a + 9}{1-b^3} \cdot \frac{2a-6}{b^2 - 1} = \frac{(a-3)^2 \cdot (b-1)(b+1)}{(1-b)(1+b+b^2) \cdot 2(a-3)} = \frac{(3-a)(b+1)}{2(1+b+b^2)};$$

$$6) \frac{b^2 - 6b + 9}{4b^2 - 6b + 9} \cdot \frac{27 + 8b^3}{6 - 2b} = \frac{(b-3)^2 \cdot (3+2b)(9-6b+4b^2)}{2(3-b)(9-6b+4b^2)} = \frac{(3+2b)(3-b)}{2},$$

$$\text{b)} \frac{c^3 - 8d^3}{2c + 4d} \cdot \frac{4d^2 - c^2}{(2d-c)^2} = \frac{(c-2d)(c^2 + 2cd + 4d^2) \cdot (2d-c)(2d+c)}{2(c+2d)(2d-c)^2} = \\ = -\frac{c^2 + 2cd + 4d^2}{2};$$

$$\text{r)} \frac{(m-1)^2}{4+4m^3} \cdot \frac{1-m^2}{(2m+2)^2} = \frac{(m-1)^2 \cdot 4(m+1)^2}{4(1+m)(1-m+m^2) \cdot (1-m)(1+m)} = \frac{1-m}{1-m+m^2}.$$

Nº 210. a) $\frac{1-16a^2}{4a^2+10a+25} : \frac{4a-1}{8a^3-125} =$
 $= \frac{(1-4a)(1+4a) \cdot (2a-5)(4a^2+10a+25)}{(4a^2+10a+25)(4a-1)} = (5-2a)(1+4a);$

б) $\frac{64a^3-27b^3}{(4a-3b)^2} \cdot \frac{9b^2-16a^2}{(16a^2+12ab+9b^2)} = \frac{(4a-3b)(16a^2+12ab+9b^2) \cdot (9b^2-16a^2)}{(4a-3b)^2 \cdot (16a^2+12ab+9b^2)} =$
 $= -\frac{(4a-3b)(4a+3b)}{4a-3b} = -(4a+3b);$

в) $\frac{4-9c^2}{9c^2-12c+16} : \frac{2-3c}{27c^3+64} = \frac{(2-3c)(2+3c) \cdot (3c+4)(9c^2-12c+16)}{(9c^2-12c+16)(2-3c)} = (2+3c)(3c+4);$

г) $\frac{125p^3+8q^3}{(5p+2q)^2} : \frac{25p^2-10pq+4q^2}{4q^2-25p^2} = \frac{(5p+2q)(25p^2-10pq+4q^2) \cdot (4q^2-25p^2)}{(5p+2q)^2(25p^2-10pq+4q^2)} =$
 $= \frac{(2q-5p)(2q+5p)}{5p+2q} = 2q-5p.$

Nº 211. а) $\left(\frac{x^2}{2a^3}\right)^3 \cdot \left(\frac{4a^4}{x^3}\right)^2 = \frac{x^6 \cdot 16a^8}{8a^9 \cdot x^6} = \frac{2}{a};$

б) $\left(-\frac{2a^8b^3}{c^7}\right)^5 : \left(-\frac{4a^{10}b^4}{c^9}\right)^4 = -\frac{32a^{40}b^{15} \cdot c^{36}}{c^{35} \cdot 256a^{40}b^{16}} = -\frac{c}{8b};$

в) $\left(-\frac{2a^2}{b^3}\right)^8 \cdot \left(\frac{b^2}{-2a^3}\right)^2 = \frac{256a^{16} \cdot b^4}{b^{24} \cdot 4a^6} = \frac{64a^{10}}{b^{20}};$

г) $\left(-\frac{9x^7y^6}{a^{12}}\right)^4 \cdot \left(-\frac{a^8}{27x^5y^4}\right)^3 = -\frac{3^8 x^{28} y^{24} \cdot a^{24}}{a^{48} \cdot 3^9 x^{15} y^{12}} = -\frac{x^{13} y^{12}}{3a^{24}}.$

Nº 212. а) $\left(\frac{b^4(b-c)^2}{a^6(c-a)}\right)^3 : \left(\frac{b^2(b-c)}{a^3(a-c)}\right)^6 = \frac{b^{12}(b-c)^6 \cdot a^{18}(a-c)^6}{a^{18}(c-a)^3 \cdot b^{12}(b-c)^6} = (c-a)^3;$

б) $\left(\frac{a^2(a-b)}{x^4(a-x)^3}\right)^6 \cdot \left(\frac{x^6(x-a)^5}{a^3(b-a)^2}\right)^4 = \frac{a^{12}(a-b)^6 \cdot x^{24}(x-a)^{20}}{x^{24}(a-x)^{18} \cdot a^{12}(b-a)^8} = \frac{(x-a)^2}{(b-a)^2};$

в) $\left(-\frac{a^2+ab}{ab^2-b^3}\right)^4 \cdot \left(\frac{b-a}{a^2+2ab+b^2}\right)^3 = \frac{a^4(a+b)^4 \cdot (b-a)^3}{b^8(a-b)^4 \cdot (a+b)^6} = \frac{a^4}{b^8(b-a) \cdot (a+b)^2};$

г) $\left(\frac{x^2-4xy+4y^2}{x^2+xy}\right)^2 \cdot \left(-\frac{x+y}{2xy-x^2}\right)^3 =$
 $= -\frac{(x-2y)^4 \cdot (x+y)^3}{x^2(x+y)^2 \cdot x^3(2y-x)^3} = \frac{(x-2y)(x+y)}{x^5}.$

$$\text{№ 213. а)} \frac{4x^2}{2x-y} : \frac{12x^3}{4x^2-y^2} \cdot \frac{2x^2}{6x^2+3xy} = \frac{4x^2 \cdot (2x-y)(2x+y) \cdot 2x^2}{(2x-y) \cdot 12x^3 \cdot 3x(2x+y)} = \frac{1}{9};$$

$$\text{б)} \frac{x^3z+125z}{x^2-16z^2} : \frac{x^3-25x}{x^2-8xz+16z^2} \cdot \frac{x+4z}{x^2-5x+25} = \\ = \frac{z(x+5)(x^2-5x+25) \cdot (x-4z)^2 \cdot (x+4z)}{(x-4z)(x+4z) \cdot x(x-5)(x+5) \cdot (x^2-5x+25)} = \frac{zx-4z^2}{x^2-5x}.$$

№ 214. а) Условие неверно. Должно быть:

$$\frac{a^4-64ab^3}{a^2-2ab+b^2} \cdot \frac{a^2-b^2}{a^2b-16b^3} : \frac{a^3+4a^2b+16ab^2}{ab+4b^2} = \\ = \frac{a(a-4b)(a^2+4ab+16b^2) \cdot (a-b)(a+b) \cdot b(a+4b)}{(a-b)^2 \cdot b(a-4b)(a+4b) \cdot a(a^2+4ab+16b^2)} = \frac{a+b}{a-b};$$

б) Условие неверно. Должно быть:

$$\frac{a^2+a}{2a-8} \cdot \frac{a^2+a}{2a+8} \cdot \frac{3a^3+6a^2+3a}{a^2-16} = \frac{a(a+1) \cdot a(a+1) \cdot (a-4)(a+4)}{2(a-4) \cdot 2(a+4) \cdot 3a(a+1)^2} = \frac{a}{12}.$$

§6. Преобразование рациональных выражений.

$$\text{№ 215. а)} \left(m + \frac{m}{n}\right) \cdot \left(m - \frac{m}{n}\right) = \frac{(mn+m)(mn-m)}{n^2} = \frac{m^2n^2 - m^2}{n^2};$$

$$\text{б)} \frac{\left(\frac{p}{q^2} + \frac{p^2}{q^3}\right)}{\left(\frac{p}{q} + \frac{p^2}{q}\right)} = \frac{\frac{pq+p^2}{q^3}}{\frac{pq+p^2}{q}} = \frac{p(q+p)}{q^3} \cdot \frac{q}{p(q+p)} = \frac{1}{q^2};$$

$$\text{в)} \frac{\left(\frac{2}{S} - \frac{r}{S}\right)}{\left(\frac{2+r}{S}\right)} = \frac{\frac{2S-r}{S}}{\frac{2S+r}{S}} = \frac{2S-r}{S} \cdot \frac{S}{2S+r} = \frac{2S-r}{2S+r}; \text{ г)} \frac{\left(\frac{1+u}{v} - \frac{u}{v}\right)}{\left(\frac{1-u}{v} - \frac{u}{v}\right)} = \frac{\frac{v+u}{v}}{\frac{v-u}{v}} = \frac{v+u}{v} \cdot \frac{v}{v-u} = \frac{v+u}{v-u}.$$

№ 216.

$$\text{а)} \frac{\left(\frac{2x}{y^2} - \frac{1}{2x}\right)}{\left(\frac{1}{y} + \frac{1}{2x}\right)} = \frac{4x^2 - y^2}{2xy^2} \cdot \frac{2xy}{2x+y} = \frac{(2x+y)(2x-y)}{(2x+y) \cdot y} = \frac{2x+y}{y};$$

$$\text{б)} \left(\frac{c}{2} + \frac{c}{3}\right) \cdot \frac{1}{c^2} = \frac{3c+2c}{6} \cdot \frac{1}{c^2} = \frac{5c}{6} \cdot \frac{1}{c^2} = \frac{5}{6c};$$

$$\text{в)} \frac{\left(\frac{a}{b^2} - \frac{1}{a}\right)}{\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a}\right)} = \frac{a^2 - b^2}{b^2 a} \cdot \frac{ba}{a+b} = \frac{(a+b)(a-b)}{b(a+b)} = \frac{a-b}{b};$$

$$\text{г)} \frac{d^2}{3} \cdot \left(\frac{d}{2} + \frac{2}{d^2}\right) = \frac{d^2}{3} \cdot \frac{(d^3+4)}{2d^2} = \frac{d^3+4}{6}.$$

№217. а) $\left(\frac{x}{y} - \frac{y}{x}\right) \cdot \frac{5xy}{x-y} = \frac{x^2 - y^2}{yx} \cdot \frac{5xy}{x-y} = \frac{(x+y)(x-y)}{xy} \cdot \frac{5xy}{x-y} = 5(x+y);$

б) $\left(\frac{z^2}{t^2} + \frac{2z}{t} + 1\right) \cdot \frac{t}{t+z} = \frac{z^2 + 2zt + t^2}{t^2} \cdot \frac{t}{t+z} = \frac{(z+t)^2}{t^2} \cdot \frac{t}{t+z} = \frac{z+t}{t};$

в) $\left(\frac{a}{b} - \frac{b}{a}\right) \cdot \frac{3ab}{a+b} = \frac{a^2 - b^2}{ba} \cdot \frac{3ab}{a+b} = \frac{(a-b)(a+b)}{ab} \cdot \frac{3ab}{a+b} = 3(a-b);$

г) $\left(1 - \frac{2c}{d} + \frac{c^2}{d^2}\right) \cdot \frac{d}{c-d} = \frac{d^2 - 2cd + c^2}{d^2} \cdot \frac{d}{c-d} = \frac{(d-c)^2}{d^2} \cdot \frac{d}{c-d} = \frac{(c-d)^2}{d(c-d)} = \frac{c-d}{d}.$

№218. а) $\left(\frac{6}{x-y} - \frac{5}{x+y}\right) \cdot \frac{x-y}{x+11y} = \frac{6x+6y-5x+5y}{(x-y)(x+y)} \cdot \frac{x-y}{x+11y} = \frac{1}{x+y};$

б) $\frac{z-3}{z+3} \cdot \left(z + \frac{z^2}{3-z}\right) = \frac{z-3}{z+3} \cdot \frac{3z - z^2 + z^2}{3-z} = -\frac{3z}{z+3};$

в) $\frac{\left(\frac{q}{q-5} - 2q\right)}{\frac{11-2q}{q-5}} = \frac{q-2q^2+10q}{q-5} \cdot \frac{q-5}{11-2q} = \frac{q(11-2q)}{11-2q} = q;$

г) $\frac{\left(\frac{q}{q-5} - 2q\right)}{\frac{11-2q}{q-5}} = \frac{q-2q^2+10q}{q-5} \cdot \frac{q-5}{11-2q} = \frac{q(11-2q)}{11-2q} = q.$

№219.

а) $\left(2 + \frac{t}{t+1}\right) \cdot \frac{3t^2 + 3t}{12t+8} = \frac{2t+2+t}{t+1} \cdot \frac{3t(t+1)}{4(3t+2)} = \frac{3t}{4}$

б) $\left(a - \frac{a^2}{a+1}\right) \cdot \frac{a^2 - 1}{a^2 + 2a} = \frac{a^2 + a - a^2}{a+1} \cdot \frac{(a+1)(a-1)}{a(a+2)} = \frac{a-1}{a+2};$

в) $\left(\frac{x-2y}{xy} + \frac{1}{x}\right) \cdot \frac{x^2y^2}{x-y} = \frac{x-2y+y}{xy} \cdot \frac{x^2y^2}{x-y} = xy;$

г) $\frac{cd - d^2}{c^2 + d^2} \cdot \left(\frac{c}{c+d} + \frac{d}{c-d}\right) = \frac{d(c-d)}{c^2 + d^2} \cdot \frac{c^2 - cd + cd + d^2}{c^2 - d^2} =$
 $= \frac{d(c-d)(c^2 + d^2)}{(c^2 + d^2)(c-d)(c+d)} = \frac{d}{c+d}.$

№220.

а) $\frac{b+3}{b^3 + 9b} \cdot \left(\frac{b+3}{b-3} + \frac{b-3}{b+3}\right) = \frac{b+3}{b(b^2 + 9)} \cdot \frac{b^2 + 6b + 9 + b^2 - 6b + 9}{(b-3)(b+3)} =$

$= \frac{(b+3)2(b^2 + 9)}{b(b^2 + 9)(b-3)(b+3)} = \frac{2}{b(b-3)},$

$$\begin{aligned}
6) & \left(\frac{1+c^3}{1+c} - c \right) \cdot \frac{1+c}{1-c^2} = \left(\frac{(1+c)(1-c+c^2)}{1+c} - c \right) \cdot \frac{1+c}{1-c^2} = \\
& = (1-2c+c^2) \cdot \frac{1+c}{1-c^2} = (1-c)^2 \cdot \frac{1+c}{1-c^2} = 1-c ; \\
b) & \frac{\binom{3d+1}{2d+2} - 1}{\frac{6d-6}{d+1}} = \frac{3d+1-2d-2}{2(d+1)} \cdot \frac{d+1}{6d-6} = \frac{(d-1)(d+1)}{2(d+1)6(d-1)} = \frac{1}{12} ; \\
r) & \frac{x^2-9}{2x^2+1} \cdot \left(\frac{6x+1}{x-3} + \frac{6x-1}{x+3} \right) = \frac{x^2-9}{2x^2+1} \cdot \frac{6x^2+19x+3+6x^2-19x+3}{(x-3)(x+3)} = \\
& = \frac{(x^2-9) \cdot 2 \cdot (6x^2+3)}{(2x^2+1)(x^2-9)} = \frac{6(2x^2+1)}{2x^2+1} = 6 .
\end{aligned}$$

№221.

$$\begin{aligned}
a) & \left(\frac{m}{n^2-mn} + \frac{n}{m^2-mn} \right) \cdot \frac{mn}{n+m} = \frac{m^3-m^2n+n^3-mn^2}{(n^2-mn)(m^2-mn)} \cdot \frac{mn}{m+n} = \\
& = \frac{(m-n)(m^2-n^2) \cdot mn}{mn(n-m)(m-n)(m+n)} = -\frac{(m-n)(m+n)}{(m-n)(m+n)} = -1 ; \\
6) & \frac{r^2-25}{r+3} \cdot \frac{1}{r^2+5r} - \frac{r+5}{r^2-3r} = \frac{(r-5)(r+5)}{(r+3) \cdot r(r+5)} - \frac{r+5}{r^2-3r} = \\
& = \frac{r-5}{r(r+3)} - \frac{r+5}{r(r-3)} = \frac{r^2-8r+15-r^2-8r-15}{r(r+3)(2-3)} = -\frac{16r}{r(r^2-9)} = \frac{16}{9-r^2} ; \\
b) & \left(\frac{St}{S^2-t^2} + \frac{t}{2t-2S} \right) \cdot \frac{S^2-t^2}{2t} = \left(\frac{St}{(S-t)(S+t)} + \frac{t}{2(t-S)} \right) \times \\
& \times \frac{S^2-t^2}{2t} = \frac{(2St-tS-t^2)}{2(S-t)(S+t)} \cdot \frac{S^2-t^2}{2t} = \frac{t(S-t)(S^2-t^2)}{4t(S^2-t^2)} = \frac{S-t}{4} ;
\end{aligned}$$

r) $\frac{a+b}{3a+b} + \frac{1}{b-a} \cdot \frac{a^2-b^2}{3a-b} = \frac{a+b}{3a+b} - \frac{(a-b)(a+b)}{(a-b)(3a-b)} =$

$$= (a+b) \frac{(3a-b-3a-b)}{9a^2-b^2} = -\frac{2(a+b)}{9a^2-b^2} = \frac{2(a+b)}{b^2-9a^2} .$$

№222.

$$\begin{aligned}
a) & \text{При } m = \frac{3}{14}, \frac{\binom{2m+1}{2m-1} \cdot \binom{2m-1}{2m+1}}{\frac{4m}{10m-5}} = \frac{4m^2+4m+1-4m^2+4m-1}{(2m-1)(2m+1)} \cdot \frac{5(2m-1)}{4m} = \\
& = \frac{10(2m-1)}{(2m-1)(2m+1)} = \frac{10}{2m+1} = \frac{10}{2 \cdot \frac{3}{14} + 1} = 7 ;
\end{aligned}$$

$$6) \text{ При } a=23 \text{ и } b=33, \left(\frac{a}{b-a} - \frac{a}{b+a} \right) \cdot \frac{b^2 + 2ab + a^2}{2a^2} = \frac{a(b+a-b+a)}{(b-a)(b+a)} \cdot \frac{(b+a)^2}{2a^2} =$$

$$= \frac{2a \cdot a \cdot (b+a)^2}{(b-a) \cdot 2a^2 \cdot (b+a)} = \frac{b+a}{b-a} = \frac{56}{10} = 5,6;$$

№223.

$$\frac{ax}{a+x} + \frac{bx}{x-b} = \frac{\frac{a^2b}{a-b}}{\frac{a-b}{a+b}} + \frac{\frac{a^2b}{a-b}}{\frac{a-b}{a-b-b}} = \frac{\frac{ab^2}{a-b}}{\frac{a^2-ab+ab}{a-b}} + \frac{\frac{ab^2}{a-b}}{\frac{ab-ab+b^2}{a-b}} = \frac{a^2b}{a^2} + \frac{a^2b}{a^2} = b+a = a+b.$$

$$\text{№224. a) } \frac{\frac{1}{x+y} + \frac{1}{x-y}}{\frac{1}{x+y} - \frac{1}{x-y}} = \frac{\frac{x-y+x+y}{(x+y)(x-y)}}{\frac{x-y-x-y}{(x+y)(x-y)}} = \frac{2x}{-2y} = -\frac{x}{y}; \text{ б) } \frac{\frac{2}{x} \frac{x-2}{x^2-x}}{\frac{2}{x} \frac{x+3}{x^2-x}} = \frac{\frac{2x^2-2x+2x-x^2}{x(x^2-x)}}{\frac{2x^2-3x+x^2+3x}{x(x^2-x)}} = \frac{x^2}{4x^2} = \frac{1}{4};$$

$$\text{б) } \frac{\frac{1}{x-y} \frac{1}{x+y}}{\frac{1}{x+y} + \frac{1}{x-y}} = \frac{\frac{x+y-x+y}{(x-y)(x+y)}}{\frac{x-y+x+y}{(x+y)(x-y)}} = \frac{2y}{2x} = \frac{y}{x}; \text{ г) } \frac{\frac{1}{x-1} \frac{4-x}{x^2-x}}{\frac{2}{x-1} \frac{x+2}{x^2-x}} = \frac{\frac{(x-1)(x^2-x)}{2x^2-2x-x^2-x+2}}{(x-1)(x^2-x)} = \frac{2x^2-6x+4}{x^2-3x+2} = 2.$$

$$\text{№225. а) } \frac{\frac{(a+5)}{5a-1} + \frac{a+5}{a+1}}{\frac{a^2+5a}{1-5a}} + \frac{a^2+5}{a+1} = \frac{(a+5)(a+1+5a-1)}{(5a-1)(a+1)} \cdot \frac{1-5a}{a^2+5a} + \frac{a^2+5}{a+1} =$$

$$= -\frac{(a+5) \cdot 6a \cdot (1-5a)}{(1-5a)(a+1) \cdot a \cdot (a+5)} + \frac{a^2+5}{a+1} = \frac{-6}{a+1} + \frac{a^2+5}{a+1} = \frac{a^2-1}{a+1} = a-1.$$

$$6) \left(\frac{b-3}{7b-4} - \frac{b-3}{b-4} \right) \cdot \frac{7b-4}{9b-3b^2} + \frac{b^2-14}{4-b} = \frac{(b-3)(b-4-7b+4)}{(7b-4)(b-4)} \times$$

$$\times \frac{7b-4}{9b-3b^2} + \frac{b^2-14}{4-b} = \frac{(b-3)(-6b)(7b-4)}{(7b-4)(b-4) \cdot 3b(3-b)} + \frac{b^2-14}{4-b} =$$

$$= \frac{6}{3(b-4)} + \frac{b^2-14}{4-b} = \frac{b^2-14}{4-b} - \frac{2}{4-b} = \frac{b^2-16}{4-b} = -(b+4) = -b-4.$$

№226.

$$\text{а) } \frac{\frac{a^2}{a+b} \frac{a^3}{a^2+2ab+b^2}}{\frac{a}{a+b} \frac{a^2}{a^2-b^2}} = \frac{\left(\frac{a^2}{a+b} \frac{a^3}{(a+b)^2} \right)}{\left(\frac{a}{a+b} \frac{a^2}{(a+b)(a-b)} \right)} = \frac{\frac{a^3+a^2b-a^3}{(a+b)^2}}{\frac{a^2-ab-a^2}{(a+b)(a-b)}} = \frac{a^2b}{(a+b)^2} \cdot \frac{(a+b)(a-b)}{-ab} = \frac{a(b-a)}{a+b};$$

$$6) \frac{\frac{z-2}{4z^2+16z+16}}{\left(\frac{z}{2z-4} - \frac{z^2+4}{2z^2-8} - \frac{2}{z^2+2z} \right)} = \frac{\frac{z-2}{4(z^2+4z+4)}}{\left(\frac{z}{2(z-2)} - \frac{z^2+4}{2(z-2)(z+2)} - \frac{2}{z(z+2)} \right)} = \frac{\frac{z-2}{4(z+2)^2}}{\frac{(z^2+2z)z-z^3-4z-2(z-2) \cdot 2}{2z(z-2)(z+2)}} =$$

$$= \frac{z-2}{4(z+2)^2} \times \frac{2z(z-2)(z+2)}{4z-4z+8} = \frac{2z(z-2)^2}{4 \cdot (2(z-2)^2(z+2))} = \frac{z}{4(z+2)}.$$

$$\begin{aligned}
\text{№227. a)} & \frac{\binom{10m^2}{3+2m} - 5m}{\frac{30m^2 - 15m}{8m^3 + 27}} = \frac{10m^2 - 15m - 10m^2}{3+2m} \cdot \frac{(2m)^3 + 3^3}{15m(2m-1)} = \\
& = \frac{-15m(3+2m)(4m^2 - 6m + 9)}{(3+2m) \cdot (15m) \cdot (2m-1)} = \frac{4m^2 - 6m + 9}{1-2m} . \\
6) & \left(\frac{1+27n^3}{3n+1} + 3n \right) \cdot \frac{1-9n^2}{1-81n^2} = \frac{1+27n^3 + 9n^2 + 3n}{3n+1} \cdot \frac{1-9n^2}{1-(9n^2)^2} = \\
& = \frac{(3n)^3 + 9n^2 + 3n + 1}{3n+1} \cdot \frac{1-9n^2}{(1-9n^2)(1+9n^2)} = \frac{9n^2(3n-1) + (3n+1)}{(3n+1)(1+9n^2)} = \frac{(1+9n^2)(3n+1)}{(3n+1)(1+9n^2)} = 1 .
\end{aligned}$$

№228.

$$\begin{aligned}
& \frac{2-a}{5} + \left(\frac{1}{1-2a} \right)^2 : \left(\frac{a+2}{4a^3 - 4a^2 + a} - \frac{2-a}{1-8a^3} \cdot \frac{4a^2 + 2a + 1}{2a^2 + a} \right) = \\
& = \frac{2-a}{5} + \frac{1}{(1-2a)^2} : \left(\frac{a+2}{a(4a^2 - 4a + 1)} - \frac{(2-a)(4a^2 + 2a + 1)}{(1-8a^3) \cdot a(2a+1)} \right) = \\
& = \frac{2-a}{5} + \frac{1}{(1-2a)^2} : \left(\frac{a+2}{a(2a-1)^2} - \frac{2-a}{a(1-2a)(1+2a)} \right) = \\
& = \frac{2-a}{5} + \frac{1}{(1-2a)^2} : \frac{(a+2)(1+2a) - (2-a)(1-2a)}{a(1-2a)^2(1+2a)} = \\
& = \frac{2-a}{5} + \frac{1}{(1-2a)^2} \cdot \frac{a(1-2a)^2(1+2a)}{2a^2 + 2 + 5a - 2a^2 - 2 + 5a} = \\
& = \frac{2-a}{5} + \frac{a(1+2a)}{10a} = \frac{2-a}{5} + \frac{1+2a}{10} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2} .
\end{aligned}$$

№229.

$$\begin{aligned}
& \left(\frac{b^2 - 2b + 4}{4b^2 - 1} \cdot \frac{2b^2 + b}{b^3 + 8} - \frac{b+2}{2b^2 - b} \right) : \frac{4}{b^2 + 2b} - \frac{b+4}{3-6b} = \\
& = \left(\frac{b(2b+1)}{(4b^2-1)(b+2)} - \frac{b+2}{b(2b-1)} \right) : \frac{4}{b^2 + 2b} - \frac{b+4}{3-6b} = \\
& = \left(\frac{b}{(2b-1)(b+2)} - \frac{b+2}{b(2b-1)} \right) : \frac{4}{b^2 + 2b} - \frac{b+4}{3-6b} = \\
& = \frac{b^2 - b^2 - 4b - 4}{(2b-1) \cdot b(b+2)} \cdot \frac{b(b+2)}{4} - \frac{b+4}{3-6b} = \frac{b+1}{1-2b} - \frac{b+4}{3-6b} = \frac{-1+2b}{3-6b} = -\frac{1}{3} .
\end{aligned}$$

№230.

$$\begin{aligned}
& \left(\frac{1}{2x-1} - \frac{3}{8x^3+1} + \frac{3}{4x^2-2x+1} \right) \cdot \left(2x - \frac{4x-1}{2x+1} \right) = \\
& = \frac{4x^2 - 2x + 1 - 3 + 6x + 3}{(2x-1)(4x^2-2x+1)} \cdot \frac{4x^2 + 2x - 4x + 1}{2x+1} = \frac{(4x^2 + 4x + 1)(4x^2 - 2x + 1)}{(2x+1)^2(4x^2 - 2x + 1)} = 1 .
\end{aligned}$$

№231.

$$\begin{aligned} & \left(\frac{8y^2+2y}{8y^3-1} - \frac{2y+1}{4y^2+2y+1} \right) \cdot \left(1 + \frac{2y+1}{2y} - \frac{4y^2+10y}{4y^2+2y} \right) = \\ & = \frac{8y^2+2y-4y^2+1}{(2y-1)(4y^2+2y+1)} \cdot \frac{4y^2+2y+4y^2+1-4y^2-10y}{2y(2y+1)} = \\ & = \frac{(4y^2+2y+1)(4y^2-4y+1)}{(2y-1)(4y^2+2y+1) \cdot 2y(2y+1)} = \frac{(2y-1)^2}{(2y-1) \cdot 2y(2y+1)} = \frac{2y-1}{2y(2y+1)}. \end{aligned}$$

№232.

$$\begin{aligned} & \left(\frac{y^2+9}{27-3y^2} + \frac{y}{3y+9} - \frac{3}{y^2-3y} \right) : \frac{(3y+9)^2}{3y^2-y^3} = \frac{y^3+9y+3y^2-y^3+27+9y}{3(3-y)(3+y) \cdot y} \cdot \frac{(3y+9)^2}{y^2(3-y)} = \\ & = \frac{27+18y+3y^2}{3y(3-y)(3+y)} \cdot \frac{y^2(3-y)}{(3y+9)^2} = \frac{(3y+9)^2 \cdot y^2(3-y)}{9y(3-y)(3+y)(3y+9)^2} = \frac{y}{9(3+y)} = \frac{y}{9y+27}. \end{aligned}$$

№233. $\left(\frac{z}{z-2} - \frac{z^2}{z^3+8} \cdot \frac{z^2+2z}{z-2} \right) : \frac{8}{z^2-2z+4} + \frac{z^2+z+6}{4z+8} =$

$$\begin{aligned} & = \frac{z^4+8z-z^4-2z^3}{(z^3+8)(z-2)} \cdot \frac{z^2-2z+4}{8} + \frac{z^2+z+6}{4z+8} = \\ & = \frac{2 \cdot 4z(4-z^2)}{(z+2)(z^2-2z+4)(z-2)} \cdot \frac{z^2-2z+4}{8} + \frac{z^2+z+6}{4z+8} = -\frac{z}{4} + \frac{z^2+z+6}{4z+8} = \frac{6-z}{4z+8}. \end{aligned}$$

№234.

$$\begin{aligned} & \frac{18xy}{2y+3x} + \frac{1}{2y-3x} : \left(\frac{4}{4y^2-9x^2} - \frac{6y-9x}{8y^3+27x^3} \right) = \frac{18xy}{2y+3x} + \\ & + \frac{1}{2y-3x} : \left(\frac{4}{(2y+3x)(2y-3x)} - \frac{3(2y-3x)}{(2y-3x)(4y^2-6xy+9x^2)} \right) = \\ & = \frac{18xy}{2y+3x} + \frac{1}{2y-3x} : \left(\frac{16y^2-24xy+36x^2-12y^2+36xy-27x^2}{(2y+3x)(2y-3x)(4y^2-6xy+9x^2)} \right) = \\ & = \frac{18xy}{2y+3x} + \frac{1}{2y-3x} \cdot \frac{(2y+3x)(2y-3x)(4y^2-6xy+9x^2)}{(2y+3x)^2} = \\ & = \frac{18xy}{2y+3x} + \frac{4y^2-6xy+9x^2}{2y+3x} = \frac{(2y)^2+12xy+(3x)^2}{2y+3x} = \frac{(2y+3x)^2}{2y+3x} = 3x+2y. \end{aligned}$$

№235.

$$\begin{aligned} & \left(\frac{m-n}{(m+n)^2} - \frac{2m}{m^2-n^2} + \frac{m+n}{(m-n)^2} \right) : \frac{8mn^2}{m^4-n^4} + \frac{2n^2}{n^2-m^2} = \\ & = \frac{3mn^2+2mn^2+3mn^2}{(m+n)^2(m-n)^2} \cdot \frac{m^4-n^4}{8mn^2} + \frac{2n^2}{n^2-m^2} = \frac{(m^2-n^2)(m^2+n^2)}{(m-n)^2(m-n)^2} + \\ & + \frac{2n^2}{n^2-m^2} = \frac{m^2+n^2}{m^2-n^2} - \frac{2n^2}{m^2-n^2} = \frac{m^2-n^2}{m^2-n^2} = 1. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{№236. } & \left(\frac{x+1}{2x} + \frac{4}{x+3} - 2 \right) : \frac{x+1}{x+3} - \frac{x^2 - 5x + 3}{2x} = \\ & = \frac{x^2 + 4x + 3 + 8x - 4x^2 - 12x}{2x(x+3)} \cdot \frac{x+3}{x+1} - \frac{x^2 - 5x + 3}{2x} = \frac{3(1-x^2)}{2x(x+1)} - \\ & - \frac{x^2 - 5x + 3}{2x} = \frac{3-3x}{2x} - \frac{x^2 - 5x + 3}{2x} = \frac{2x-x^2}{2x} = \frac{x(2-x)}{2x} = \frac{2-x}{2} = \frac{1}{2}(2-x). \end{aligned}$$

Так как $x > 2$, то $(x-2) > 0$ и $(2-x) < 0$.

Следовательно, $\frac{1}{2}(2-x) < 0$. Что и требовалось доказать.

$$\begin{aligned} \text{№237. } & \frac{9n-27}{3n^2-n^3} + \left(\frac{3n+9}{n-3} \right)^2 \cdot \left(\frac{1}{3n-9} + \frac{2}{9-n^2} - \frac{1}{n^2+3n} \right) = \\ & = \frac{9n-27}{3n^2-n^3} + \frac{(3n+9)^2(n^2+3n-6n-3n+9)}{(n-3)^23(n-3)(n+3)\cdot n} = \\ & = \frac{9n-27}{3n^2-n^3} + \frac{9(n+3)^2(n-3)^2}{3(n-3)^3(n+3)\cdot n} = \frac{9n-27}{3n^2-n^3} + \frac{9(n+3)}{3(n-3)\cdot n} = \\ & = \frac{9n-27}{(3-n)n^2} + \frac{3n+9}{(n-3)n} = \frac{3n^2+9n-9n+27}{n^2(n-3)} = \frac{3(n^2+9)}{n^2(n-3)}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{№238. } & \left(\frac{2}{2p-q} + \frac{6q}{q^2-4p^2} - \frac{4}{2p+q} \right) : \left(1 + \frac{4p^2+q^2}{4p^2-q^2} \right) = \\ & = \frac{-4p-2q+6q-4q+8p}{q^2-4p^2} : \frac{4p^2-q^2+4p^2+q^2}{4p^2-q^2} = \frac{4p}{4p^2-q^2} \times \frac{4p^2-q^2}{8p^2} = \frac{1}{2p}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{№239. } & \frac{k-4}{k-2} : \left(\frac{80k}{k^3-8} + \frac{2k}{k^2+2k+4} - \frac{k-16}{2-k} \right) - \frac{6k+4}{(4-k)^2} = \\ & = \frac{k-4}{k-2} : \left(\frac{80k+2k^2-4k+k^3+2k^2+4k-16k^2-32k-64}{(k-2)(k^2+2k+4)} \right) - \\ & - \frac{6k+4}{(4-k)^2} = \frac{k-4}{k-2} \cdot \frac{(k-4)(k^2+2k+4)}{k^3-12k^2+48k-64} - \frac{6k+4}{(4-k)^2} = \\ & = \frac{(k-4)(k-2)k^2+2k+4}{(k-2)(k-4)^3} - \frac{6k+4}{(4-k)^2} = \frac{k^2+2k+4-6k-4}{(k-4)^2} = \frac{k}{k-4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{№240. } & \frac{12a-4a^2}{2a+3} + \frac{1}{2a-3} : \left(\frac{4}{4a^2-9} - \frac{6a-9}{8a^3+27} \right) = \frac{12a-4a^2}{2a+3} + \\ & + \frac{1}{2a-3} : \frac{16a^2-24a+36-12a^2+36a-27}{(2a-3)(2a+3)(4a^2-6a+9)} = \frac{12a-4a^2}{2a+3} + \\ & + \frac{1 \cdot (2a-3)(2a+3)(4a^2-6a+9)}{(2a-3)(4a^2-12a+9)} = \frac{12a-4a^2}{2a+3} + \frac{4a^2-6a+9}{2a3} = \frac{6a+9}{2a+3} = \frac{3(2a+3)}{2a+3} = 3. \end{aligned}$$

Итак, данное выражение при любых а принимает одно и тоже значение 3.
Что и требовалось доказать.

§7. Первые представления о рациональных уравнениях.

№241. а) $\frac{18a+9}{13a-26} = 0$, $18a + 9 = 0$, $18a = -9$, $a = -\frac{1}{2}$.

При $a = -\frac{1}{2}$ знаменатель $(13a - 26) \neq 0$, поэтому $a = -\frac{1}{2}$ – искомое значение переменной.

б) $\frac{2c^2+7}{5c+9} = 0$, $2c^2 + 7 = 0$, $c^2 = -\frac{7}{2}$.

Данное уравнение не имеет рациональных корней.

в) $\frac{15b+4}{5b-15} = 0$, $15b + 4 = 0$, $b = -\frac{1}{4}$.

$(5b - 15) \neq 0$ при $b = -\frac{1}{4}$, поэтому $b = -\frac{1}{4}$ – искомое значение переменной.

г) $\frac{9d^2+14}{3d-4} = 0$, $9d^2 + 14 = 0$, $d^2 = -\frac{14}{9}$.

№242. а) $\frac{m^2+m}{5} = 0$, $m^2 + m = 0$, $m(m+1) = 0$,

$m=0$ или $(m+1)=0$, то есть $m=0$ или $m=-1$.

б) $\frac{n^2-9n}{7} = 0$, $n^2 - 9n = 0$, $n(n-9) = 0$, $n=0$ или $(n-9)=0$, то есть $n=0$ или $n=9$.

в) $\frac{2p^2+4p}{9} = 0$, $2p^2 + 4p = 0$, $2p(p+2) = 0$?

$2p=0$ или $(p+2)=0$, то есть $p=0$ или $p=-2$.

г) $\frac{q^2-12q}{3} = 0$, $q^2 - 12q = 0$, $q(q-12) = 0$,

$q=0$ или $(q-12)=0$, то есть $q=0$ или $q=12$.

№243. а) $\frac{x^2-100}{41} = 0$; $x^2 - 100 = 0$, $x^2 = 100$, $x = \pm 10$.

б) $\frac{y^2-9}{10} = 0$; $y^2 - 9 = 0$, $y^2 = 9$, $y = \pm 3$.

в) $\frac{z^2-36}{19} = 0$; $z^2 - 36 = 0$, $z^2 = 36$, $z = \pm 6$.

г) $\frac{t^2-225}{4} = 0$; $t^2 - 225 = 0$, $t^2 = 225$, $t = \pm 15$.

№244.

а) $\frac{a^3-4a}{9} = 0$; $a^3 - 4a = 0$; $a(a^2 - 4) = 0$; $a=0$ или $a^2=4$, то есть $a=0$ или $a=\pm 2$.

б) $\frac{b^3-81b}{17} = 0$; $b^3 - 81b = 0$; $b(b^2 - 81) = 0$; $b=0$ или $b^2=81$, то есть $b=0$ или $b=\pm 9$.

в) $\frac{c^3 - 121c}{13} = 0; c^3 - 121c = 0; c(c^2 - 121) = 0; c=0$ или $c^2 = 121$, то есть $c=0$ или $c=\pm 11$.

г) $\frac{d^3 - 16d}{19} = 0; d^3 - 16d = 0; d(d^2 - 16) = 0; d = 0$ или $d^2 = 16$, то есть $d=0$ или $d=\pm 4$.

№245. а) $\frac{2x+1}{5} = 1; \frac{2x+1}{5} - 1 = 0; \frac{2x-4}{5} = 0; 2x-4 = 0, x=2.$

б) $\frac{3z-10}{2} = -1; \frac{3z-10}{2} + 1 = 0; \frac{3z-8}{2} = 0, 3z-8 = 0, z = \frac{8}{3}.$

в) $\frac{11-3y}{4} = \frac{1}{2}; \frac{11-3y}{4} - \frac{1}{2} = 0; \frac{9-3y}{4} = 0; 9-3y = 0, y=3.$

г) $\frac{t+4}{11} = \frac{1}{5}; \frac{t+4}{11} - \frac{1}{5} = 0; \frac{5t+9}{55} = 0; 5t+9 = 0, t = -\frac{9}{5}.$

№246.

а) $\frac{3u+75}{5} = \frac{6u+42}{5}; \frac{3u+75}{5} - \frac{6u+42}{5} = 0; \frac{33-3u}{5} = 0,$

$33-3u=0, u=11.$

б) $\frac{2v-1}{6} = \frac{6-v}{8}; \frac{2v-1}{6} - \frac{6-v}{8} = 0; \frac{22v-44}{48} = 0; 22v-44=0; v=2.$

в) $\frac{8r+3}{7} = \frac{10r-1}{7}; \frac{8r+3}{7} - \frac{10r-1}{7} = 0; \frac{4-2r}{7} = 0; 4-2r=0; r=2.$

г) $\frac{s+2}{5} = \frac{3s-5}{4}; \frac{s+2}{5} - \frac{3s-5}{4} = 0; \frac{33-11s}{20} = 0; 33-11s=0; s=3.$

№247.

а) $\frac{a}{4} - \frac{a-3}{5} = -1; \frac{a+12}{20} + 1 = 0; \frac{a+32}{20} = 0; a=-32.$

б) $\frac{2b+1}{5} + \frac{3b+1}{7} = 2; \frac{29b+12}{35} - 2 = 0; \frac{29b-48}{35} = 0; b=2.$

в) $\frac{c}{7} - \frac{3c-1}{14} = 2; \frac{1-c}{14} - 2 = 0; \frac{-c-27}{14} = 0; c=-27.$

г) $\frac{6d+1}{5} - \frac{6d+1}{7} = 1; \frac{12d+2}{35} - 1 = 0; \frac{12d-33}{35} = 0; d = \frac{33}{12}.$

№248.

а) $\frac{2m+3}{3} + \frac{4m-3}{3} = 1; \frac{6m-3}{3} = 0; m = \frac{1}{2}.$

б) $\frac{p}{5} + \frac{p+12}{15} = \frac{1}{3}; \frac{4p+7}{15} = 0; p = -\frac{7}{4}.$

в) $\frac{5n+7}{4} + \frac{5n-7}{4} = 1; \frac{10n-20}{4} = 0; n=2.$

г) $\frac{2-q}{5} - \frac{q}{15} = \frac{1}{5}; \frac{-4q-11}{15} = 0; q = -\frac{11}{4}.$

№249. а) $\frac{8z-1}{5} - \frac{50-2z}{9} = \frac{3z+3}{4} + 1$; $\frac{72z-9-250+10z}{45} = \frac{3z+7}{4}$;

4(82z - 259) = 45(3z + 7); 193z = 1351; z = 7.

б) $\frac{3c-1}{7} - 12 = \frac{2c-5}{3} - \frac{4c-1}{5}$; 15(3c - 85) = 7(-2c - 22); 59c = 1121; c = 19.

в) $\frac{27-b}{3} + \frac{3b-1}{5} = 15 - \frac{25-b}{4}$; 4(132 + 4b) = 15(35 + b); b = -3.

г) $12 - \frac{4-5d}{7} = \frac{3d+20}{2} + \frac{11-2d}{5}$; 10(80 + 5d) = 7(11d + 122);

27d = -54; d = -2.

№250. а) $\frac{2}{x-1} + 1 = \frac{3}{x-1}$; $1 - \frac{1}{x-1} = 0$; $\frac{x-2}{x-1} = 0$; x = 2.

При x = 2, (x - 1) ≠ 0, то есть x = 2 – корень уравнения.

б) $\frac{4x-1}{x-2} = \frac{x+5}{x-2}$; $\frac{3x-6}{x-2} = 0$, x = 2.

При x = 2, (x - 2) = 0, то есть x = 2 – не корень уравнения. И корней нет.

в) $\frac{2y^2-7y+3}{2y-1} - y = 1$; $\frac{2y^2-7y+3-2y^2+y-2y+1}{2y-1} = 0$; $\frac{-8y+4}{2y-1} = 0$; $y = \frac{1}{2}$.

При $y = \frac{1}{2}$, (2y - 1) = 0, то есть $y = \frac{1}{2}$ – не корень уравнения. И корней нет.

г) $3t - \frac{3t^2+2}{t+5} = 4$; $\frac{3t^2+15t-3t^2-2-4t-20}{t+5} = 0$; $\frac{11t-22}{t+5} = 0$; t = 2.

При t = 2, (t + 5) ≠ 0, то есть t = 2 – корень уравнения.

№251.

а) $\frac{1}{10x-1} + \frac{1}{5x-2} = 0$; $\frac{15x-3}{(10x-1)(5x-2)} = 0$; $x = \frac{1}{5}$.

При $x = \frac{1}{5}$, (10x - 1)(5x - 2) ≠ 0, то есть $x = \frac{1}{5}$ – корень уравнения.

б) $\frac{1}{y} = \frac{5}{y-2} - \frac{4}{y-3}$; $\frac{1}{y} = \frac{5y-15-4y+8}{(y-2)(y-3)}$; $\frac{1}{y} = \frac{y-7}{(y-2)(y-3)}$;
 $\frac{y^2-7y-y^2+5y-6}{y(y-2)(y-3)} = 0$; $\frac{-2y-6}{y(y-2)(y-3)} = 0$; $y = -3$.

При $y = -3$, $y(y - 2)(y - 3) \neq 0$, то есть $y = -3$ – корень уравнения.

в) $\frac{3}{8-5t} + \frac{5}{2-7t} = 0$; $\frac{6-21t+40-25t}{(8-5t)(2-7t)} = 0$; $\frac{46-46t}{(8-5t)(2-7t)} = 0$; t = 1.

При t = 1, (8 - 5t)(2 - 7t) ≠ 0, то есть t = 1 – корень уравнения.

г) $\frac{3}{z-2} + \frac{7}{z+2} = \frac{10}{z}$; $\frac{10z-8}{z^2-4} - \frac{10}{z} = 0$; $\frac{10z^2-8z-10z^2+40}{z(z^2-4)} = 0$; $\frac{40-8z}{z(z^2-4)} = 0$;

$z = 5$.

При $z = 5$, $z(z^2 - 4) \neq 0$, то есть $z = 5$ – корень уравнения.

№252.

1) Пусть x (км/ч) – скорость велосипедиста. Тогда $2,5 \cdot x$ (км/ч) – скорость мотоциклиста. По условию задачи время, затраченное на весь путь велосипедистом и мотоциклистом выражаются соответственно:

$\frac{50}{x}$ (ч) и $\frac{50}{2,5 \cdot x}$ (ч). Мотоциклист выехал на 2,5 часа позже, поэтому

$$\frac{50}{x} - \frac{50}{2,5 \cdot x} = 2,5;$$

$$2) \frac{50}{x} - \frac{50}{2,5x} = 2,5; \quad \frac{50}{x} - \frac{20}{x} = \frac{5}{2}; \quad \frac{30}{x} - \frac{5}{2} = 0; \quad \frac{60 - 5x}{2x} = 0;$$

$x=12$. Так как при $x=12$, $2x \neq 0$, то $x=12$ – корень уравнения.

3) Скорость велосипедиста равна 12(км/ч).

Скорость мотоциклиста равна $12 \cdot 2,5$ (км/ч)=30(км/ч).

Ответ: 12(км/ч); 30(км/ч).

№253.

1) Пусть x (км/ч) – скорость первого автобуса.

Тогда $1,2 \cdot x$ (км/ч) – скорость второго автобуса. Время, затраченное на 4,5 км первым и вторым автобусами соответственно равно $\frac{45}{x}$ (ч) и $\frac{45}{1,2 \cdot x}$ (ч).

Так как второй автобус выехал на 15 мин= $\frac{1}{4}$ ч второго, то $\frac{45}{x} - \frac{45}{1,2 \cdot x} = \frac{1}{4}$.

$$2) \frac{45}{x} - \frac{45}{1,2 \cdot x} = \frac{1}{4}; \quad \frac{45 - 37,5}{x} - \frac{1}{4} = 0; \quad \frac{30}{4x} - \frac{1}{4} = 0, \quad x=30.$$

При $x=30$, $x \neq 0$, то есть $x=30$ – корень уравнения.

3). Скорость первого автобуса равна 30 (км/ч).

Ответ: 30 км/ч.

№254.

1) Пусть собственная скорость катера равна x (км/ч). Катер прошел 12 км по течению реки и затратил на это $\frac{12}{x+4}$ (ч). Катер прошел 4 км против течения

реки 4км и затратил на это $\frac{4}{x-4}$ (ч). Так как общее время пути равно 2(ч),

то $\frac{12}{x+4} + \frac{4}{x-4} = 2$.

$$2) \frac{12}{x+4} + \frac{12}{x-4} = 2; \quad \frac{16x - 32}{x^2 - 16} - 2 = 0; \quad \frac{2x^2 - 16x}{x^2 - 16} = 0;$$

$\frac{2x(x-8)}{x^2 - 16} = 0$, $x=0$ или $x=8$. Так как при $x=0$; $8(x^2 - 16) \neq 0$, то $x=0$; 8 – корни уравнения.

3) Первое значение $x=0$ нас явно не устраивает , так как скорость катера не может быть равной 0(км/ч). Так что скорость катера равна 8(км/ч).

Ответ: 8км/ч.

№255. 1) Пусть собственная скорость лодки равна x (км/ч). Лодка проплыла 18км по течению реки и затратила на это $\frac{18}{x+3}$ ч; против течения реки 6км

и затратила на это $\frac{6}{x-3}$ (ч). Так как общее время пути равно 4(ч), то

$$\frac{18}{x+3} + \frac{6}{x-3} = 4 .$$

$$2) \frac{18}{x+3} + \frac{6}{x-3} = 4 ; \frac{24x-36}{x^2-9} - 4 = 0 ; \frac{4x^2-24x}{x^2-9} = 0 ; 4 \frac{x^2-6x}{x^2-9} = 0 ;$$

$x(x-6)=0$, $x=0$ или $x=6$. Так как при $x=0$; $6(x^2-9)\neq 0$, то $x=6$; 8 – корни уравнения.

3) Первое значение нас явно не устраивает, так как скорость лодки не может быть равной 0(км/ч). Так что скорость лодки равна 6(км/ч). Ответ: 6км/ч.

Замечание к задаче №255.

В учебнике присутствует опечатка, а именно на весь путь лодка затратила 4(ч), а не 2(ч).

№256. 1) Пусть x (км/ч) – скорость грузовой машины, тогда скорость легковой машины равна $1,5 \cdot x$ (км/ч). Расстояние между городами А и В равно 400(км), поэтому время за которое грузовая и легковая машины преодолели

AB равно $\frac{400}{x}$ (ч) и $\frac{400}{1,5 \cdot x}$ (ч) соответственно.

Так как легковая машина выехала на 2 (ч) позже и приехала на $1\frac{1}{3}$ (ч) раньше

ше грузовой, то $\frac{400}{x} - \frac{400}{1,5 \cdot x} = 2 + 1\frac{1}{3} = \frac{10}{3}$.

$$2) \frac{400}{x} - \frac{400}{1,5 \cdot x} = \frac{10}{3} ; \frac{1200}{3x} - \frac{800}{3x} - \frac{10x}{3x} = 0 ; \frac{400-10x}{3x} = 0 ,$$

$x=40$ – корень уравнения, так как $3 \cdot 40 \neq 0$.

3) Итак, скорость грузовой машины равна 40(км/ч). Ответ: 40(км/ч).

№257.

1) Пусть x (км/ч) – скорость автобуса, тогда $1,2 \cdot x$ (км/ч) – скорость мотоциклиста. AB=100(км), поэтому время прохождения AB автобусом и мотоциклистом равно $\frac{100}{x}$ (ч) и $\frac{100}{1,2 \cdot x}$ (ч) соответственно. Так как мотоциклист

выехал на 8(мин)= $\frac{2}{15}$ (ч) позже автобуса и приехал на 12(мин)= $\frac{1}{5}$ (ч) раньше

ше автобуса, то $\frac{100}{x} - \frac{100}{1,2x} = \frac{2}{15} + \frac{1}{5} = \frac{1}{3}$.

$$2) \frac{100}{x} - \frac{100}{1,2x} = \frac{1}{3} ; \frac{300}{3x} - \frac{250}{3x} - \frac{x}{3x} = 0 ; x=50 – корень уравнения, так как $3 \cdot 50 \neq 0$.$$

3) Итак, скорость мотоциклиста равна $1,2 \cdot x = 1,2 \cdot 50 = 60$ (км/ч)

Ответ: 60(км/ч).

$$\text{№258. а) } \frac{5x-4}{3} + \frac{3x-2}{6} + \frac{2x-1}{2} = 3x-2 ; \frac{10x-8+3x-2+6x-3}{6} - 3x+2 = 0 ;$$

$$\frac{19x-13-18x+12}{6} = 0 ; ; x=1; x=1.$$

$$б) \frac{5x+1}{3} - \frac{16-x}{6} = \frac{x+10}{7} + 3 ; \frac{10x+2-16+x}{6} = \frac{x+10+21}{7} ;$$

$$\frac{11x-14}{6} - \frac{x+31}{7} = 0 ; \frac{77x-98-6x-186}{42} = 0 ; 71x-284=0; x=4.$$

$$в) \frac{2y-3}{5} + \frac{y-1}{4} + \frac{5y+1}{20} = 3-y ; \frac{8y-12+5y-5+5y+1}{20} = 3-y ;$$

$$\frac{18y-16}{20} - 3+y = 0 ; \frac{18y-16-60+20y}{20} = 0 ; 38y-76=0; y=2.$$

$$г) \frac{1-7t}{8} - \frac{t+30}{3} - \frac{t-1}{5} = 3 ; \frac{15-105t-40t-1200-24t+24}{120} = 3 ;$$

$$\frac{-169t-1161}{120} - 3 = 0 ; \frac{-169t-1161-360}{120} = 0 ; 169t+1521=0 ; t=-9.$$

$$\text{№259. а) } a^2 - 3a - 1 - \frac{2a^2 + 3a - 5}{2} = 1,5 ; \frac{2a^2 - 6a - 2 - 2a^2 - 3a + 5}{2} = \frac{3}{2} ;$$

$$\frac{-9a+3}{2} - \frac{3}{2} = 0 ; \frac{-9a}{2} = 0 ; a=0.$$

$$б) b^2 - 5b + 3 - \frac{3b^2 - 5b - 7}{3} = \frac{1}{3} ; \frac{3b^2 - 15b + 9 - 3b^2 + 5b + 7}{3} = \frac{1}{3} ;$$

$$\frac{-10b+16}{3} - \frac{1}{3} = 0 ; \frac{-10b+15}{3} = 0 ; -10b+15=0 ; b=1,5.$$

$$\text{№260. а) } \frac{4a+0,5}{12} + \frac{a-0,8}{8} + \frac{a+0,2}{6} = 0 ; \frac{8a+1+3a-2,4+4a+0,8}{24} = 0 ;$$

$$15a-0,6=0; a=0,04.$$

$$б) \frac{0,01-p}{0,02} - 2\frac{1}{2} = \frac{2-3p}{0,01} ; \frac{0,01-p-0,05}{0,02} = \frac{2-3p}{0,01} ; \frac{-p-0,04}{0,02} - \frac{4-6p}{0,02} = 0 ;$$

$$5p-4,04=0; p=0,808.$$

$$в) \frac{z-0,5}{4} + \frac{z-0,25}{3} + \frac{z-0,125}{2} = 0 ; \frac{3z-1,5+4z-1+6z-0,75}{12} = 0 ;$$

$$13z-3,25=0; z=0,25.$$

$$г) \frac{0,12q}{0,03} - 4\frac{1}{2} = -\frac{0,01+3a}{0,02} ; \frac{0,24-2q-0,27}{0,06} = -\frac{0,01+3q}{0,02} ;$$

$$\frac{-0,03-2q}{0,06} + \frac{0,01+3q}{0,02} = 0 ; \frac{7q-0,03+0,03}{0,06} = 0 ; 7q=0; q=0.$$

$$\text{№261. а) } \frac{3a+9}{3a-1} + \frac{2a+13}{2a+5} = 2 ; \frac{6a^2+33a+45+6a^2+37a-13}{(3a-1)(2a+5)} - 2 = 0 ;$$

$$\frac{12a^2 + 70a + 32 - 12a^2 - 26a - 10}{(3a-1)(2a+5)} = 0; \quad \frac{44a + 42}{(3a-1)(2a+5)} = 0; \quad a = -\frac{21}{22}.$$

При $a = -\frac{21}{22}$, $(2a-1)(3a+5) \neq 0$, то есть $a = -\frac{21}{22}$ – корень уравнения.

б) $\frac{a-1}{4a-5} = \left(\frac{2a-1}{4a-5}\right)^2; \quad \frac{(2a-1)^2}{(4a-5)^2} - \frac{a-1}{4a-5} = 0; \quad \frac{4a^2 - 4a + 1 - (a-1)(4a-5)}{(4a-5)^2} = 0;$
 $\frac{5a-4}{(4a-5)^2} = 0; \quad 5a-4=0, \quad a=0,8.$

При $a=0,8$, $(4a-5)^2 \neq 0$, то есть $a=0,8$ – корень уравнения.

в) $\frac{5b+13}{5b+4} + \frac{6b-4}{3b-1} = 3; \quad \frac{15b^2 + 34b - 13 + 30b^2 + 4b - 16}{(5b+4)(3b-1)} - 3 = 0;$
 $\frac{45b^2 + 38b - 29 - 45b^2 - 21b + 12}{(5b+4)(3b-1)} = 0; \quad \frac{17b - 17}{(5b+4)(3b-1)} = 0; \quad 17b - 17 = 0; \quad b=1.$

При $b=1$, $(5b+4)(3b-1) \neq 0$, то есть $b=1$ – корень уравнения.

г) $\left(\frac{b-1}{b+3}\right)^2 = \frac{b+1}{b+3}; \quad \frac{(b-1)^2}{(b+3)^2} - \frac{b+1}{b+3} = 0; \quad \frac{b^2 - 2b + 1 - b^2 - 4b - 3}{(b+3)^2} = 0;$
 $\frac{-6b-2}{(b+3)^2} = 0; \quad -6b-2 = 0, \quad b = -\frac{1}{3}.$

При $b = -\frac{1}{3}$, $(b+3)^2 \neq 0$, то есть $b = -\frac{1}{3}$ – корень уравнения.

№262. а) $\frac{c-2}{2c+6} + \frac{c+3}{3c-6} = 0; \quad \frac{3c^2 - 12c + 12 + 2c^2 + 12c + 18}{(2c+6)(3c-6)} = 0;$
 $\frac{5c^2 + 30}{(2c+6)(3c-6)} = 0; \quad 5c^2 + 30 = 0, \quad c^2 = -6 \text{ – нет корней.}$

б) $\frac{y+6}{y^2 - 7y} - \frac{4}{(7-y)^2} = \frac{1}{y-7}; \quad \frac{(y+6)}{y(y-7)} - \frac{4}{(7-y)^2} - \frac{1}{y-7} = 0;$
 $\frac{y^2 - y - 42 - 4y - y^2 + 7y}{y(y-7)^2} = 0; \quad \frac{2y - 42}{y(y-7)^2} = 0; \quad 2y - 42 = 0; \quad y = 21.$

При $y=21$, $y(y-7)^2 \neq 0$, поэтому $y=21$ – корень уравнения.

в) $\frac{d+5}{5d-20} + \frac{d-4}{4d+20} = \frac{9}{20}; \quad \frac{d+5}{5(d-4)} + \frac{d-4}{4(d+5)} - \frac{9}{20} = 0;$
 $\frac{4d^2 + 40d + 100 + 5d^2 - 40d + 80}{20(d-4)(d+5)} - \frac{9}{20} = 0; \quad \frac{9d^2 + 180 - 9d^2 - 9d + 180}{20(d-4)(d+5)} = 0;$
 $\frac{360 - 9d}{20(d-4)(d+5)} = 0; \quad 360 - 9d = 0; \quad d = 40.$

При $d=40$, $20(d-4)(d+5) \neq 0$, то есть $d=40$ – корень уравнения.

г) $\frac{2a-2}{a^2 - 36} - \frac{a-2}{a^2 - 6a} - \frac{a-1}{a^2 + 6a} = 0; \quad \frac{2a-2}{a^2 - 6^2} - \frac{a-2}{a(a-6)} - \frac{a-1}{a(a+6)} = 0;$

$$\frac{2a^2 - 2a - a^2 - 4a + 12 - a^2 + 7a - 6}{a(a-6)(a+6)} = 0 ; \frac{a+6}{a(a-6)(a+6)} = 0 ; a+6=0, a=-6.$$

При $a=-6$, $a(a-6)(a+6)=0$, то есть уравнение корней не имеет.

$$\text{№263. а) } \frac{c+2}{c^2-5c} - \frac{c-5}{2c^2-50} = \frac{c+25}{2c^2-50} ; \frac{c+2}{c^2-5c} - \frac{c-5+c+25}{2c^2-50} = 0 ;$$

$$\frac{c+2}{c(c-5)} - \frac{2c+20}{2(c-5)(c+5)} = 0 ; \frac{2c^2+14c+20-2c^2-20c}{(2c(c-5))(c+5)} = 0 ;$$

$$\frac{20-6c}{2c(c-5)(c+5)} = 0 ; 20-6c=0; c=3\frac{1}{3} .$$

При $c=3\frac{1}{3}$, $2c(c-5)(c+5)\neq 0$, то есть $c=3\frac{1}{3}$ – корень уравнения.

$$б) \frac{3y-1}{6y-3} - \frac{1}{1-4y^2} = \frac{y}{1y+1} ; \frac{3y-1}{3(2y-1)} - \frac{1}{(1-2y)(1+2y)} = \frac{1}{2y+1} ;$$

$$\frac{-6y^2-y+1-3-3y+6y^2}{3(1-2y)(1+2y)} = 0 ; \frac{-4y-2}{3(1-2y)(1+2y)} = 0 ; -4y-2=0; y=-\frac{1}{2} .$$

При $y=-\frac{1}{2}$, $3(1-2y)(1+2y)=0$, то есть уравнение не имеет корней.

$$в) \frac{4(d+9)}{5d^2-45} + \frac{d+3}{5d^2-15d} = \frac{d-3}{d^2+3d} ; \frac{4(d+9)}{5(d-3)(d+3)} + \frac{d+3}{5d(d-3)} - \frac{d-3}{d(d+3)} = 0 ;$$

$$\frac{4d^2+36d+d^2+6d+9-5d^2+30d-45}{5d(d-3)(d+3)} = 0 ;$$

$$\frac{72d-36}{5d(d-3)(d+3)} = 0 ; 72d-36=0; d=\frac{1}{2} .$$

При $d=\frac{1}{2}$, $5d(d-3)(d+3)\neq 0$, то есть $d=\frac{1}{2}$ – корень уравнения.

$$г) \frac{1}{4x-6} + \frac{2x-5}{18-8x^2} - \frac{1}{2x^2+3x} = 0 ; \frac{1}{2(2x-3)} + \frac{2x-5}{2(3-2x)(3+2x)} - \frac{1}{x(2x+3)} = 0 ;$$

$$\frac{2x^2+3x-2x^2+5x+6-4x}{2x(2x-3)(2x+3)} = 0 ; 4x+6=0; x=-\frac{3}{2} .$$

При $x=-\frac{3}{2}$, $2x(2x-3)(2x+3)=0$, то есть уравнение не имеет корней.

$$\text{№264. } \frac{12d-7}{10d+1} - \frac{d-3}{5d+1} = 1 ; \frac{60d^2-23d-7-10d^2+29d+3}{(10d+1)(5d+1)} - 1 = 0 ;$$

$$\frac{50d^2+6d-4-50d^2-15d-1}{(10d+1)(5d+1)} = 0 ; -9d-5=0; d=-\frac{5}{9} .$$

При $d=-\frac{5}{9}$, $(10d+1)(5d+1)\neq 0$, то есть. При $d=-\frac{5}{9}$ разность соответствующих дробей равна 1.

№265.

$$\frac{18b+2}{b-4} - \frac{15b+1}{b+5} = 3 ; \frac{18b^2 + 92b + 10 - 15b^2 - 59b - 4}{(b-4)(b+5)} - 3 = 0 ;$$

$$\frac{3b^2 + 15b + 14 - 3b^2 - 3b + 60}{(b-4)(b+5)} = 0 ; 148b + 74 = 0 ; b = -\frac{1}{2} .$$

При $b = -\frac{1}{2}$, $(b-4)(b+5) \neq 0$, то есть. При $b = -\frac{1}{2}$ разность соответствующих дробей равна 3.

№266. По условию $\frac{a+1}{2} + 3 \cdot 0,5 = 3\frac{1}{2}$; $\frac{a+1}{2} + \frac{3}{2} - \frac{7}{2} = 0$; $\frac{a-3}{2} = 0$; $a=3$.

При $a=3$ и $b = \frac{5}{12}$ имеем: $\frac{a+1}{2} - 3b = \frac{4}{2} - \frac{5}{4} = \frac{3}{4}$.

№267. $\frac{c-2}{3} \cdot x - 4x = \frac{2-c}{9} + \frac{4}{3} = 1$ – по условию задачи; откуда $c=5$. При $c=5$ и $x = -11\frac{1}{3}$; $\frac{c-2}{3} \cdot x - 4x = \left(\frac{c-2}{3} - 4\right) \cdot x = -3 \cdot x = -3\left(-11\frac{1}{3}\right) = 34$.

№268. $\frac{n+1}{3} \cdot y + \frac{3n-1}{5} \cdot y^2 + y^3 = -n-1 + \frac{9}{5}(3n-1) - 27 = -21$ – по условию задачи. Откуда $n=2$. При $n=2$ и $y = \frac{1}{3}$: $\frac{n+1}{3} \cdot y + \frac{3n-1}{5} \cdot y^2 + y^3 = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} = \frac{13}{27}$.

№269.

$$\frac{s-9}{4} \cdot z + \frac{s+2}{3} \cdot z^2 - z^3 = \frac{9-s}{2} + \frac{4(s+2)}{3} + 8 = 16 ; \frac{27-3s+8s+16}{6} = 8 ; s=1.$$

$$\text{При } s=1 \text{ и } z=0,5: \frac{s-9}{4} \cdot z + \frac{s+2}{3} \cdot z^2 - z^3 = -2 \cdot 0,5 + 0,25 - 0,125 = -0,875 = -\frac{7}{8} .$$

§8. Домашняя контрольная работа.

Вариант №1.

1. Числитель дроби $\frac{a-8}{(a+7)(a-12)}$ равен нулю при $a=8$, значит при $a=8$ и вся алгебраическая дробь равна нулю. Знаменатель дроби равен нулю при $a=-7$ или $a=12$, значит при $a=-7$ или $a=12$ алгебраическая дробь не существует.

$$2. \frac{a^2 - ac + 2ab + b^2 - bc}{ab - c^2 + ac + b^2} = \frac{(a+b)^2 - c(a+b)}{a(b+c) + (b+c)(b-c)} = \frac{(a+b)(a+b-c)}{(b+c)(a+b-c)} = \frac{a+b}{b+c} .$$

3. При $a=1,9$ и $b=0,55$:

$$\frac{a^2 - 4b^2 - 5a + 10b}{(a+2b)^2 - 25} = \frac{3,61 - 4 \cdot 0,3025 - 5 \cdot 1,9 + 10 \cdot 0,55}{(1,9+1,1)^2 - 25} = \frac{-1,6}{16} = -0,1 .$$

$$4. \frac{2}{9p-12q} - \frac{3}{9p+12q} + \frac{5}{16q^2-9p^2} =$$

$$= \frac{-18p - 24q + 36q - 27p + 15}{3(4q-3p)(4q+3p)} = \frac{15 + 12q - 45p}{3(4q-3p)(4q+3p)} = \\ = \frac{5 + 4q - 15p}{16q^2 - 9p^2}.$$

$$5. \frac{8k+k^2+16}{15k^2+3k} \cdot \frac{16-k^2}{25k^2-1} = \frac{(k+4)^2}{3k(5k-1)} \cdot \frac{(5k-1)(5k+1)}{(4-k)(4+k)} = \\ = \frac{(k+4)(5k-1)}{3k(4-k)} = \frac{5k^2+19k-4}{12k-3k^2}.$$

$$6. \frac{\frac{1}{a} + \frac{1}{b+c}}{\frac{1}{a} - \frac{1}{b-c}} \cdot \left(1 + \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \right) = \frac{a+b+c}{b+c-a} \cdot \frac{(b+c)^2 - a^2}{2bc} = \\ = \frac{(a+b+c)(a+b+c)(b+c-a)}{2bc(b+c-a)} = \frac{(a+b+c)^2}{2bc}.$$

$$7. \text{При } x = -\frac{3}{4}, \left(\frac{x+1}{x-1} - \frac{x-1}{x+1} \right) \cdot \left(\frac{x^2+1}{x^2-1} - \frac{x^2-1}{x^2+1} \right) = \frac{4x}{x^2-1} \cdot \frac{4x^2}{(x^2-1)(x^2+1)} = \\ = \frac{x^2+1}{x} = -\frac{241}{60}.$$

$$8. \frac{3}{x+y} - \frac{3x-3y}{2x-3y} \cdot \left(\frac{2x-3y}{x^2-y^2} - 2x+3y \right) = \frac{3}{x+y} - \frac{(3x-3y)}{2x-3y} (2x-3y) \cdot \frac{1-x^2+y^2}{x^2-y^2} = \\ = \frac{3}{x+y} - \frac{3(x-y)(1-x^2+y^2)}{(x-y)(x+y)} = 3 \frac{x^2-y^2}{x+y} = 3(x+y).$$

$$9. \left(\frac{2ab}{a^2-b^2} + \frac{a-b}{2a+2b} \right) \cdot \frac{2a}{a+b} + \frac{b}{b-a} = \\ = \frac{4ab+a^2-2ab+b^2}{2(a-b)(a+b)} \cdot \frac{2a}{a+b} + \frac{b}{b-a} = \frac{(a+b)^2 \cdot 2a}{2(a-b)(a+b)^2} + \frac{b}{b-a} = \frac{a}{a-b} - \frac{b}{a-b} = 1.$$

То есть значение выражения не зависит от выбора значений a и b .

10. 1) Пусть x (км/ч) – собственная скорость катера. Тогда, время катера, за которое он прошел 21(км) по течению равно $\frac{21}{x+1}$ (ч) и время, за которое он

прошел 21(км) против течения равно $\frac{21}{x-1}$ (ч). По условию задачи

$$-\frac{21}{x+1} + \frac{21}{x-1} = 15 \text{ (мин)} = \frac{1}{4} \text{ (ч)}.$$

$$2). -\frac{21}{x+1} + \frac{21}{x-1} = \frac{1}{4};$$

$$\frac{21x+21-21x+21}{x^2-1} = \frac{1}{4};$$

$$\frac{42}{x^2 - 1} = \frac{1}{4}; x^2 - 1 = 84 \cdot 2 = 168; x^2 = 169; x = \pm 13.$$

3) $x = -13$ (км/ч) не подходит, так как скорость – величина не отрицательная.

Итак, скорость катера равна 13(км/ч).

Ответ: 13(км/ч).

Вариант №2.

1. При $b = -5$ числитель дроби $\frac{b+5}{(b-13)(b+7)}$ обращается в ноль, значит при

$b = -5$ дробь равна нулю. При $b = 13$ или $b = -7$ знаменатель дроби обращается в ноль, значит, при $b = 13$ или $b = -7$ дробь не существует.

$$2. \frac{ax+ay-bx-by}{ax-ay-bx+by} = \frac{a(x+y)-b(x+y)}{a(x-y)-b(x-y)} = \frac{(a-b)(x+y)}{(a-b)(x-y)} = \frac{x+y}{x-y}$$

3. При $x = 3,5$ и $y = 0,75$:

$$\frac{(x-2y)^2 - 49}{x^2 - 4y^2 + 7x + 14y} = \frac{(x-2y-7)(x-2y+7)}{(x-2y)(x+2y) + 7(x+y)} = \frac{x-2-7}{x+2y} = \frac{3,5-3,5-7}{3,5+3,5} = -1.$$

$$4. \frac{1}{6a-4b} - \frac{1}{6a+4b} + \frac{3a}{9a^2-4b^2} = \frac{1}{2(3a-2b)} - \frac{1}{2(3a+2b)} + \\ + \frac{3a}{(3a-2b)(3a+2b)} = \frac{3a+2b-3a+2b+6a}{2(3a-2b)(3a+2b)} = \frac{2(2b+3a)}{2(3a-2b)(3a+2b)} = \frac{1}{3a-2b}.$$

$$5. \frac{3by+6y-5b-10}{7yb-14y} \cdot \frac{b^2-4}{9y^2-25} = \frac{3y(b+2)-5(b+2)}{7y(b-2)} \times \\ \times \frac{(3y-5)(b+2)(b+2)}{7y(3y-5)(3y+5)} = \frac{(b+2)^2}{7y(3y+5)}.$$

$$6. \frac{\frac{x+y}{x-y} \cdot \frac{x-y}{x+y}}{\frac{x+y}{x-y} + \frac{x-y}{x+y}} : \frac{x^2y^2}{(x+y)^2 + (x-y)^2} = \frac{(x+y)^2 - (x-y)^2}{(x+y)^2 + (x-y)^2} \times \\ \times \frac{(x+y)^2 + (x-y)^2}{x^2y^2} = \frac{4xy}{x^2y^2} = \frac{4}{xy}.$$

$$7. \text{При } a = -0,01, \frac{a^2 - 2a + 1}{a-3} \cdot \left(\frac{(a+2)^2 - a^2}{4a^2 - 4} - \frac{3}{a^2 - a} \right) = \\ = \frac{(a-1)^2}{a-3} \cdot \left(\frac{a^2 + 4 - a^2}{4(a-1)(a+1)} - \frac{3}{a(a-1)} \right) = \frac{(a-1)^2}{a-3} \cdot \left(\frac{4(a+1)}{4(a-1)(a+1)} - \frac{3}{a(a-1)} \right) = \\ = \frac{(a-1)^2}{a-3} \cdot \frac{a-3}{a(a-1)} = \frac{a-1}{a} = \frac{-0,01-1}{-0,01} = 101.$$

$$8. \left(\frac{xy + y^2}{5x^2 - 5xy} + xy + y^2 \right) \cdot \frac{5x}{x+y} - \frac{y}{x-y} = y(x+y) \frac{1+5x^2-5xy}{5x^2-5xy} \cdot \frac{5x}{x+y} - \frac{y}{x-y} = \\ = y \frac{(5x^2-5xy+1)}{x-y} - \frac{y}{x-y} = y \cdot \frac{5x(x-y)}{x-y} = 5xy.$$

$$9. \left(\frac{b}{b^2-36} - \frac{b-6}{b^2-6b} \right) : \frac{2b-6}{b^2+6b} - \frac{b}{b-6} = \\ = \frac{b^2-b^2+12b-36}{b(b+6)(b-6)} \cdot \frac{b(b+6)}{2(b-3)} - \frac{b}{b-6} = \frac{6}{b-6} - \frac{b}{b-6} = \frac{6-b}{b-6} = -1.$$

То есть значение выражения не зависит от переменной b .

10. 1) Пусть x (км/ч) – собственная скорость лодки. Тогда, время, за которое

она прошла 16(км) по течению равно $\frac{16}{x+2}$ (ч) и время, за которое она про-
шла 16(км) против течения равно $\frac{16}{x-2}$ (ч). По условию зада-

$$\text{чи: } \frac{16}{x-2} - \frac{16}{x+2} = 12 \text{ (мин)} = \frac{1}{5} \text{ (ч).}$$

$$2) \frac{16}{x-2} - \frac{16}{x+2} = \frac{1}{5}; \frac{16((x+2)-(x-2))}{(x-2)(x+2)} = \frac{1}{5};$$

$$\frac{32 \cdot 2}{x^2-4} = \frac{1}{5}; x^2-4 = 5 \cdot 32 \cdot 2 = 320; x^2=324; x=\pm 18.$$

3) $x=-18$ (км/ч) не подходит, так как скорость есть величина не отрицательная. Итак, скорость лодки равна 18 (км/ч). Ответ: 18 (км/ч).

Глава 2. Квадратичная функция. Функция $y = \frac{k}{x}$

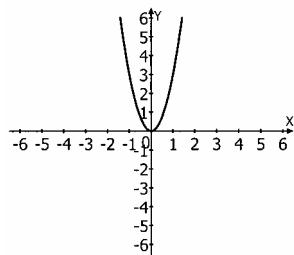
§ 9. Функция $y = kx^2$, ее свойства и график.

№270. а) $k=2$; б) $k=-8$; в) $k=7$; г) $k=-1$.

№271. а) $k=0,2$; б) $k=-\frac{1}{8}$; в) $k=-1,85$; г) $k=-\frac{1}{37}$.

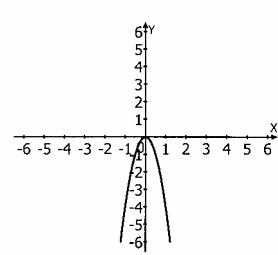
№272.

а)

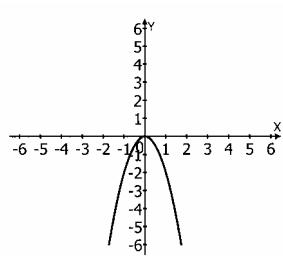


б)

б)

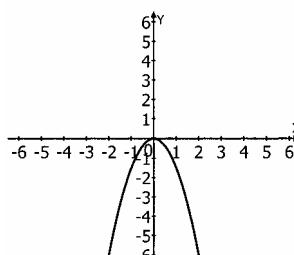


г)

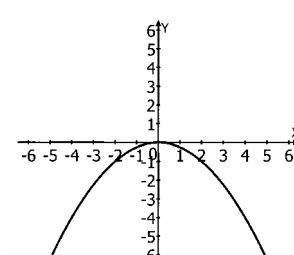


№273.

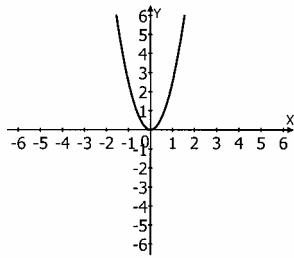
а)



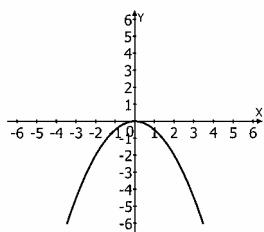
б)



b)

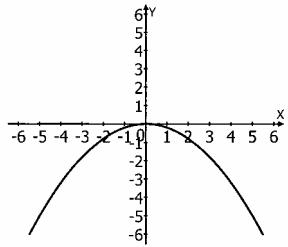


r)

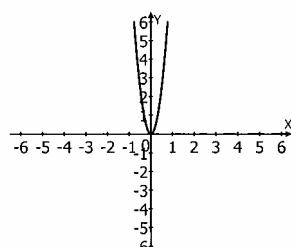


№274.

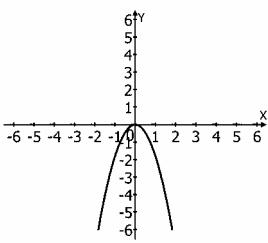
a)



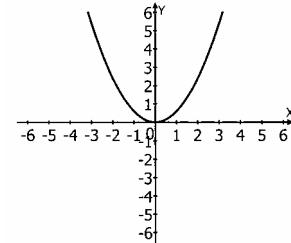
б)



б)

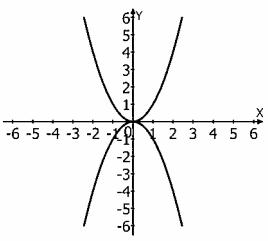


г)

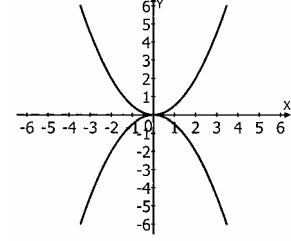


№275.

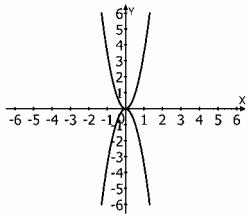
a)



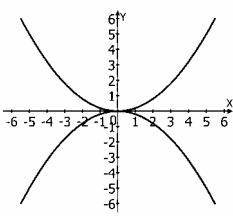
б)



в)



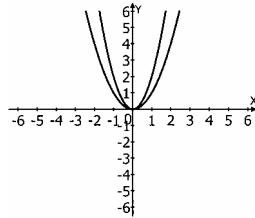
г)



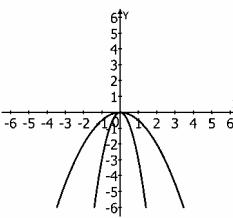
Вершины графиков совпадают. Графики функций симметричны относительно оси X.

№276.

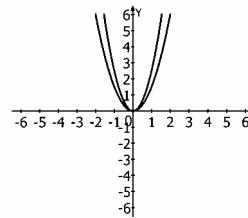
а)



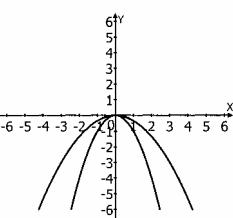
б)



в)



г)



Вершины графиков совпадают.

Графики функций лежат: а), в) выше; б), г) ниже оси X.

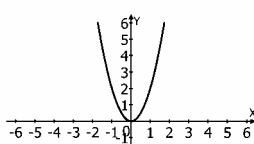
№277.

Вершины графиков совпадают, графики функций симметричны относительно оси X.

№278.

Вершины графиков совпадают. Графики функций лежат выше оси X.

а)



б)

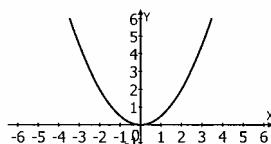


График функции $y=2x^2$ получается из $y=x^2$ сжатием по оси X в два раза.

График функции $y=0,5x^2$ получается из $y=x^2$ растяжением по оси X в два раза.

в)

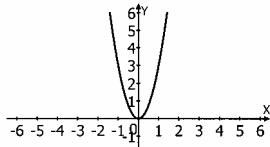


График функции $y=3x^2$ получается из $y=x^2$ сжатием по оси X в три раза.

г)

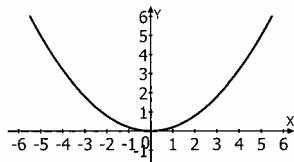


График функции $y=0,2x^2=\frac{1}{5}x^2$ получается из $y=x^2$ растяжением по оси X в 5 раз.

№279.

Вершины графиков совпадают. Графики функций лежат ниже оси X.

а)

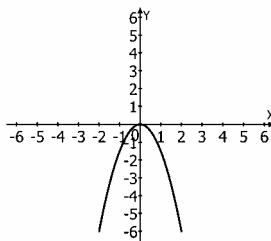


График функции $y=-\frac{3}{2}x^2=-1,5x^2$ получается из

$y=-x^2$ сжатием по оси X в $\frac{3}{2}$ раза.

б)

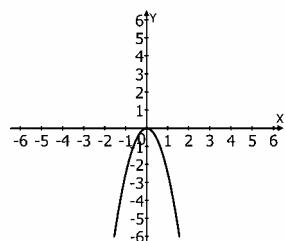


График функции $y=-3x^2$ получается из $y=x^2$ сжатием по оси X в 3 раза.

в)

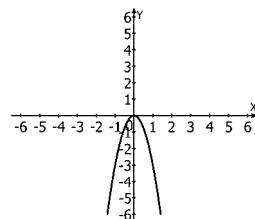


График функции $y=-2,5x^2=-\frac{5}{2}x^2$ получается из

$y=x^2$ сжатием по оси X в $\frac{5}{2}$ раза.

г)

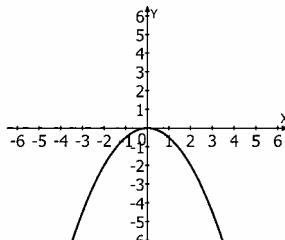


График функции $y=-0,5x^2$ получается из $y=x^2$ растяжением по оси X в два раза.

№280.

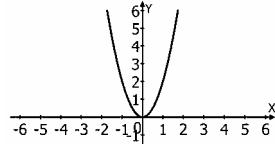
а) $k > 0$; б) $k < 0$.

№281.

а) 0; б) 2; в) 8.

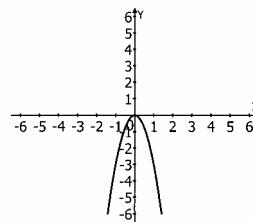
№282. (см. рисунок № 281).

а) $\frac{1}{2}$; б) $\frac{9}{2}$; в) $\frac{1}{2}$; г) $\frac{9}{2}$.



№283.

а) нет таких x ; б) $x=1$; $x=0$; в) $x=0$;
 $x=0,5$; г) $x=0,5$; $x=1$.



№284. а) $x=1$; $x=2$; б) $x=5$; $x=6$; в) $x=0$; $x=1$; г) $x=5$; $x=6$.

№285. а) $y(1) = 220 \cdot (1)^2 = 220$ – принадлежит.

б) $y(4) = 220 \cdot 4^2 = 880 \cdot 4 \neq -880$ – не принадлежит.

в) $y(-3) = 220 \cdot (-3)^2 = 1980 \neq 1320$ – не принадлежит.

г) $y(1,5) = 220 \cdot 2,25 = 495$ – принадлежит.

№286. а) М (2 ; 20), то есть $y(2)=k \cdot 4=20$, $k=5$.

б) Н (-3 ; 27), то есть $y(-3)=k \cdot 9=27$, $k=3$.

в) К (1 ; 10), то есть $y(1)=k \cdot 1=10$, $k=10$.

г) Л (-4 ; 96), то есть $y(-4)=k \cdot 16=96$, $k=6$.

№287. а) $y(1)=k \cdot 1=1$, то есть $y=x^2$. б) $y(1)=k \cdot 1=-2$, то есть $y=-2x^2$.

в) $y(2)=k \cdot 4=-2$, то есть $y=-\frac{1}{2}x^2$. г) $y(1)=k \cdot 1=2$, то есть $y=2x^2$.

№288. а) Да. $y_{\text{наим}}=0$. б) Нет. в) Нет. г) Да. $y_{\text{наим}}=-4$.

№289. а) Нет. б) Нет. в) Да. $y_{\text{наиб}}=0$. г) Да. $y_{\text{наиб}}=8$.

№290. а) Функция ограничена и сверху, и снизу.

б) Функция ограничена сверху и не ограничена снизу.

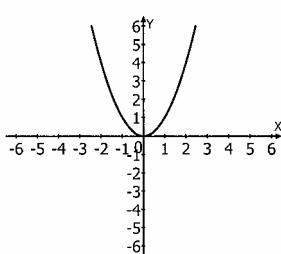
в) Функция ограничена снизу и не ограничена сверху.

г) Функция не ограничена и сверху, и снизу.

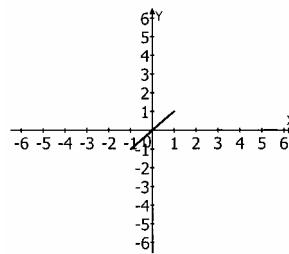
Ответ: а) Да; б), в), г) Нет.

№291.

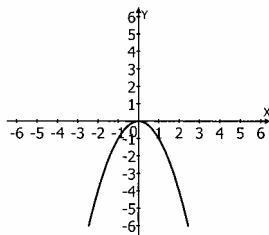
а)



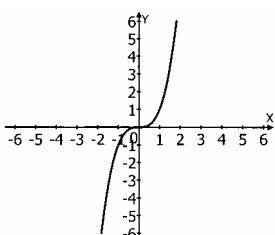
б)



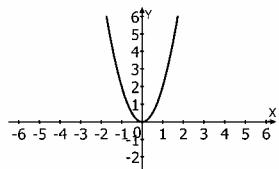
в)



г)



№292.



- а) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 8$ при $x = \pm 2$;
 б) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = -1$;
 в) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = \pm 1$;
 г) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 8$ при $x = 2$.

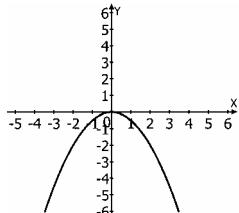
№293. (см. рисунок № 292)

- а) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 8$ при $x = -2$;
 б) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 8$ при $x = 2$;
 в) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 4,5$ при $x = 1,5$;
 г) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = 1$.

№294. (см. рисунок № 292).

- а) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}}$ – не существует;
 б) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}}$ – не существует;
 в) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}}$ – не существует;
 г) $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}}$ – не существует.

№295.



- а) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}} = -2$ при $x = -2$;
 б) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}} = -2$ при $x = 2$;
 в) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}} = -8$ при $x = \pm 4$;
 г) $y_{\text{наиб}}$ – не существует, $y_{\text{наим}} = -8$ при $x = 4$.

№296. (см. рисунок № 295).

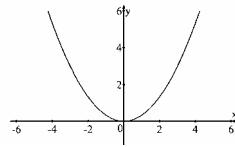
- а) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}}$ – не существует;
 б) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}} = -4,5$ при $x = -3$;
 в) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}} = -1,125$ при $x = 1,5$;
 г) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}} = -0,5$ при $x = 1$.

№297. (см. рисунок № 295).

- а) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}}$ – не существует;
 б) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}}$ – не существует;
 в) $y_{\text{наиб}}$ и $y_{\text{наим}}$ – не существует;
 г) $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$, $y_{\text{наим}}$ – не существует.

№298.

- a) $y_{\text{наиб}} \text{ и } y_{\text{наим}} \text{ не существует};$
- б) $y_{\text{наиб}} = 3$ при $x = -3$, $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$;
- в) $y_{\text{наиб}} = \frac{16}{3}$ при $x = 4$, $y_{\text{наим}} \text{ не существует};$
- г) $y_{\text{наиб}} = 3$ при $x = \pm 3$, $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$.



№299.

- а) $y_{\text{наиб}} \text{ не существует}, y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$;
- б) $y_{\text{наиб}} \text{ не существует}, y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$;
- в) $y_{\text{наиб}} \text{ и } y_{\text{наим}} \text{ не существуют};$
- г) $y_{\text{наиб}} \text{ не существует}, y_{\text{наим}} = 0$ при $x = 0$;

№300.

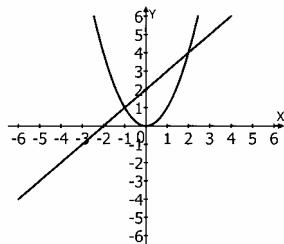
- а) $y = x^2$ и $y = 2x$; $x^2 = 2x$; $x^2 - 2x = 0$; $x(x - 2) = 0$; $x_1 = 0$; $x_2 = 2$;
 $y_1 = 2x_1 = 2 \cdot 0 = 0$; $y_2 = 2 \cdot x_2 = 2 \cdot 2 = 4$.
- б) $y = -0,5x^2$ и $y = 2$; $-0,5x^2 = 2$; $0,5x^2 + 2 = 0$; $x^2 = -4$, не решений.
- в) $y = -3x^2$ и $y = -3x$; $-3x^2 = -3x$; $3x(x - 1) = 0$; $x_1 = 0$; $x_2 = 1$;
 $y_1 = -3x_1 = 0$; $y_2 = -3x_2 = -3$.
- г) $y = \frac{1}{3}x^2$ и $y = 3$; $\frac{1}{3}x^2 = 3$; $x^2 = 9$; $x_1 = -3$; $x_2 = 3$; $y_1 = 3$; $y_2 = 3$.

Ответ: а) (0 ; 0); (2 ; 4);

б) графики функций не пересекаются; в) (0 ; 0); (1 ; -3); г) (-3 ; 3); (3 ; 3).

№301.

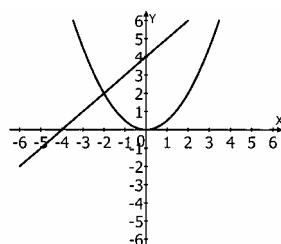
а)



$$x_1 = -1; x_2 = 2.$$

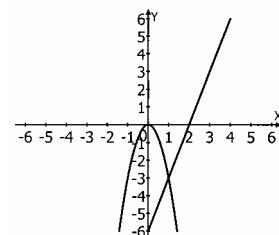
в)

б)

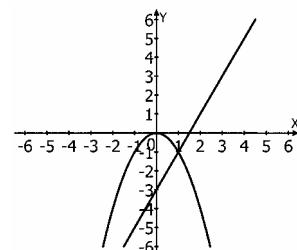


$$x_1 = 4; x_2 = -2.$$

г)



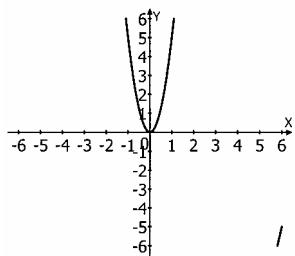
$$x_1 = 1; x_2 = -2.$$



$$x_1 = 1; x_2 = -3$$

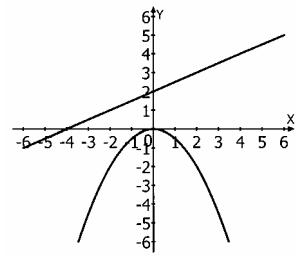
№302.

a)



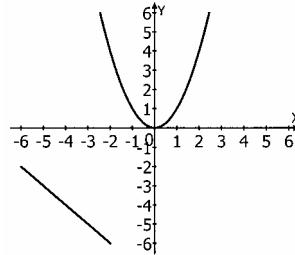
Нет корней.

б)



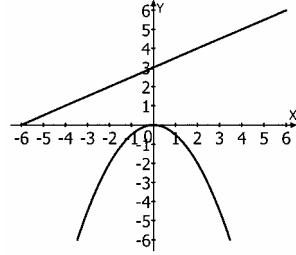
Нет корней.

в)



Нет корней.

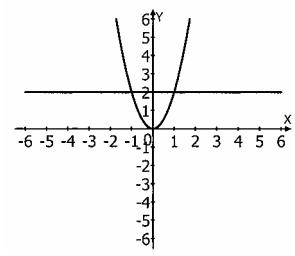
г)



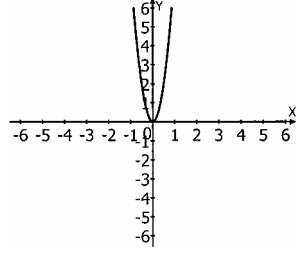
Нет корней.

№303.

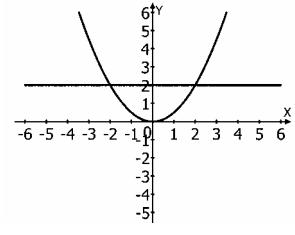
а)



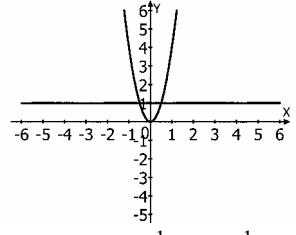
б)



в)



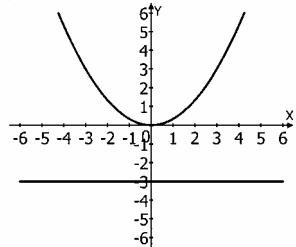
г)



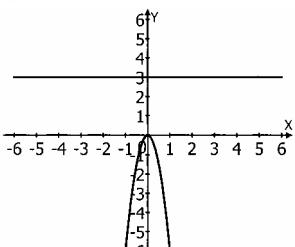
Ответ: а) $(1; 2); (-1; 2)$; б) $(0; 0)$; в) $(2; 2); (-2; 2)$; г) $(\frac{1}{2}; 1); (-\frac{1}{2}; 1)$.

№304.

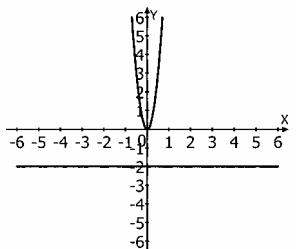
a)



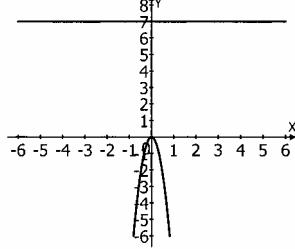
б)



в)



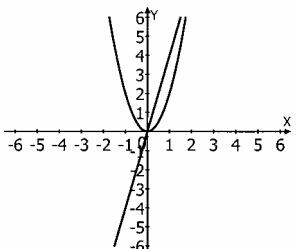
г)



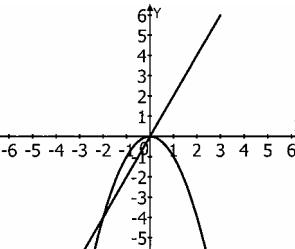
Ответ: а); б); в); г); нет решений.

№305.

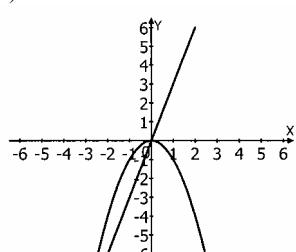
а)



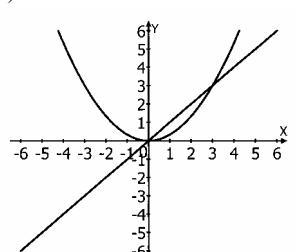
б)



в)



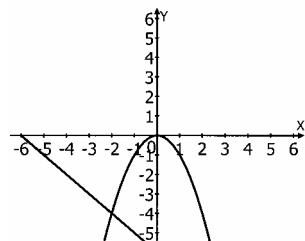
г)



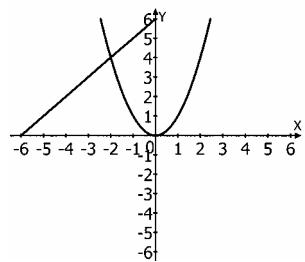
Ответ: а) $(0;0); (2;8)$; б) $(0;0); (-2;-4)$; в) $(0;0); (-3;-9)$; г) $(0;0); (3;3)$.

№306.

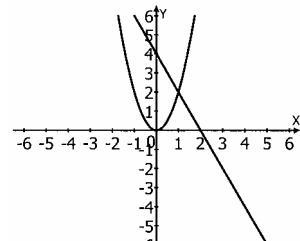
a)



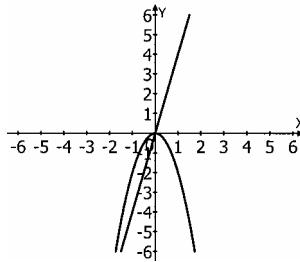
б)



в)



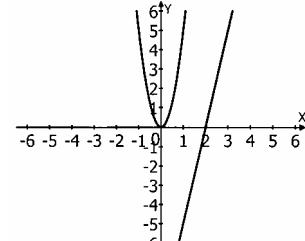
г)



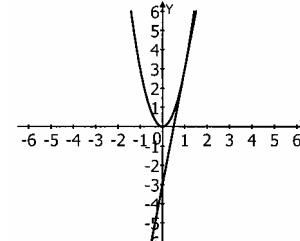
Ответ: а) $(-2; -4)$; б) $(1; 2)$; в) $(-2; 8)$; г) $(0; 0)$.

№307.

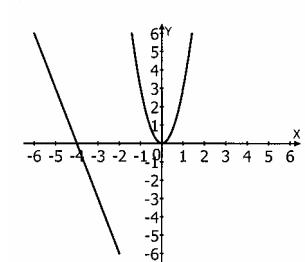
а)



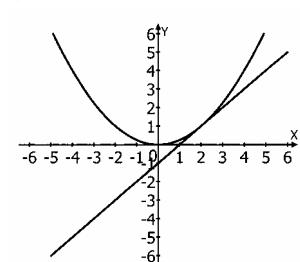
б)



в)



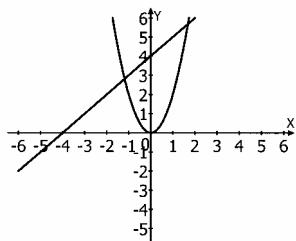
г)



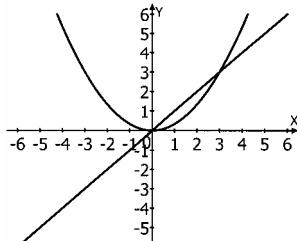
Ответ: а); в) нет решений; б) $(1; 3)$ г) $(2; 1)$.

№308.

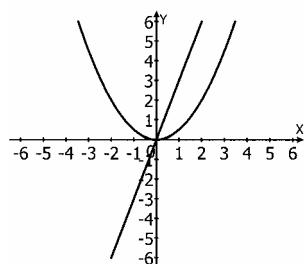
а)



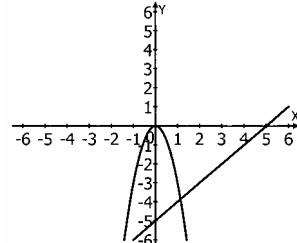
б)



в)



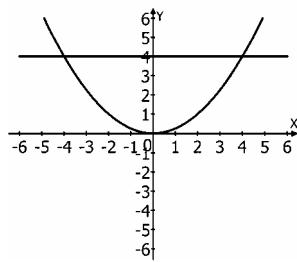
г)



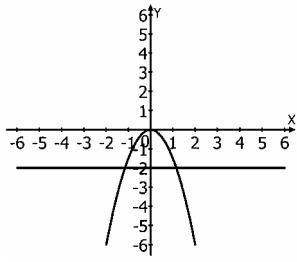
Ответ: а); б); в); г); два решения.

№309.

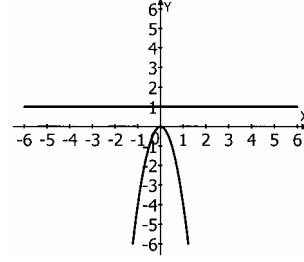
а)



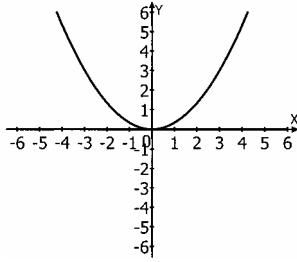
б)



в)



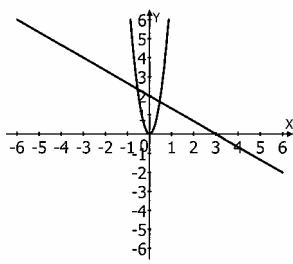
г)



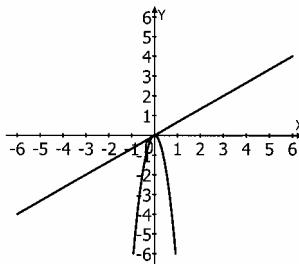
Ответ: а) два решения; б) два решения; в) нет решений; г) одно решение.

310.

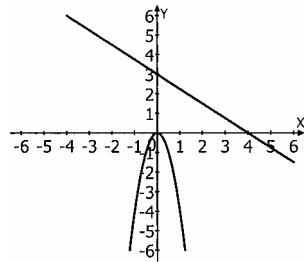
a)



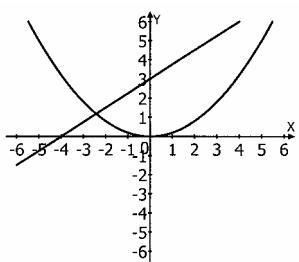
б)



в)



г)



Ответ: а) два решения; б) два решения; в); г) нет решений.

№311.

а) $f(0)=2 \cdot 0=0$; б) $f(-1)=2 \cdot (-1)^2=2$; в) $f(4)=2 \cdot 4^2=32$; г) $f(-3)=2 \cdot (-3)^2=18$;

№312.

а) $f(0,2)=2 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^2=\frac{2}{25}$; б) $f\left(-\frac{1}{4}\right)=2 \cdot \left(-\frac{1}{4}\right)^2=\frac{1}{8}$;

в) $f(-1,5)=2 \cdot \left(-\frac{3}{2}\right)^2=\frac{9}{2}$; г) $f\left(-\frac{1}{6}\right)=2 \cdot \left(-\frac{1}{6}\right)^2=\frac{1}{18}$;

№313.

а) $f(a)=2a^2$; б) $f(4a)=2 \cdot (4a)^2=32a^2$;

в) $f(-3a)=2 \cdot (-3a)^2=18a^2$; г) $f(2a)=2 \cdot (2a)^2=8a^2$;

№314.

а) $f(a+1)=2(a+1)^2=2a^2+4a+2$; б) $f(b-2)=2(b-2)^2=2b^2-8b+8$;

в) $f(c+11)=2(c+11)^2=2c^2+44c+242$;

г) $f(d-13)=2(d-13)^2=2d^2-52d+338$.

№315.

а) $f(x+1)=2(x+1)^2=2x^2+4x+2$; б) $f(x-3)=2(x-3)^2=2x^2-12x+18$;

в) $f(x+9)=2(x+9)^2=2x^2+36x+162$; г) $f(x-7)=2(x-7)^2=2x^2-28x+98$.

№316.

а) $f(x)+1=2x^2+1$; б) $f(x)-a=2x^2-a$; в) $f(x)-5=2x^2-5$; г) $f(x)+b=2x^2+b$.

№317.

а) $f(-2)=-4(-2)^2=-16$; б) $f(3)=-4(3)^2=-36$; в) $f(1)=-4 \cdot 1^2=-4$; г) $f(0)=-4 \cdot 0=0$.

№318.

a) $f(0,3) = -4 \left(\frac{3}{10}\right)^2 = -\frac{9}{25};$

б) $f\left(\frac{1}{2}\right) = -4\left(\frac{1}{2}\right)^2 = -1;$

в) $f(1,5) = -4\left(-\frac{3}{2}\right)^2 = -9;$

г) $f\left(-\frac{1}{4}\right) = -4\left(-\frac{1}{4}\right)^2 = -\frac{1}{4}.$

№319.

а) $f(a) = -4a^2;$

б) $f(-a) = -4(-a) = -4a^2;$

в) $f(5a) = -4(5a)^2 = -100a^2.$

№320.

а) $f(-x) = -4(-x)^2 = -4x^2;$

б) $f(2x) = -4(2x)^2 = -16x^2;$

в) $f(-5x) = -4(-5x)^2 = -100x^2;$

г) $f(3x) = -4(3x)^2 = -36x^2.$

№321.

а) $f(a+2) = -4(a+2)^2 = -4a^2 - 16a - 16;$ б) $f(b-1) = -4(b-1)^2 = -4b^2 + 8b - 4;$

в) $f(c+4) = -4(c+4)^2 = -4c^2 - 32c - 64;$ г) $f(d-8) = -4(d-8)^2 = -4d^2 + 64d - 256.$

№322.

а) $f(x+2) = -4(x+2)^2 = -4x^2 - 16x - 16;$ б) $f(x-3) = -4(x-3)^2 = -4x^2 + 24x - 36;$

в) $f(x-1) = -4(x-1)^2 = -4x^2 + 8x - 4;$ г) $f(x+6) = -4(x+6)^2 = -4x^2 - 48x - 144.$

№323.

а) $f(x+2) - 1 = -4(x+2)^2 - 1 = -4x^2 - 16x - 17;$

б) $f(x-c) + d = -4(x-c)^2 + d = -4x^2 + 8cx - 4c^2 + d;$

в) $f(x-8) + 5 = -4(x-8)^2 + 5 = -4x^2 + 64x - 251;$

г) $f(x+m) - n = -4(x+m)^2 - n = -4x^2 - 8mx - 4m^2 - n.$

№324.

а) $f(-2)$ не определено; $f(6)=2$; $f(8)$ не определено.

б)

в)

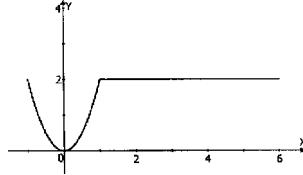
1) $D(f) = [-1; 6].$

2) $y=0$ при $x=0$; $y > 0$ при $x \in [-1; 0) \cup (0; 6]$.

3) Функция непрерывна.

4) Функция ограничена и снизу, и сверху.

5) $y_{\text{нам}}=0$ при $x=0$; $y_{\text{найб}}=2$ при $x \in \{-1\} \cup [1; 6]$.



№325.

а) $f(0) = -3 \cdot 0 = 0; f(2) = \frac{1}{4} \cdot 2 = \frac{1}{2}; f(4) = \frac{1}{4} \cdot 4 = 1.$

б)

в)

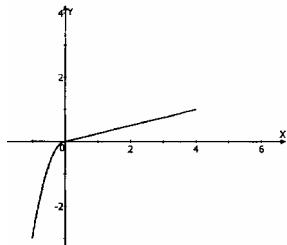
1) $D(f) = [-1; 4].$

2) $y=0$ при $x=0$; $y > 0$ при $x \in (0; 4]$; $y < 0$ при $x \in [-1; 0).$

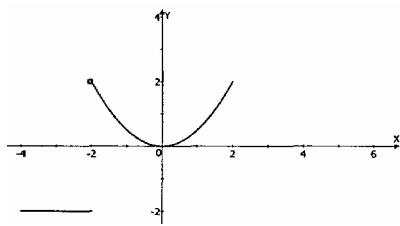
3) Функция непрерывна.

4) Функция ограничена и снизу, и сверху.

5) $y_{\text{нам}}=-3$ при $x=-1$; $y_{\text{найб}}=1$ при $x=4$.



№326.



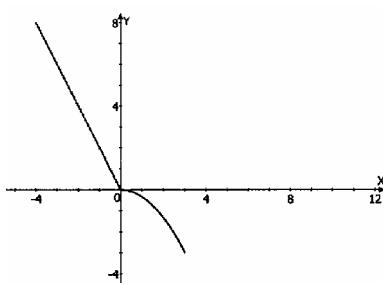
- a) $f(-5)$ не определено; $f(-2) = -2$; $f(0) = 0$.
 б)
 в)
 1) $D(y) = [-4; 2]$.
 2) $y=0$ при $x=0$; $y>0$ при $x \in (-2; 0) \cup (0; 2]$; $y<0$ при $x \in [-4; -2]$.
 3) Разрыв при $x=-2$.

4) Функция ограничена и сверху, и снизу.

5) $y_{\text{нам}} = -2$ при $x \in [-4; -2]$; $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x=2$.

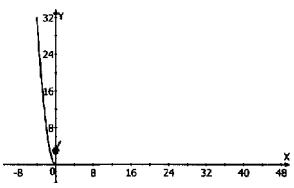
№327.

a) $f(-4) = -2$; $f(-4) = -8$; $f(0,5) = -\frac{1}{3}\left(\frac{1}{2}\right)^2 = -\frac{1}{12}$; $f(8)$ не определено.



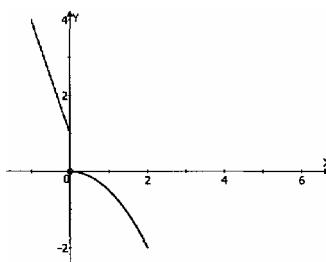
- б)
 в)
 1) $D(y) = [-4; 3]$.
 2) $y=0$ при $x=0$; $y > 0$ при $x \in [-4; 0)$; $y < 0$ при $x \in (0; 3]$.
 3) Функция непрерывна.
 4) Функция ограничена и сверху, и снизу.
 5) $y_{\text{нам}} = -3$ при $x=3$; $y_{\text{наиб}} = 8$ при $x=-4$.

№328.



- a) $f(-3) = 2(-3)^2 = 18$; $f(0) = 2 \cdot 0 = 0$; $f(1) = 2 + 3 = 5$.
 б)
 в) 1) $D(y) = [-4; 1]$.
 2) $y=0$ при $x=0$; $y > 0$ при $x \in [-4; 0) \cup (0; 1]$.
 3) Разрыв при $x=0$.
 4) Функция ограничена и сверху, и снизу.
 5) $y_{\text{нам}} = 0$ при $x=0$; $y_{\text{наиб}} = 32$ при $x=-4$.

№329.



- а) $f(-\frac{1}{3}) = 2$; $f(0) = 1$; $f(2) = -2$.
 б)
 в)
 1) $D(y) = [-1; 2]$.
 2) $y \neq 0$; $y > 0$ при $x \in [-1; 0]$; $y < 0$ при $x \in (0; 2]$.
 3) Разрыв при $x=0$.
 4) Функция ограничена и сверху, и снизу.

5) $y_{\text{нам}} = -2$ при $x=2$; $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x=-1$.

№330. $y_{\text{наиб}}$ для функции $y=3x^2$ на $[-1; 1]$ равно 3, то есть $A=3$.

$y_{\text{наиб}}$ для функции $y=-\frac{1}{7}x^2$ на $[-1; 1]$ равно 0, то есть $B=0$.

Так как $3 > 0$, то $A > B$.

№331. $y_{\text{наиб}}$ для функции $y=4x^2$ на $[-1; 0]$ равно 4, то есть $C=4$.

$y_{\text{наиб}}$ для функции $y=3+x$ на $[1; +\infty)$ равно 4, то есть $D=4$.

Так как $4=4$, то $C=D$.

№332. $y_{\text{наим}}$ для функции $y=2x$ на $[2; 5]$ равно 4, то есть $M=4$.

$y_{\text{наим}}$ для функции $y=-5x^2$ на $(-\infty; 0]$ равно 0, то есть $N=0$.

Так как $4 > 0$, то $M > N$.

№333. $y_{\text{наим}}$ для функции $y=1,8x^2$ на $[0; +\infty)$ равно 0, то есть $L=0$.

$y_{\text{наим}}$ для функции $y=-3x+1$ на $[-1; 0]$ равно 1, то есть $K=1$.

Так как $0 < 1$, то $L < K$.

№334. $y_{\text{наиб}}$ для функции $y=-702x^2$ на $[0; +\infty)$ равно 0, то есть $P=0$.

$y_{\text{наим}}$ для функции $y=x^2$ на $[-2; 1]$ равно 0, то есть $Q=0$.

Так как $0=0$, то $P=Q$.

№335. а) $f(1)=1,5$; б) $f(-2)=6$; в) $f(-4)=24$; г) $f(6)=54$.

№336. а) $f(0,1)=1,5 \cdot 0,01=0,015$; б) $f(-\frac{1}{2})=1,5 \cdot 0,25=0,375$;

$$\text{в)} f(-1,4)=1,5 \cdot 1,96=2,94; \quad \text{г)} f\left(\frac{2}{3}\right)=\frac{3}{2} \cdot \frac{4}{9}=\frac{2}{3}.$$

№337. а) $f(a)=1,5a^2$; б) $f(-4a)=1,5(-4a)^2=24a^2$;

в) $f(-a)=1,5(-a)^2=1,5a^2$; г) $f(2a)=1,5(2a)^2=6a^2$.

№338. $y=f(x)$, $f(x)=1,5x^2$.

а) $f(-x)=1,5(-x)^2=1,5x^2$; б) $f(3x)=1,5 \cdot 9x^2=13,5x^2$;

в) $f(-2x)=1,5 \cdot 4x^2=6x^2$; г) $f(5x)=1,5 \cdot 25x^2=37,5x^2$.

№339. а) $f(a-2)=1,5(a-2)^2=1,5a^2-6a+6$;

б) $f(b+3)=1,5(b+3)^2=1,5b^2+9b+13,5$; в) $f(c+9)=1,5(c+9)^2=1,5c^2+27c+121,5$;

г) $f(d-5)=1,5(d-5)^2=1,5d^2-15d+37,5$.

№340. а) $f(x+4)=1,5(x+4)^2=1,5x^2+12x+24$;

б) $f(x-1)=1,5(x-1)^2=1,5x^2-3x+1,5$; в) $f(x+6)=1,5(x+6)^2=1,5x^2+18x+54$;

г) $f(x-3)=1,5(x-3)^2=1,5x^2-9x+13,5$.

№341. а) $f(x+2)-1=1,5(x+2)^2-1=1,5x^2+6x+5$;

б) $f(x-c)+d=1,5(x-c)^2+d=1,5x^2-3cx+1,5c^2+d$;

в) $f(x-8)+5=1,5(x-8)^2+5=1,5x^2-24x+101$;

г) $f(x+m)-n=1,5(x+m)^2-n=1,5x^2+3mx+1,5m^2-n$.

№342. а) $f(2x)+4=1,5 \cdot 4x^2+4=6x^2+4$; в) $f(-x)=9(-x)^2=9x^2$;

$$\text{б) } 2f(x+a)=3(x+a)^2=3x^2+6ax+3a^2; \quad \text{г) } 8f\left(\frac{x}{2}\right)=12\left(\frac{x}{2}\right)^2=3x^2.$$

№343.

$f(x+1)=f(x+4)$; $(x+1)^2=(x+4)^2$; $x^2+2x+1=x^2+8x+16$;

$$6x=-15; x=-\frac{5}{2}=-2,5.$$

№344. 4) $f(x+3)=f(2x)-24$; $4 \cdot 2(x+3)^2=2(2x)^2-24$;
 $8x^2+48x+72=6x^2-24$; $48x=-96$; $x=-2$.

№345.

$f(x-3)=f(x+5)$; $-(x-3)^2=-(x+5)^2$; $x^2-6x+9=x^2+10x+25$; $16x=-16$; $x=-1$.

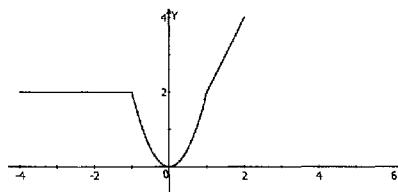
№346. а) $f(-x)=2(-x)^2=2x^2$; б) $f(x^2)=2(x^2)^2=2x^4$;

в) $f(x^3)=2(x^3)^2=2x^6$; г) $f(-x^2)=2(-x^2)^2=2x^4$.

№347. а) $f(x^2)=-4(x^2)^2=-4x^4$; б) $f(2x^2)=-4(2x^2)^2=-16x^4$;

в) $f(-3x^2)=-4(-3x^2)^2=-36x^4$; г) $f(x^3)=-4(x^3)^2=-4x^6$.

№348.



а) $f(-4)=2$; $f(0)=0$; $f(2)=2 \cdot 2=4$.

б)

в) 1) $D(y)=[-4; 2]$.

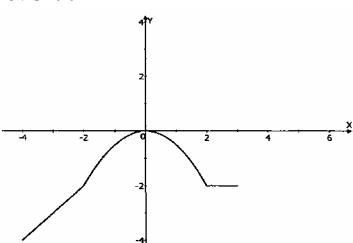
2) $y=0$ при $x=0$; $y > 0$ при $x \in [-4; 0) \cup (0; 2]$.

3) Функция непрерывна.

4) Функция ограничена и сверху, и снизу.

5) $y_{\text{нам}}=0$ при $x=0$; $y_{\text{наиб}}=4$ при $x=2$.

№349.



а) $f(-2)=-2$; $f(2)=-0,5 \cdot 2^2=-2$; $f(2,4)=-2$.

б)

в) 1) $D(y)=[-4; 3]$.

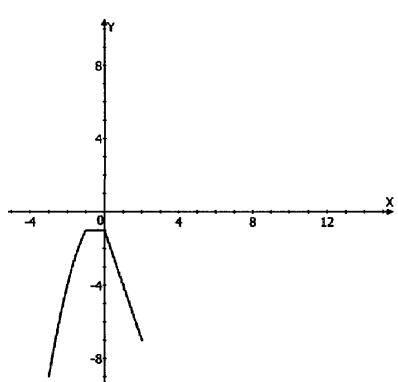
2) $y=0$ при $x=0$; $y < 0$ при $x \in [-4; 0) \cup (0; 3]$.

3) Функция непрерывна.

4) Функция ограничена и сверху, и снизу.

5) $y_{\text{наиб}}=0$ при $x=0$; $y_{\text{нам}}=-4$ при $x=-4$.

№350.



а) $f(-2,5)=-(-2,5)^2=-6,25$;

$f(-0,5)=-1$; $f(4)$ не определено.

б)

в)

1) $D(y)=[-3; 2]$.

2) $y \neq 0$; $y < 0$ при $x \in [-3; 2]$.

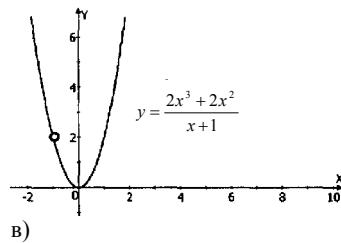
3) Функция непрерывна.

4) Функция ограничена и сверху, и снизу.

5) $y_{\text{наиб}}=-9$ при $x=-3$; $y_{\text{нам}}=-1$ при $x \in [-1; 0]$.

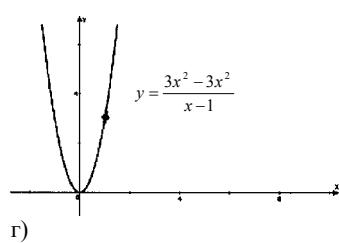
№351.

a)

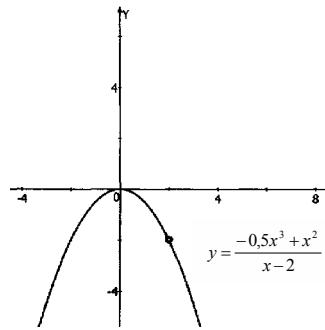


б)

б)

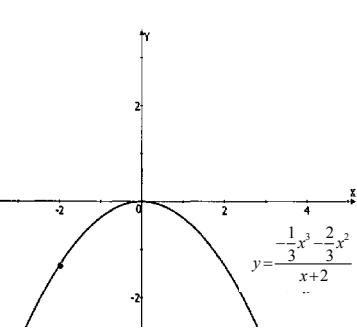


г)

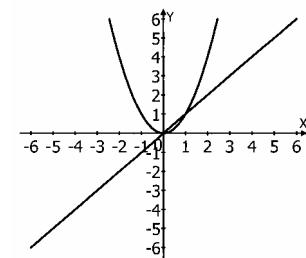


№352.

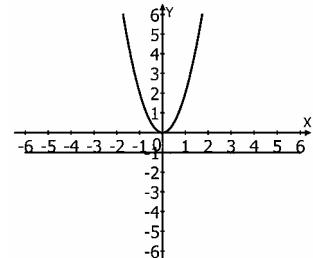
а)



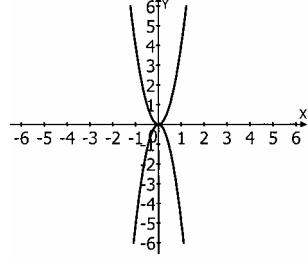
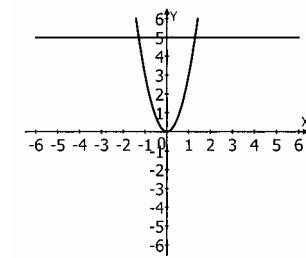
б)



б)



г)



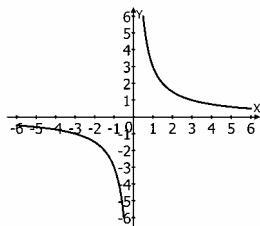
§ 10. Функция $y = \frac{k}{x}$, ее свойства и график.

№353.

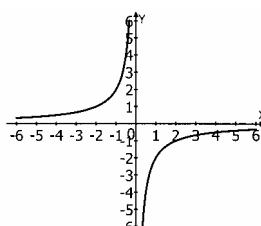
- a) $k=1$; б) $k=2$; в) $k=\frac{1}{5}$; г) $k=-3$.

№354.

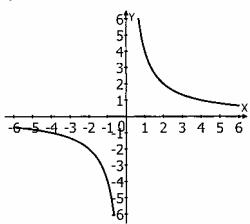
а)



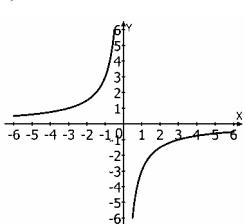
б)



в)

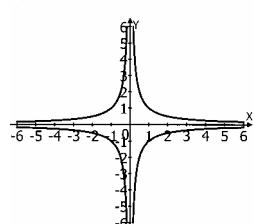


г)

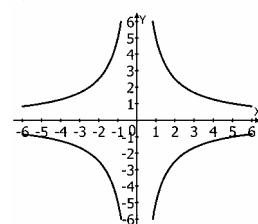


№355.

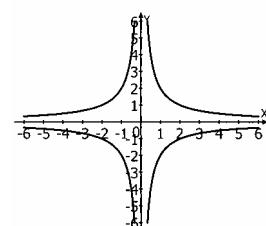
а)



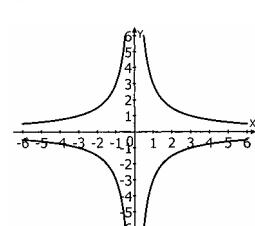
б)



в)



г)



Графики функций симметричны относительно оси Y.

№356.

a) $k > 0$; б) $k < 0$.

№357.

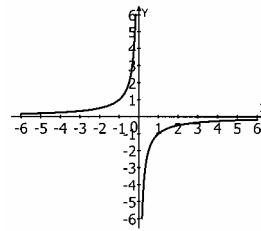
a) $y = \frac{2}{1} = 2$; б) $y = -\frac{2}{2} = -1$; в) $y = -\frac{2}{1} = -2$; г) $y = \frac{2}{2} = 1$.

№358.

а) $x = -1; x = -2$; б) $x = 1; x = 2$;
в) $x = 1; x = 2$; г) $x = -\frac{1}{2}; x = -\frac{1}{3}$.

№359. (см. рисунок № 358).

а) $x = 1; x = 2$; б) $x = 1; x = 2$;
в) $x = \frac{1}{2}; x = \frac{1}{3}$; г) $x = 1; x = 2$.



№360.

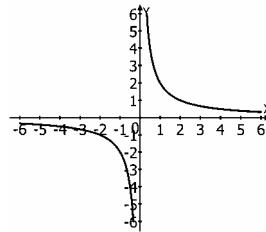
а) $y(1) = \frac{68}{1} = 68$ – принадлежит; б) $y(5) = \frac{68}{5} = 13\frac{3}{5} \neq 13$ – не принадлежит;
в) $y(-2) = -\frac{68}{2} = -34 \neq 34$ – не принадлежит;
г) $f(-4) = -\frac{68}{4} = -17$ – принадлежит.

№361.

а) $y = \frac{k}{x}; 7 = \frac{k}{3}; k = 21$; $y = \frac{21}{x}$. б) $y = \frac{k}{x}; 12 = \frac{k}{-0,2}; k = -\frac{12}{5}$; $y = -\frac{12}{5x}$.
в) $y = \frac{k}{x}; 19 = \frac{k}{-4}; k = -76$; $y = -\frac{76}{x}$. г) $y = \frac{k}{x}; 8 = \frac{k}{2,5}; k = 20$; $y = \frac{20}{x}$.

№362.

а) $y_{\text{наиб}} = -1$ при $x = -2$; $y_{\text{наим}} = -2$ при $x = -1$;
б) $y_{\text{наиб}} = -\frac{1}{2}$ при $x = -4$; $y_{\text{наим}} = -1$ при $x = -2$;
в) $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = 1$; $y_{\text{наим}}$ – не существует;
г) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}} = 1$ при $x = 2$.

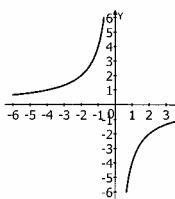


№363. (см. рисунок №362).

а) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}} = -2$ при $x = -1$;
б) $y_{\text{наиб}} = 1$ при $x = 2$; $y_{\text{наим}}$ – не существует;
в) $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = 1$; $y_{\text{наим}}$ – не существует;
г) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}} = -1$ при $x = -2$.

В пункте б) этого номера опечатка: не $[2; +\infty]$, а $[2; +\infty)$.

№364.



- a) $y_{\text{наиб}}=2$ при $x=-2$; $y_{\text{наим}}=1$ при $x=-4$;
 б) $y_{\text{наиб}}=4$ при $x=-1$; $y_{\text{наим}}=2$ при $x=-2$;
 в) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}$ – не существует;
 г) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}$ – не существует;
 В пункте а) этого номера в учебнике опечатка : не $[-2; -4]$, а $[-4; -2]$.

№365. (см. рисунок № 364).

- а) $y_{\text{наиб}}=4$ при $x=-1$; $y_{\text{наим}}$ – не существует;
 б) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}=-4$ при $x=1$;
 в) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}=-2$ при $x=2$;
 г) $y_{\text{наиб}}=2$ при $x=-2$; $y_{\text{наим}}$ – не существует;

В пункте б) этого номера опечатка: не $[-1; +\infty]$, а $[-1; +\infty)$.

№366.

а) $y=\frac{2}{x}$ и $y=2x$; $\frac{2}{x}=2x$; $x^2=1$; $x_1=-1$; $x_2=1$. $y_1=2x_1=-2$; $y_2=2y_2=2$.

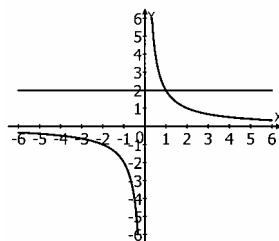
б) $y=-\frac{3}{x}$ и $y=-3x$; $-\frac{3}{x}=-3x$; $x^2=1$; $x_1=-1$; $x_2=1$; $y_1=-3x_1=3$; $y_2=3x_2=-3$.

в) $y=-\frac{5}{x}$ и $y=-5$; $-\frac{5}{x}=-5$; $x=1$; $y=-5$. г) $y=\frac{4}{x}$ и $y=1$; $\frac{4}{x}=1$; $x=4$; $y=1$.

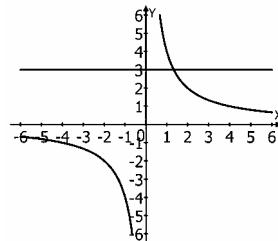
Ответ: а) $(-1; -2)$; $(1, 2)$; б) $(-1, 3)$; $(1, -3)$; в) $(1, -5)$; г) $(4, 1)$.

№367.

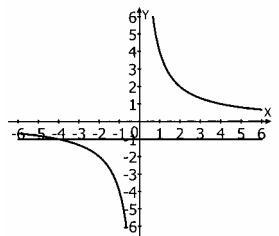
а)



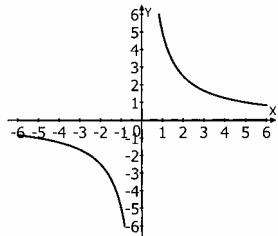
б)



в)



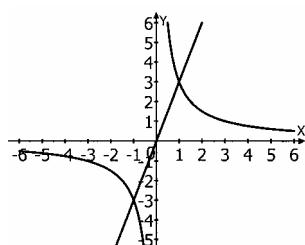
г)



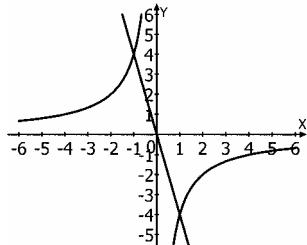
Ответ: а) $x=1$; б) $x=1$; в) $x=-4$; г) нет решений.

№368.

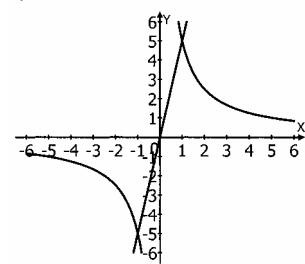
a)



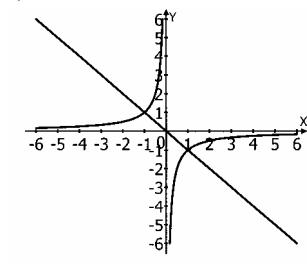
б)



в)



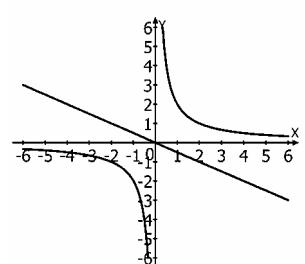
г)



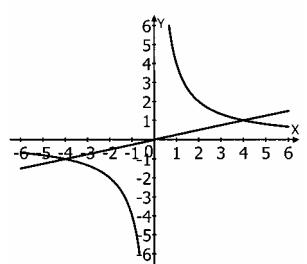
Ответ: а) $x = \pm 1$; б) $x = \pm 1$; в) $x = \pm 1$; г) $x = \pm 1$.

№369.

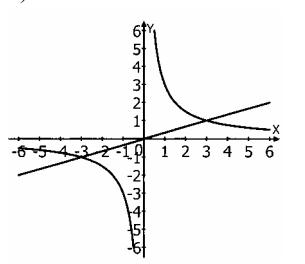
а)



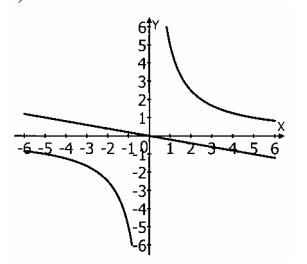
б)



в)



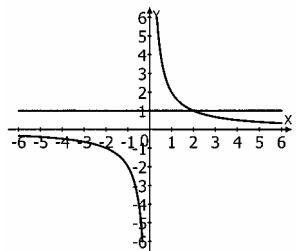
г)



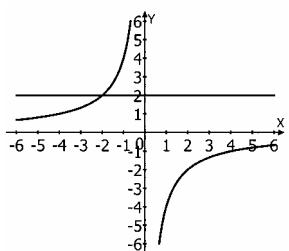
Ответ: а), г) нет корней; б) ± 4 ; в) ± 3 .

№370.

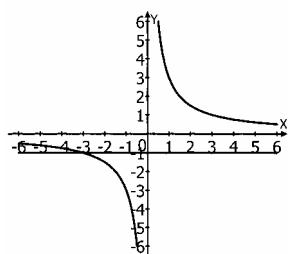
a)



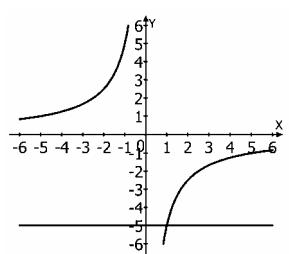
б)



в)



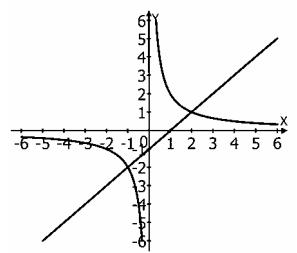
г)



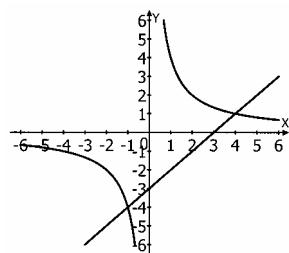
Ответ: а) $(2; 1)$; б) $(-2; 2)$; в) $(-3; -1)$; г) $(1; -5)$.

№371.

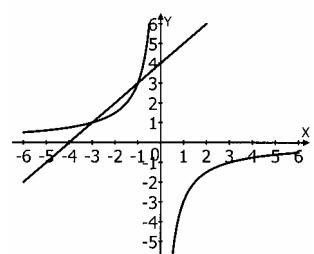
а)



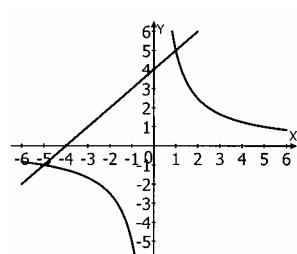
б)



в)



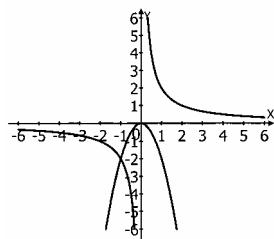
г)



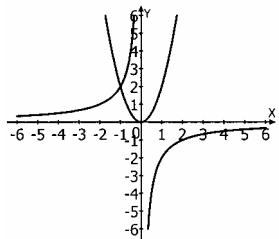
Ответ: а) $(-1; -2)$; $(2; 1)$; б) $(4; 1)$; $(-1; -4)$; в) $(-1; 3)$; $(-3; 1)$; г) $(-5; -1)$; $(1; 5)$.

№372.

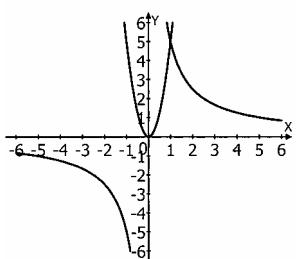
а)



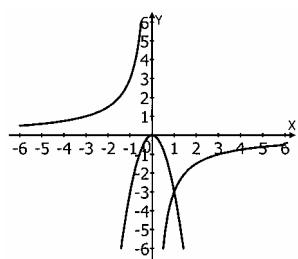
б)



в)



г)

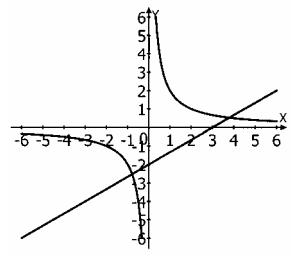


Ответ: а) $(-1; -2)$; б) $(-1; 2)$; в) $(1; 5)$; г) $(1; -3)$.

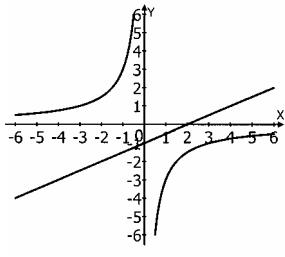
В ответе к задаче допущена ошибка.

№373.

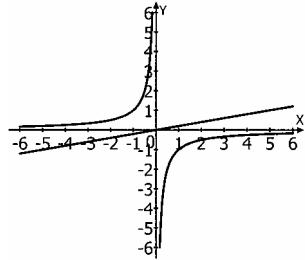
а)



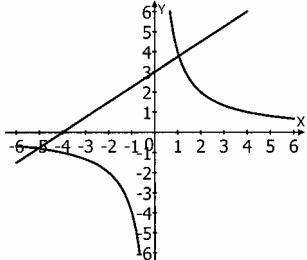
б)



в)



г)



Ответ: а) два; б), в) нет решений; г) два.

№374.

a) $f(1)=\frac{4}{1}=4$; б) $f(-2)=-\frac{4}{2}=-2$; в) $f(0,3)=\frac{4 \cdot 10}{3}=\frac{40}{3}$; г) $f\left(-\frac{1}{6}\right)=-4 \cdot 6=-24$.

№375.

а) $f(-2a)=-\frac{4}{2a}=-\frac{2}{a}$; б) $f(4a)=\frac{4}{4a}=\frac{1}{a}$; в) $f(3x)=\frac{4}{3x}$; г) $f(-x)=\frac{4}{-x}=-\frac{4}{x}$.

№376.

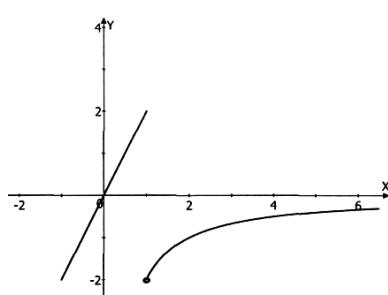
а) $f(a+1)=\frac{4}{a+1}$; б) $f(b-3)=\frac{4}{b-3}$; в) $f(x+1)=\frac{4}{x+1}$; г) $f(x-10)=\frac{4}{x-10}$.

№377.

а) $f(x-2)+1=\frac{4}{x-2}+1=\frac{x+2}{x-2}$; б) $f(x+2)-2=\frac{4}{x+2}-2=\frac{-2x}{x+2}$;

в) $f(x-3)+5=\frac{4}{x-3}+5=\frac{5x-11}{x-3}$; г) $f(x+7)-1=\frac{4}{x+7}-1=\frac{-x-3}{x+7}$.

№378.



а) $f(-1)=2(-1)=-2$; $f(1)=2 \cdot 1=2$;

$f(5)=-\frac{2}{5}$.

б)

в) 1) $D(y)=[-1; +\infty]$.

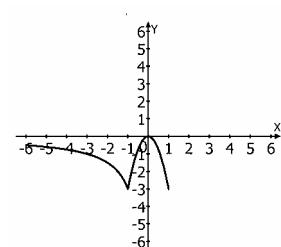
2) $y=0$ при $x=0$; $y>0$ при $x \in (0;1]$;
 $y<0$ при $x \in [-1;0] \cup (1; +\infty)$.

3) Разрыв при $x=1$.

4) Функция ограничена и сверху, и снизу.

5) $y_{\text{наиб}}=2$ при $x=1$; $y_{\text{наим}}=-2$ при $x=-1$.

№379.



а) $f(-4)=-\frac{3}{4}$; $f(-1)=-\frac{3}{1}=-3$;

$f(1)=-3 \cdot 1^2=-3$.

б)

в) 1) $D(y)=(-\infty; 1]$.

2) $y=0$ при $x=0$; $y<0$ при $x \in (-\infty; 0) \cup (0; 1]$.

3) Функция непрерывна.

4) Функция ограничена и сверху, и снизу.

5) $y_{\text{наиб}}=0$ при $x=0$; $y_{\text{наим}}=-3$ при $x=\pm 1$.

№380.

$y_{\text{наиб}}$ для функции $y=\frac{3}{x}$ на $[1;3]$ равно 3, то есть $A=3$.

$y_{\text{наим}}$ для функции $y=x^2$ на $[-1;1]$ равно 0, то есть $B=0$.

Так как $3 > 0$, то $A > B$.

№381. $y_{\text{наим}}$ для функции $y = -\frac{1}{x}$ на $[1; +\infty]$ равно -1 , то есть $C=-1$.

$y_{\text{наиб}}$ для функции $y=2x^2$ на $[0;1]$ равно 2 , то есть $D=2$.

Так как $-1 < 2$, то $C < D$.

№382. $y_{\text{наиб}}$ для функции $y=\frac{78}{x}$ на $[1;7]$ равно 78 , то есть $P=78$.

$y_{\text{наим}}$ для функции $y=-103x^2$ на $[-5;4]$ равно 0 , то есть $Q=0$.

Так как $78 > 0$, то $P > Q$.

№383.

$$\text{а) } f(x^2) = \frac{4}{x^2}; \text{ б) } \frac{1}{4}f(x^3) = \frac{1}{4} \cdot \frac{4}{x^3} = \frac{1}{x^3}; \text{ в) } f\left(\frac{1}{x}\right) = \frac{4 \cdot x}{1} = 4x; \text{ г) } -f(x^5) = -\frac{4}{x^5}.$$

$$\text{№384. а) } f^2(x) = \left(\frac{4}{x}\right)^2 = \frac{16}{x^2}; \text{ б) } \frac{1}{f(x)} = \frac{1}{\frac{4}{x}} = \frac{x}{4};$$

$$\text{в) } f^3(x) = \left(\frac{4}{x}\right)^3 = \frac{64}{x^3}; \text{ г) } -\frac{2}{f(x)} = -\frac{2}{\frac{4}{x}} = -\frac{x}{2}.$$

$$\text{№385. } f(x+1) - f(x-1) = \frac{4}{x+1} - \frac{4}{x-1} = \frac{4(x-1-x+1)}{(x+1)(x-1)} = \\ = -\frac{1}{2} \cdot \frac{16}{(x+1)(x-1)} = -\frac{1}{2} f(x+1) \cdot f(x-1).$$

№386.

$$f(x+2) + f(2-x) = \frac{3}{x+2} + \frac{3}{2-x} = \frac{6-3x+3x-6}{(x+2)(2-x)} = -4 \cdot \frac{3}{x^2-4} = -4f(x^2-4).$$

$$\text{№387. } f(x+3) = 2f(x+5); \frac{1}{x+3} = \frac{2}{x+5}; \frac{2x+6-x-5}{(x+3)(x+5)} = 0;$$

$$\frac{x+1}{(x+3)(x+5)} = 0; x=-1.$$

№388.

$$\text{а) } f(-3) = -\frac{1}{3}(-3)^2 = -3; f(1) = 2 \cdot 1 = 2; f(10) = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}.$$

б)

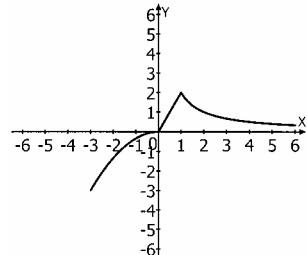
в) 1) $D(y) = [-3; +\infty]$.

2) $y=0$ при $x=0$; $y > 0$ при $x \in (0; +\infty)$; $y < 0$ при $x \in [-3; 0)$.

3) Функция непрерывна.

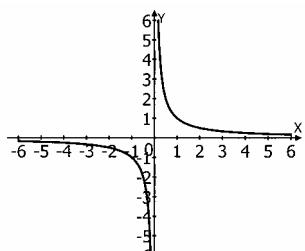
4) Функция ограничена сверху, и снизу.

5) $y_{\text{наиб}}=2$ при $x=-1$; $y_{\text{наим}}=-3$ при $x=-3$.

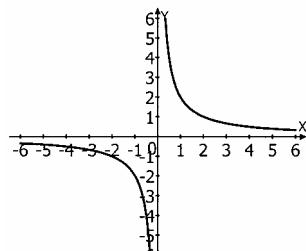


Nº389.

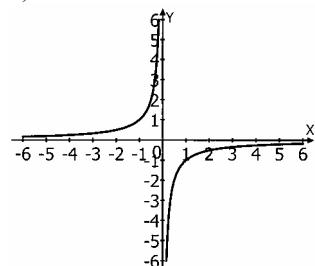
a)



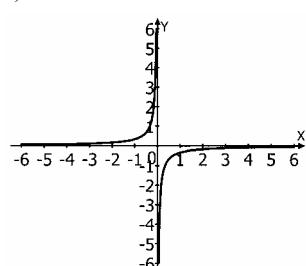
6)



B)

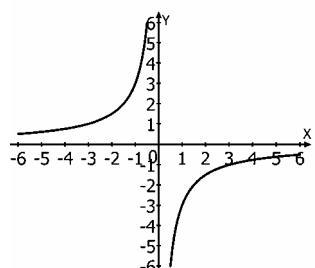


Γ)

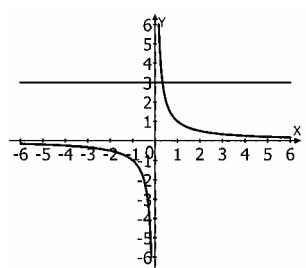


№390.

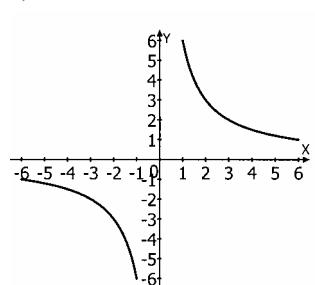
a)



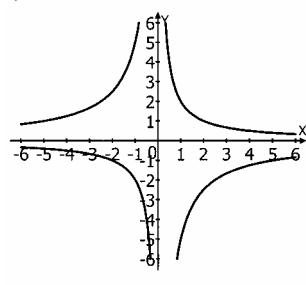
6)



B)



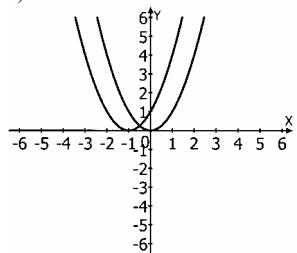
Γ)



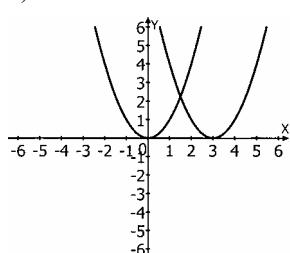
**§ 11. Как построить график функции $y=f(x+t)$,
если известен график функции $y=f(x)$.**

№391.

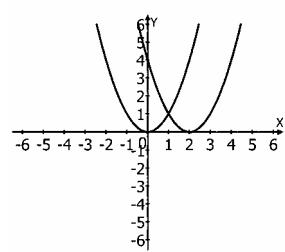
a)



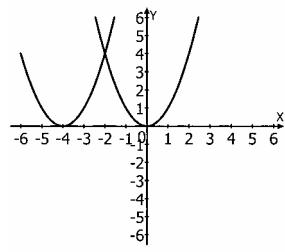
б)



в)

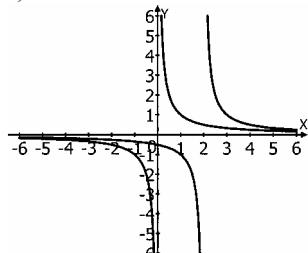


г)

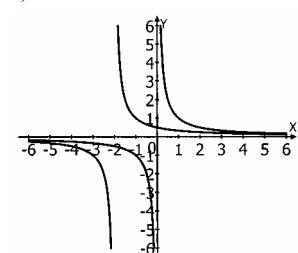


№392.

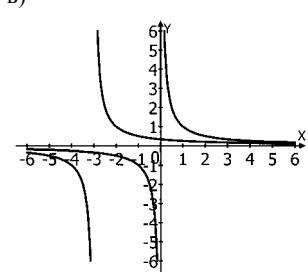
а)



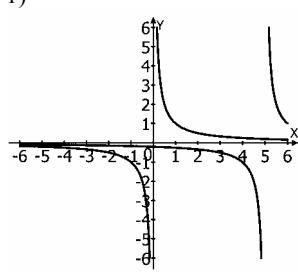
б)



в)



г)

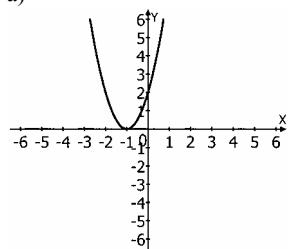


Nº393. a) $y=3(x+4)^2$; б) $y=3(x-3)^2$; в) $y=3(x+5,7)^2$; г) $y=3(x-\frac{2}{9})^2$.

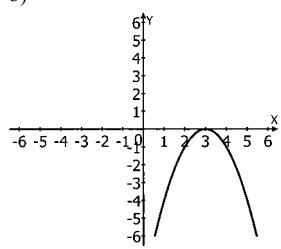
Nº394. а) $y=\frac{7}{x+6}$; б) $y=\frac{7}{x-2}$; в) $y=\frac{7}{x+4,7}$; г) $y=\frac{7}{x-\frac{7}{8}}$.

Nº395.

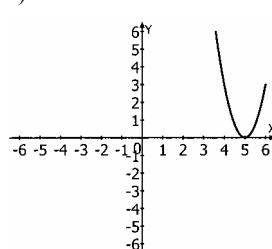
а)



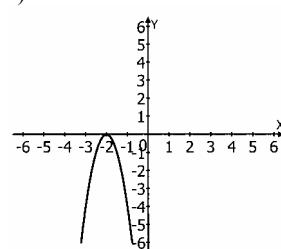
б)



в)

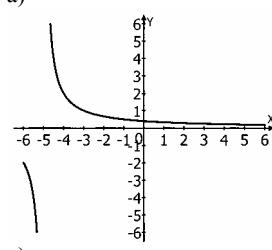


г)

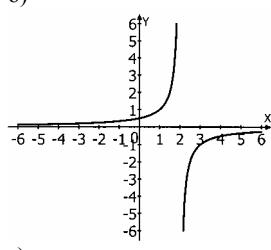


Nº396.

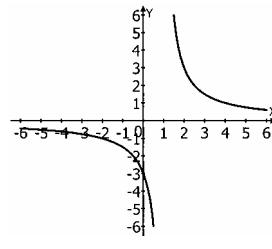
а)



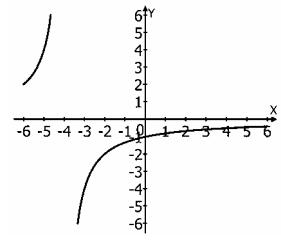
б)



в)



г)



№397. а) $y=(x-2)^2$; б) $y=-2(x+1)^2$; в) $y=3(x+2)^2$; г) $y=-\frac{1}{2}(x-4)^2$.

№398. а) $y=\frac{1}{x-1}$; б) $y=-\frac{2}{x+2}$; в) $y=\frac{3}{x-2}$; г) $y=-\frac{1}{x+2}$.

№399. а) $y_{\text{наиб}}=2$ при $x=0$ или $x=2$; $y_{\text{наим}}=0$ при $x=1$;

б) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}=0$ при $x=1$;

в) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}=0$ при $x=1$;

г) $y_{\text{наиб}}=2$ при $x=2$; $y_{\text{наим}}=0$ при $x=1$.

№400. а) $y_{\text{наиб}}=4$ при $x=4$; $y_{\text{наим}}=1$ при $x=7$;

б) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}$ – не существует;

в) $y_{\text{наиб}}=4$ при $x=4$; $y_{\text{наим}}$ – не существует;

г) $y_{\text{наиб}}=2$ при $x=5$; $y_{\text{наим}}=1$ при $x=7$.

№401. а) $y_{\text{наиб}}=0$ при $x=-4$; $y_{\text{наим}}=-5$ при $x=-5$ или $x=-3$;

б) $y_{\text{наиб}}=0$ при $x=-4$; $y_{\text{наим}}$ – не существует;

в) $y_{\text{наиб}}=0$ при $x=-4$; $y_{\text{наим}}=-5$ при $x=-3$;

г) $y_{\text{наиб}}=0$ при $x=-4$; $y_{\text{наим}}$ – не существует.

№402. а) $y_{\text{наиб}}=2$ при $x=-4$; $y_{\text{наим}}=1$ при $x=-3$;

б) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}=-\frac{1}{3}$ при $x=4$;

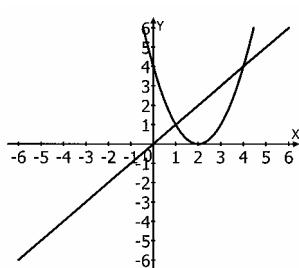
в) $y_{\text{наиб}}$ – не существует; $y_{\text{наим}}$ – не существует;

г) $y_{\text{наиб}}=-1$ при $x=0$; $y_{\text{наим}}=-2$ при $x=-1$;

В ответе в пункте б) ошибка, так как $y_{\text{наим}}$ – существует.

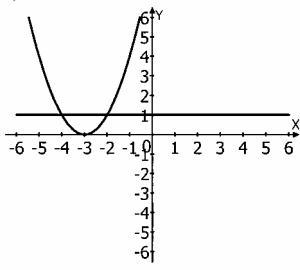
№403.

а)

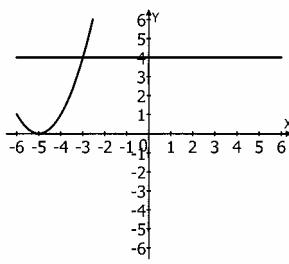
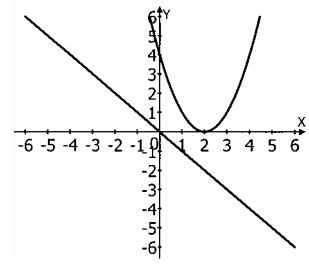


б)

б)



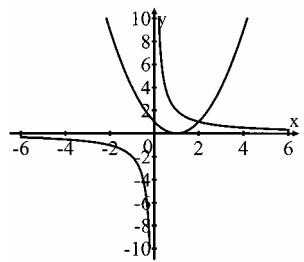
г)



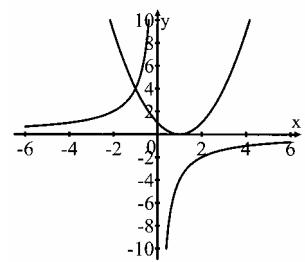
Ответ: а) 1;4; б) -4; -2; в) нет решений; г) -3; -7.

№404.

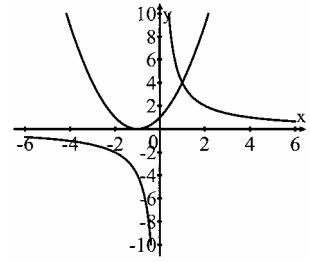
a)



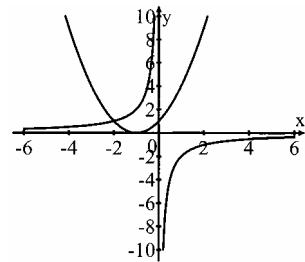
б)



в)



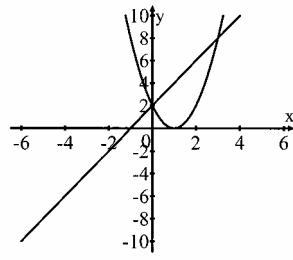
г)



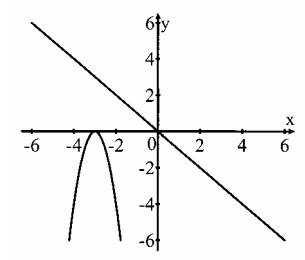
Ответ: а) 2; б) -1; в) 1; г) -2.

№405.

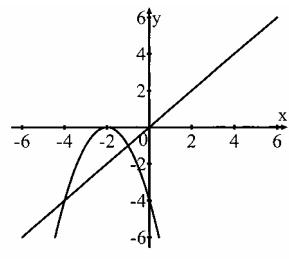
а)



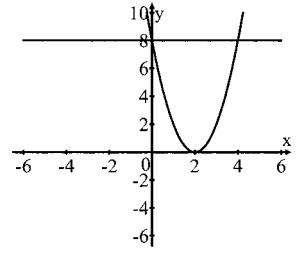
б)



в)



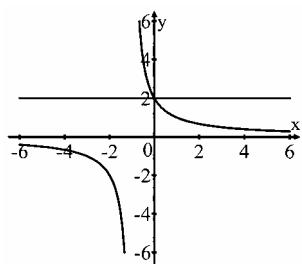
г)



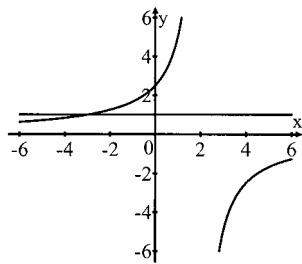
Ответ: а) 3; 0; б) нет решений; в) -1; -4; г) 0; 4.

№406.

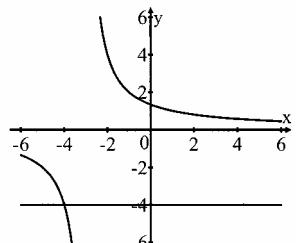
a)



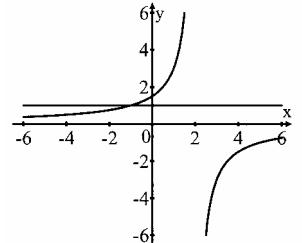
б)



в)



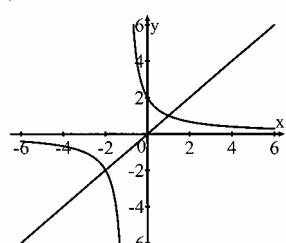
г)



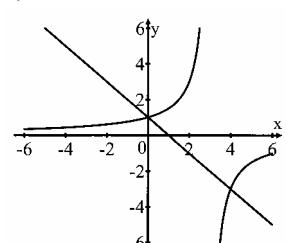
Ответ: а) 0; б) -3; в) -4; г) -1.

№407.

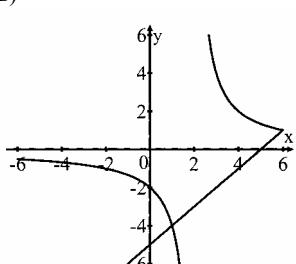
а)



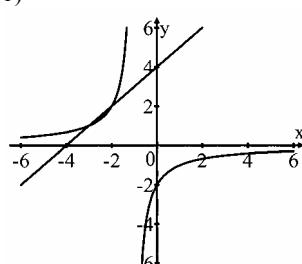
б)



в)



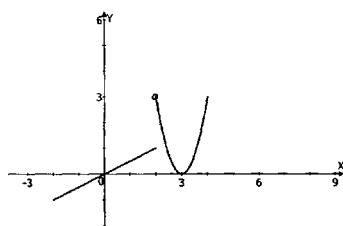
г)



Ответ: а) 1;-2; б) 4;0; в) 6;1; г) -3; -2.

№408.

a) $f(-1) = \frac{1}{2}(-1) = -\frac{1}{2}$; $f(3) = 3(3 - 3)^2 = 0$; $f(7)$ не определено.



б)

в)

- 1) $D(y) = [-2; 4]$

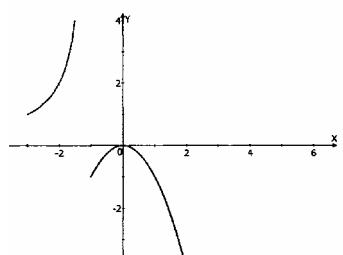
2) $y=0$ при $x=0$ или $x=3$; $y>0$ при $x \in (0; 3) \cup (3; 4]$; $y<0$ при $x \in [-2; 0)$.

3) Разрыв при $x=2$.

4) Функция ограничена и сверху, и снизу.

5) $y_{\text{наиб}} = 3$ при $x=4$; $y_{\text{наим}} = -1$ при $x=-2$.

№409.



а) $f(-1,5) = -\frac{2}{-1,5+1} = 4$;

$f(-1) = -(-1)^2 = -1$; $f(2) = -2^2 = -4$.

б)

в)

- 1) $D(y) = [-3; 2]$.

2) $y=0$ при $x=0$; $y > 0$ при $x \in [-3; 0)$; $y < 0$ при $x \in (0; 2]$.

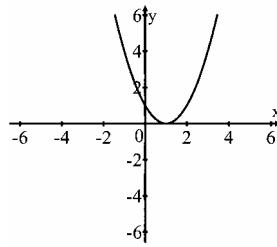
3) Разрыв при $x=-1$.

4) Функция ограничена снизу и не ограничена сверху.

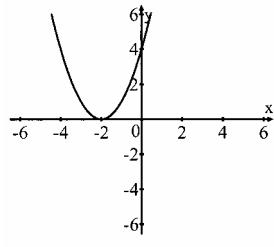
5) $y_{\text{наиб}}$ не существует; $y_{\text{наим}} = -4$ при $x=2$.

№410.

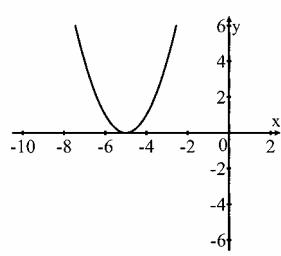
а)



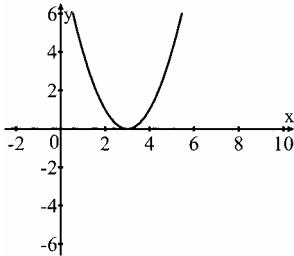
б)



в)

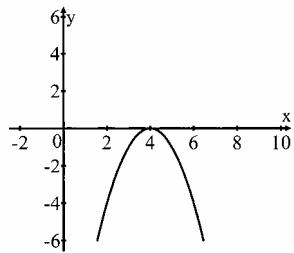


г)

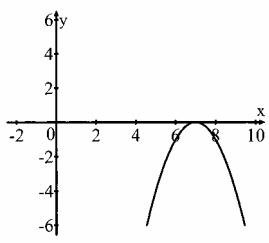


Nº411.

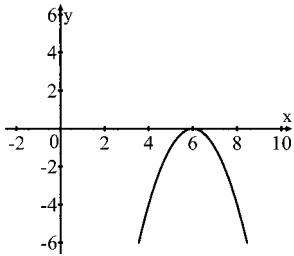
a)



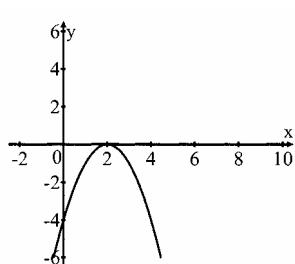
б)



в)

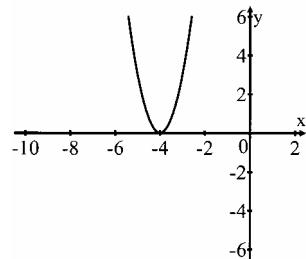


г)

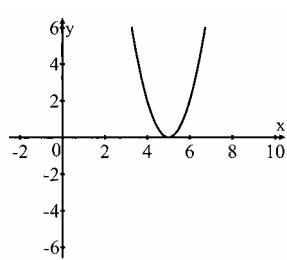


Nº412.

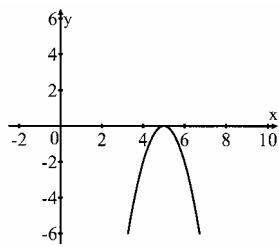
а)



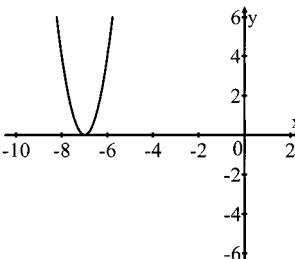
б)



в)

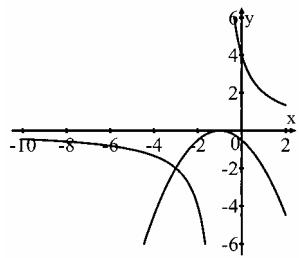


г)

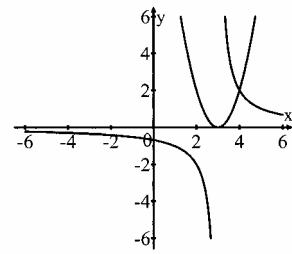


№413.

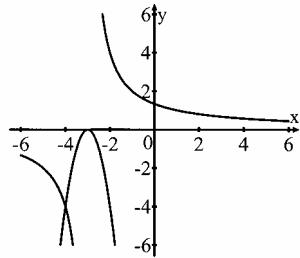
a)



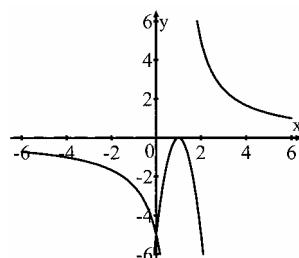
б)



в)



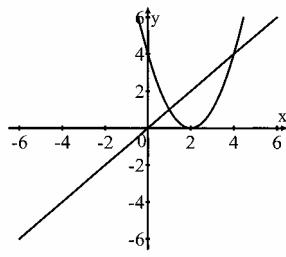
г)



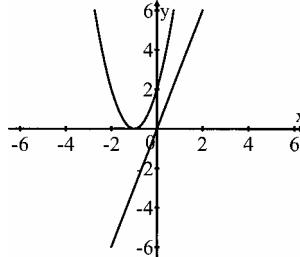
Ответ: а) -3 ; б) 4 ; в) -4 ; г) 0 .

№414.

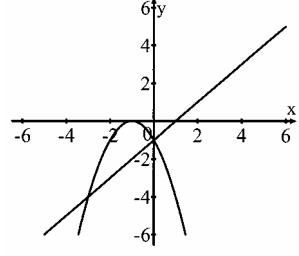
а)



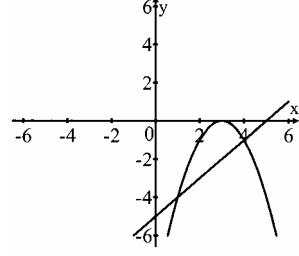
б)



в)



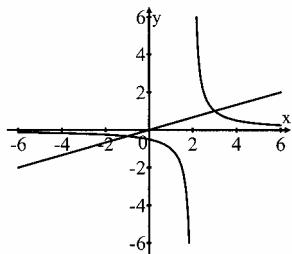
г)



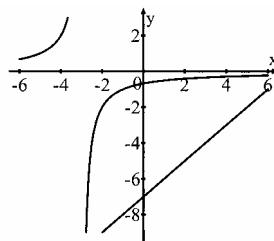
Ответ: а) $(1;1);(4;4)$; б) нет решений; в) $(0;-1);(-3;-4)$; г) $(1;-4);(4;-1)$.

№415.

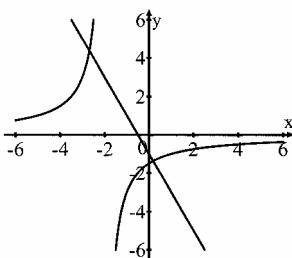
a)



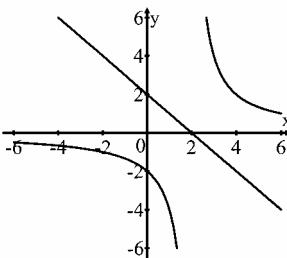
б)



в)



г)



Ответ: а) два; б) два; в) два; г) нет решений.

№416.

унаиб функции $y = -3(x+4)^2$ на $[-5; -3]$ равно -3 , то есть $A = -3$.

унаим функции $y = \frac{3}{x}$ на $[1; +\infty)$ равно 3 , то есть $B = 3$.

Так как $-3 < 3$, то $A < B$.

№417.

унаим функции $y = 5(x+3)^2$ на $[-4; -2]$ равно 0 , то есть $M = 0$.

унаиб функции $y = 2x + 3$ на $[0; 1]$ равно 5 , то есть $N = 5$.

Так как $0 < 5$, то $M < N$.

№418.

унаиб функции $y = -\frac{1}{x+2}$ на $(-\infty; -3]$ равно 1 , то есть $K = 1$.

унаим функции $y = -3x + 2$ на $(-\infty; 1]$ равно -1 , то есть $L = -1$.

Так как $1 > -1$, то $K > L$.

№419.

унаиб функции $y = -(x+5)^2$ на $[-6; -4]$ равно 0 , то есть $P = 0$.

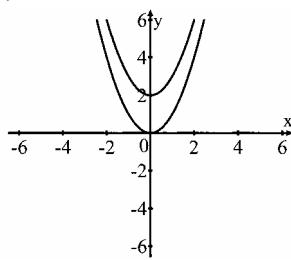
унаим функции $y = -2(x-1)^2$ на $[0; 2]$ равно 0 , то есть $Q = 0$.

Так как $0 = 0$, следовательно, $P = Q$.

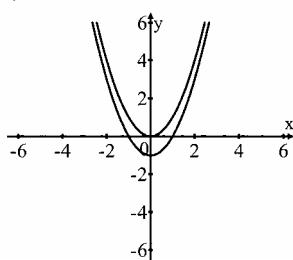
**§12. Как построить график функции $y = f(x) + m$,
если известен график функции $y = f(x)$.**

№ 420.

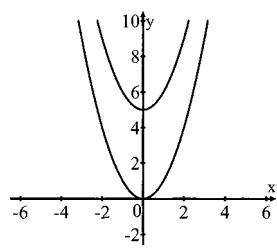
a)



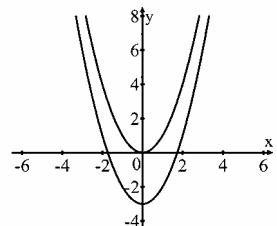
б)



в)

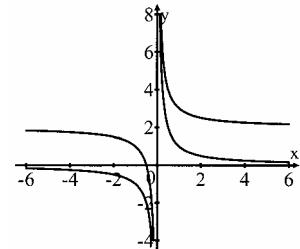


г)

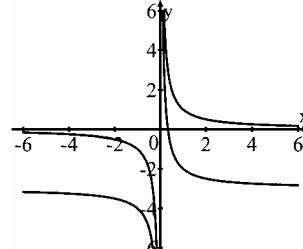


№ 421.

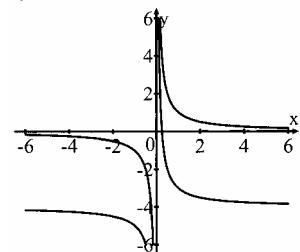
а)



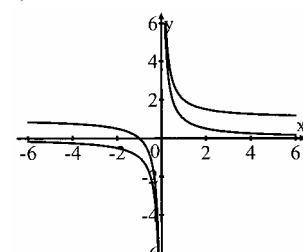
б)



в)



г)

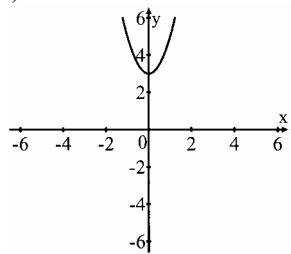


Nº 422. a) $y = 2x^2 + 3$; б) $y = 2x^2 - 7$; в) $y = 2x^2 + 0,1$; г) $y = 2x^2 - \frac{4}{9}$.

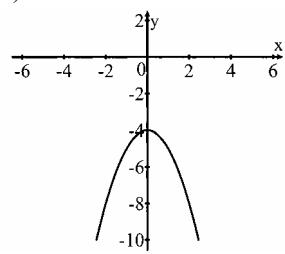
Nº 423. а) $y = \frac{9}{x} + 3$; б) $y = \frac{9}{x} - 8$; в) $y = \frac{9}{x} + 7,9$; г) $y = \frac{9}{x} - \frac{6}{11}$.

Nº 424.

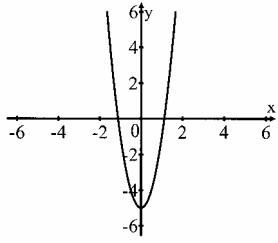
a)



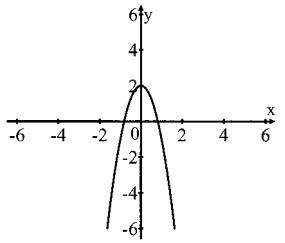
б)



в)

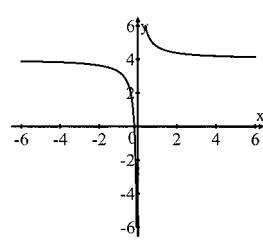


г)

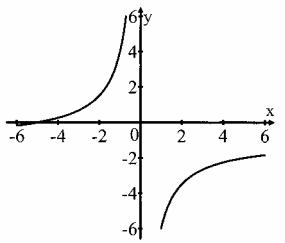


Nº 425.

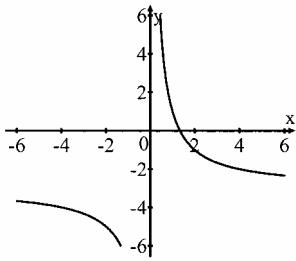
а)



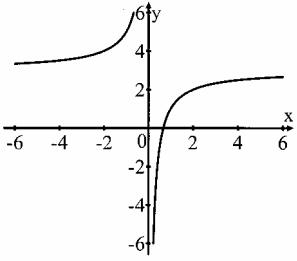
б)



в)



г)



№426. а) $y = 2x^2 + 1$; б) $y = 3 - \frac{1}{2}x^2$; в) $y = -2x^2 - 2$; г) $y = x^2 - 7$.

В ответе к 426 а) допущена ошибка.

№ 427. а) $y = \frac{1}{x} + 2$; б) $y = -\frac{2}{x} - 3$; в) $y = \frac{3}{x} + 1$; г) $y = -\frac{1}{x} - 3$.

№ 428. а) $y_{\text{нам}} = -5$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = -3$ при $x = -1$ или $x = 1$;

б) $y_{\text{нам}} = -5$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}} = -5$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}} = 3$ при $x = -2$;

г) $y_{\text{нам}} = -5$ при $x = 0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует.

№ 429. а) $y_{\text{нам}} = -1$ при $x = 2$, $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 1$;

б) $y_{\text{нам}} = -4$ при $x = -1$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}} = -4$ при $x = -1$, $y_{\text{наиб}} = -3$ при $x = -2$;

г) $y_{\text{нам}}$ не существует, $y_{\text{наиб}} = -1$ при $x = 2$.

№ 430. а) $y_{\text{нам}} = 1$ при $x = \pm 1$, $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 0$;

б) $y_{\text{нам}}$ не существует, $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 0$;

в) $y_{\text{нам}}$ не существует, $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 0$;

г) $y_{\text{нам}} = 1$ при $x = -1$, $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 0$.

№ 431. а) $y_{\text{нам}} = 0$ при $x = 1$, $y_{\text{наиб}} = \frac{2}{3}$ при $x = 3$;

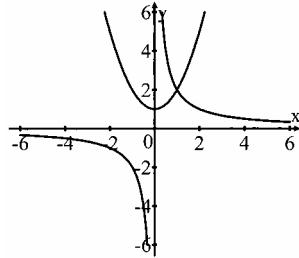
б) $y_{\text{нам}} = 0$ при $x = 1$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}}$ не существует, $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = -1$;

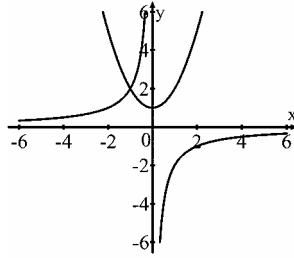
г) $y_{\text{нам}} = 1,25$ при $x = -4$, $y_{\text{наиб}} = 1,5$ при $x = -2$.

№ 432.

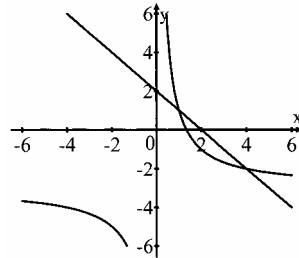
а) Ответ: 1.



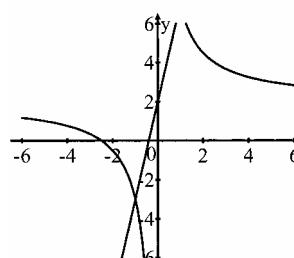
б) Ответ: -1.



в) Ответ: 1; 4.

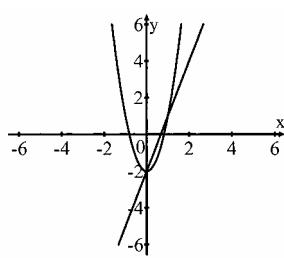


г) Ответ: ± 1.

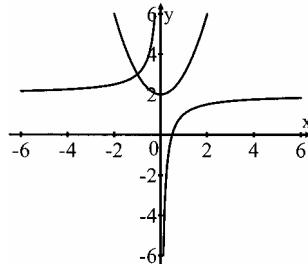


№ 433.

a) Ответ: 1; 0.



б) Ответ: -1



№ 434.

a) $f(-1,5) = -\left(-\frac{3}{2}\right)^2 + 2 = -\frac{1}{4}$, $f(1) = -(1)^2 + 2 = 1$, $f(4) = 4$;

б)

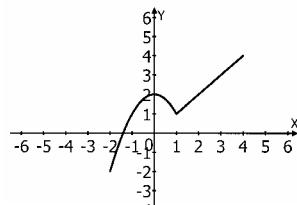
в) 1) $D(y) = [-2; 4]$

2) $y = 0$ при $x = -\sqrt{2}$; $y > 0$ при $x \in (-\sqrt{2}; 4]$;
 $y < 0$ при $x \in [-2; -\sqrt{2})$

3) Функция непрерывна

4) Функция ограничена и сверху и снизу

5) $y_{\text{нам}} = -2$ при $x = -2$, $y_{\text{найб}} = 4$ при $x = 4$.



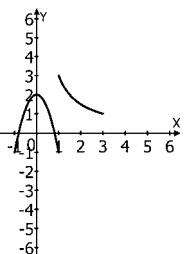
№ 435.

a) $f(-1) = -3(-1)^2 + 2 = -1$, $f\left(\frac{1}{3}\right) = -3\left(\frac{1}{3}\right)^2 + 2 = 1\frac{2}{3}$, $f(3) = 1$;

б)

в) 1) $D(y) = [-1; 3]$

2) $y = 0$ при $x = \pm\sqrt{\frac{2}{3}}$; $y > 0$ при $x \in \left(-\sqrt{\frac{2}{3}}, \sqrt{\frac{2}{3}}\right) \cup (1; 3)$;
 $y < 0$ при $x \in \left[-1; -\sqrt{\frac{2}{3}}\right] \cup \left[-\sqrt{\frac{2}{3}}, 1\right]$



3) Разрыв при $x = 1$

4) Функция ограничена и сверху и снизу

5) $y_{\text{нам}} = -1$ при $x = \pm 1$, $y_{\text{найб}}$ не существует.

№ 236.

$y_{\text{найб}}$ функции $y = \frac{3}{x} - 2$ на $[1; 3]$, равно 1, т.е. $A=1$;

$y_{\text{найб}}$ функции $y = 1 - x$ на $[-4; 3]$, равно -2, т.е. $B=-2$.

Т.к. $1 > -2$, то $A > B$.

№ 237.

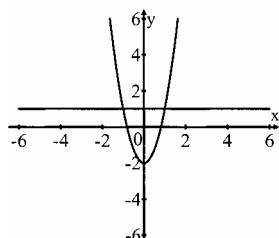
$y_{\text{нап}} \text{ функции } y = -\frac{2}{x} - 1$ на $(-\infty; -1]$, равно 1, т.е. $K=1$;

$y_{\text{нап}} \text{ функции } y = (x-4)^2$ на $[3; 5]$, равно 0, т.е. $L=0$.

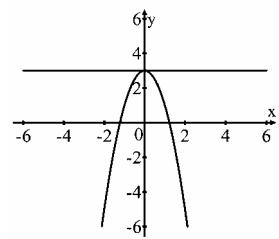
Т.к. $1 > 0$, то $K > L$.

№ 438.

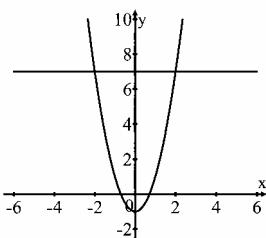
a) Ответ: $(1; 1), (-1; 1)$;



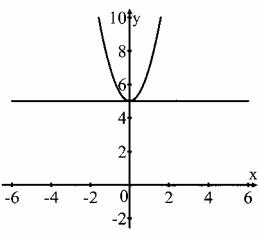
b) Ответ: $(0; 3)$;



б) Ответ: $(2; 7), (-2; 7)$;

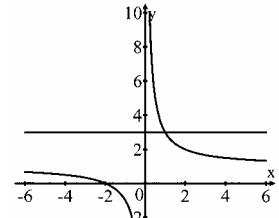


г) Ответ: $(0; 5)$.

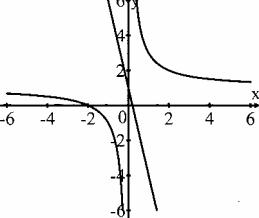


№ 439.

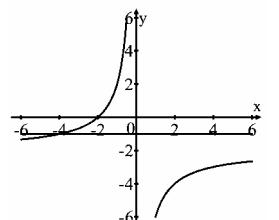
a) Ответ: $(1; 3)$;



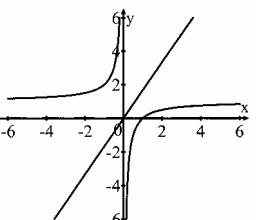
б) Ответ: нет решений;



в) Ответ: $(-4; -1)$;



г) Ответ: нет решений.



№ 440.

a) $f(-2)=1$, $f(0)=-0,5 \cdot 0^2 + 3 = 3$, $f(4)=\frac{4}{3}$;

б)

в)

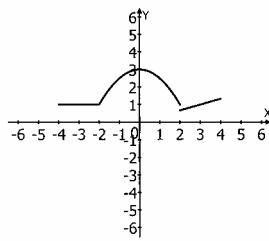
1) $D(y)=[-4;4]$

2) $y \neq 0$ $y > 0$ при $x \in [-4;4]$

3) Разрыв при $x=2$

4) Функция ограничена сверху и снизу

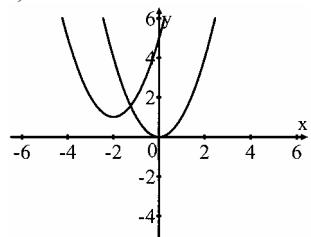
5) $y_{\text{нам}}$ не существует, $y_{\text{нам}}=3$ при $x=0$.



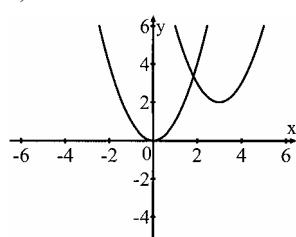
**§ 13. Как построить график функции $y=f(x+t)+m$,
если известен $y=f(x)$**

№ 441

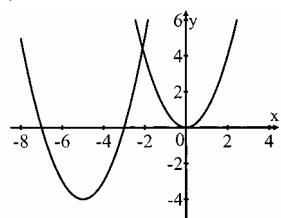
а)



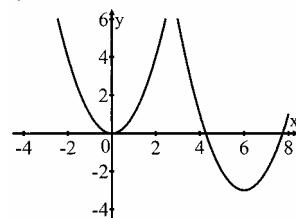
б)



в)

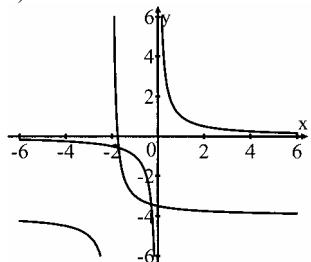


г)

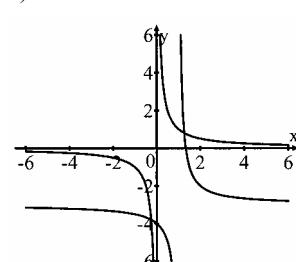


№ 442.

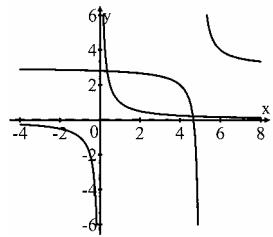
а)



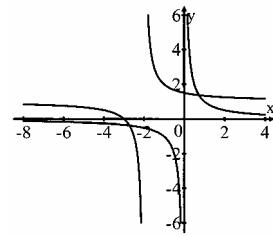
б)



b)

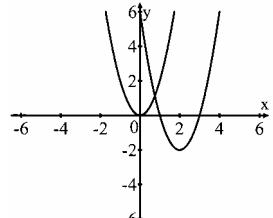


r)

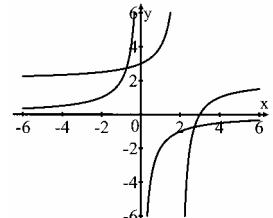


№ 443.

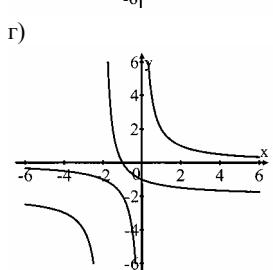
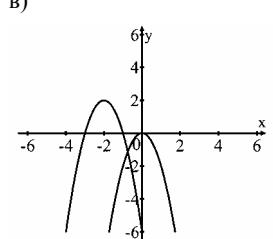
a)



б)



б)



№ 444.

a) $y = 2,5(x+3)^2 + 4$; б) $y = 2,5(x-1)^2 - 5$;

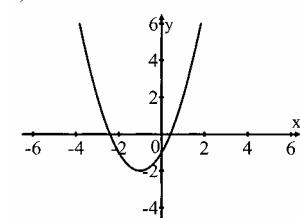
в) $y = 2,5(x+2)^2 - 6$; г) $y = 2,5(x-1,2)^2 + 7$.

№ 445.

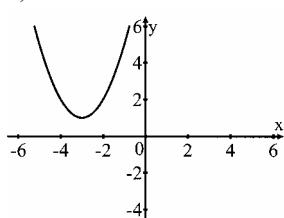
а) $y = -\frac{4}{x+2} + 1$; б) $y = -\frac{4}{x-6,5} - 3,8$; в) $y = -\frac{4}{x+4,1} - 0,5$; г) $y = -\frac{4}{x-\frac{7}{9}} + \frac{1}{2}$.

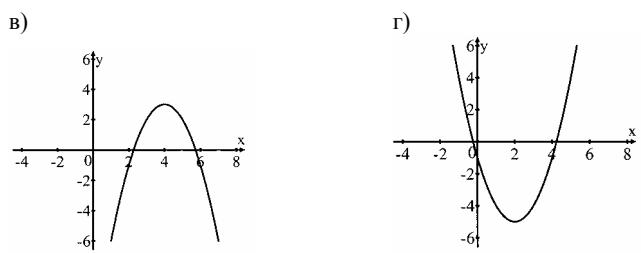
№ 446.

а)



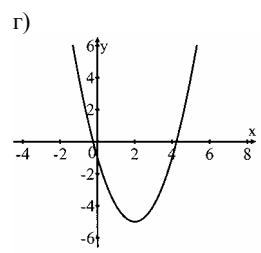
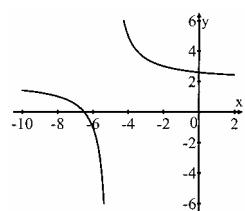
б)



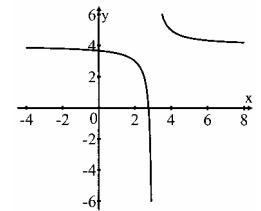


№ 447.

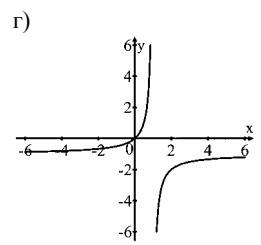
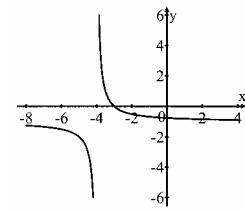
a)



б)

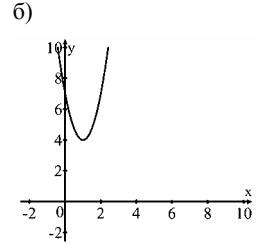
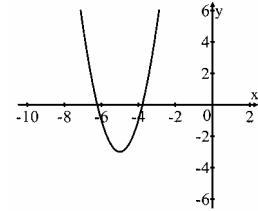


в)

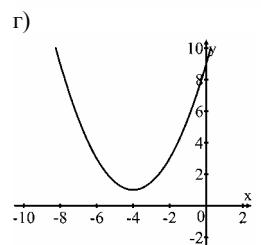
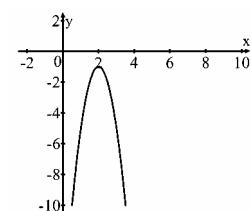


№ 448.

a)

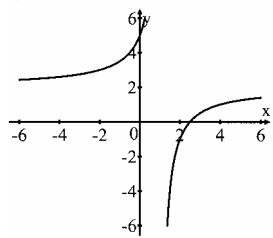


в)

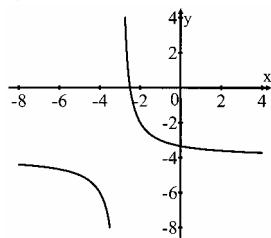


№ 449.

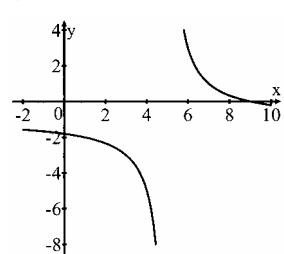
a)



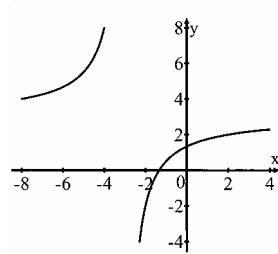
б)



в)



г)



№ 450. а) $y = -2(x+2)^2 + 2$;

б) $y = (x-3)^2 - 5$;

в) $y = -3(x-4)^2 + 9$;

г) $y = \frac{1}{2}(x+3)^2 - 3$.

№ 451.

а) $y = \frac{1}{x-1} + 2$; б) $y = \frac{3}{x+3} + 2$; в) $y = -\frac{1}{x-4} - 3$; г) $y = \frac{2}{x+2} - 1$.

№ 452. а) $y_{\text{нам}} = 3$ при $x = 1$, $y_{\text{наиб}} = 5$ при $x = 0$;

б) $y_{\text{нам}} = 3$ при $x = 1$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}} = 3$ при $x = 1$, $y_{\text{наиб}} = 5$ при $x = 2$;

г) $y_{\text{нам}} = 3$ при $x = 1$, $y_{\text{наиб}}$ не существует.

№ 453. а) $y_{\text{нам}} = -2$ при $x = 2$, $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$;

б) $y_{\text{нам}}$ не существует, $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 2$;

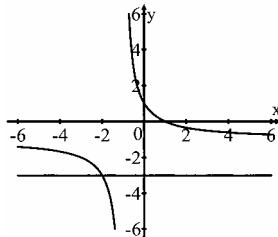
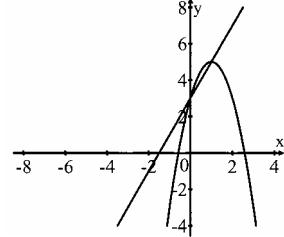
в) $y_{\text{нам}} = -2,5$ при $x = 5$, $y_{\text{наиб}} = -2$ при $x = 2$;

г) $y_{\text{нам}} = -6$ при $x = -2$, $y_{\text{наиб}}$ не существует.

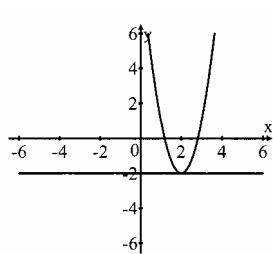
№ 454.

а) $(0;3); (1;5);$

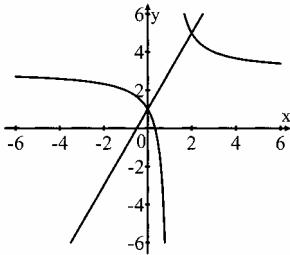
б) $(-2;-3)$



в) $(2;-2)$;

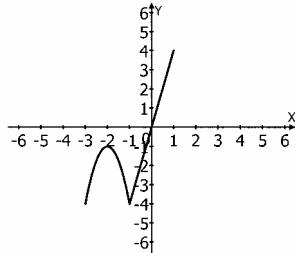


г) $(0;1); (2;5)$



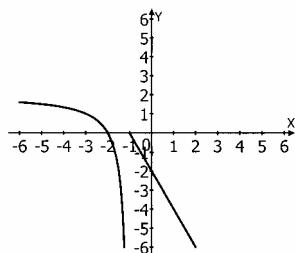
№ 455.

- а) $f(-2) = -1$, $f(-1) = -4$, $f(0,5) = 2$;
б)
в)
1) $D(y) = [-3;1]$.
2) $y = 0$ при $x = 0$; $y < 0$ при $x \in [-3;0)$;
 $y > 0$ при $x \in (0;1]$.
3) Функция непрерывна.
4) Функция ограничена сверху, и снизу.
5) $y_{\text{нам}} = -4$ при $x = -1$ или $x = -3$, $y_{\text{найб}} = 4$ при $x = 1$.



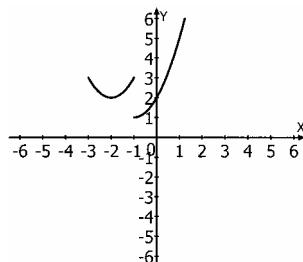
№ 456.

- а) $f(-2) = 0$, $f(-1) = 0$, $f(0,25) = -2,5$;
б)
в)
1) $D(y) = \mathbb{R}$.
2) $y = 0$ при $x = -1$ или $x = -2$, $y > 0$ при $x \in (-\infty; -2) \cup (-1; +\infty)$;
 $y < 0$ при $x \in (-2; -1)$.
3) Разрыв при $x = -1$.
4) Функция не ограничена. 5) $y_{\text{нам}}, y_{\text{найб}}$ не существует.



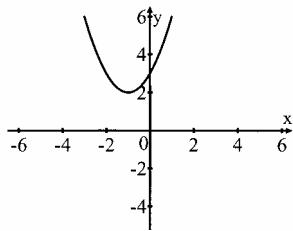
№ 457.

- а) $f(-3) = 3$, $f(-1) = 3$, $f(0) = 2$;
б)
в)
1) $D(y) = [-3; +\infty)$.
2) $y > 0$ при $x \in [-3; +\infty)$.
3) Разрыв при $x = -1$.
4) Функция ограничена снизу и неограничена сверху.
5) $y_{\text{нам}} = -2$ при $x = -2$, $y_{\text{найб}}$ не существует.

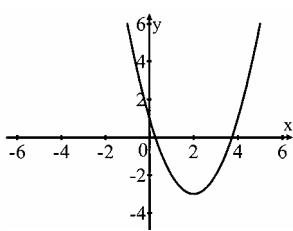


Nº 458.

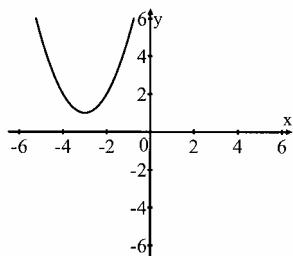
a) $y = x^2 + 2x + 3 = (x+1)^2 + 2$;



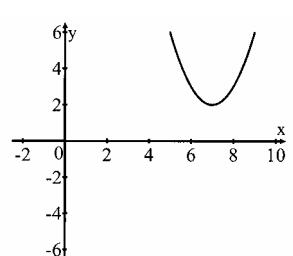
б) $y = x^2 - 4x + 1 = (x-2)^2 - 3$;



в) $y = x^2 + 6x + 10 = (x+3)^2 + 1$;

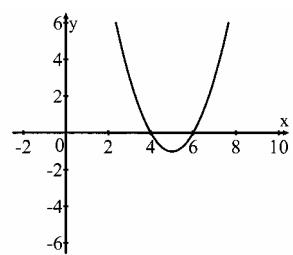


г) $y = x^2 - 14x + 51 = (x-7)^2 + 2$.

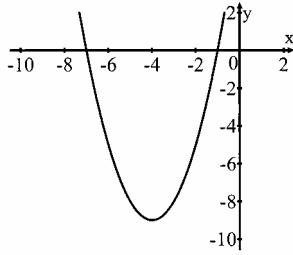


Nº 459.

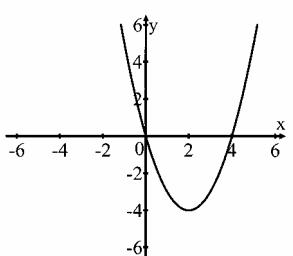
а) $y = x^2 - 10x + 24 = (x-5)^2 - 1$;



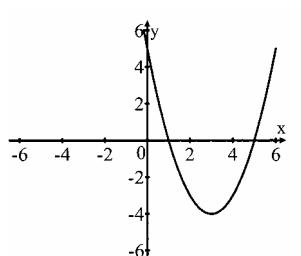
б) $y = x^2 + 8x + 7 = (x+4)^2 - 9$;



в) $y = x^2 - 4x = (x-2)^2 - 4$;

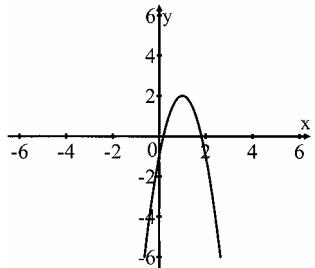
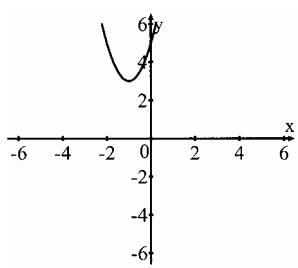


г) $y = x^2 - 6x + 5 = (x-3)^2 - 4$.

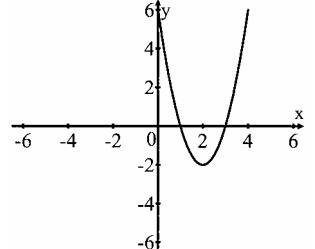
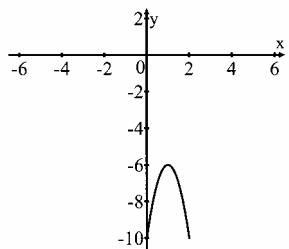


№ 460.

a) $y = 2x^2 - 4x + 5 = 2(x-1)^2 + 3$; б) $y = -3x^2 + 6x - 1 = -3(x-1)^2 + 2$;



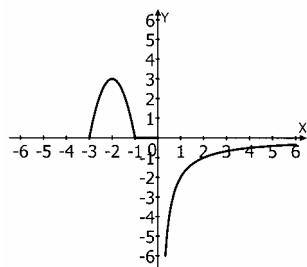
в) $y = -4x^2 + 8x - 10 = -4(x-1)^2 - 6$; г) $y = 2x^2 - 8x + 6 = 2(x-2)^2 - 2$.



461.

а) $f(-2) = 3$, $f(-0,48) = 0$, $f(4) = -\frac{1}{2}$;

б)



в)

1) $D(y) = [-3; +\infty)$.

2) $y = 0$ при $x \in \{-3\} \cup [-1; 0]$; $y > 0$ при $x \in (-3; -1)$; $y < 0$ при $x > 0$.

3) Разрыв при $x = 0$.

4) Функция ограничена сверху и неограничена снизу.

5) $y_{\text{нам}} \text{ не существует}, y_{\text{наиб}} = 3 \text{ при } x = -2$.

§ 14. Функция $y = ax^2 + bx + c$, ее свойства и график

№ 462. а); в) – квадратичные функции.

№ 463. а) $a=7; b=-3; c=-2$; б) $a=\frac{1}{2}; b=0; c=1$;

в) $a=8; b=-2; c=0$; г) $a=-\frac{3}{10}; b=\frac{2}{5}; c=\frac{1}{7}$.

№ 464. а) $2x^2 - x + 4$; б) $-x^2 + 7x$; в) $9x^2 - 3x - 1$; г) $x^2 + 5$.

№ 465. а) вверх; б) вниз; в) вниз; г) вверх.

№ 466. а) $y = -\frac{b}{2a} = \frac{1}{4}$; б) $y = -\frac{b}{2a} = \frac{1}{5}$; в) $y = -\frac{b}{2a} = -\frac{6}{7}$; г) $y = -\frac{b}{2a} = 1$.

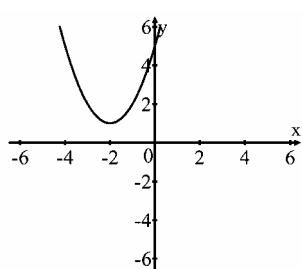
№ 467. а) $x = -\frac{b}{2a} = -1; y(-1) = -5$; б) $x = -\frac{b}{2a} = -1; y(-1) = 5$;

в) $x = -\frac{b}{2a} = \frac{1}{2}; y\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{3}{4}$; г) $x = -\frac{b}{2a} = 1; y(1) = -1$.

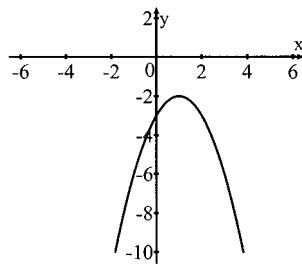
Ответ: а) $(-1; -5)$, б) $(-1; 5)$, в) $\left(\frac{1}{2}, -\frac{3}{4}\right)$, г) $(1; -1)$

№ 468.

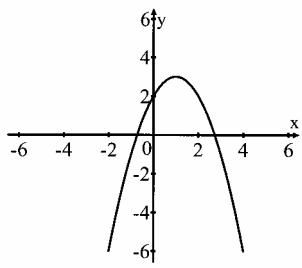
а)



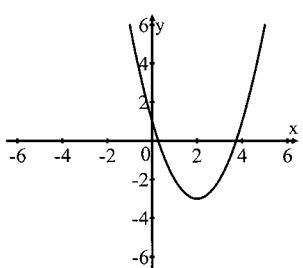
б)



в)

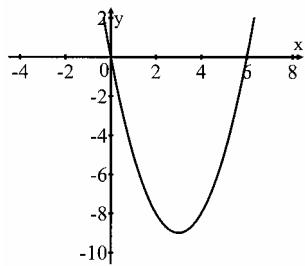


г)

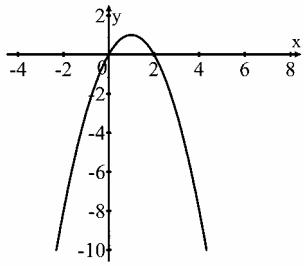


Nº 469.

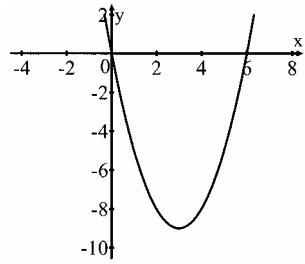
a) $y = x^2 + 6x$



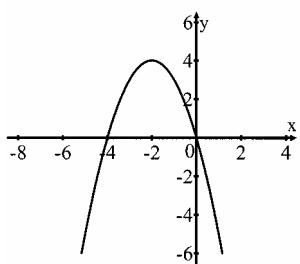
б)



в)

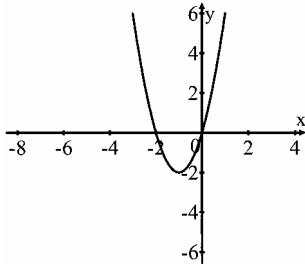


г)

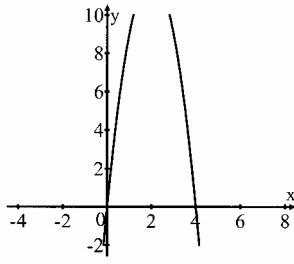


Nº 470.

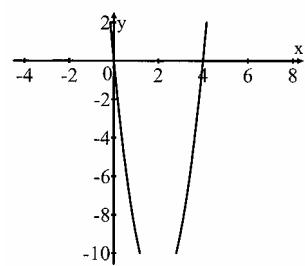
а)



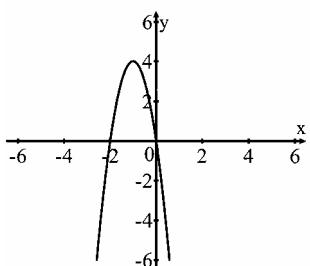
б)



в)

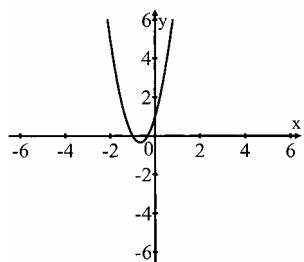


г)

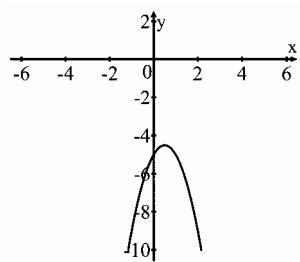


Nº 471.

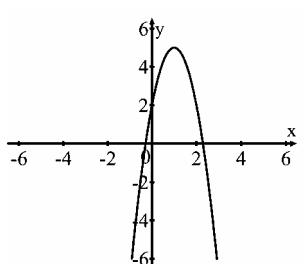
a)



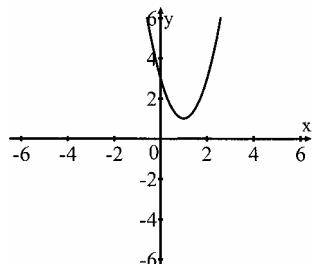
б)



в)

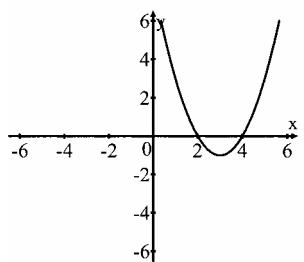


г)

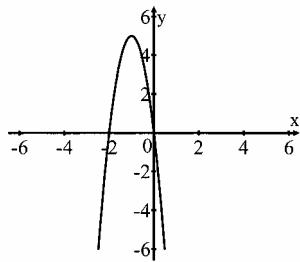


Nº 472.

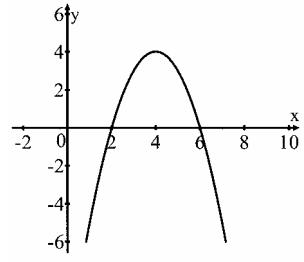
а)



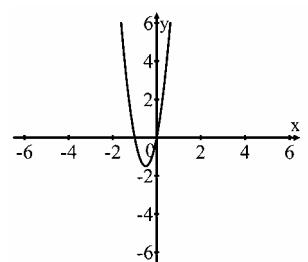
б)



в)

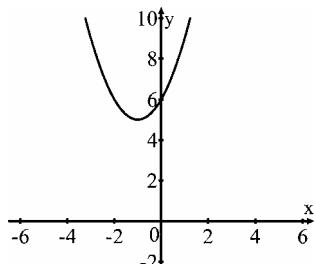


г)

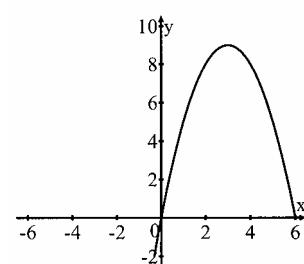


№ 473.

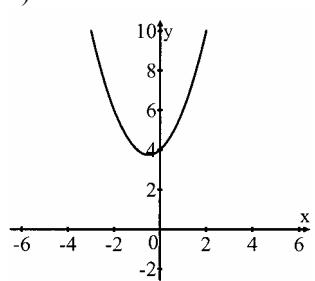
a)



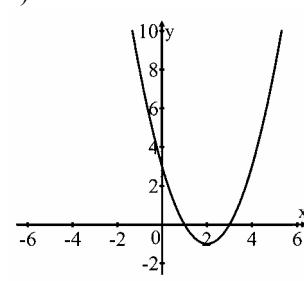
б)



в)



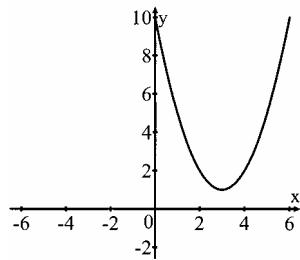
г)



№ 474.

$$y = -x^2 - 6x + c ; y_{\text{наим}} = 1;$$

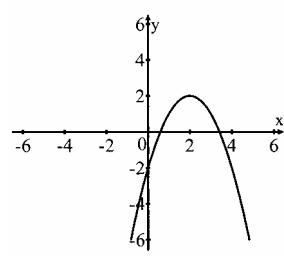
$$y_{\text{наим}} = y\left(-\frac{b}{2a}\right) = y(3) = c - 9 ; c = 10.$$



№ 475.

$$y = -x^2 + 4x + c ; y_{\text{наиб}} = 2;$$

$$y_{\text{наиб}} = y\left(-\frac{b}{2a}\right) = y(2) = c + 4 ; c = -2.$$



№ 476. а) $y_{\text{наим}} = -3$ при $x = -1$, $y_{\text{наиб}} = -1$ при $x = 0$;

б) $y_{\text{наим}} = -3$ при $x = -1$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{наим}} = -3$ при $x = -1$, $y_{\text{наиб}} = -1$ при $x = 0$ или $x = -2$;

г) $y_{\text{наим}} = -3$ при $x = -1$, $y_{\text{наиб}}$ не существует.

№ 477. а) $y_{\text{наим}} = 3$ при $x = 0$ или $x = 2$, $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 1$;

б) $y_{\text{наим}}$ не существует, $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 1$;

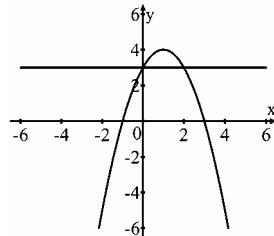
в) $y_{\text{наим}} = 3$ при $x = 2$, $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 1$;

г) $y_{\text{наим}}$ не существует, $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 1$.

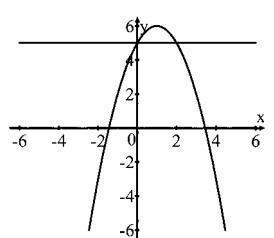
- № 478.** а) $y_{\text{наим}}=-11$ при $x=2$, $y_{\text{наиб}}=1$ при $x=4$;
 б) $y_{\text{наим}}=-11$ при $x=2$, $y_{\text{наиб}}=1$ при $x=4$;
 в) $y_{\text{наим}}=-11$ при $x=2$, $y_{\text{наиб}}=1$ при $x=0$ или $x=4$;
 г) $y_{\text{наим}}=-11$ при $x=2$, $y_{\text{наиб}}=1$ при $x=0$.

№ 479.

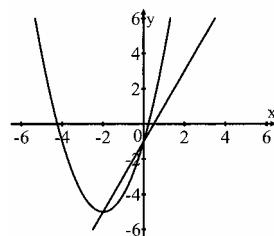
а) Ответ: 2; 0;



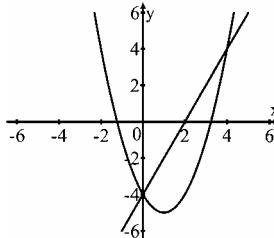
в) Ответ: 0; 2;



б) Ответ: -2; 0;

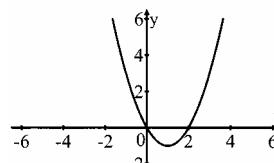


г) Ответ: 4; 0.

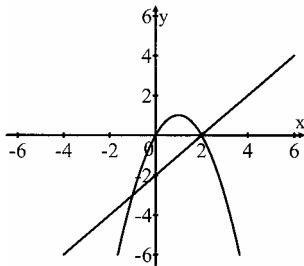


№ 480.

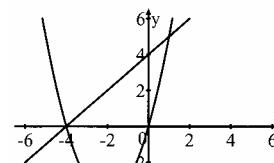
а) Ответ: 2; 0;



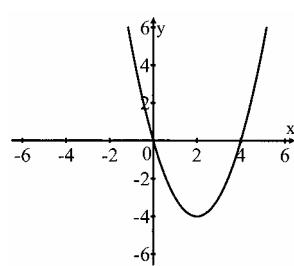
в) Ответ: 2; -1;



б) Ответ: 1; -4;

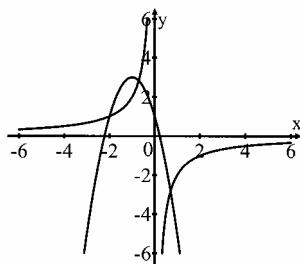


г) Ответ: 4; 0.

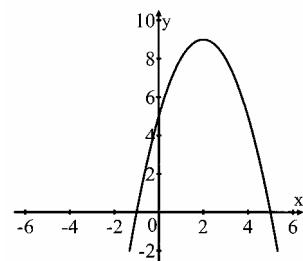


№ 481.

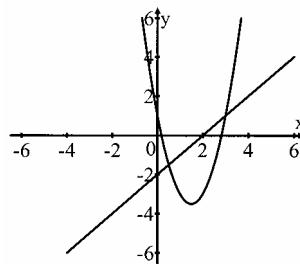
а) три;



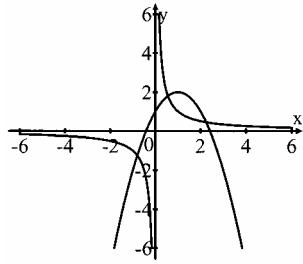
б) два;



в) два;

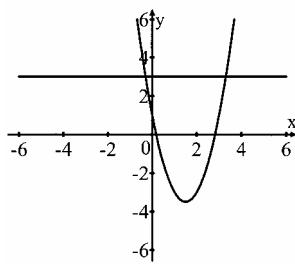


г) три.

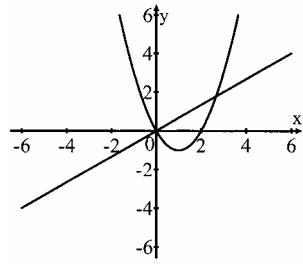


№ 482.

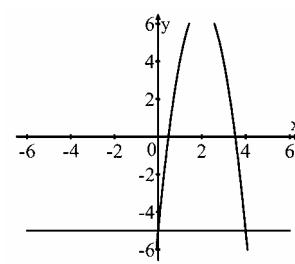
а) два;



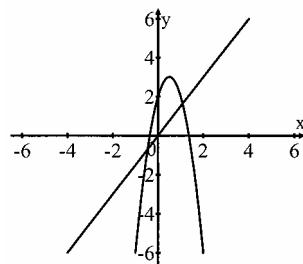
б) два;



в) два;



г) два.



№ 483. $y = x^2 + 4x + C$; $A(0;2)$; $y(0) = 0^2 + 4 \cdot 0 + C = C = 2$, $C=2$.

№ 484. $y = x^2 + 4x + C$; $A(0;4)$; $y(0) = 0^2 + 4 \cdot 0 + C = C = 4$, $C=4$.

№ 485. $y = ax^2 + 4x + 5$; $M(-10;0)$; $y(-10) = 100a - 40 + 5 = 100a - 35 = 0$;
 $a = \frac{35}{100} = 0,35$.

№ 486. $y = ax^2 + 4x - 8$; $N(4;0)$; $y(4) = 16a + 16 - 8 = 16a + 8 = 0$; $a = -\frac{1}{2}$.

№ 487. $y = x^2 + bx + 4$. Ось симметрии: $x=1$; $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{b}{2} = 1$, $b=-2$.

№ 488. $y = 2x^2 + bx - 3$. Ось симметрии: $x=-4$; $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{b}{4} = -4$, $b=16$.

№ 489. а) $f(2x) = 20x^2 + 6x - 2$; б) $f(x-1) = 5x^2 - 10x + 5 + 3x - 3 - 2 = 5x^2 - 7x$;
 в) $f(x^3) = 5x^6 + 3x^3 - 2$; г) $2f(3x) = 90x^2 + 18x - 4$.

№ 490.

а) $f(-x) = -2x^2 - x - 4$; б) $f(x+5) = -2x^2 - 20x - 50 + x + 5 - 4 = -2x^2 - 19x - 49$;

в) $f(-x^2) = -2x^4 - x^2 - 4$; г) $3f(2x) = -24x^2 + 6x - 12$.

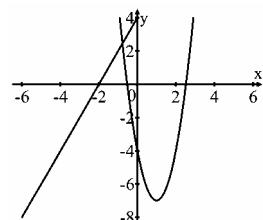
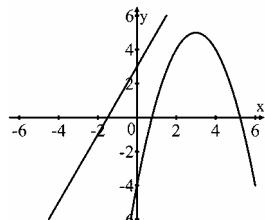
№ 491. $f(x-1) = f(x+1)$; $2x^2 - 4x + 2 - 3x + 3 + 12 = 2x^2 + 4x + 2 - 3x - 3 + 12$;
 $-4x + 3 = 4x - 3$; $8x = 6$; $x = \frac{3}{4}$.

№ 492. $f(2x+3) = 4f(x-2)$; $-4x^2 - 12x - 9 + 8x + 12 - 3 = -4x^2 + 16x - 16 + 16x - 32 - 12$;
 $-4x = 32x - 60$; $36x = 60$; $x = \frac{5}{3}$.

№ 493.

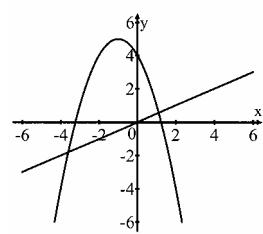
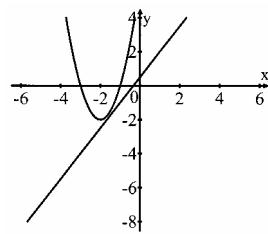
а) нет решений;

б) два;



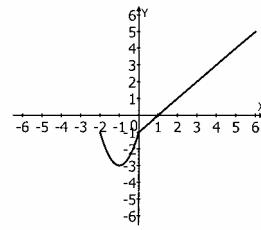
в) нет решений;

г) два.

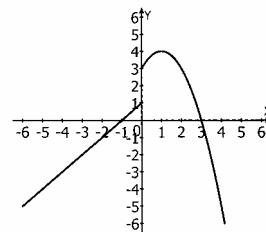


№ 494.

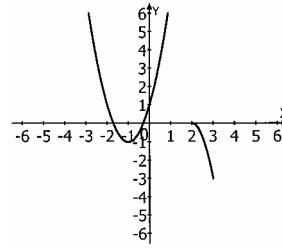
- a) $f(-2) = -1$, $f(0) = -1$, $f(5) = 4$;
 б)
 в)
 1) $D(y) = [-2; +\infty)$.
 2) $y = 0$ при $x = 1$; $y > 0$ при $x \in (1; +\infty)$,
 $y < 0$ при $x \in [-2; 1]$.
 3) Функция непрерывна.
 4) Функция ограничена снизу и неограниченна сверху.
 5) $y_{\text{нам}} = -3$ при $x = -1$, $y_{\text{найб}}$ не существует.

**№ 495.**

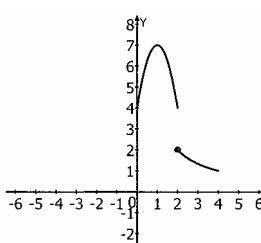
- a) $f(-3) = -2$, $f(0) = 3$, $f(5) = -12$;
 б)
 в)
 1) $D(y) = R$
 2) $y = 0$ при $x = -1$ или $x = 3$;
 $y > 0$ при $x \in (-1; 3)$,
 $y < 0$ при $x \in (-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$.
 3) Разрыв при $x = 0$.
 4) Функция ограничена сверху и неограниченна снизу.
 5) $y_{\text{нам}} = 4$ при $x = 1$.

**№ 496.**

- a) $f(1) = 7$, $f(2) = 17$, $f(4)$ не определено ;
 б)
 в)
 1) $D(y) = (-\infty; 3]$
 2) $y = 0$ при $x = \pm \sqrt{\frac{1}{2}} - 1$;
 $y > 0$ при $x \in \left(-\infty; -\sqrt{\frac{1}{2}} - 1\right) \cup \left(\sqrt{\frac{1}{2}} - 1; 2\right)$;
 $y < 0$ при $x \in \left(-\sqrt{\frac{1}{2}} - 1; \sqrt{\frac{1}{2}} - 1\right) \cup (2; 3]$.
 3) Разрыв при $x = 2$.
 4) Функция ограничена снизу и неограниченна сверху.
 5) $y_{\text{нам}} = -3$ при $x = 3$, $y_{\text{найб}}$ не существует.



№ 497.



- a) $f(1)=7$, $f(3)=\frac{4}{3}$, $f(4)=1$;
 б)
 в)
 1) $D(y)=[0;4]$.
 2) $y \neq 0$, $y > 0$ при $x \in [0;4]$.
 3) Разрыв при $x=2$.
 4) Функция ограничена сверху и снизу.

5) $y_{\text{нам}}=1$ при $x=4$, $y_{\text{нам}}=7$ при $x=1$.

№ 498.

$$y = ax^2 - (a+6)x + 9; x=2 - \text{ось симметрии}; x = -\frac{b}{2a} = \frac{a+6}{2a} = 2; a=2.$$

№ 499. $y = x^2 + 6x + C$. Координаты вершины: $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{6}{2} = -3$.

$$y(-3) = 9 - 18 + C = C - 9; (-3)^2 + (C - 9)^2 = 25; 9 + C^2 - 18C + 81 = 25; C^2 - 18C + 65 = 0; C = 5 \text{ или } C = 13.$$

№ 500. $y = x^2 + bx + C$ A(1;-2) — вершина параболы; $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{b}{2} = 1$;

$$b = -2; y(-1) = 1 + b + c = 1 - 2 + c = -2; c = -1$$

№ 501. $y = ax^2 + bx + c$ A(1;-2) — вершина параболы; B(0;2);

$$y(0) = a \cdot 0 + b \cdot 0 + c = c = 2; x = -\frac{b}{2a} = 1; b = -2a;$$

$$y(-1) = a + b + c = -2; c - a = -2; 2 - a = -2; a = 4; b = -2a = -8.$$

Ответ: $a=4$; $b=-8$; $c=2$.

№ 502. $y = x^2 + bx + c$; $y(0) = c = 8$; $y(3) = 9 + 3b + 8 = -1$; $b = -6$.

№ 503. $y = x^2 + bx + c$; $y(1) = 1 + b + c = 6$; $b + c = 5$;

$$y(-1) = 1 - b + c = -2; c - b = -3; 2c = 2; c = 1; b = 5 - c = 4.$$

№ 504. $y = ax^2 + bx + c$; K(-2;3); L(-1;0); M(0;-9); $y(0) = c = -9$; $c = -9$;

$$y(-2) = 4a - 2b - 9 = 3; 2a - b = 6; y(-1) = a - b - 9 = 0; b - a = -9;$$

$$a = -3; b = -9 + a = -12.$$

Ответ: $y = -3x^2 - 12x - 9$.

№ 505. $y = ax^2 + bx + c$; A(2;3); B(0;1); C(3;2); $y(0) = c = 1$; $c = 1$;

$$y(2) = 4a + 2b + 1 = 3; 2a + b = 1; y(3) = 9a + 3b + 1 = 2;$$

$$3(3a + b) = 3((2a + b) + a) = 1; 1 + a = \frac{1}{3}; a = -\frac{2}{3}; b = 1 - 2a = \frac{7}{3}.$$

Ответ: $y = -\frac{2}{3}x^2 + \frac{7}{3}x + 1$.

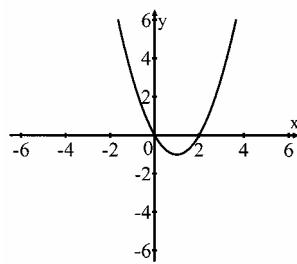
§ 15. Графическое решение квадратного уравнения

№ 506.

a) $x^2 - 2x = 0; (x-2)x = 0;$

$x = 0$ или $x = 2$.

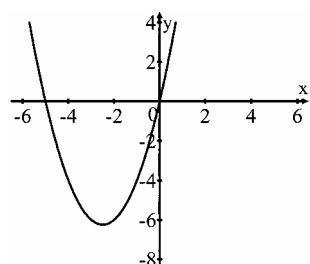
Ответ: 0; 2.



б) $x^2 + 5x = 0; (x+5)x = 0;$

$x = 0$ или $x = -5$.

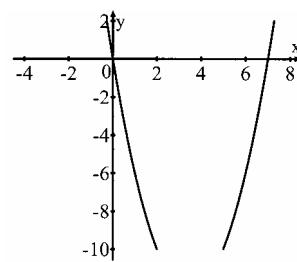
Ответ: -5; 0.



в) $x^2 - 7x = 0; (x-7)x = 0;$

$x = 0$ или $x = 7$.

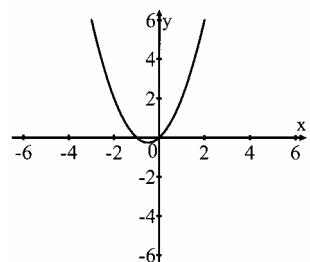
Ответ: 0; 7.



г) $x^2 + x = 0; (x+1)x = 0;$

$x = 0$ или $x = -1$.

Ответ: -1; 0.

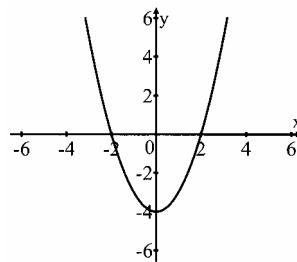


№ 507.

а) $x^2 - 4 = 0; (x-2)(x+2) = 0;$

$x = \pm 2$.

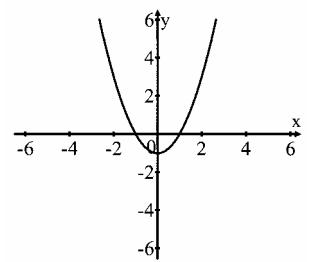
Ответ: ± 2 .



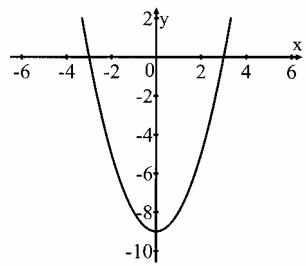
б) $x^2 - 1 = 0; (x-1)(x+1) = 0;$

$x = \pm 1$.

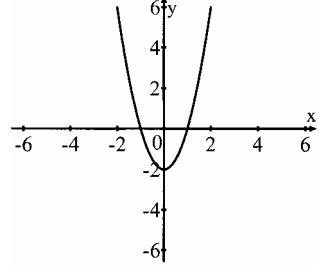
Ответ: ± 1 .



б) $x^2 - 9 = 0; (x-3)(x+3) = 0;$
 $x = \pm 3$. Ответ: ± 3 .

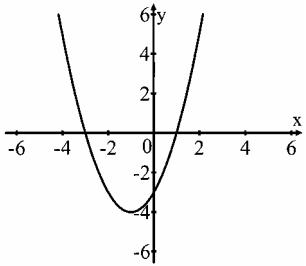


г) $2x^2 - 2 = 0; 2(x-1)(x+1) = 0;$
 $x = \pm 1$. Ответ: ± 1 .

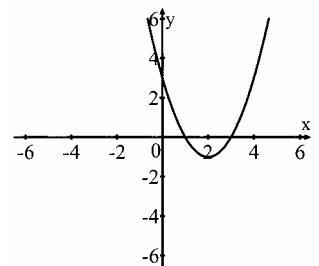


№ 508.

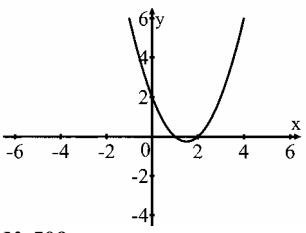
а) $x=1; x=-3$;



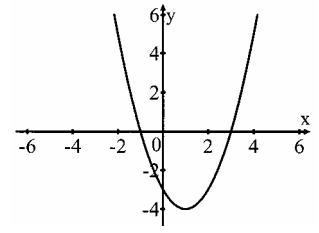
б) $x=1; x=3$;



в) $x=1; x=2$;

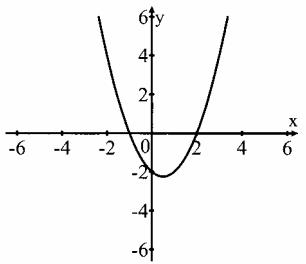


г) $x=-1; x=3$.

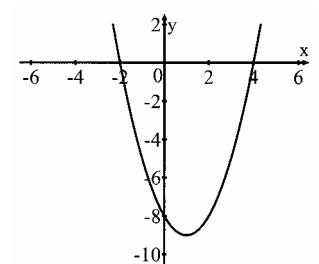


№ 509.

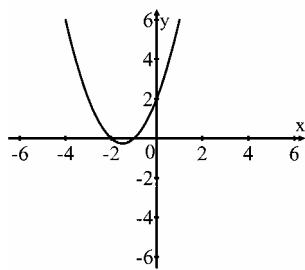
а) 2; -1;



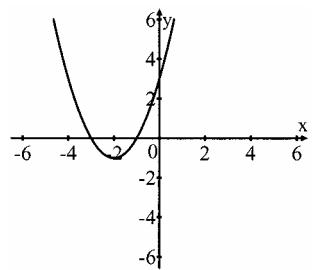
б) 4; -2;



в) -1; -2;

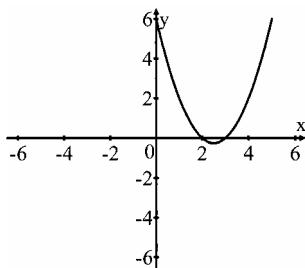


г) -1; -3.

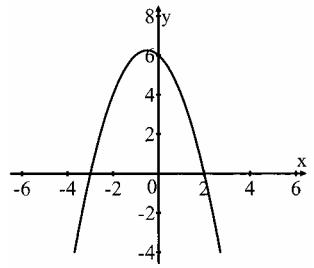


№ 510.

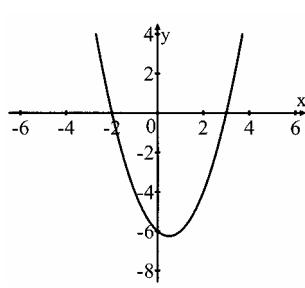
а) 2; 3;



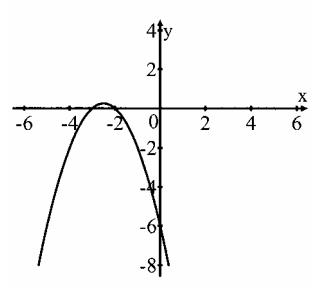
б) 2; -3;



в) 3; -2;



г) -2; -3.



№ 511.

а) $3x^2 - 6x + 11 = 0$, $3(x-1)^2 + 8 = 0$, нет корней, т.к. $3(x-1)^2 + 8 > 0$;

б) $x^2 - 3x + 5 = 0$, $\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{11}{4} = 0$, нет корней, т.к. $\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{11}{4} > 0$;

в) $x^2 + 2x + 4 = 0$, $(x+1)^2 + 3 = 0$, нет корней, т.к. $(x+1)^2 + 3 > 0$;

г) $2x^2 + 8x + 9 = 0$, $2(x+2)^2 + 1 = 0$, нет корней, т.к. $2(x+2)^2 + 1 > 0$.

№ 512.

1) Пусть длина прямоугольника равна b (см);
тогда ширина равна $(b-2)$ (см). Из условия задачи площадь прямоугольника равна: $b(b-2)=8$ (см^2);

- 2) $b(b-2)=8$, $b^2 - 2b - 8 = 0$, $(b-1)^2 = 9$, $b-1 = \pm 3$, $b = 4$ или $b = -2$.
 3) Т.к. длина есть величина не отрицательная, то $b=2$ (см) не подходит. Т.е. длина равна 4 (см), а ширина равна $(4-2)=2$ (см).
 Ответ: 4 (см); 2 (см).

№ 513.

- 1) Пусть ширина прямоугольника равна x (дм), тогда его длина равна $2x$ (дм).

Из условия задачи площадь прямоугольника равна: $x \cdot 2x = 18$ (дм²);

2) $x \cdot 2x = 18$, $x^2 = 9$, $x = \pm 3$;

- 3) $x=-3$ (дм) – не решение задачи, т.к. ширина есть величина не отрицательная, т.е. ширина прямоугольника равна 3 (дм), а длина равна $3 \cdot 2 = 6$ (дм). Ответ: 3 (дм), 6 (дм).

№ 514.

- 1) Пусть один из катетов равен y (см), тогда другой равен $(y+1)$ (см). Т.к. гипотенуза равна 5 см, то $y^2 + (y+1)^2 = 5^2$;

2) $y^2 + y^2 + 2y + 1 = 25$, $2y^2 + 2y - 24 = 0$, $y^2 + y - 12 = 0$, $y = 3$ или $y = -4$;

- 3) $y=-4$ (см) – не решение задачи, т.к. длина есть величина не отрицательная, т.е. один катет равен 3 (см), а другой равен $3 + 1 = 4$ (см).
 Ответ: 3 (см), 4 (см).

515.

1 способ.

а) $x^2 - 6x + 8 = 0$, $(x-3)^2 = 1$, $x-3 = \pm 1$, $x = 4$ или $x = 2$;

б) $x^2 + 2x - 8 = 0$, $(x+1)^2 = 9$, $x+1 = \pm 3$, $x = 2$ или $x = -4$;

в) $x^2 - 2x - 8 = 0$, $(x-1)^2 = 9$, $x-1 = \pm 3$, $x = 4$ или $x = -2$;

г) $x^2 + 6x + 8 = 0$, $(x+3)^2 = 1$, $x+3 = \pm 1$, $x = -2$ или $x = -4$.

2 способ.

а) $x^2 - 6x + 8 = 0$, $(x^2 - 2x) - (4x - 8) = 0$, $x(x-2) - 4(x-2) = 0$,
 $(x-4)(x-2) = 0$, $x = 4$ или $x = 2$;

б) $x^2 + 2x - 8 = 0$, $(x^2 + 4x) - (2x + 8) = 0$, $x(x+4) - 2(x+4) = 0$,
 $(x-2)(x+4) = 0$, $x = 2$ или $x = -4$;

в) $x^2 - 2x - 8 = 0$, $(x^2 + 2x) - (4x + 8) = 0$, $x(x+2) - 4(x+2) = 0$,
 $(x-4)(x+2) = 0$, $x = 4$ или $x = -2$;

г) $x^2 + 6x + 8 = 0$, $(x^2 + 2x) + (4x + 8) = 0$, $x(x+2) + 4(x+2) = 0$,
 $(x+4)(x+2) = 0$, $x = -2$ или $x = -4$.

№ 516. а) два; б) один; в) два; г) нет корней.

№ 517. а) два; б) один; в) нет корней; г) два.

№ 518. Зададим p так, чтобы прямая $y=p$ проходила через вершину параболы

$$y = x^2 - 2x + 1, x = -\frac{b}{2a} = 1, y(1) = 1 - 2 + 1 = 0, p = 0.$$

№ 519. Зададим p так, чтобы прямая $y=p$ не пересекала параболу $y = x^2 + 2x + 3$, $x = -\frac{b}{2a} = -1$, $y(-1) = 1 - 2 + 3 = 2$, $p < 2$.

№ 520. Зададим p так, чтобы прямая $y=p$ пересекала параболу $y = x^2 - 4x + 4$ в двух точках, $x = -\frac{b}{2a} = 2$, $y(2) = 0$, $p > 0$.

№ 521. Зададим p так, чтобы прямая $y=p$ пересекала параболу $y = x^2 + 4x - 6$ в двух точках, $x = -\frac{b}{2a} = -2$, $y(-2) = -10$, $p > -10$.

№ 522. $x^2 + 6x + 8 = p$. Определим значение функции $y = x^2 + 6x + 8$ в вершине параболы. $x = -\frac{b}{2a} = -3$, $y(-3) = -1$.

- a) уравнение не имеет корней при $p < -1$;
- б) уравнение имеет один корень при $p = -1$;
- в) уравнение имеет два корня при $p > -1$.

№ 523.

1) Пусть ширина и длина участка равны соответственно a (м) и b (м). Тогда длина всего забора равна $2a + 2b = 28$ (м), а площадь участка равна $a \cdot b = 24(\text{м}^2)$. Причем $b > a$.

$$2) \begin{cases} 2a + 2b = 28 \\ ab = 24 \end{cases}, \begin{cases} a + b = 14 \\ ab = 24 \end{cases}, a \cdot a + b \cdot a = 14 \cdot a, a^2 + 24 = 14a, a^2 - 14a + 24 = 0,$$

$$a = 12 \text{ или } a = 2 \text{ и соответственно } b = 2 \text{ или } b = 12.$$

Т.к. $b > a$, то $b = 12$; $a = 2$;

3) Итак, ширина и длина участка равны соответственно 2(м) и 12(м).

Ответ: 2 (м); 12 (м). В ответе к задаче допущена ошибка.

№ 524.

1) Пусть один катет равен x (см), тогда другой равен $(x - 4)$ (см).

$$\text{Площадь треугольника равна } \frac{1}{2}x(x-4) = 16(\text{см}^2);$$

$$2) \frac{1}{2}x(x-4) = 16, x^2 - 4x = 32, x^2 - 4x - 32 = 0, x_1 = 8, x_2 = -4;$$

3) Т.к. $x > 0$, то $x_2 = -4$ (см) – не решение задачи.

Катеты равны 8 (см) и $(8 - 4) = 4$ (см). Ответ: 8 (см); 4 (см).

№ 525.

1) Пусть один из катетов равен y (м), то другой катет равен $(y - 1)$ (м) и гипотенуза равна $(y + 1)$ (м).

По теореме Пифагора $y^2 + (y - 1)^2 = (y + 1)^2$;

$$2) y^2 + y^2 - 2y + 1 = y^2 + 2y + 1, y(y - 4) = 0, y = 0, y = 4.$$

3) Т.к. $y > 0$, то $y = 4$. Т.о. катеты треугольника равны 4(м) и $(4 - 1) = 3$ (м) и гипотенуза равна $(y + 1) = 5$ (см). Ответ: 4(м); 3(м); 5(м).

№ 526.

- 1) Пусть числитель дроби равен p , тогда знаменатель равен $(p+2)$ и $p(p+2)=15$;
 2) $p(p+2)=15$, $p^2+2p-15=0$, $p=3$, $p=-5$;
 3) Т.к. в обыкновенной дроби числитель меньше знаменателя, то $p=3$ и $(p+2)=5$ и искомая дробь $\frac{3}{5}$. Ответ: $\frac{3}{5}$.

527.

- 1) Пусть скорость течения реки равна 4 (км/ч).

Тогда по условию задачи: $\frac{36}{u+15}(\text{ч}) + \frac{24}{15-u}(\text{ч}) = 4(\text{ч})$.

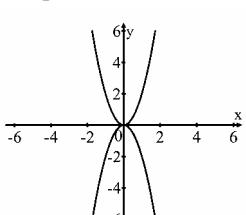
$$2) \frac{36}{u+15} + \frac{24}{15-u} = 4, \quad 540 - 36u + 360 + 24u = 900 - 4u^2,$$

$$4u^2 - 12u = 0, \quad 4u(u-3) = 0, \quad u = 0 \text{ или } u = 3;$$

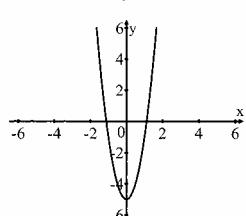
- 3) $u > 0$, поэтому скорость течения реки равна 3 (км/ч).

Ответ: 3 (км/ч).

§ 16. Домашняя контрольная работа

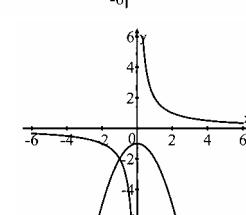
Вариант №1.


1. Графики функций симметричны относительно оси X.



2. Функция $y = -x^2$ ограничена сверху.

Функция $y = x^2$ ограничена снизу.



3. $y = \frac{2}{x+1}$ на $[-5;-2]$;

$$y_{\text{найб}} = -\frac{1}{2} \text{ при } x = -5; \quad y_{\text{найм}} = -2 \text{ при } x = -2.$$

- 4.

$$5. \frac{1}{x+2} - 3 = x - 1, \quad \frac{1}{x+2} = x + 2, \quad \frac{1 - (x+2)^2}{x+2} = 0,$$

$$\frac{(-x-1)(x+3)}{x+2} = 0, \quad x = -1 \text{ или } x = -3.$$

- 6.

Ответ: $(-1; -2)$.

- 7.

- a) $f(-3)$ не определено;

$$f(0) = 2;$$

$$f(5) = 6.$$

б)

в) 1. $D(y) = [-2; +\infty)$.

2. $y = 0$ при $x = -1$;

$y > 0$ при $x \in [-2; -1) \cup (-1; +\infty)$

3. Разрыв при $x = 0$.

4. Функция ограничена снизу и неограничена сверху.

5. $y_{\text{наиб}}$ не существует. $y_{\text{наим}} = 0$ при $x = -1$.

8. $y = x^2 + 6x + 2 = (x+3)^2 - 7$.

9.

1 способ.

$$x^2 - 2x - 8 = 0 ; (x-1)^2 = 9 ; x-1 = \pm 3 ;$$

$x = 4$ или $x = -2$.

2 способ.

$$x^2 - 2x - 8 = 0 ; (x^2 + 2x) - (4x + 8) = 0 ;$$

$$x(x+2) - 4(x+2) = 0 ; (x-4)(x+2) = 0$$

$x = 4$ или $x = -2$. Ответ: $-2; 4$.

10. $x^2 + 4x + 6 = p$. Определим значение функции $y = x^2 + 4x + 6$ в

$$\text{вершине этой параболы } x = -\frac{b}{2a} = -2 ; y(-2) = 2 .$$

Т.е. уравнение не имеет корней при $p < 2$; имеет один корень при $p = 2$; имеет два корня при $p > 2$.

Вариант №2.

1. Графики функций симметричны относительно оси Y .

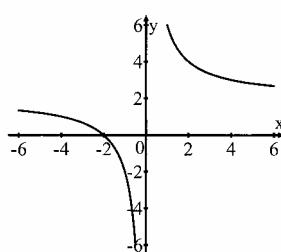
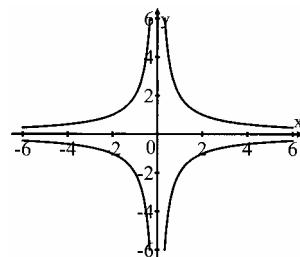
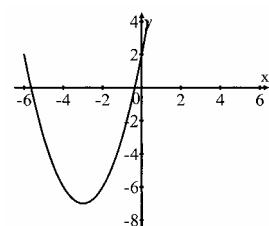
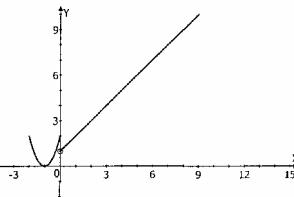
2. Функция $y = -x^2$ ограничена сверху.

Функция $y = x^2$ ограничена снизу.

3. $y = -3x^2$ на $[-1; 2]$; $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 0$;

$y_{\text{наим}} = -12$ при $x = 2$.

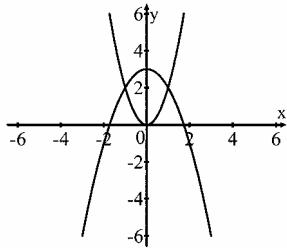
4.



5. $4x^2 - 2 = 3 - x^2 ; 5x^2 = 5 ; x^2 = 1 ; x = \pm 1$.

Ответ: $x = \pm 1$.

6.



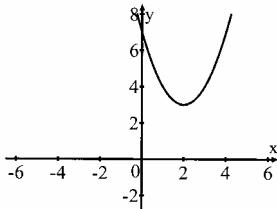
Ответ: $(\pm 1; 3)$.

7. $y_{\text{нам}}$ для функции $y = 4x^2 + 1$ на $[-1; 1]$ равно 1, т.е. $P = 1$.

$y_{\text{найб}}$ для функции $y = -2x^2 + 1$ на $[-2; 1]$ равно 1, т.е. $Q = 1$.

Т.к. $1 = 1$, то $P = Q$

8. $y = x^2 - 4x + 7 = (x - 2)^2 + 3$.



9.

1 способ.

$$x^2 - 6x + 5 = 0 ; x^2 - 6x + 9 = 4 ; (x - 3)^2 = 4 ; x - 3 = \pm 2 ; x = 1 \text{ или } x = 5 .$$

2 способ.

$$x^2 - 6x + 5 = 0 ; (x^2 - 5x) - (x - 5) = 0 ; x(x - 5) - (x - 5) = 0 ;$$

$$(x - 1)(x - 5) = 0 ; x = 1 \text{ или } x = 5 .$$

Ответ: 1; 5.

10. $x^2 + 6x + 9 = p$. Определим значение функции $y = x^2 + 6x + 9$ в

$$\text{вершине этой параболы: } x = -\frac{b}{2a} = -3 ; y(-3) = 9 - 18 + 9 = 0 .$$

Т.е. уравнение не имеет корней при $p < 0$; имеет один корень при $p = 0$; имеет два корня при $p > 0$.

Глава 3. Функция $y = \sqrt{x}$

§ 17. Понятие квадратного корня из неотрицательного числа

- 528.** а) $\sqrt{36} = 6$, т.к. $6 > 0$ и $6^2 = 36$; б) $\sqrt{121} = 11$, т.к. $11 > 0$ и $11^2 = 121$;
 в) $\sqrt{25} = 5$, т.к. $5 > 0$ и $5^2 = 25$; г) $\sqrt{196} = 14$, т.к. $14 > 0$ и $14^2 = 196$.

529. а) $\sqrt{49} = 7$, верно так как $7 > 0$ и $7^2 = 49$;

б) $\sqrt{\frac{9}{4}} = 1,5$, верно так как $1,5 > 0$ и $1,5^2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{4}$;

в) $\sqrt{100} = 10$, верно так как $10 > 0$ и $10^2 = 100$;

г) $\sqrt{1\frac{7}{9}} = \frac{4}{3}$, верно так как $\frac{4}{3} > 0$ и $\left(\frac{4}{3}\right)^2 = \frac{16}{9} = 1\frac{7}{9}$.

530.

- а) $\sqrt{25} = -5$, не верно, т.к. $-5 < 0$; б) $\sqrt{36} = 6,5$, не верно, $6,5^2 = 42,25 \neq 36$;
 в) $\sqrt{100} = 10,1$, не верно, т.к. $(10,1)^2 = 102,01 \neq 100$;
 г) $\sqrt{-81} = -9$, не верно, т.к. $-9 < 0$ и $-81 < 0$.

531. а) $\sqrt{4} = 2$, т.к. $2 > 0$ и $2^2 = 4$; б) $\sqrt{25} = 5$, т.к. $5 > 0$ и $5^2 = 25$;

в) $\sqrt{49} = 7$, т.к. $7 > 0$ и $7^2 = 49$; г) $\sqrt{1} = 1$, т.к. $1 > 0$ и $1^2 = 1$.

532.

- а) $\sqrt{144} = 12$, т.к. $12 > 0$ и $12^2 = 144$; б) $\sqrt{169} = 13$, т.к. $13 > 0$ и $13^2 = 169$;
 в) $\sqrt{225} = 15$, т.к. $15 > 0$ и $15^2 = 225$; г) $\sqrt{361} = 19$, т.к. $19 > 0$ и $19^2 = 361$.

533. а) $\sqrt{0,36} = \sqrt{(0,6)^2} = 0,6$; б) $\sqrt{0,04} = \sqrt{(0,2)^2} = 0,2$;

в) $\sqrt{0,64} = \sqrt{(0,8)^2} = 0,8$; г) $\sqrt{0,81} = \sqrt{(0,9)^2} = 0,9$.

534.

а) $\sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{9}} = \frac{2}{3}$; б) $\sqrt{\frac{1}{25}} = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{25}} = \frac{1}{5}$; в) $\sqrt{\frac{36}{49}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{49}} = \frac{6}{7}$; г) $\sqrt{\frac{16}{121}} = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{121}} = \frac{4}{11}$.

535.

а) $\sqrt{1\frac{7}{9}} = \sqrt{\frac{16}{9}} = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{9}} = \frac{4}{3}$; б) $\sqrt{6\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{25}{4}} = \frac{\sqrt{25}}{\sqrt{4}} = \frac{5}{2}$;

в) $\sqrt{2\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{9}{4}} = \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{4}} = \frac{3}{2}$; г) $\sqrt{1\frac{24}{25}} = \sqrt{\frac{49}{25}} = \frac{\sqrt{49}}{\sqrt{25}} = \frac{7}{5}$.

536.

- а) $\sqrt{1156} = 34$; б) $\sqrt{1521} = 39$; в) $\sqrt{1024} = 32$; г) $\sqrt{1849} = 43$.

537.

Так как квадратный корень из отрицательного числа не существует, то выражения а) и б) не имеют смысла.

538. а) $(\sqrt{5})^2 = \sqrt{25} = 5$; б) $\left(\sqrt{\frac{5}{7}}\right)^2 = \sqrt{\left(\frac{5}{7}\right)^2} = \frac{5}{7}$;

в) $(\sqrt{4,5})^2 = \sqrt{(4,5)^2} = 4,5$; г) $\left(\sqrt{\frac{1}{12}}\right)^2 = \sqrt{\left(\frac{1}{12}\right)^2} = \frac{1}{12}$.

539. а) $(-\sqrt{11})^2 = (\sqrt{11})^2 = 11$; б) $-(\sqrt{21})^2 = -\sqrt{21^2} = -21$;

в) $-(-\sqrt{2})^2 = -(\sqrt{2})^2 = -2$; г) $-\sqrt{(-3)^2} = -\sqrt{3^2} = -3$.

540.

а) $(2\sqrt{3})^2 = (\sqrt{2^2}\sqrt{3})^2 = (\sqrt{12})^2 = 12$; б) $(3\sqrt{7})^2 = (\sqrt{3^2}\sqrt{7})^2 = (\sqrt{63})^2 = 63$;

в) $(4\sqrt{11})^2 = (\sqrt{4^2}\sqrt{11})^2 = (\sqrt{176})^2 = 176$; г) $(6\sqrt{2})^2 = (\sqrt{6^2}\sqrt{2})^2 = (\sqrt{72})^2 = 72$.

541. а) $\left(-\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{9}}\right)^2 = \left(\sqrt{\frac{1}{3}}\right)^2 = \frac{1}{3}$; б) $\left(\frac{1}{\sqrt{7}}\right)^2 = \left(\sqrt{\frac{1}{7}}\right)^2 = \frac{1}{7}$;

в) $\left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{4}}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)^2 = \frac{5}{4}$; г) $\left(-\frac{4}{\sqrt{6}}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{16}}{\sqrt{6}}\right)^2 = \left(\sqrt{\frac{8}{3}}\right)^2 = \frac{8}{3}$.

542. а) $(\sqrt{3})^6 = (\sqrt{3})^2)^3 = 3^3 = 27$; б) $(3\sqrt{2})^4 = ((\sqrt{18})^2)^2 = 18^2 = 324$;

в) $(-\sqrt{11})^4 = ((\sqrt{11})^2)^2 = 11^2 = 121$; г) $(\sqrt{5})^6 = ((\sqrt{5})^2)^3 = 5^3 = 125$.

543. а) \sqrt{a} имеет смысл при $a \geq 0$; б) $\sqrt{a^2}$ имеет смысл при любом a ;

в) $-\sqrt{a}$ имеет смысл при $a \geq 0$; а) $\sqrt{\frac{1}{a}}$ имеет смысл при $a > 0$.

544. а) $\sqrt{3+\sqrt{36}} = \sqrt{3+6} = \sqrt{9} = 3$; б) $\sqrt{44+\sqrt{25}} = \sqrt{44+5} = \sqrt{49} = 7$;

в) $\sqrt{7+\sqrt{81}} = \sqrt{7+9} = \sqrt{16} = 4$; г) $\sqrt{7-\sqrt{9}} = \sqrt{7-3} = \sqrt{4} = 2$.

545. а) $\sqrt{16} + \sqrt{100} = 4 + 10 = 14$; б) $\sqrt{49} + \sqrt{0} = 7 + 0 = 7$;

в) $\sqrt{121} - \sqrt{64} = 11 - 8 = 3$; г) $\sqrt{81} + \sqrt{1} = 9 + 1 = 10$.

546. а) $\sqrt{64} \cdot \sqrt{4} = 8 \cdot 2 = 16$; б) $\sqrt{121} \cdot \sqrt{9} = 11 \cdot 3 = 33$;

в) $\sqrt{49} \cdot \sqrt{100} = 7 \cdot 10 = 70$; г) $\sqrt{25} \cdot \sqrt{225} = 5 \cdot 15 = 75$.

547. а) $\frac{1}{3} \cdot \sqrt{0,36} = \frac{1}{3} \cdot 0,6 = 0,2$; б) $-7 \cdot \sqrt{4} = -7 \cdot 2 = -14$;

в) $0,2 \cdot \sqrt{1600} = 0,2 \cdot 40 = 8$; г) $\frac{1}{5} \cdot \sqrt{900} = \frac{1}{5} \cdot 30 = 6$.

548. а) $x^2 = 4$; $x = \pm\sqrt{4} = \pm 2$; б) $x^2 = 16$; $x = \pm\sqrt{16} = \pm 4$;

в) $x^2 = 9$; $x = \pm\sqrt{9} = \pm 3$; г) $x^2 = 25$; $x = \pm\sqrt{25} = \pm 5$.

549. а) $x^2 = 5$; $x = \pm\sqrt{5}$; б) $x^2 = 11$; $x = \pm\sqrt{11}$;

в) $x^2 = 13$; $x = \pm\sqrt{13}$; г) $x^2 = 17$; $x = \pm\sqrt{17}$.

550. а) $\frac{1}{3}x^2 = 4$; $x^2 = 4 \cdot 3$; $x = \pm\sqrt{4 \cdot 3} = \pm 2\sqrt{3}$;

б) $\frac{1}{6}x^2 = 24$; $x^2 = 6 \cdot 4 \cdot 6$; $x = \pm\sqrt{4 \cdot 36} = \pm 2 \cdot 6 = \pm 12$;

в) $4x^2 - 28 = 0$; $4x^2 = 28$; $x^2 = 7$; $x = \pm\sqrt{7}$;

г) $3x^2 - 72 = 0$; $3x^2 = 72$; $x^2 = 24 = 6 \cdot 4$; $x = \pm 2\sqrt{6}$.

551. а) $x > \sqrt{2}$; $x^2 > 2$; $4 > 2$, то искомое число равно $\sqrt{4} = 2$;

б) $2x < \sqrt{3}$; $4x^2 < 3$; $x^2 < \frac{3}{4}$; $0 < \frac{3}{4}$, то искомое число равно $\sqrt{0} = 0$;

в) $x > \sqrt{5}$; $x^2 > 5$; $9 > 5$, то искомое число равно $\sqrt{9} = 3$;

г) $3x < \sqrt{11}$; $9x^2 < 11$; $x^2 < \frac{11}{9}$; $1 < \frac{11}{9}$, то искомое число равно $\sqrt{1} = 1$.

552. а) $2x > \sqrt{5}$; $x > \frac{\sqrt{5}}{2}$; $x^2 > \frac{5}{4}$; $x_1^2 = 4, x_2^2 = 9, x_3^2 = 16$; $x_1, x_2, x_3 > 0$;

$x_1 = 2, x_2 = 3, x_3 = 4$;

б) $2x < \sqrt{7}$; $x_1 = -3, x_2 = -2, x_3 = -1$; в) $3x < \sqrt{2}$; $x_1 = -3, x_2 = -2, x_3 = -1$;

г) $5x > \sqrt{10}$; $x > \frac{\sqrt{10}}{5}$; $x^2 > \frac{2}{5}$; $x_1 = 1, x_2 = 2, x_3 = 3$.

553. Пусть сторона квадрата равна a (см, м), то

а) $a^2 = 64$, $a = \pm 8$. Т.к. $a > 0$, то $a = 8$ (см);

б) $a^2 = 100$, $a = \pm 10$. Т.к. $a > 0$, то $a = 10$ (см);

в) $a^2 = 2,25$, $a = \pm 1,5$. Т.к. $a > 0$, то $a = 1,5$ (см);

г) $a^2 = 17$, $a = \pm\sqrt{17}$. Т.к. $a > 0$, то $a = \sqrt{17}$ (м).

554. Пусть гипотенуза равна C , то

а) $C = \sqrt{8^2 + 15^2} = 17$ (см); б) $C = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10$ (дм);

в) $C = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13$ (см); г) $C = \sqrt{7^2 + 24^2} = 25$ (см).

555. а) $\sqrt{x} = 11$, $x = 11^2 = 121$; б) $\sqrt{x} = \frac{2}{3}$, $x = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$;

в) $\sqrt{x} = 1,1$, $x = 1,1^2 = 1,21$; г) $\sqrt{x} = \frac{7}{8}$, $x = \left(\frac{7}{8}\right)^2 = \frac{49}{64}$.

556.

а) $\sqrt{225} + 3\sqrt{121} = 15 + 3 \cdot 11 = 48$; б) $\frac{9,5}{\sqrt{361}} + \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{9,5}{19} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$;

в) $-0,03 \cdot \sqrt{10000} + \sqrt{16} = -0,03 \cdot 100 + 4 = 1$; г) $\frac{4}{\sqrt{256}} - \frac{1}{\sqrt{64}} = \frac{4}{16} - \frac{1}{8} = \frac{1}{8}$.

557. а) $5 - \frac{1}{7}\sqrt{1\frac{27}{169}} = 5 - \frac{1}{7}\sqrt{\frac{196}{169}} = 5 - \frac{2}{13} = 4\frac{11}{13}$;

б) $8 \cdot \sqrt{5\frac{1}{16}} + 3 = 8 \cdot \sqrt{\frac{81}{16}} + 3 = 8 \cdot \frac{9}{4} = 18 + 3 = 21$; в) $2 \cdot \sqrt{1\frac{9}{16}} - 1 = 2 \cdot \sqrt{\frac{25}{16}} - 1 = 2 \cdot \frac{5}{4} - 1 = \frac{3}{2}$;

г) $4 - \frac{1}{4}\sqrt{5\frac{11}{49}} = 4 - \frac{1}{4}\sqrt{\frac{16^2}{49}} = 4 - \frac{1}{4} \cdot \frac{16}{7} = 3\frac{3}{7}$.

558. а) $\frac{1}{2} \cdot \sqrt{196} + 1,5 \cdot \sqrt{0,36} = \frac{14}{2} + \frac{3}{2} \cdot 0,6 = 7,9$;

б) $0,5 \cdot \sqrt{0,04} + \frac{1}{6} \cdot \sqrt{144} = 0,5 \cdot 0,2 + 2 = 2,1$;

в) $3,6 \cdot \sqrt{0,25} + \frac{1}{32} \cdot \sqrt{256} = 3,6 \cdot 0,5 + \frac{16}{32} = 2,3$;

г) $2,5 \cdot \sqrt{3,24} - \frac{1}{2} \cdot \sqrt{225} = 2,5 \cdot 1,8 - \frac{15}{2} = -3$.

559. а) если $a = 1$, то $\sqrt{6-2a} = \sqrt{6-2} = \sqrt{4} = 2$;

б) если $b = 2$, то $\sqrt{5b^2+10b+9} = \sqrt{20+20+9} = \sqrt{49} = 7$;

в) если $c = 1,5$, то $\sqrt{4-2c} = \sqrt{4-3} = \sqrt{1} = 1$;

г) если $d = 5$, то $\sqrt{d^3-d^2} = \sqrt{125-25} = \sqrt{100} = 10$.

560. а) если $a = 4$ и $b = 7$, то $\sqrt{2a-b} = \sqrt{8-7} = \sqrt{1} = 1$;

б) если $p = 25$ и $q = 16$, то $\sqrt{p+11} - \sqrt{\left(\frac{q}{2}\right)^2} = \sqrt{36} - \sqrt{8^2} = 6 - 8 = -2$;

в) если $m = 33$ и $n = 2$, то $\sqrt{m-4n} = \sqrt{33-8} = \sqrt{25} = 5$;

г) если $s = 25$ и $t = 16$, то $\sqrt{\frac{s}{t}} + \sqrt{\frac{t}{s}} = \sqrt{9} + \sqrt{\frac{1}{9}} = 3\frac{1}{3}$.

561. а) $9 < 14 < 16$, поэтому $3 < \sqrt{14} < 4$;

б) $36 < 48 < 49$, поэтому $6 < \sqrt{48} < 7$; в) $0 < 0,8 < 1$, поэтому $0 < \sqrt{0,8} < 1$;

г) $25 < 28 < 36$, поэтому $-6 < -\sqrt{28} < -5$.

Ответ: а) 3,4 б) 6, 7 в) 0, 1 г) -6, -5.

562. а) $0 < 0,3 < 1$, поэтому $-1 < -\sqrt{0,3} < 0$;

б) $324 < 325 < 361$, поэтому $18 < \sqrt{325} < 19$;

в) $100 < 105 < 121$, поэтому $10 < \sqrt{105} < 11$;

г) $225 < 238 < 256$, поэтому $-16 < -\sqrt{238} < -15$.

Ответ: а) -1, 0 б) 18, 19 в) 10, 11 г) -16, -15.

563.

а) $x \leq 5$; $x^2 \leq 25$, следовательно, $x^2 = 4$; $x > 0$ и $x = 2$;

б) $2x \leq \sqrt{7}$; $x^2 \leq \frac{7}{4}$, следовательно, $x^2 = 1$; $x > 0$ и $x = 1$;

в) $3x \leq \sqrt{2}$; $x^2 \leq \frac{2}{9}$, следовательно, $x^2 = 0$; $x = 0$;

г) $x \leq \sqrt{3}$; $x^2 \leq 3$, следовательно, $x^2 = 1$; $x > 0$ и $x = 1$.

564. а) $x > \sqrt{7}$; $x^2 > 7$, следовательно, $x^2 = 9$; $x > 0$ и $x = 3$;

б) $x > \sqrt{10}$; $x^2 > 10$, следовательно, $x^2 = 16$; $x > 0$ и $x = 4$;

в) $x > \sqrt{62}$; $x^2 > 62$, следовательно, $x^2 = 64$; $x > 0$ и $x = 8$;

г) $x > \sqrt{103}$; $x^2 > 103$, следовательно, $x^2 = 121$; $x > 0$ и $x = 11$.

565. а) $\sqrt{5} < \sqrt{9} = 3$, следовательно, $\lceil 1; \sqrt{5} \rceil$ содержит два целых числа;

б) $-\sqrt{2} > -\sqrt{4} = -2$, $\sqrt{3} < \sqrt{4} = 2$, следовательно,

$(-\sqrt{2}; \sqrt{3})$ содержит три целых числа;

в) $-\sqrt{3} > -\sqrt{4} = -2$, $\sqrt{6} < \sqrt{9} = 3$, следовательно,

$(-\sqrt{3}; \sqrt{6})$ содержит четыре целых числа;

г) $\sqrt{7} > \sqrt{4} = 2$, следовательно, $(\sqrt{7}; 7)$ содержит четыре целых числа.

566.

а) $\sqrt{x-1} = 3$; $x-1 = 3^2 = 9$; $x = 10$; б) $\sqrt{4x+1} = 7$; $x+1 = 49$; $4x = 48$; $x = 12$;

в) $\sqrt{x+2} = 5$; $x+2 = 25$; $x = 23$; г) $\sqrt{7x-1} = 1$; $7x-1 = 1$; $7x = 2$; $x = \frac{2}{7}$.

567. а) $\sqrt{289-x^2} = 8$; $289-x^2 = 64$; $x^2 = 225$; $x = \pm 15$;

б) $\sqrt{x^2+144} = 13$; $x^2+144 = 169$; $x^2 = 25$; $x = \pm 5$;

в) $\sqrt{25-x^2} = 0$; $25-x^2 = 0$; $x^2 = 25$; $x = \pm 5$;

г) $\sqrt{x^2-144} = 5$; $x^2-144 = 25$; $x^2 = 169$; $x = \pm 13$.

568. а) $\sqrt{2116} = \sqrt{529 \cdot 4} = \sqrt{23^2 \cdot 2^2} = 46$; б) $\sqrt{4225} = \sqrt{169 \cdot 25} = 13 \cdot 5 = 65$;

в) $\sqrt{9801} = \sqrt{121 \cdot 81} = 11 \cdot 9 = 99$; г) $70 < \sqrt{5329} < 80$.

Последняя цифра данного числа равна 9. Поэтому, следует искать число, квадрат последней цифры которого оканчивается на 9. Это число равно 73.

569.

а) $8464 < 8467 < 8649$; $92 < \sqrt{8467} < 93$, т.е. $\sqrt{8467} \notin Z$;

б) $2209 < 2215 < 2304$; $47 < \sqrt{2215} < 48$, т.е. $\sqrt{2215} \notin Z$;

в) $2025 < 2113 < 2116$; $45 < \sqrt{2113} < 46$, т.е. $\sqrt{2113} \notin Z$;

г) $1225 < 1228 < 1296$; $35 < \sqrt{1228} < 36$, т.е. $\sqrt{1228} \notin Z$.

570.

а) $\sqrt[3]{27} = \sqrt[3]{3^3} = 3$; б) $\sqrt[3]{64} = \sqrt[3]{4^3} = 4$; в) $\sqrt[3]{216} = \sqrt[3]{6^3} = 6$; г) $\sqrt[3]{125} = \sqrt[3]{5^3} = 5$.

571.

а) $\sqrt[3]{1000} = 10$, т.к. $10^3 = 1000$; б) $\sqrt[3]{3,375} = 1,5$, т.к. $1,5^3 = 3,375$;

в) $\sqrt[3]{0,001} = 0,1$, т.к. $0,1^3 = 0,001$; г) $\sqrt[3]{7^{12}} = 7^4$, т.к. $(7^4)^3 = 7^{4 \cdot 3} = 7^{12}$.

§ 18. Функция $y = \sqrt{x}$, ее свойства и график.

572. а) $A(2; \sqrt{2}) \in \Gamma(y)$, т.к. $y(2) = \sqrt{2} = \sqrt{2}$;
 б) $B(1; 0) \notin \Gamma(y)$, т.к. $y(1) = \sqrt{1} = 1 \neq 0$;
 в) $C(6,25; 2,5) \in \Gamma(y)$, т.к. $y(6,25) = \sqrt{6,25} = 2,5 = 2,5$;

г) $D(-9; 3) \notin \Gamma(y)$, т.к. $y(-9) = \sqrt{-9}$ не имеет смысла.

573. а) $y_{\text{нам}} = 0$ при $x = 0$; $y_{\text{наиб}} = 1$ при $x = 1$;

б) $y_{\text{нам}}$ не существует; $y_{\text{наиб}} = 3$ при $x = 9$;

в) $y_{\text{нам}} = 1$ при $x = 1$; $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = 4$;

г) $y_{\text{нам}} = 2$ при $x = 4$; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

574. а) $y_{\text{нам}} = 0$ при $x = 0$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

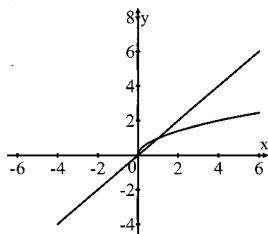
б) $y_{\text{нам}} = \sqrt{2}$ при $x = 2$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}} = 3$ при $x = 9$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

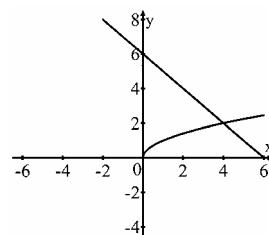
г) $y_{\text{нам}} = \sqrt{5}$ при $x = 5$; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

575.

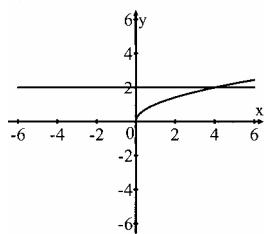
а) 0, 1;



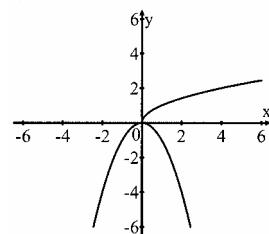
б) 4;



в) 4;

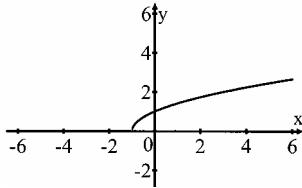


г) 0.

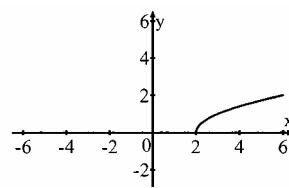


576.

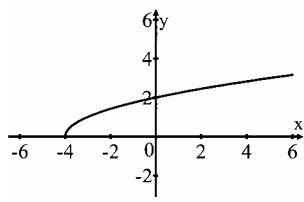
а)



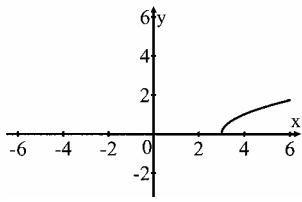
б)



b)

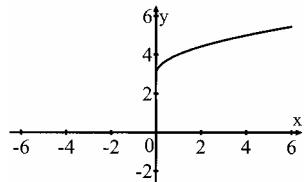


r)

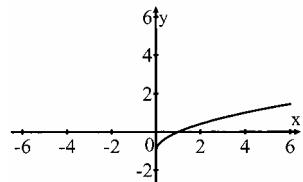


577.

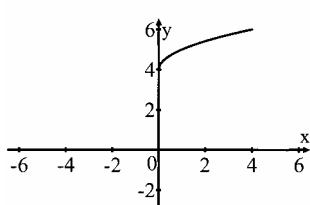
a)



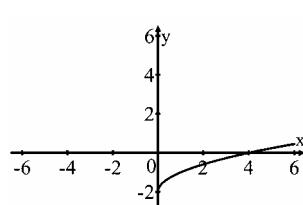
б)



b)

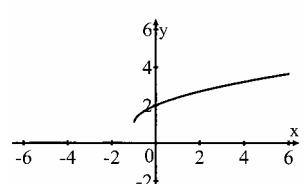


г)

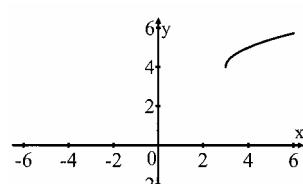


578.

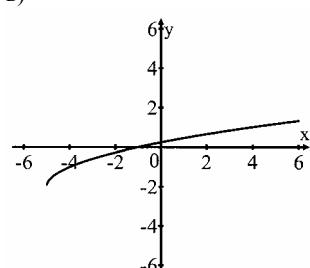
a)



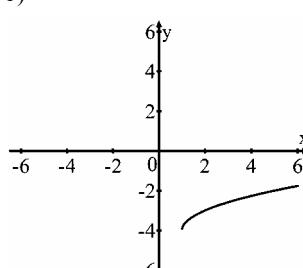
б)



б)

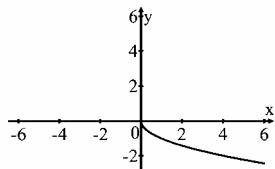


г)

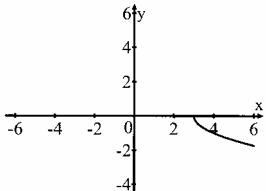


579.

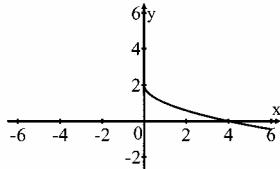
a)



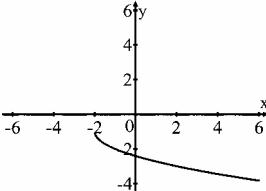
b)



б)



г)



580. а) $y_{\text{нам}} = 0$ при $x = -5$; $y_{\text{наиб}} = \sqrt{6}$ при $x = 1$;

б) $y_{\text{нам}} = 1$ при $x = -4$; $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = -1$;

в) $y_{\text{нам}} = 2$ при $x = -1$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

г) $y_{\text{нам}} = 0$ при $x = 0$; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

581. а) $y_{\text{нам}} = 1$ при $x = -4$; $y_{\text{наиб}} = \sqrt{7}$ при $x = 2$;

б) $y_{\text{нам}} = \sqrt{5}$ при $x = 0$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}} = 2$ при $x = -1$; $y_{\text{наиб}} = 3$ при $x = 4$;

г) $y_{\text{нам}} = \sqrt{2}$ при $x = -3$; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

582. а) $y_{\text{нам}} = 1$ при $x = 0$; $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = 1$;

б) $y_{\text{нам}} = 3$ при $x = 4$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}} = 2$ при $x = 1$; $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 9$;

г) $y_{\text{нам}} = 1$ при $x = 0$; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

583. а) $y_{\text{нам}} = \sqrt{2} + 1$ при $x = 2$; $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 9$;

б) $y_{\text{нам}} = \sqrt{5} + 1$ при $x = 5$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}}$ не существует; $y_{\text{наиб}} = 4$ при $x = 9$;

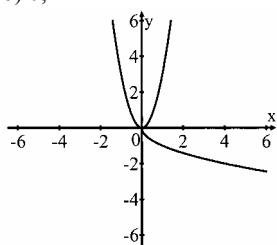
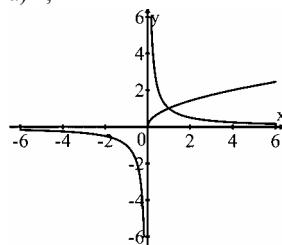
г) $y_{\text{нам}} = 2$ при $x = 1$; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

В ответе к задаче в пункте в) ошибка.

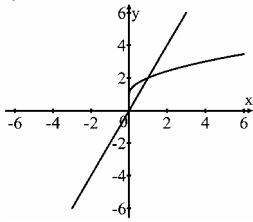
584.

а) 1;

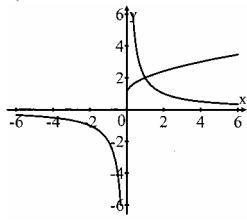
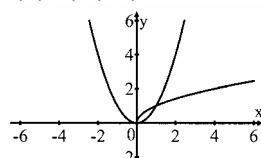
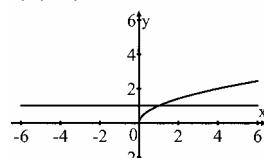
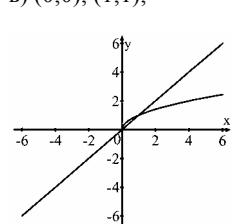
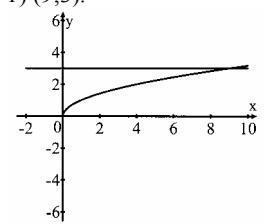
б) 0;



в) 1;



г) 1.

**585.**а) $(0;0); (1;1)$;б) $(1;1)$;в) $(0;0); (1;1)$;г) $(9;3)$.

586. Функции, графики которых изображены на рис. 41-44 выпуклы вверх, т.к. соединив любые их две точки отрезком прямой, обнаруживаем, что соответствующая часть графика лежит выше проведенного отрезка.

587. Функции, графики которых изображены на рис. 45-48 выпуклы вниз, т.к. соединив любые их две точки отрезком прямой, обнаруживаем, что соответствующая часть графика лежит ниже проведенного отрезка.

588. а) выпукла вверх на $[-1; 1]$; выпукла вниз на $[1; 4]$;

б) выпукла вверх на $[0; 4]$; выпукла вниз на $(-\infty; 0)$;

в) выпукла вверх на $[-3; -2] \cup [-1; 1]$; выпукла вниз на $[-2; -1]$;

г) выпукла вниз на $[-3; +\infty)$.

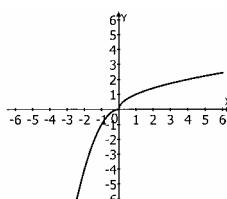
589.а) $f(-2) = -4$; $f(0) = 0$; $f(1) = 1$;

б)

в)

1. $D(y) = R$.2. $y = 0$ при $x = 0$; $y < 0$ при $x \in (-\infty; 0)$; $y > 0$ при $x \in (0; +\infty)$.

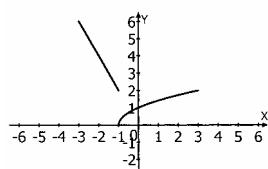
3. Функция непрерывна. 4. Функция неограничена.

5. $y_{\text{нам}}$, $y_{\text{наиб}}$ не существуют.

590.

a) $f(-2,5) = 5$; $f(-1) = 2$; $f(2) = \sqrt{3}$;

б)



в) 1. $D(y) = [-3; 3]$. 2. $y \neq 0$; $y > 0$ при $x \in [-3; 3]$.

3. Разрыв при $x = -1$. 4. Функция ограничена и сверху и снизу.

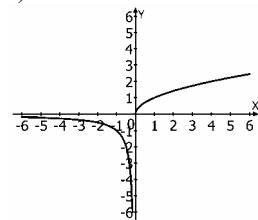
5. $y_{\text{нам}}$ не существует; $y_{\text{наиб}} = 6$ при $x = -3$.

В ответе в пункте а) ошибка.

591.

a) $f(-3) = -\frac{1}{3}$; $f(0) = 0$; $f(5) = \sqrt{5}$;

б)



в) 1. $D(y) = R$. 2. $y = 0$ при $x = 0$; $y < 0$ при $x < 0$; $y > 0$ при $x > 0$.

3. Разрыв при $x = 0$. 4. Функция неограничена.

5. $y_{\text{нам}}$ не существует; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

592. а) $y_{\text{нам}} = -3$ при $x = -2$; $y_{\text{наиб}} = -1$ при $x = 2$;

б) $y_{\text{нам}} = -2$ при $x = -1$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{нам}} = -1$ при $x = 2$; $y_{\text{наиб}} = 0$ при $x = 7$;

г) $y_{\text{нам}} = 0$ при $x = 7$; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

593. а) $y_{\text{нам}}$ не существует; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

б) $y_{\text{нам}}$ не существует; $y_{\text{наиб}} = 2$ при $x = 23$;

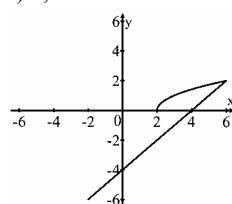
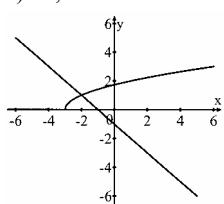
в) $y_{\text{нам}} = 2$ при $x = 23$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;

г) $y_{\text{нам}} = \sqrt{5} - 3$ при $x = 3$; $y_{\text{наиб}}$ не существует.

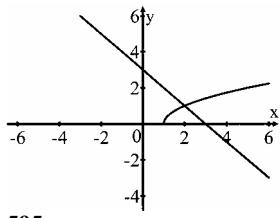
594.

а) -2;

б) 6;

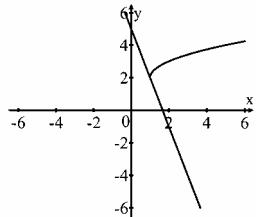


б) 2;

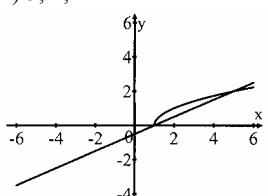


595.

а) 1;

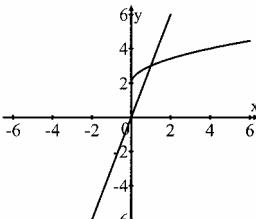


б) 5; 1;

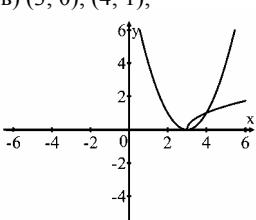


596.

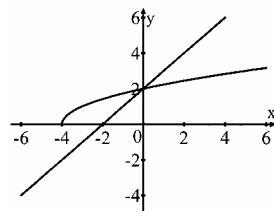
а) (1; 3);



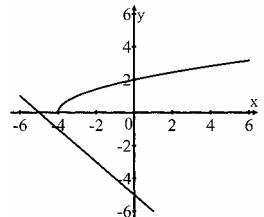
б) (3; 0); (4; 1);



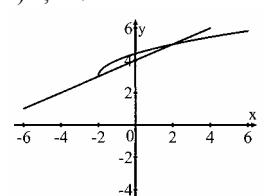
г) 0.



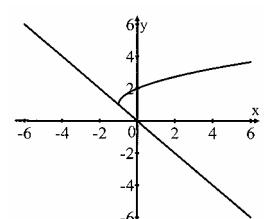
б) нет корней;



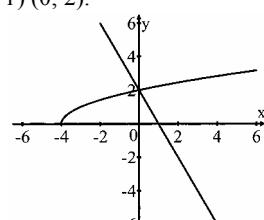
г) 2; -2.



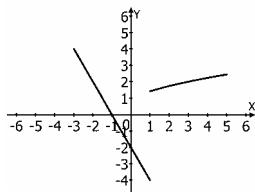
б) (-1; 1);



г) (0; 2).



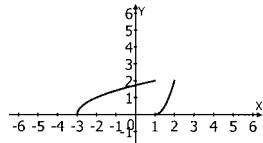
- 597.** а) $f(-2,8) = 3,6$; $f(3,84) = 2,2$; $f(10)$ не определено;
б)



- в) 1. $D(y) = [-3; 5]$. 2. $y = 0$ при $x = -1$;
 $y < 0$ при $x \in (-1; 1]$; $y > 0$ при $x \in [-3; -1) \cup (1; 5]$.
3. Разрыв при $x = 1$. 4. Функция ограничена сверху и снизу.
5. $y_{\text{нам}} = -4$ при $x = 1$; $y_{\text{найб}} = 4$ при $x = -3$.

- 598.** а) $f(-3) = 0$; $f(1) = 2$; $f(1,5) = \frac{1}{2}$;

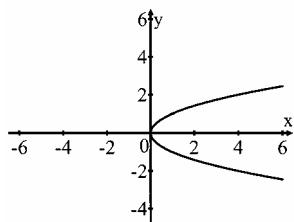
б)



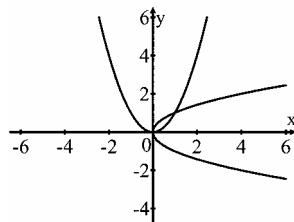
- в) 1. $D(y) = [-3; 2]$.
2. $y = 0$ при $x = -3$; $y > 0$ при $x \in (-3; 2]$.
3. Разрыв при $x = 1$.
4. Функция ограничена сверху, и снизу.
5. $y_{\text{нам}} = 0$ при $x = -3$; $y_{\text{найб}} = 2$ при $x = 1$ или $x = 2$.

599.

а)



б)



§ 19. Свойства квадратных корней.

600. а) $\sqrt{4 \cdot 9} = \sqrt{4} \cdot \sqrt{9} = 2 \cdot 3 = 6$; б) $\sqrt{16 \cdot 25} = \sqrt{16} \cdot \sqrt{25} = 4 \cdot 5 = 20$;

в) $\sqrt{49 \cdot 82} = \sqrt{49} \cdot \sqrt{81} = 7 \cdot 9 = 63$; г) $\sqrt{64 \cdot 36} = \sqrt{64} \cdot \sqrt{36} = 8 \cdot 6 = 48$.

601.

а) $\sqrt{0,01 \cdot 0,09} = \sqrt{0,01} \cdot \sqrt{0,09} = 0,1 \cdot 0,3 = 0,03$;

б) $\sqrt{0,36 \cdot 0,49} = \sqrt{0,36} \cdot \sqrt{0,49} = 0,6 \cdot 0,7 = 0,42$;

b) $\sqrt{0,04 \cdot 1,21} = \sqrt{0,04} \cdot \sqrt{1,21} = 0,2 \cdot 1,1 = 0,22;$

r) $\sqrt{0,81 \cdot 0,81} = \sqrt{0,81} \cdot \sqrt{0,81} = 0,9 \cdot 0,9 = 0,81.$

602 a) $\sqrt{25 \cdot 16 \cdot 9} = 5 \cdot 4 \cdot 3 = 60$; б) $\sqrt{0,64 \cdot 0,36 \cdot 9} = 0,8 \cdot 0,6 \cdot 3 = 1,44$;

в) $\sqrt{81 \cdot 100 \cdot 4} = 9 \cdot 10 \cdot 2 = 180$; г) $\sqrt{0,01 \cdot 81 \cdot 0,25} = 0,1 \cdot 9 \cdot 0,5 = 0,45$.

603. а) $\sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{25}} = \frac{3}{5}$; б) $\sqrt{\frac{36}{121}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{121}} = \frac{6}{11}$;

в) $\sqrt{\frac{144}{196}} = \frac{\sqrt{144}}{\sqrt{196}} = \frac{12}{14} = \frac{6}{7}$; г) $\sqrt{\frac{1}{64}} = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{64}} = \frac{1}{8}$.

604. а) $\sqrt{\frac{25}{81} \cdot \frac{16}{49}} = \sqrt{\frac{25}{81}} \cdot \sqrt{\frac{16}{49}} = \frac{5}{9} \cdot \frac{4}{7} = \frac{20}{63}$; б) $\sqrt{\frac{1}{4} \cdot \frac{25}{9}} = \sqrt{\frac{1}{4}} \cdot \sqrt{\frac{25}{9}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{3} = \frac{5}{6}$;

в) $\sqrt{\frac{9}{49} \cdot \frac{1}{16}} = \sqrt{\frac{9}{49}} \cdot \sqrt{\frac{1}{16}} = \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{4} = \frac{3}{28}$; г) $\sqrt{\frac{100}{121} \cdot \frac{4}{81}} = \sqrt{\frac{100}{121}} \cdot \sqrt{\frac{4}{81}} = \frac{10}{11} \cdot \frac{2}{9} = \frac{20}{99}$.

605.

а) $\sqrt{1 \frac{9}{16}} = \sqrt{\frac{25}{16}} = \frac{5}{4}$; б) $\sqrt{5 \frac{4}{9}} = \sqrt{\frac{49}{9}} = \frac{7}{3}$; в) $\sqrt{1 \frac{13}{36}} = \sqrt{\frac{49}{36}} = \frac{7}{6}$; г) $\sqrt{3 \frac{1}{16}} = \sqrt{\frac{49}{16}} = \frac{7}{4}$.

606.

а) $\sqrt{1 \frac{7}{9} \cdot \frac{4}{25}} = \sqrt{\frac{16}{9}} \cdot \sqrt{\frac{4}{25}} = \frac{4}{3} \cdot \frac{2}{5} = \frac{8}{15}$; б) $\sqrt{3 \frac{1}{16} \cdot 2 \frac{14}{25}} = \sqrt{\frac{49}{16}} \cdot \sqrt{\frac{64}{25}} = \frac{7}{4} \cdot \frac{8}{5} = 2,8$;

в) $\sqrt{1 \frac{9}{16} \cdot \frac{64}{100}} = \sqrt{\frac{25}{16}} \cdot \sqrt{\frac{64}{100}} = \frac{5}{4} \cdot \frac{8}{10} = 1$; г) $\sqrt{5 \frac{1}{16} \cdot 2 \frac{34}{81}} = \sqrt{\frac{81}{16}} \cdot \sqrt{\frac{196}{81}} = \frac{9}{4} \cdot \frac{14}{9} = 7 \cdot \frac{1}{2} = 3,5$.

607. а) $\sqrt{4^4} = 4^2 = 16$; б) $\sqrt{5^8} = 5^4 = 625$; в) $\sqrt{9^6} = 9^3 = 729$; г) $\sqrt{6^4} = 6^2 = 36$.

608. а) $\sqrt{\frac{81 \cdot 25}{16}} = \frac{9 \cdot 5}{4} = \frac{45}{4}$; б) $\sqrt{\frac{36}{49 \cdot 121}} = \frac{6}{7 \cdot 11} = \frac{6}{77}$;

в) $\sqrt{\frac{9 \cdot 16}{25 \cdot 49}} = \frac{3 \cdot 4}{5 \cdot 7} = \frac{12}{35}$; г) $\sqrt{\frac{121 \cdot 256}{25 \cdot 100}} = \frac{11 \cdot 16}{5 \cdot 10} = 3,52$.

609. а) $\sqrt{115600} = \sqrt{1156 \cdot 10} = 340$; б) $\sqrt{577600} = \sqrt{5776 \cdot 10} = 760$;

в) $\sqrt{608400} = \sqrt{6084 \cdot 10} = 780$; г) $\sqrt{902500} = \sqrt{9025 \cdot 10} = 950$.

610. а) $\sqrt{20,25} = \sqrt{2025} \cdot \frac{1}{10} = 4,5$; б) $\sqrt{43,56} = \sqrt{4356} \cdot \frac{1}{10} = 6,6$;

в) $\sqrt{96,04} = \sqrt{9604} \cdot \frac{1}{10} = 9,8$; г) $\sqrt{37,21} = \sqrt{3721} \cdot \frac{1}{10} = 6,1$.

611. а) $\sqrt{18} = \sqrt{9} \cdot \sqrt{2} = 3\sqrt{2}$; б) $\sqrt{21} = \sqrt{7} \cdot \sqrt{3}$;

в) $\sqrt{45} = \sqrt{9} \cdot \sqrt{5} = 3\sqrt{5}$; г) $\sqrt{82} = \sqrt{2} \cdot \sqrt{41}$.

612.

а) $\sqrt{5a} = \sqrt{5} \cdot \sqrt{a}$; б) $\sqrt{12b} = \sqrt{3} \cdot \sqrt{4} \cdot \sqrt{b} = 2\sqrt{3} \cdot \sqrt{b}$;

в) $\sqrt{21c} = \sqrt{7} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{c}$; г) $\sqrt{48d} = \sqrt{16} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{d} = 4\sqrt{3} \cdot \sqrt{d}$.

613. a) $\sqrt{\frac{15}{17}} = \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{17}}$; б) $\sqrt{\frac{23}{25}} = \frac{\sqrt{23}}{5}$; в) $\sqrt{\frac{z}{5}} = \frac{\sqrt{z}}{\sqrt{5}}$; г) $\sqrt{\frac{49}{t}} = \frac{7}{\sqrt{t}}$.

614. а) $\sqrt{32} \cdot \sqrt{2} = \sqrt{64} = 8$; б) $\sqrt{45} \cdot \sqrt{5} = \sqrt{9} \cdot \sqrt{25} = 15$;

в) $\sqrt{63} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{9} \cdot \sqrt{49} = 21$; г) $\sqrt{10} \cdot \sqrt{90} = \sqrt{100} \cdot \sqrt{9} = 30$.

615. а) $\sqrt{1,3} \cdot \sqrt{5,2} = \sqrt{6,76} = 2,6$; б) $\sqrt{2,8} \cdot \sqrt{0,7} = \sqrt{1,96} = 1,4$;

в) $\sqrt{0,1} \cdot \sqrt{10} = \sqrt{1} = 1$; г) $\sqrt{4,5} \cdot \sqrt{50} = \sqrt{225} = 15$.

616. а) $\sqrt{0,05} \cdot \sqrt{45} = \sqrt{2,25} = 1,5$; б) $\sqrt{1,92} \cdot \sqrt{3} = \sqrt{5,76} = 2,4$;

в) $\sqrt{2,7} \cdot \sqrt{1,2} = \sqrt{3,24} = 1,8$; г) $\sqrt{1,69} \cdot \sqrt{0,4} = \sqrt{6,76} = 2,6$.

617. а) $\frac{\sqrt{1000}}{\sqrt{160}} = \frac{\sqrt{100}}{\sqrt{16}} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$; б) $\frac{\sqrt{108}}{\sqrt{12}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{4}} = \frac{6}{2} = 3$;

в) $\frac{\sqrt{117}}{\sqrt{52}} = \sqrt{2,25} = 1,5$; г) $\frac{\sqrt{999}}{\sqrt{111}} = \sqrt{9} = 3$.

618. а) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{50}} = \sqrt{\frac{1}{25}} = \frac{1}{5}$; б) $\frac{\sqrt{75}}{\sqrt{192}} = \frac{\sqrt{25}}{\sqrt{64}} = \frac{5}{8}$;

в) $\frac{\sqrt{72}}{\sqrt{242}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{121}} = \frac{6}{11}$; г) $\frac{\sqrt{147}}{\sqrt{27}} = \frac{\sqrt{49}}{\sqrt{9}} = \frac{7}{3}$.

619. а) $\sqrt{13^2 - 12^2} = \sqrt{169 - 144} = \sqrt{25} = 5$;

б) $\sqrt{25^2 - 24^2} = \sqrt{625 - 576} = \sqrt{49} = 7$; в) $\sqrt{41^2 - 40^2} = \sqrt{(41-40)(41+40)} = 9$;

г) $\sqrt{85^2 - 84^2} = \sqrt{(85-84)(85+84)} = 13$.

620. а) $20 \sqrt{\frac{a}{400}} = 20 \frac{\sqrt{a}}{20} = \sqrt{a}$; б) $\frac{1}{13} \cdot \sqrt{169b} = \frac{1}{13} \cdot 13\sqrt{b} = \sqrt{b}$;

в) $\frac{1}{15} \cdot \sqrt{225c} = \frac{1}{15} \cdot 15\sqrt{c} = \sqrt{c}$; г) $12 \cdot \sqrt{\frac{d}{144}} = 12 \cdot \frac{\sqrt{d}}{12} = \sqrt{d}$.

621. а) $\sqrt{8^2 + 15^2} = \sqrt{64 + 225} = 17$; б) $\sqrt{145^2 - 144^2} = \sqrt{145 - 144} = 17$;

в) $\sqrt{5^2 + 12^2} = \sqrt{25 + 144} = 13$; г) $\sqrt{313^2 - 312^2} = \sqrt{313 + 312} = 25$.

622. а) $\sqrt{72,5^2 - 71,5^2} = \sqrt{72,5 + 71,5} = 12$; б) $\sqrt{6,8^2 - 3,2^2} = \sqrt{10} \cdot \sqrt{3,6} = 6$;

в) $\sqrt{98,5^2 - 97,5^2} = \sqrt{98,5 + 97,5} = 14$; г) $\sqrt{21,8^2 - 18,2^2} = \sqrt{40} \cdot \sqrt{3,6} = 12$.

623. а) $\sqrt{\frac{165^2 - 124^2}{164}} = \frac{\sqrt{41} \cdot \sqrt{289}}{\sqrt{164}} = \frac{17}{2} = 8,5$;

б) $\sqrt{\frac{149^2 - 76^2}{457^2 - 384^2}} = \frac{\sqrt{73} \cdot \sqrt{225}}{\sqrt{73} \cdot \sqrt{841}} = \frac{15}{29}$; в) $\sqrt{\frac{98}{176^2 - 112^2}} = \frac{\sqrt{98}}{\sqrt{64} \cdot \sqrt{288}} = \frac{7}{8 \cdot 12} = \frac{7}{96}$;

г) $\sqrt{\frac{145,5^2 - 96,5^2}{194,5^2 - 31,5^2}} = \frac{\sqrt{49} \cdot \sqrt{242}}{\sqrt{162} \cdot \sqrt{225}} = \frac{7 \cdot 11}{9 \cdot 15} = \frac{77}{135}$.

624. а) $\sqrt{4356} = 66$; б) $\sqrt{8464} = 92$; в) $\sqrt{3844} = 62$; г) $\sqrt{9025} = 95$.

625. а) $\sqrt{0,6} = \frac{\sqrt{60}}{10} \approx 0,77$; б) $\sqrt{240} = \sqrt{4} \cdot \sqrt{60} \approx 15,4$;

в) $\sqrt{6000} = \sqrt{60} \cdot 10 \approx 77$; г) $\sqrt{540} = \sqrt{9} \cdot \sqrt{60} \approx 23,1$.

626. а) $\sqrt{810} = \sqrt{9} \cdot \sqrt{90} \approx 28,5$; б) $\sqrt{360} + 2 = \sqrt{4} \cdot \sqrt{90} + 2 \approx 21$;

в) $\sqrt{2250} = \sqrt{25} \cdot \sqrt{90} \approx 47,5$; г) $\sqrt{9000} - 4 = \sqrt{90} \cdot 10 - 4 \approx 91$.

627. а) $x > 0; y > 0, \sqrt{xy} = \sqrt{x} \cdot \sqrt{y}$; б) $x < 0; y < 0, \sqrt{xy} = \sqrt{-x} \cdot \sqrt{-y}$.

628. а) $\sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b}$; верно при $a = 0, b = 0; a = 1$ и $b = 0$;

не верно при $a = 2, b = 1; a = 2$ и $b = 2$;

б) $\sqrt{ab} = a\sqrt{b}$; верно при $a = 0, b = 1; a = 1$ и $b = 1$;

не верно при $a = 2, b = 1; a = 2$ и $b = 2$;

в) $\sqrt{a-b} = \sqrt{a} - \sqrt{b}$; верно при $a = 1, b = 0; a = 0$ и $b = 0$;

не верно при $a = 2, b = 1; a = 3$ и $b = 1$;

г) $\sqrt{ab} = ab$; верно при $a = 0, b = 2; a = 1$ и $b = 1$;

не верно при $a = 2, b = 3; a = 3$ и $b = 4$.

629. а) $f(4x) = -\sqrt{4x} = -2\sqrt{x} = 2f(x)$; б) $f(x^4) = -\sqrt{x^4} = -x^2 = -(f(x))^4$;

в) $f(0,01x) = -0,1\sqrt{x} = 0,1f(x)$; г) $f(x^5) = -\sqrt{x^5} = -x^2 \cdot \sqrt{x} = x^2 \cdot f(x)$.

§ 20. Преобразование выражений, содержащих операцию извлечения квадратного корня.

630. а) $\sqrt{5^4} = 5^2 = 25$; б) $\sqrt{(-2)^8} = (-2)^4 = 16$;

в) $\sqrt{2^{12}} = 2^6 = 64$; г) $\sqrt{(-5)^2} = \sqrt{5^2} = 5$.

631. а) $\sqrt{3^4 \cdot 5^2} = 3^2 \cdot 5 = 45$; б) $\sqrt{2^6 \cdot 7^4} = 2^3 \cdot 7^2 = 392$;

в) $\sqrt{7^2 \cdot 2^6} = 7 \cdot 2^3 = 56$; г) $\sqrt{3^4 \cdot 5^2} = 3^2 \cdot 5 = 45$.

632. а) При $a = 15, \sqrt{a^2} = a = 15$. б) При $a = 7, 2\sqrt{a^4} = 2a^2 = 98$.

в) При $b = 2, -3\sqrt{b^6} = -3b^3 = -24$. г) При $y = -2, 5\sqrt{y^8} = 5y^4 = 80$.

633.

а) $\sqrt{9a^{16}} = \sqrt{9} \cdot \sqrt{a^{16}} = 3a^8$; б) $\sqrt{36b^8} = 6b^4$; в) $\sqrt{49c^4} = 7c^2$; г) $\sqrt{81d^6} = 9d^3$.

634. а) $-5\sqrt{4x^2} = -5 \cdot 2x = -10x$; б) $-3\sqrt{9y^6} = -3 \cdot 3y^3 = -9y^3$;

в) $-0,1\sqrt{100z^8} = -0,1 \cdot 10z^4 = -z^4$; г) $-\sqrt{0,25t^2} = -0,5t$.

635.

а) $\sqrt{x^2y^4} = x \cdot y^2$; б) $\sqrt{z^6t^8} = z^3 \cdot t^4$; в) $\sqrt{m^{12}n^{16}} = m^6 \cdot n^8$; г) $\sqrt{p^8q^{10}} = p^4 \cdot q^5$.

636. а) $\sqrt{25a^4b^6} = 5a^2b^3$; б) $\sqrt{\frac{81}{49}p^{12}q^{26}} = \frac{9}{7}p^6q^{13}$;

$$\text{b)} \sqrt{36m^2n^8} = 6m \cdot n^4 ; \quad \text{r)} \sqrt{\frac{1}{4}r^{18}s^2} = \frac{1}{2}r^9s .$$

637.

$$\text{a)} \sqrt{\frac{4a^2}{b^6}} = \frac{2a}{b^3} ; \text{b)} \sqrt{\frac{169a^{18}}{256b^{30}}} = \frac{13a^9}{5b^{15}} ; \text{b)} \sqrt{\frac{49a^{18}}{81b^6}} = \frac{7a^9}{9b^3} ; \text{r)} \sqrt{\frac{576a^{12}}{25b^{26}}} = \frac{24a^6}{5b^{13}} .$$

$$\text{638. a)} \sqrt{12} = 2\sqrt{3} ; \text{b)} \sqrt{20} = 2\sqrt{5} ; \text{b)} \sqrt{32} = 4\sqrt{2} ; \text{r)} \sqrt{54} = 3\sqrt{6} .$$

$$\text{639. a)} \sqrt{275} = \sqrt{25 \cdot 11} = 5\sqrt{11} ; \quad \text{b)} \sqrt{363} = \sqrt{3 \cdot 121} = 11\sqrt{3} ;$$

$$\text{b)} \sqrt{675} = \sqrt{225 \cdot 3} = 15\sqrt{3} ; \quad \text{r)} \sqrt{108} = \sqrt{3 \cdot 36} = 6\sqrt{3} .$$

$$\text{640. a)} \frac{2}{3}\sqrt{45} = \frac{2}{3} \cdot 3\sqrt{5} = 2\sqrt{5} ; \quad \text{b)} \frac{1}{2}\sqrt{120} = \frac{1}{2} \cdot 2\sqrt{30} = \sqrt{30} ;$$

$$\text{b)} \frac{1}{10}\sqrt{200} = \sqrt{2} ; \quad \text{r)} \frac{1}{5}\sqrt{150} = \frac{1}{5} \cdot 5\sqrt{6} = \sqrt{6} .$$

$$\text{641. a)} \sqrt{\frac{8}{27}} = \frac{2}{3}\sqrt{\frac{2}{3}} ; \text{b)} \sqrt{\frac{40}{63}} = \frac{2}{3}\sqrt{\frac{10}{7}} ; \text{b)} \sqrt{\frac{54}{125}} = \frac{3}{5}\sqrt{\frac{6}{5}} ; \text{r)} \sqrt{\frac{243}{128}} = \frac{9}{8}\sqrt{\frac{3}{2}} .$$

$$\text{642. a)} \sqrt{1\frac{1}{12}} = \sqrt{\frac{13}{12}} = \frac{1}{2}\sqrt{\frac{13}{3}} ; \quad \text{b)} \sqrt{10\frac{1}{8}} = \sqrt{\frac{108}{8}} = \frac{6\sqrt{3}}{2\sqrt{2}} = 3\sqrt{\frac{3}{2}} ;$$

$$\text{b)} \sqrt{1\frac{13}{32}} = \frac{\sqrt{45}}{\sqrt{32}} = \frac{3}{4}\sqrt{\frac{5}{2}} ; \quad \text{r)} \sqrt{1\frac{17}{81}} = \frac{\sqrt{98}}{\sqrt{81}} = \frac{7}{9}\sqrt{2} ;$$

$$\text{643. a)} A = 3\sqrt{50} V 2\sqrt{98} = B ; 450 V 392 ; 450 > 392, \text{t.e. } A > B ;$$

$$\text{b)} A = 5\sqrt{27} V 4\sqrt{48} = B ; 15\sqrt{3} V 16\sqrt{3} ; 15\sqrt{3} < 16\sqrt{3} , \text{t.e. } A < B ;$$

$$\text{b)} A = 3\sqrt{12} V \sqrt{75} = B ; 180 V 75 108 > 75 , \text{t.e. } A > B ;$$

$$\text{r)} A = 10\sqrt{8} V 5\sqrt{32} = B ; 10\sqrt{8} V 10\sqrt{8} ; 10\sqrt{8} = 10\sqrt{8} , \text{t.e. } A = B .$$

$$\text{644. a)} A = 3\sqrt{\frac{8}{9}} V \frac{1}{3}\sqrt{50} = B ; 8 V \frac{50}{9} ; 8 > 5\frac{5}{9} ; \text{t.e. } A > B ;$$

$$\text{b)} A = \frac{5}{2}\sqrt{63} V 4,5\sqrt{28} = B ; \frac{15}{2}\sqrt{7} V 9\sqrt{7} ; \frac{15}{2}\sqrt{7} < 9\sqrt{7} , \text{t.e. } A < B ;$$

$$\text{b)} A = 3\sqrt{\frac{8}{49}} V \frac{1}{7}\sqrt{50} = B ; \frac{6}{7}\sqrt{2} V \frac{5}{7}\sqrt{2} ; \frac{6}{7}\sqrt{2} > \frac{5}{7}\sqrt{2} , \text{t.e. } A > B ;$$

$$\text{r)} A = 0,5\sqrt{108} V 3\sqrt{3} = B ; 3\sqrt{3} V 3\sqrt{3} ; 3\sqrt{3} = 3\sqrt{3} \text{ t.e. } A = B .$$

$$\text{645. a)} \sqrt{4a} = 2\sqrt{a} ; \text{b)} \sqrt{25b} = 5\sqrt{b} ; \text{b)} \sqrt{16c} = 4\sqrt{c} ; \text{r)} \sqrt{49d} = 7\sqrt{d} .$$

$$\text{646. a)} \sqrt{a^3} = a\sqrt{a} ; \text{b)} \sqrt{b^5} = b^2\sqrt{b} ; \text{b)} \sqrt{c^7} = c^3\sqrt{c} ; \text{r)} \sqrt{d^{11}} = d^5\sqrt{d} .$$

$$\text{647. a)} \sqrt{x^{15}y^2} = x^7y\sqrt{x} ; \quad \text{b)} \sqrt{x^8t^9} = x^4t^4\sqrt{t} ;$$

$$\text{b)} \sqrt{m^{21}n^{16}} = m^{10}n^8\sqrt{m} ; \quad \text{r)} \sqrt{p^{10}q^{13}} = p^5q^6\sqrt{q} .$$

648.

$$\text{a)} \sqrt{100x^3} = 10x\sqrt{x} ; \quad \text{b)} \sqrt{32y^4} = 4y^2\sqrt{2} ;$$

$$\text{b)} \sqrt{96y^5} = 4y^2\sqrt{6y} ; \quad \text{r)} \sqrt{50t^{11}} = 5t^5\sqrt{2t} .$$

649.

$$\text{a) } \sqrt{\frac{m^3}{n^3}} = \frac{m}{n} \sqrt{\frac{m}{n}} ; \text{ б) } \sqrt{\frac{x^3}{8y^3}} = \frac{x}{2y} \sqrt{\frac{x}{2y}} ; \text{ в) } \sqrt{\frac{81c^6}{a^3}} = 9 \frac{c^3}{a} \sqrt{\frac{1}{a}} ; \text{ г) } \sqrt{\frac{32c^7}{9b^6}} = \frac{4c^3}{3b^3} \sqrt{2c} .$$

$$\text{650. а) } \sqrt{\frac{50m^4n^3}{9r^4}} = \frac{5m^2n}{3r^2} \sqrt{2n} ; \quad \text{б) } \sqrt{\frac{9x^2y}{4z^2}} = \frac{3x\sqrt{y}}{2z} ;$$

$$\text{в) } \sqrt{\frac{72a^6b^7}{49y^8}} = \frac{6a^3b^3\sqrt{2b}}{7y^4} ; \quad \text{г) } \sqrt{\frac{27x^{11}y^{13}}{25\omega^6}} = \frac{3x^5y^6\sqrt{3xy}}{5\omega^3} .$$

В ответе в пункте в) допущена ошибка.

$$\text{651. а) } 2\sqrt{3} = \sqrt{12} ; \quad \text{б) } 5\sqrt{2} = \sqrt{50} ;$$

$$\text{в) } 11\sqrt{5} = \sqrt{121 \cdot 5} = \sqrt{605} ; \quad \text{г) } 7\sqrt{6} = \sqrt{49 \cdot 6} = \sqrt{294} .$$

$$\text{652. а) } -3\sqrt{8} = -\sqrt{72} ; \text{ б) } -11\sqrt{3} = -\sqrt{363} ; \text{ в) } -13\sqrt{5} = -\sqrt{845} ; \text{ г) } -6\sqrt{2} = -\sqrt{72} .$$

653.

$$\text{а) } \frac{1}{4}\sqrt{32} = \sqrt{2} ; \text{ б) } -\frac{5}{2}\sqrt{8} = -\sqrt{50} ; \text{ в) } -\frac{2}{3}\sqrt{9} = -\sqrt{4} ; \text{ г) } \frac{4}{7}\sqrt{35} = \sqrt{\frac{16 \cdot 35}{49}} = \sqrt{\frac{80}{7}} .$$

$$\text{654. а) } x\sqrt{12} = \sqrt{12x^2} ; \text{ б) } y\sqrt{32} = \sqrt{32y^2} ; \text{ в) } z\sqrt{5} = \sqrt{5z^2} ; \text{ г) } t\sqrt{11} = \sqrt{11t^2} .$$

655.

$$\text{а) } a^2\sqrt{7} = \sqrt{74a^4} ; \text{ б) } -b\sqrt{10} = -\sqrt{10b^2} ; \text{ в) } c^2\sqrt{81} = \sqrt{81c^4} ; \text{ г) } -d\sqrt{3} = -\sqrt{3d^2} .$$

$$\text{656. а) } -3x^2\sqrt{\frac{1}{3}} = -\sqrt{3x^4} ; \quad \text{б) } 4x^2y\sqrt{0,5xy} = \sqrt{8x^5y^3} ;$$

$$\text{в) } -5m^6\sqrt{5m} = -\sqrt{125m^{13}} ; \quad \text{г) } \frac{1}{2}p\sqrt{\frac{20q}{p}} = \sqrt{5pq} .$$

$$\text{657. а) } 2\sqrt{x} + 3\sqrt{x} - 5\sqrt{x} = 0 ; \text{ б) } 6\sqrt{y} + 4\sqrt{y} - \sqrt{y} = 9\sqrt{y} ;$$

$$\text{в) } -3\sqrt{z} + \sqrt{z} + 9\sqrt{z} = 7\sqrt{z} ; \text{ г) } \sqrt{t} - 2\sqrt{t} + 15\sqrt{t} = 14\sqrt{t} .$$

$$\text{658. а) } 5\sqrt{a} + 3\sqrt{b} - \sqrt{a} + 2\sqrt{b} = 4\sqrt{a} + 5\sqrt{b} ;$$

$$\text{б) } 8\sqrt{c} + \sqrt{d} - \sqrt{d} - 4\sqrt{c} = 4\sqrt{c} ;$$

$$\text{в) } \sqrt{m} + \sqrt{n} - 2\sqrt{m} + \sqrt{n} + 11\sqrt{m} = 10\sqrt{m} + 2\sqrt{n} ;$$

$$\text{г) } -3\sqrt{p} + 4\sqrt{q} + \sqrt{p} - \sqrt{q} + 5\sqrt{p} = 3\sqrt{p} + 3\sqrt{q} .$$

$$\text{659. а) } 4\sqrt{2} - \sqrt{18} = 4\sqrt{2} - 3\sqrt{2} = \sqrt{2} ;$$

$$\text{б) } \sqrt{216} - 2\sqrt{6} = 6\sqrt{6} - 2\sqrt{6} = 4\sqrt{6} ; \text{ в) } \sqrt{243} + 3\sqrt{3} = 9\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = 12\sqrt{3} ;$$

$$\text{г) } \sqrt{125} + 7\sqrt{5} = 5\sqrt{5} + 7\sqrt{5} = 12\sqrt{5} .$$

$$\text{660. а) } \sqrt{20} + \sqrt{125} = 2\sqrt{5} + 5\sqrt{5} = 7\sqrt{5} ; \text{ б) } \sqrt{18} - \sqrt{8} = 3\sqrt{2} - 2\sqrt{2} = \sqrt{2} ;$$

$$\text{в) } \sqrt{27} + \sqrt{48} = 3\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = 7\sqrt{3} ; \text{ г) } \sqrt{32} - \sqrt{128} = 4\sqrt{2} - 8\sqrt{2} = -4\sqrt{2} .$$

661.

$$\text{а) } 5\sqrt{3} - \sqrt{300} - \sqrt{27} = 5\sqrt{3} - 10\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = -8\sqrt{3} ;$$

$$\text{б) } 3\sqrt{5} + \sqrt{20} + \sqrt{80} = 3\sqrt{5} + 2\sqrt{5} + 4\sqrt{5} = 9\sqrt{5} ;$$

$$\text{в)} 6\sqrt{3} + \sqrt{27} - \sqrt{48} = 6\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 4\sqrt{3} = 5\sqrt{3};$$

$$\text{г)} 5\sqrt{2} + \sqrt{32} - \sqrt{200} = 5\sqrt{2} + 4\sqrt{2} - 10\sqrt{2} = -\sqrt{2}.$$

$$\textbf{662. а)} 2\sqrt{125} + 2\sqrt{201} - 2 = 10\sqrt{5} + 4\sqrt{5} - 8\sqrt{5} = 6\sqrt{5};$$

$$\text{б)} 3\sqrt{12} + 2\sqrt{3} - 2\sqrt{27} = 6\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 6\sqrt{3} = 2\sqrt{3};$$

$$\text{в)} 3\sqrt{8} + \sqrt{128} - \sqrt{800} = 6\sqrt{2} + 8\sqrt{2} - 20\sqrt{2} = -6\sqrt{2};$$

$$\text{г)} 5\sqrt{12} - 2 + 2\sqrt{27} = 10\sqrt{3} - 8\sqrt{3} + 6\sqrt{3} = 8\sqrt{3}.$$

$$\textbf{663. а)} \sqrt{32} + \sqrt{50} - \sqrt{98} = 4\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 7\sqrt{2} = 2\sqrt{2};$$

$$\text{б)} \sqrt{147} + \sqrt{12} + \sqrt{75} = 7\sqrt{3} + 2\sqrt{3} + 5\sqrt{3} = 14\sqrt{3};$$

$$\text{в)} \sqrt{50} + \sqrt{98} - \sqrt{200} = 5\sqrt{2} + 7\sqrt{2} - 10\sqrt{2} = 2\sqrt{2};$$

$$\text{г)} \sqrt{20} + 2\sqrt{45} - 3\sqrt{500} = 2\sqrt{5} + 6\sqrt{5} - 30\sqrt{5} = -22\sqrt{5}.$$

$$\textbf{664. а)} \sqrt{9a} + \sqrt{25a} - \sqrt{36a} = 3\sqrt{a} + 5\sqrt{a} - 6\sqrt{a} = 2\sqrt{a};$$

$$\text{б)} \sqrt{5b} - 2\sqrt{20b} - 3\sqrt{80b} = \sqrt{5b} - 4\sqrt{5b} - 12\sqrt{5b} = -15\sqrt{5b};$$

$$\text{в)} \sqrt{8c} - \sqrt{50c} + \sqrt{18c} = 2\sqrt{2c} - 5\sqrt{2c} + 3\sqrt{2c} = 0;$$

$$\text{г)} 0,1\sqrt{5m} - \sqrt{0,45m} + 2\sqrt{80m} = 0,1\sqrt{5m} - 0,3\sqrt{5m} + 8\sqrt{5m} = 7,8\sqrt{5m}.$$

В задачнике в пункте г) опечатка.

$$\textbf{665. а)} 3\sqrt{2} + 2\sqrt{32} + \frac{1}{2}\sqrt{128} = 3\sqrt{2} + 8\sqrt{2} + \sqrt{2} = 15\sqrt{2};$$

$$\text{б)} 5\sqrt{3} + \frac{1}{3}\sqrt{27} + \sqrt{48} = 5\sqrt{3} + \sqrt{3} + 4\sqrt{3} = 10\sqrt{3};$$

$$\text{в)} \sqrt{600} - \frac{2}{3}\sqrt{54} - \sqrt{6} = 10\sqrt{6} - 2\sqrt{6} - \sqrt{6} = 7\sqrt{6};$$

$$\text{г)} \sqrt{20} + 2\sqrt{45} - 3\sqrt{500} = 2\sqrt{5} + 6\sqrt{5} - 30\sqrt{5} = -22\sqrt{5};$$

$$\textbf{666. а)} 2\sqrt{8} + 0,5\sqrt{32} - \frac{1}{3}\sqrt{18} + \sqrt{50} = 4\sqrt{2} + 2\sqrt{2} - \sqrt{2} + 5\sqrt{2} = 10\sqrt{2};$$

$$\text{б)} 2,5\sqrt{98} - 2,5\sqrt{8} - \frac{1}{2}\sqrt{72} - \sqrt{200} = 17,5\sqrt{2} - 5\sqrt{2} - 0,5\sqrt{2} - 10\sqrt{2} = 2\sqrt{2};$$

$$\text{в)} \frac{1}{5}\sqrt{75} + 3\sqrt{48} - \sqrt{147} + \sqrt{300} + \sqrt{27} = \sqrt{3} + 12\sqrt{3} - 7\sqrt{3} + 10\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = 19\sqrt{3};$$

$$\text{г)} \sqrt{2} - \frac{1}{9}\sqrt{162} - \frac{2}{3}\sqrt{27} + \frac{1}{5}\sqrt{300} = \sqrt{2} - \sqrt{2} - 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} = 0.$$

$$\textbf{667. а)} 5 + \frac{1}{2}\sqrt{12x} - 10\sqrt{0,03x} = 5\sqrt{3x} + \sqrt{3x} - \sqrt{3x} = 5\sqrt{3x};$$

$$\text{б)} 3\sqrt{2y} - \sqrt{8y} + 0,1\sqrt{200y} = 3\sqrt{2y} - 2\sqrt{2y} + \sqrt{2y} = 2\sqrt{2y};$$

$$\text{в)} 4\sqrt{3t} - \sqrt{12t} + 2\sqrt{75t} = 4\sqrt{3t} - 2\sqrt{3t} + 10\sqrt{3t} = 12\sqrt{3t};$$

$$\text{г)} 5\sqrt{27t} - 4\sqrt{48t} - 2\sqrt{12t} = 15\sqrt{3t} - 16\sqrt{3t} + 4\sqrt{3t} = -5\sqrt{3t}.$$

$$\textbf{668. а)} \sqrt{a^3b} + \frac{2}{3a}\sqrt{a^5b} = a\sqrt{a^3b} + \frac{2a}{3}\sqrt{ab} = \frac{5}{3}a\sqrt{ab};$$

6) $2a\sqrt{a^7b} + \sqrt{a^9b} = 2a^4\sqrt{ab} - a^4\sqrt{ab} = a^4\sqrt{ab}$;
 b) $\sqrt{m^3} + 4m\sqrt{m^3} - m^2\sqrt{m} = m^2\sqrt{m} + 4m^2\sqrt{m} - m^2\sqrt{m} = 4m^2\sqrt{m}$;
 r) $\sqrt{81d^3} - 5d\sqrt{d} + \frac{3}{d}\sqrt{4d^5} = 9\sqrt{d} - 5d\sqrt{d} + 6d\sqrt{d} = 10d\sqrt{d}$.

669.

a) $\sqrt{3} \cdot 2\sqrt{6} = 6\sqrt{2}$; b) $\sqrt{5} \cdot 2\sqrt{15} = 10\sqrt{3}$; c) $6\sqrt{3} \cdot \sqrt{27} = 54$; d) $3\sqrt{2} \cdot \sqrt{8} = 12$.

670.

a) $5\sqrt{3} : 5 = \sqrt{3}$; b) $\frac{1}{5}\sqrt{72} : \sqrt{2} = \frac{6}{5}$; c) $6\sqrt{5} : 3 = 2\sqrt{5}$; d) $\frac{1}{3}\sqrt{30} : \sqrt{5} = \frac{1}{3}\sqrt{6}$.

671. a) $(3\sqrt{12} - \sqrt{75}) \cdot \sqrt{3} = ((6\sqrt{3} - 5\sqrt{3}) \cdot \sqrt{3}) = 3$;

b) $(3\sqrt{51} - 2\sqrt{3}) \cdot \sqrt{5} = 15 - 2\sqrt{15}$;

c) $(\sqrt{12} + 2\sqrt{18}) \cdot \sqrt{2} = (2\sqrt{3} + 6\sqrt{2}) \cdot \sqrt{2} = 2\sqrt{6} + 12$;

d) $2\sqrt{3}(2 - 5\sqrt{12}) = 4\sqrt{3} - 60$.

672. a) $(\sqrt{8} - \sqrt{24}) \cdot \sqrt{2} = (2\sqrt{2} - 2\sqrt{6}) \cdot \sqrt{2} = 4 - 4\sqrt{3}$;

b) $(\sqrt{3} - \sqrt{27}) \cdot \sqrt{3} = (\sqrt{3} - 3\sqrt{3}) \cdot \sqrt{3} = -6$; c) $(\sqrt{2} - \sqrt{22}) \cdot \sqrt{2} = 2 - 2\sqrt{11}$;

d) $(\sqrt{0,27} + \sqrt{75}) \cdot \sqrt{48} = (\frac{3}{10}\sqrt{3} + 5\sqrt{3}) \cdot 4\sqrt{3} = 63,6$.

673. a) $(5\sqrt{2} - \sqrt{18}) \cdot \sqrt{2} = (5\sqrt{2} - 3\sqrt{2}) \cdot \sqrt{2} = 4$;

b) $(3\sqrt{5} - 2\sqrt{20}) \cdot \sqrt{5} = 3(\sqrt{5} - 4\sqrt{5}) \cdot \sqrt{5} = -5$;

c) $(\sqrt{50} - 2\sqrt{2}) \cdot \sqrt{5} = (5\sqrt{2} - 2\sqrt{2}) \cdot \sqrt{2} = 6$;

d) $(4\sqrt{3} + \sqrt{27}) \cdot \sqrt{3} = (4\sqrt{3} + 3\sqrt{3}) \cdot \sqrt{3} = 21$.

674. a) $(\sqrt{20} - 2\sqrt{3} + \sqrt{5}) \cdot \sqrt{5} = (2\sqrt{5} - 2\sqrt{3} + \sqrt{5}) \sqrt{5} = 15 - 2\sqrt{15}$;

b) $(3\sqrt{5} - \sqrt{6} + 1) \cdot 2\sqrt{2} = 6\sqrt{10} - 4\sqrt{3} + 2\sqrt{2}$;

c) $(2\sqrt{3} + \sqrt{15} - \sqrt{10}) \cdot \sqrt{5} = 2\sqrt{15} + 5\sqrt{3} - 5\sqrt{2}$;

d) $(4\sqrt{3} - 2\sqrt{6} - 1) \cdot 2\sqrt{3} = 24 - 12\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$.

675. a) $\sqrt{x} \cdot (\sqrt{a} - \sqrt{b}) = \sqrt{ax} - \sqrt{bx}$; b) $(\sqrt{c} + \sqrt{d}) \sqrt{c} = c + \sqrt{cd}$;

c) $\sqrt{mn} (\sqrt{m} + \sqrt{n}) = m\sqrt{n} + n\sqrt{m}$; d) $(\sqrt{p} - \sqrt{q}) \sqrt{pq} = p\sqrt{q} - q\sqrt{p}$.

676. a) $(\sqrt{50} + \sqrt{6}) : \sqrt{2} = 5 + \sqrt{3}$; b) $(\sqrt{28} - \sqrt{44}) : 2 = \sqrt{7} - \sqrt{11}$;

c) $(2\sqrt{45} - 4\sqrt{63}) : 6 = (6\sqrt{5} + 12\sqrt{7}) : 6 = \sqrt{5} + 2\sqrt{7}$;

d) $(\sqrt{12} - 2\sqrt{54}) : 2\sqrt{3} = (2\sqrt{3} - 6\sqrt{6}) : 2\sqrt{3} = 1 - 3\sqrt{2}$.

677.

a) $(12\sqrt{45} - 6\sqrt{20}) : 3\sqrt{5} = (36\sqrt{5} - 12\sqrt{5}) : 3\sqrt{5} = 8$;

b) $(4\sqrt{7} - 2\sqrt{12}) : 2\sqrt{3} = (20\sqrt{3} + 4\sqrt{3}) : 2\sqrt{3} = 12$;

c) $(15\sqrt{44} - 24\sqrt{99}) : 3\sqrt{11} = (30\sqrt{11} - 72\sqrt{11}) : 3\sqrt{11} = -14$;

d) $(\sqrt{28} - \sqrt{2 \cdot 52} + 2\sqrt{63}) : \sqrt{7} = (2\sqrt{7} - 6\sqrt{7} + 6\sqrt{7}) : \sqrt{7} = 2$.

- 678.** a) $(2 + \sqrt{6})(3\sqrt{2} - 2\sqrt{3}) =$
 $= 6\sqrt{2} + 3\sqrt{12} - 4\sqrt{3} - 2\sqrt{18} = 6\sqrt{2} + 6\sqrt{3} - 4\sqrt{3} - 6\sqrt{2} = 2\sqrt{3};$
 б) $(1 + \sqrt{15})(\sqrt{3} - \sqrt{5}) = \sqrt{3} - \sqrt{5} + 3\sqrt{5} - 5\sqrt{3} = 2\sqrt{5} - 4\sqrt{3};$
 в) $(3 + \sqrt{21})(\sqrt{3} - \sqrt{7}) = 3 + 3\sqrt{7} - 3\sqrt{7} - 7 = -4\sqrt{3};$
 г) $(2\sqrt{5} - \sqrt{3})(\sqrt{3} + 3\sqrt{5}) = 2\sqrt{15} - 3 + 30 - 3\sqrt{15} = -\sqrt{15} + 27.$
- 679.** а) $(2\sqrt{5} - 3\sqrt{2} + 1)(\sqrt{5} - \sqrt{2}) = 10 - 3\sqrt{10} + \sqrt{5} - 2\sqrt{10} + 6 - \sqrt{2} =$
 $= 16 - 5\sqrt{10} + \sqrt{5} - \sqrt{2};$
 б) $(\sqrt{3} - 2\sqrt{2} + \sqrt{5})(\sqrt{3} - \sqrt{5}) = 3 - 2\sqrt{6} + \sqrt{15} - \sqrt{15} + 2\sqrt{10} - 5 = -2 - 2\sqrt{6} + 2\sqrt{10};$
 в) $(2\sqrt{6} - 5\sqrt{18} + \sqrt{48})(\sqrt{2} - \sqrt{3}) = 4\sqrt{3} - 30 + 4\sqrt{6} - 6\sqrt{2} + 15\sqrt{6} - 12 =$
 $= 19\sqrt{6} + 4\sqrt{3} - 6\sqrt{2} - 42;$
 г) $(\sqrt{10} + \sqrt{45} + \sqrt{80})(2\sqrt{2} + \sqrt{5}) = 4\sqrt{5} + 6\sqrt{10} + 8\sqrt{10} + 5\sqrt{2} + 15 + 20 =$
 $= 35 + 4\sqrt{5} + 14\sqrt{10} + 5\sqrt{2}.$
- 680.** а) $(a + \sqrt{b})(2a - 3\sqrt{b}) = 2a^2 + 2a\sqrt{b} - 3b - 3a\sqrt{b} = 2a^2 - a\sqrt{b} - 3b;$
 б) $(\sqrt{12a} - \sqrt{75b})(2\sqrt{a} + \sqrt{3b}) = 4a\sqrt{3} - 10\sqrt{3ab} + 6\sqrt{ab} - 15b;$
 в) $(\sqrt{m} - 2\sqrt{n})(\sqrt{m} - \sqrt{n}) = m - 2\sqrt{mn} - \sqrt{mn} + 2n = m - 3\sqrt{mn} + 2n;$
 г) $(\sqrt{a^3} - \sqrt{b^3})(2\sqrt{a} + \sqrt{b}) = 2a^2 - 2b\sqrt{ab} + a\sqrt{ab} - b^2.$
- 681.** а) $(\sqrt{7} - \sqrt{5})(\sqrt{7} + \sqrt{5}) = 7 - 5 = 2;$ б) $(a + \sqrt{b})(a - \sqrt{b}) = a^2 - b;$
 в) $(\sqrt{6} + \sqrt{2})(\sqrt{6} - \sqrt{2}) = 6 - 2 = 4;$ г) $(\sqrt{3p} - \sqrt{5q})(\sqrt{3p} + \sqrt{5q}) = 3p - 5q.$
- 682.** а) $(\sqrt{2} + 4)^2 = 2 + 8\sqrt{2} + 16 = 18 + 8\sqrt{2};$ б) $(\sqrt{5} - 1)^2 = 5 - 2\sqrt{5} + 1 = 6 - 2\sqrt{5};$
 в) $(2 + \sqrt{17})^2 = 4 + 4\sqrt{17} + 17 = 21 + 4\sqrt{17};$ г) $(3 - \sqrt{8})^2 = 9 - 6\sqrt{8} + 8 = 17 - 6\sqrt{8}.$
- 683.** а) $(2\sqrt{3} - 3\sqrt{2})^2 = 12 - 12\sqrt{6} + 18 = 30 - 12\sqrt{6};$
 б) $(\sqrt{6} + \sqrt{12})^2 = 6 + 12\sqrt{12} + 12 = 18 + 12\sqrt{2};$
 в) $(3\sqrt{5} - 5\sqrt{3})^2 = 45 - 30\sqrt{15} + 75 = 120 - 30\sqrt{15};$
 г) $(\sqrt{14} + \sqrt{22})^2 = 14 + 2 \cdot 2\sqrt{77} + 22 = 36 + 4\sqrt{77}.$
- 684.** а) $(\sqrt{a} + \sqrt{b})^2 = a + 2\sqrt{ab} + b;$ б) $(\sqrt{x} - 3\sqrt{y})^2 = x - 6\sqrt{xy} + 9y;$
 в) $(\sqrt{t} + 2\sqrt{v})^2 = t + 4\sqrt{tv} + 4v;$ г) $(2\sqrt{m} - 5\sqrt{n})^2 = 4m - 20\sqrt{mn} + 25n.$
- 685.** а) $(\sqrt{18a} - \sqrt{4b})^2 = 18a - 12\sqrt{2ab} + 4b;$ б) $(2\sqrt{ab} + \sqrt{a})^2 = 4ab + 4a\sqrt{b} + a;$
 в) $(\sqrt{a^3b} - \sqrt{ab})^2 = a^3b - 2a^2b + ab;$ г) $(2\sqrt{a^3} - \sqrt{ab})^2 = 4a^3 - 4a^2\sqrt{b} + ab.$
- 686.** а) $(\sqrt{m} - \sqrt{n})(m + \sqrt{mn} + n) = \sqrt{m^3} - \sqrt{n^3} = m\sqrt{m} - n\sqrt{n};$
 б) $(c + \sqrt{d})(c^2 + \sqrt{d}c + d) = c^3 + d\sqrt{d};$ в) $(\sqrt{r} - 2\sqrt{n})(r + 2\sqrt{rn} + 4n) = r\sqrt{r} - 8n\sqrt{n};$
 г) $(2\sqrt{s} + 3\sqrt{t})(4s - 6\sqrt{st} + 9t) = 8s\sqrt{s} + 27t\sqrt{t}.$
- 687.** а) $(\sqrt{x} + 1)(\sqrt{x} - 1) = x - 1;$ б) $(\sqrt{y} + \sqrt{3})^2 = y + 2\sqrt{3y} + 3;$
 в) $(\sqrt{2} - \sqrt{z})^2 = 2 - 2\sqrt{2z} + z;$ г) $(\sqrt{m} - 2)(m + 2\sqrt{m} + 4) = m\sqrt{m} - 8.$

688. a) $5 + \sqrt{5} = \sqrt{5} (\sqrt{5} + 1)$; б) $\sqrt{b} - b = \sqrt{b} (1 - \sqrt{b})$;

в) $\sqrt{a} + a = \sqrt{a} (1 + \sqrt{a})$; г) $3 - \sqrt{3} = \sqrt{3} (\sqrt{3} - 1)$.

689. а) $8 - 4\sqrt{2} = 4\sqrt{2} (\sqrt{2} - 1)$; б) $10 + 5\sqrt{3} = 5(2 + \sqrt{3})$;

в) $20 + 60\sqrt{7} = 20 (1 + 3\sqrt{7})$; г) $90 - 9\sqrt{5} = 9\sqrt{5} (2\sqrt{5} - 1)$.

690. а) $2a - \sqrt{a} = \sqrt{a} (2\sqrt{a} - 1)$; б) $\sqrt{3b} - b = \sqrt{b} (\sqrt{3} - \sqrt{b})$;

в) $\sqrt{a} - \sqrt{2a} = (1 - \sqrt{2})$; г) $a + \sqrt{ab} = \sqrt{a} (\sqrt{a} + \sqrt{b})$.

691. а) $\sqrt{12} - \sqrt{32} = 2(\sqrt{3} - 2\sqrt{2})$; б) $15 - \sqrt{27} = 3(5 - \sqrt{3})$;

в) $\sqrt{10} - \sqrt{6} = \sqrt{2} (\sqrt{5} - \sqrt{3})$; г) $\sqrt{14} - \sqrt{35} = \sqrt{7} (\sqrt{2} + \sqrt{5})$.

692. а) $2 + \sqrt{6} - \sqrt{2} = \sqrt{2} (\sqrt{2} + \sqrt{3} - 1)$; б) $7 + \sqrt{14} - \sqrt{7} = \sqrt{7} (\sqrt{7} + \sqrt{2} - 1)$;

в) $\sqrt{6} + \sqrt{3} + \sqrt{18} = \sqrt{3} (\sqrt{2} + 1 + \sqrt{6})$; г) $\sqrt{5} + 5 - \sqrt{10} = \sqrt{5} (1 + \sqrt{5} - \sqrt{2})$.

693.

а) $a+b+\sqrt{a+b} = \sqrt{a+b} (\sqrt{a+b} + 1)$; б) $\sqrt{a^2-b^2} - \sqrt{a+b} = \sqrt{a+b} (\sqrt{a-b} - 1)$;

в) $3a-3b-2\sqrt{a-b} = \sqrt{a-b} (3\sqrt{a-b} - 2)$; г) $\sqrt{ab+ac} - \sqrt{b^2+bc} = \sqrt{b+c} (\sqrt{a} - \sqrt{b})$.

694.

а) $a\sqrt{a} + b\sqrt{b} + a\sqrt{b} + b\sqrt{a} = a(\sqrt{a} + \sqrt{b}) + b(\sqrt{b} + \sqrt{a}) = (a+b)(\sqrt{a} + \sqrt{b})$;

б) $2 + b\sqrt{a} - 2\sqrt{ab} - \sqrt{b} = 2(1 - \sqrt{ab}) - \sqrt{b}(1 - \sqrt{ba}) = (2 - \sqrt{b})(1 - \sqrt{ab})$;

в) $a\sqrt{b} - \sqrt{a} + \sqrt{ab} - 1 = \sqrt{ab} (\sqrt{a} + 1) - (\sqrt{a} + 1) = (\sqrt{ab} - 1)(\sqrt{a} + 1)$;

г) $ab + a\sqrt{a} + b\sqrt{b} + \sqrt{ab} = a(b + \sqrt{a}) + \sqrt{b}(b + \sqrt{a}) = (a + \sqrt{b})(b + \sqrt{a})$.

695. а) $a^2 - 5 = (a - \sqrt{5})(a + \sqrt{5})$; б) $11 - b^2 = (\sqrt{11} - b)(\sqrt{11} + b)$;

в) $c^2 - 8 = (c - 2\sqrt{2})(c + 2\sqrt{2})$; г) $19 - a^2 = (\sqrt{19} - a)(\sqrt{19} + a)$.

696. а) $4x^2 - 2 = 2(\sqrt{2}x - 1)(\sqrt{2}x + 1)$; б) $21 - 9y^2 = 3(\sqrt{7} - \sqrt{3}y)(\sqrt{7} + \sqrt{3}y)$;

в) $16z^2 - 5 = (4z - \sqrt{5})(4z + \sqrt{5})$; г) $37 - 64t^2 = (\sqrt{37} - 8t)(\sqrt{37} + 8t)$.

697. а) $25 - p = (5 - \sqrt{p})(5 + \sqrt{p})$; б) $b - 3 = (\sqrt{b} - \sqrt{3})(\sqrt{b} + \sqrt{3})$;

в) $m - 100 = (\sqrt{m} - 10)(\sqrt{m} + 10)$; г) $a - c = (\sqrt{a} - \sqrt{c})(\sqrt{a} + \sqrt{c})$.

698.

а) $1 - 2\sqrt{p} + p = (1 - \sqrt{p})(1 - \sqrt{p})$; б) $x + 6\sqrt{x}y + 9y^2 = (\sqrt{x} + 3y)(\sqrt{x} + 3y)$;

в) $c - 2\sqrt{cd} + d = (\sqrt{c} - \sqrt{d})(\sqrt{c} - \sqrt{d})$; г) $q + 4\sqrt{q} + 4 = (\sqrt{q} + 2)(\sqrt{q} + 2)$.

699.

а) $49a - 14\sqrt{a}b + b^2 = (7\sqrt{a} - b)(7\sqrt{a} - b)$; б) $3c^2 + 10\sqrt{3}c + 25 = (\sqrt{3}c + 5)(\sqrt{3}c + 5)$;

в) $9m - 6\sqrt{mn} + n = (3\sqrt{m} - \sqrt{n})(3\sqrt{m} - \sqrt{n})$;

г) $2a + 2\sqrt{2a}b + b^2 = (\sqrt{2a} + b)(\sqrt{2a} + b)$.

700.

а) $2a^2 - ab - b^2 = (a^2 - b^2)(a^2 - ab) = (a - b)(2a + b) = 2 \cdot (3\sqrt{5} + 1) = 2 + 6\sqrt{5}$;

б) $2a^2 - 5ab - 2b^2 = 2(a + b)(a - b) - 5ab = 2 \cdot 2\sqrt{6} \cdot 2\sqrt{5} - 5 = 8\sqrt{30} - 5$.

701.

$$\text{a) } \frac{a^2 - 7}{a - 7} = a + \sqrt{7}; \text{ b) } \frac{b + \sqrt{3}}{3 - b^2} = \frac{1}{\sqrt{3} - b}; \text{ c) } \frac{c^2 - 11}{c - \sqrt{11}} = c + \sqrt{11}; \text{ d) } \frac{b + \sqrt{21}}{21 - b^2} = \frac{1}{\sqrt{21} - b}.$$

702. a) $\frac{x-9}{\sqrt{x}+3} = \sqrt{x}-3$; b) $\frac{m-n}{\sqrt{m}-\sqrt{n}} = \sqrt{m}+\sqrt{n}$;

b) $\frac{9-\sqrt{t}}{t-81} = \frac{-1}{\sqrt{t}+9}$; c) $\frac{\sqrt{r}+\sqrt{s}}{r-s} = \frac{1}{\sqrt{r}-\sqrt{s}}$.

703. a) $\frac{3\sqrt{x}-4\sqrt{y}}{9x-16y} = \frac{1}{3\sqrt{x}+4\sqrt{y}}$; b) $\frac{121a^2-144b}{12\sqrt{b}-11a} = -(11a+12\sqrt{b})$;

b) $\frac{25a-49b}{5\sqrt{a}+7\sqrt{b}} = 5\sqrt{a}-7\sqrt{b}$; c) $\frac{9\sqrt{ab}-4\sqrt{c}}{16c-81ab} = \frac{-1}{4\sqrt{c}+9\sqrt{ab}}$.

704. a) $\frac{1-\sqrt{2}}{\sqrt{3}-\sqrt{6}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$; b) $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{6}}{1+\sqrt{3}} = \sqrt{2}$; c) $\frac{1-\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{6}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$; d) $\frac{\sqrt{6}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}+1} = \sqrt{3}$.

705. a) $\frac{\sqrt{10}-\sqrt{6}}{\sqrt{15}-3} = \frac{\sqrt{2}(\sqrt{5}-\sqrt{3})}{\sqrt{3}(\sqrt{5}-\sqrt{3})} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$; b) $\frac{\sqrt{15}+\sqrt{10}}{\sqrt{6}+2} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}}$;

b) $\frac{\sqrt{15}-\sqrt{6}}{5-\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$; c) $\frac{\sqrt{18}+\sqrt{12}}{\sqrt{15}+\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{5}}$.

706. a) $\frac{4a-4\sqrt{3}}{3-a^2} = -\frac{4(a-\sqrt{3})}{a^2-3} = -\frac{4}{a+\sqrt{3}}$;

b) $\frac{\sqrt{28}-2\sqrt{2a}}{10-35} = \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{2a}) \cdot 2}{5(2a-7)} = -\frac{2}{5(2a-7)} = -\frac{2}{5(\sqrt{7}+\sqrt{2a})}$;

c) $\frac{x-y}{\sqrt{5y}-\sqrt{5x}} = -\frac{y-x}{\sqrt{5y}=\sqrt{5x}} = -\frac{(\sqrt{y}-\sqrt{x})(\sqrt{y}+\sqrt{x})}{\sqrt{5}(\sqrt{y}-\sqrt{x})} = -\frac{\sqrt{y}+\sqrt{x}}{\sqrt{5}}$;

d) $\frac{24m^3-2m}{1-2m\sqrt{3}} = -\frac{2m(1-12m^2)}{1-2m\sqrt{3}} = -2m(1+2m\sqrt{3})$.

707.

a) $\frac{x+2\sqrt{xy}+y}{\sqrt{x}+\sqrt{y}} = \sqrt{x}+\sqrt{y}$; b) $\frac{x^2-6x\sqrt{y}+9y}{3\sqrt{y}-x} = 3\sqrt{y}-x$;

c) $\frac{\sqrt{s}-\sqrt{r}}{r-2\sqrt{rs}+s} = \frac{1}{\sqrt{s}-\sqrt{r}}$; d) $\frac{\sqrt{3a}+\sqrt{5b}}{3a+5b+\sqrt{60ab}} = \frac{1}{\sqrt{3a}+\sqrt{5b}}$.

708.

a) $\frac{x+4\sqrt{xy}+4y}{x-4y} = \frac{(\sqrt{x}-2y)^2}{(\sqrt{x}+2\sqrt{y})(\sqrt{x}-2\sqrt{y})} = \frac{\sqrt{x}+2\sqrt{y}}{\sqrt{x}-2\sqrt{y}}$;

b) $\frac{2a+6\sqrt{2ab}+9b}{6a-27b} = \frac{(\sqrt{2a}+3\sqrt{b})^2}{3(\sqrt{2a}-3\sqrt{b})(\sqrt{2a}+3\sqrt{b})} = \frac{\sqrt{2a}+3\sqrt{b}}{3(\sqrt{2a}-3\sqrt{b})}$;

$$\text{б)} \frac{x^2 - 25y}{x^2 + 5y - x\sqrt{20y}} = \frac{(x - 5\sqrt{y})(x + 5\sqrt{y})}{(x - 5\sqrt{y})^2} = \frac{x + 5\sqrt{y}}{x - 5\sqrt{y}};$$

$$\text{г)} \frac{6x^2 - 2xy^2}{3x + y - \sqrt{12xy}} = \frac{2xy(\sqrt{3x} - \sqrt{y})(\sqrt{3x} + \sqrt{y})}{(\sqrt{3x} - \sqrt{y})^2} = \frac{2xy(\sqrt{3x} + \sqrt{y})}{\sqrt{3} \cdot \sqrt{x} - \sqrt{y}}.$$

$$\text{709. а)} \frac{\sqrt{a^3} + \sqrt{b^3}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}} = a - \sqrt{ab} + b; \text{ б)} \frac{x\sqrt{x} - b}{\sqrt{x} - 2} = x + 2\sqrt{x} + 4;$$

$$\text{в)} \frac{c^3 - d^3}{c + \sqrt{cd} + d} = \sqrt{c} - \sqrt{d}; \text{ г)} \frac{27 + a\sqrt{a}}{3 + \sqrt{a}} = 9 - 3\sqrt{a} + a.$$

$$\text{710. а)} \frac{x}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{7}x}{7}; \text{ б)} \frac{2}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{3}; \text{ в)} \frac{y}{\sqrt{y}} = \sqrt{y}; \text{ г)} \frac{42}{5\sqrt{p}} = \frac{42\sqrt{p}}{5p}.$$

$$\text{711. а)} \frac{3}{\sqrt{a+b}} = \frac{3\sqrt{a+b}}{a+b}; \text{ б)} \frac{a+3}{\sqrt{a^2-9}} = \frac{\sqrt{a+3}}{\sqrt{a-3}} = \frac{\sqrt{a^2-9}}{a-3};$$

$$\text{в)} \frac{1}{\sqrt{c-d}} = \frac{\sqrt{c-d}}{c-d}; \text{ г)} \frac{b-2}{\sqrt{4-b^2}} = -\frac{\sqrt{2-b}}{\sqrt{2+b}} = -\frac{\sqrt{4-b^2}}{2+b}.$$

$$\text{712. а)} \frac{4a}{\sqrt{2a}} = 2\sqrt{2a}; \text{ б)} \frac{a^2b}{\sqrt{ab^3}} = \frac{a^2}{\sqrt{ab}} = a^2 \cdot \frac{\sqrt{ab}}{ab} = \frac{a\sqrt{ab}}{b};$$

$$\text{в)} \frac{c^2}{\sqrt{c^5}} = \frac{1}{\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{c}}{c}; \text{ г)} \frac{9a^2bc}{\sqrt{27ab^3c}} = \frac{3a^2bc\sqrt{3ab^3c}}{3ab^3c} = \frac{a\sqrt{3abc}}{b}.$$

$$\text{713. а)} \frac{5}{\sqrt{x} + \sqrt{y}} = \frac{5(\sqrt{x} - \sqrt{y})}{x - y}; \text{ б)} \frac{1}{(\sqrt{a} - \sqrt{b})^2} = \frac{(\sqrt{a} + \sqrt{b})^2}{(a - b)^2} = \frac{a + 2\sqrt{ab} + b}{(a - b)^2};$$

$$\text{в)} \frac{3}{\sqrt{m} - \sqrt{n}} = \frac{3(\sqrt{m} + \sqrt{n})}{m - n}; \text{ г)} \frac{6}{(\sqrt{p} + \sqrt{q})^3} = \frac{6(\sqrt{p} - \sqrt{q})^3}{(p - q)^3}.$$

$$\text{714. а)} \frac{4}{\sqrt{7} - \sqrt{3}} = \frac{4(\sqrt{7} + \sqrt{3})}{7 - 3} = \sqrt{7} + \sqrt{3}; \text{ б)} \frac{4}{\sqrt{10} + \sqrt{2}} = \frac{4(\sqrt{10} - \sqrt{2})}{8} = \frac{\sqrt{10} - \sqrt{2}}{2};$$

$$\text{в)} \frac{6}{\sqrt{15} - \sqrt{12}} = \frac{6(\sqrt{15} - \sqrt{12})}{3} = 2(\sqrt{15} - \sqrt{12});$$

$$\text{г)} \frac{36}{\sqrt{18} - \sqrt{12}} = \frac{36(\sqrt{18} + \sqrt{12})}{6} = 6(3\sqrt{2} + 2\sqrt{3}).$$

$$\text{715. а)} \frac{\sqrt{3} - 1}{1 + \sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{3} - 1)^2}{3 - 1} = \frac{4 - 2\sqrt{3}}{2} = 2 - \sqrt{3};$$

$$\text{б)} \frac{2 + \sqrt{2}}{2 - \sqrt{2}} = \frac{(2 + \sqrt{2})^2}{4 - 2} = \frac{6 + 4\sqrt{2}}{2} = 3 + 2\sqrt{2};$$

$$\text{в)} \frac{\sqrt{5} - 3}{3 + \sqrt{5}} = -\frac{(\sqrt{5} - 3)^2}{9 - 5} = -\frac{14 - 6\sqrt{5}}{4} = \frac{3\sqrt{5} - 7}{2}; \text{ г)} \frac{4 + \sqrt{7}}{4 - \sqrt{7}} = \frac{(4 + \sqrt{7})^2}{16 - 7} = \frac{23 + 8\sqrt{7}}{9}.$$

В ответе в пункте в) ошибка

716. a) $\frac{x}{x+\sqrt{y}} = \frac{x(x-\sqrt{y})}{x^2-y} = \frac{x^2-x\sqrt{y}}{x^2-y};$ 6) $\frac{a^2-b}{a-\sqrt{b}} = a+\sqrt{b};$

b) $\frac{s}{2s+\sqrt{3r}} = \frac{s(2s-\sqrt{3r})}{4s^2-3r};$ r) $\frac{25b^2-3a}{\sqrt{3a}-5b} = -(5b+\sqrt{3a}).$

717.

a) $\frac{1}{\sqrt{a+3}-2} = \frac{\sqrt{a+3}+2}{a-1};$ 6) $\frac{y-3}{\sqrt{4-y}+1} = \frac{(1-\sqrt{4-y})(1+\sqrt{4-y})}{\sqrt{4-y}+1} = 1-\sqrt{4-y};$

b) $\frac{2}{3-\sqrt{2x-1}} = \frac{23+\sqrt{2x-1}}{10-2x} = \frac{3+\sqrt{2x-1}}{5-x};$ r) $\frac{3-b}{2-\sqrt{b+1}} = \frac{4-(b+1)}{2-\sqrt{b+1}} = 2+\sqrt{b+1}.$

718. a) $\frac{p-\sqrt{pq}+q}{\sqrt{p}-\sqrt{q}} = \frac{\sqrt{p^2}+\sqrt{q^2}}{p-q} = \frac{p\sqrt{p}+q\sqrt{q}}{p-q};$ 6) $\frac{4+2\sqrt{t}+t}{2+t} = \frac{8-t\sqrt{t}}{4-t};$

b) $\frac{x-3\sqrt{x}+9}{\sqrt{x}-3} = \frac{x\sqrt{x}+27}{x-9};$ r) $\frac{a+2\sqrt{ab}+4b}{\sqrt{a}+2\sqrt{b}} = \frac{a\sqrt{a}-8b\sqrt{b}}{a-4b};$

719. a) $\frac{\sqrt{x}-\sqrt{y}}{5} - \frac{\sqrt{x}}{5} = -\frac{\sqrt{y}}{5};$ 6) $\frac{\sqrt{m}}{12} - \frac{\sqrt{m}+\sqrt{n}}{12} = -\frac{\sqrt{n}}{12};$

b) $\frac{\sqrt{a}+38}{19} - \frac{\sqrt{a}+19}{19} = \frac{19}{19} = 1;$ r) $\frac{2\sqrt{a}-\sqrt{b}}{3} + \frac{\sqrt{a}+\sqrt{b}}{3} = \frac{3\sqrt{a}}{3} = \sqrt{a}.$

720. a) $\frac{\sqrt{a}-2}{8\sqrt{a}} + \frac{2\sqrt{a}+5}{8\sqrt{a}} - \frac{3\sqrt{a}+1}{8\sqrt{a}} = \frac{2}{8\sqrt{a}} = \frac{1}{4\sqrt{a}} = \frac{\sqrt{a}}{4a};$

6) $\frac{11\sqrt{x}-2\sqrt{y}}{4\sqrt{x}} + \frac{2\sqrt{x}-3\sqrt{y}}{4\sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x}-\sqrt{y}}{4\sqrt{x}} = \frac{12\sqrt{x}-4\sqrt{y}}{4\sqrt{x}} = \frac{\sqrt{x}(3\sqrt{x}-\sqrt{y})}{x},$

b) $\frac{4\sqrt{p}-2}{3\sqrt{p}} - \frac{2\sqrt{p}-1}{3\sqrt{p}} + \frac{1}{3\sqrt{p}} = \frac{2\sqrt{p}}{3\sqrt{p}} = \frac{2}{3}.$

r) $\frac{2\sqrt{c}-\sqrt{d}}{5\sqrt{c}} - \frac{2\sqrt{c}+6\sqrt{d}}{5\sqrt{c}} + \frac{\sqrt{c}-4\sqrt{d}}{5\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{c}-11\sqrt{d}}{5\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{c}(\sqrt{c}-11\sqrt{d})}{5c}.$

721.

a) $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}+3} + \frac{3}{\sqrt{a}+3} = \frac{\sqrt{a}+3}{\sqrt{a}+3} = 1;$ 6) $\frac{\sqrt{n}}{\sqrt{n}-13} + \frac{13}{13-\sqrt{n}} = \frac{\sqrt{n}-13}{\sqrt{n}-13} = 1;$

b) $\frac{4}{\sqrt{q}-4} - \frac{\sqrt{q}}{\sqrt{q}-4} = \frac{4-\sqrt{q}}{\sqrt{q}-4} = -1;$ r) $\frac{\sqrt{t}}{3-\sqrt{t}} + \frac{3}{\sqrt{t}-3} = \frac{\sqrt{t}-3}{3-\sqrt{t}} = -1.$

722.

a) $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}-3} - \frac{9}{\sqrt{a}-3} = \frac{(\sqrt{a}-3)(\sqrt{a}+3)}{\sqrt{a}-3} = \sqrt{a}+3;$

6) $\frac{\sqrt{y}}{7-\sqrt{y}} - \frac{49}{7-\sqrt{y}} = \frac{(\sqrt{y}-7)(\sqrt{y}+7)}{7-\sqrt{y}} = -\sqrt{y}-7;$

$$\text{б)} \frac{\sqrt{c}}{\sqrt{c}+9} - \frac{81}{\sqrt{c}+9} = \frac{(\sqrt{c}-9)(\sqrt{c}+9)}{\sqrt{c}+9} = \sqrt{c}-9;$$

$$\text{г)} \frac{t}{1+\sqrt{t}} - \frac{1}{1+\sqrt{t}} = \frac{(\sqrt{t}-1)(\sqrt{t}+1)}{1+\sqrt{t}} = \sqrt{t}-1.$$

723.

$$\text{а)} \frac{a}{\sqrt{a}-2} - \frac{4\sqrt{a}-4}{\sqrt{a}-2} = \frac{(\sqrt{a}-2)^2}{\sqrt{a}-2} = \sqrt{a}-2; \text{ б)} \frac{b}{b+5} + \frac{10b+25}{b+5} = \frac{(\sqrt{b}+5)^2}{\sqrt{b}+5} = \sqrt{b}+5;$$

$$\text{в)} \frac{c}{\sqrt{c}-10} - \frac{20\sqrt{c}-100}{\sqrt{c}-10} = \frac{(\sqrt{c}-10)^2}{\sqrt{c}-10} = \sqrt{c}-10;$$

$$\text{г)} \frac{d}{\sqrt{d}+7\sqrt{c}} + \frac{14\sqrt{cd}+49c}{\sqrt{d}+7\sqrt{c}} = \frac{(\sqrt{d}+7\sqrt{c})^2}{\sqrt{d}+7\sqrt{c}} = \sqrt{d}+7\sqrt{c}.$$

724.

$$\text{а)} \frac{2}{\sqrt{xy}} + \frac{3}{\sqrt{yz}} = \frac{2\sqrt{z}+3\sqrt{x}}{\sqrt{xyz}}; \text{ б)} \frac{\sqrt{m}-\sqrt{n}}{\sqrt{mn}} + \frac{\sqrt{m}-\sqrt{r}}{\sqrt{nr}} = \frac{\sqrt{mr}-\sqrt{nr}+m-\sqrt{mr}}{mnr} = \frac{m-\sqrt{nr}}{\sqrt{mnr}},$$

$$\text{в)} \frac{m}{\sqrt{cd}} - \frac{c}{\sqrt{dm}} = \frac{m\sqrt{m}-c\sqrt{c}}{\sqrt{cdm}};$$

$$\text{г)} \frac{\sqrt{a}+\sqrt{b}}{\sqrt{ab}} + \frac{\sqrt{b}-\sqrt{c}}{\sqrt{bc}} = \frac{\sqrt{ac}+\sqrt{bc}+\sqrt{ab}-\sqrt{ac}}{\sqrt{abc}} = \frac{\sqrt{bc}+\sqrt{ab}}{\sqrt{abc}} = \frac{\sqrt{a}+\sqrt{c}}{\sqrt{ac}}.$$

$$\text{725. а)} \frac{4}{\sqrt{a}-5} + \frac{1}{\sqrt{a}} = \frac{4\sqrt{a}+\sqrt{a}-5}{a-5\sqrt{a}} = \frac{5(\sqrt{a}-1)}{a-5\sqrt{a}},$$

$$\text{б)} \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}} - \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+\sqrt{y}} = \frac{x+\sqrt{xy}-\sqrt{xy}}{\sqrt{y}(\sqrt{x}+\sqrt{y})} = \frac{x}{\sqrt{y}(\sqrt{x}+\sqrt{y})};$$

$$\text{в)} \frac{\sqrt{b}+1}{\sqrt{b}-2} - \frac{\sqrt{b}+3}{\sqrt{b}} = \frac{b+\sqrt{b}-b-\sqrt{b}+6}{\sqrt{b}(\sqrt{b}-2)} = \frac{6}{\sqrt{b}(\sqrt{b}-2)};$$

$$\text{г)} \frac{\sqrt{d}}{\sqrt{c}-\sqrt{d}} - \frac{\sqrt{d}}{\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{dc}-\sqrt{dc}+d}{\sqrt{c}(\sqrt{c}-\sqrt{d})} = \frac{d}{\sqrt{c}(\sqrt{c}-\sqrt{d})}.$$

В ответе в пункте а) допущена ошибка.

726.

$$\text{а)} \frac{\sqrt{x}-1}{3\sqrt{x}-12} - \frac{\sqrt{x}-3}{2\sqrt{x}-8} = \frac{2\sqrt{x}-2-3\sqrt{x}+9}{6(\sqrt{x}-4)} = \frac{7-\sqrt{x}}{6(\sqrt{x}-4)};$$

$$\text{б)} \frac{\sqrt{p}+1}{p-\sqrt{pq}} - \frac{\sqrt{q}-1}{\sqrt{pq}-q} = \frac{\sqrt{pq}+\sqrt{q}-\sqrt{pq}+\sqrt{p}}{\sqrt{pq}(\sqrt{p}-\sqrt{q})} = \frac{\sqrt{p}+\sqrt{q}}{\sqrt{pq}(\sqrt{p}-\sqrt{q})};$$

$$\text{в)} \frac{5\sqrt{c}}{6\sqrt{c}+6} + \frac{3\sqrt{c}}{7\sqrt{c}+7} = \frac{35\sqrt{c}+18\sqrt{c}}{42(\sqrt{c}+1)} = \frac{53\sqrt{c}}{42(\sqrt{c}+1)};$$

$$\text{г)} \frac{\sqrt{d}+3}{\sqrt{cd}+d} - \frac{\sqrt{c}-3}{\sqrt{cd}+c} = \frac{\sqrt{cd}+3\sqrt{c}-\sqrt{cd}+3\sqrt{d}}{\sqrt{cd}(\sqrt{c}+\sqrt{d})} = \frac{3}{\sqrt{cd}}.$$

727. a) $\frac{2}{5+2\sqrt{6}} + \frac{2}{5-2\sqrt{6}} = \frac{10-4\sqrt{6+10}+4\sqrt{6}}{25-24} = 20$ – верно;

б) $\frac{6}{7-4\sqrt{3}} - \frac{6}{7+4\sqrt{3}} = \frac{42+24\sqrt{3}-42+24\sqrt{3}}{49-48} = 48\sqrt{3} = \frac{144}{\sqrt{3}}$ – верно.

728. а) $\frac{3}{5\sqrt{2}-7} + \frac{3}{5\sqrt{27}+7} = \frac{15\sqrt{2}+21+15\sqrt{2}-21}{50-49} = 30\sqrt{2}$ – верно;

б) $\frac{1}{9+4\sqrt{5}} - \frac{1}{9-4\sqrt{5}} = \frac{1-8\sqrt{5}}{81-80} = -8\sqrt{5} = -2\sqrt{80}$ – верно.

729. а) $\frac{4\sqrt{ab}}{a-4b} + \frac{\sqrt{a}-2\sqrt{b}}{\sqrt{a}+2\sqrt{b}} = \frac{4\sqrt{ab}}{a-4b} + \frac{a-4\sqrt{ab}+4b}{a-4b} = \frac{a+4b}{a-4b}$;

б) $\frac{2\sqrt{a}-3\sqrt{b}}{2\sqrt{a}+3\sqrt{b}} - \frac{12\cdot\sqrt{ab}}{9b-4a} = \frac{4a-9b-12\sqrt{ab}}{4a-9b} + \frac{12\sqrt{ab}}{4a-9b} = \frac{4a+9b}{4a-9b}$.

730. а) $\frac{\sqrt{a}}{x-3\sqrt{x}} : \frac{\sqrt{a}}{3\sqrt{x}-9} = \frac{3(\sqrt{x}-3)}{(\sqrt{x}-3)\cdot\sqrt{x}} = \frac{3\sqrt{x}}{x}$; б) $\frac{a+\sqrt{a}}{\sqrt{n}} \cdot \frac{n}{3+3\sqrt{a}} = \frac{\sqrt{na}}{3}$;

в) $\frac{\sqrt{rx}+r}{x} : \frac{\sqrt{x}+\sqrt{r}}{\sqrt{x}} = \frac{\sqrt{rx}}{x}$; г) $\frac{6\sqrt{n}}{n-\sqrt{n}} : \frac{3\sqrt{an}}{2\sqrt{n}-2} = \frac{2\cdot 2}{\sqrt{n}\cdot\sqrt{a}} = \frac{4}{\sqrt{na}}$.

731. а) $\frac{x-16}{8x} \cdot \frac{x+4}{4\sqrt{x}} = \frac{\sqrt{x}-4}{2\sqrt{x}}$; б) $\frac{5-\sqrt{y}}{\sqrt{y}} \cdot \frac{7y}{y-25} = -\frac{7\sqrt{y}}{5+\sqrt{y}}$;

в) $\frac{z-25}{z-3\sqrt{z}} : \frac{\sqrt{z}+5}{9-z} = -\frac{(\sqrt{z}-5)(\sqrt{z}+3)}{\sqrt{z}}$;

г) $\frac{3c-3d}{c+\sqrt{cp}} \cdot \frac{\sqrt{c}+\sqrt{p}}{6\sqrt{d}-6\sqrt{c}} = -\frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{c}+\sqrt{d}}{\sqrt{c}} = -\frac{\sqrt{c}+\sqrt{d}}{2\sqrt{c}}$.

732.

а) $\frac{x-10\sqrt{x}+25}{3\sqrt{x}+12} : \frac{2\sqrt{x}-10}{x-16} = \frac{(\sqrt{x}-5)}{3(\sqrt{x}+4)} \cdot \frac{(\sqrt{x}-4)(\sqrt{x}+4)}{2(\sqrt{x}-5)} = \frac{(\sqrt{x}-5)(\sqrt{x}-4)}{6}$;

б) $\frac{1-a}{4\sqrt{a}+8\sqrt{b}} \cdot \frac{a+4\sqrt{ab}+4b}{3-3\sqrt{a}} = \frac{(1-\sqrt{a})(1+\sqrt{a})(a+2b)^2}{12(\sqrt{a}+2\sqrt{b})(1-\sqrt{a})} = \frac{(1+\sqrt{a})(a+2\sqrt{b})}{12}$;

в) $\frac{c-25}{c+12\sqrt{c}+36} \cdot \frac{3\sqrt{c}+18}{2\sqrt{c}+10} = \frac{(\sqrt{c}-5)(\sqrt{c}+5) \cdot 3(\sqrt{c}+6)}{2(\sqrt{c}+6)^2(\sqrt{c}+5)} = \frac{3(\sqrt{c}-5)}{2(\sqrt{c}+6)}$;

г)
$$\begin{aligned} & \frac{5\sqrt{m}-10\sqrt{n}}{\sqrt{m}-5} : \frac{4n-4\sqrt{mn}+m}{15-3\sqrt{m}} = \\ & = \frac{5(\sqrt{m}-2\sqrt{n}) \cdot (2\sqrt{n}-\sqrt{m})^2}{(\sqrt{m}-5) \cdot (3(5-\sqrt{m}))} = -\frac{5 \cdot 3}{3(\sqrt{m}-2\sqrt{n})} = -\frac{15}{\sqrt{m}-2\sqrt{n}} = \frac{15}{2\sqrt{n}-\sqrt{m}}. \end{aligned}$$

733.

а) $a\sqrt{12} = \sqrt{12a^2}$; б) $-a\sqrt{5} = \sqrt{5a^2}$; в) $3a\sqrt{2} = -\sqrt{18a^2}$; г) $-2a\sqrt{7} = \sqrt{28a^2}$.

734. a) $(\sqrt{6} + \sqrt{5})^2 - \sqrt{120} = 11 + 2\sqrt{30} - 2\sqrt{30} = 11;$

б) $\sqrt{60} + (\sqrt{3} - \sqrt{5})^2 = 2\sqrt{15} + 8 - 2\sqrt{15} = 8;$ в) $(\sqrt{2} + \sqrt{18})^2 - 30 = 20 + 2 \cdot 6 - 30 = 2;$

г) $(6 - \sqrt{2})^2 + 3\sqrt{32} = 38 - 12\sqrt{2} + 12\sqrt{2} = 38.$

735. а) $(\sqrt{3} + \sqrt{2} + 1)^2 = 5 + 2\sqrt{6} + 2\sqrt{3} + 2\sqrt{2} + 1 = 6 + 2\sqrt{6} + 2\sqrt{3} + 2\sqrt{2};$

б) $(\sqrt{5} - \sqrt{2} - 1)^2 = 7 - 2\sqrt{10} - 2\sqrt{5} + 2\sqrt{2} + 1 = 8 - 2\sqrt{10} - 2\sqrt{5} + 2\sqrt{2};$

в) $(\sqrt{6} + \sqrt{2} - 1)^2 = 8 + 4\sqrt{3} - 2\sqrt{6} - 2\sqrt{2} + 1 = 9 - 2\sqrt{6} + 4\sqrt{3} - 2\sqrt{2};$

г) $(\sqrt{3} - \sqrt{2} + 6)^2 = 5 - 2\sqrt{6} + 12\sqrt{3} - 12\sqrt{2} + 36 = 41 - 2\sqrt{6} + 12\sqrt{3} - 12\sqrt{2}.$

736. а) $\sqrt{\frac{1}{6}} + \sqrt{\frac{3}{2}} + \sqrt{\frac{2}{3}} - \sqrt{54} = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{18 \cdot 3} + \sqrt{12 \cdot 2} - 18\sqrt{6}}{\sqrt{36}} = \frac{-12\sqrt{6}}{6} = -2\sqrt{6};$

б) $0,1 \cdot \sqrt{140} - \sqrt{\frac{7}{5}} - \sqrt{\frac{5}{7}} = \frac{7-7-5}{\sqrt{35}} = -\frac{1}{7}\sqrt{35};$ в) $\sqrt{18} - \sqrt{\frac{2}{9}} - \sqrt{\frac{9}{2}} = \frac{18-2-9}{\sqrt{18}} = \frac{7\sqrt{2}}{6};$

г) $\sqrt{\frac{1}{14}} + 2\sqrt{\frac{2}{7}} - \sqrt{\frac{7}{2}} - \sqrt{14} = \frac{1+4-7-14}{\sqrt{14}} = -\frac{8\sqrt{14}}{7}.$

737. а) $3\sqrt{\frac{1}{15}} + 6\sqrt{0,6} - \sqrt{60} = \frac{3+6 \cdot 3 - 30}{\sqrt{15}} = -\frac{3}{5}\sqrt{15};$

б) $5\sqrt{20} - 15\sqrt{\frac{1}{5}} + 5\sqrt{0,8} = \frac{50-15+10}{\sqrt{5}} = 9\sqrt{5};$

в) $10\sqrt{0,18} - 2\sqrt{\frac{1}{2}} - 3\sqrt{50} = \frac{6-2-30}{\sqrt{2}} = -13\sqrt{2};$

г) $20\sqrt{0,27} - 5\sqrt{0,12} + 7\sqrt{0,03} = \frac{18-3+2,1}{\sqrt{3}} = 5,7\sqrt{3}.$

738. а) $\sqrt{3+2\sqrt{2}} = \sqrt{1+2\sqrt{2}+2} = \sqrt{(1+\sqrt{2})^2} = 1+\sqrt{2};$

б) $\sqrt{7-4\sqrt{3}} = \sqrt{4-4\sqrt{3}+3} = \sqrt{(2+\sqrt{3})^2} = 2-\sqrt{3};$

в) $\sqrt{23-4\sqrt{15}} = \sqrt{20-4\sqrt{15}+3} = \sqrt{(20-\sqrt{3})^2} = \sqrt{20}-\sqrt{3} = 2\sqrt{5}-3;$

г) $\sqrt{(\sqrt{5}+3\sqrt{2})^2} = \sqrt{5+6\sqrt{10}+18} = \sqrt{23+6\sqrt{10}}.$

739. а) $(3+2\sqrt{2})(1-\sqrt{2})^2 = (3+2\sqrt{2})(3-2\sqrt{2}) = 9-8=1.$

б) $(\sqrt{3}-1)^2(4+2\sqrt{3}) = (4-2\sqrt{3})(4+2\sqrt{3}) = 16-12=4;$

в) $(7+4\sqrt{3})(2-\sqrt{3})^2 = (7+4\sqrt{3})(7-4\sqrt{3}) = 49-48=1;$

г) $(\sqrt{2}-3)^2(11+6\sqrt{2}) = (11-6\sqrt{2})(11+6\sqrt{2}) = 121-72=49$

740.

а) $(1-\sqrt{2})^2 = 1-2\sqrt{2}+2 = 3-2\sqrt{2},$ т.е. равенство верно;

$\sqrt{3-2\sqrt{2}} \neq 1-\sqrt{2},$ т.к. $(1-\sqrt{2}) < 0;$

б) $(\sqrt{2}-1)^2 = 2-2\sqrt{2}+1 = 3-2\sqrt{2},$ т.е. равенство верно;

$\sqrt{3-2\sqrt{2}} = \sqrt{2}-1;$ т.к. $(\sqrt{3-2\sqrt{2}}) > 0;$

$$\sqrt{2} - 1 > 0$$

и $\sqrt{3-2\sqrt{2}} = (\sqrt{2}-1)^2$.

741. $(\sqrt{3}-5)^2 = 3 - 10\sqrt{3} + 25 - 28 - 10\sqrt{3}$, т.е. равенство верно;

$$\sqrt{28-10\sqrt{3}} \neq \sqrt{3} - 5, \text{ т.к. } \sqrt{28-10\sqrt{3}} > 0; (\sqrt{3}-5) > 0$$

$$\text{и } \sqrt{28-10\sqrt{3}} = (\sqrt{3}-5)^2.$$

$$\begin{aligned} \text{742. a)} & \frac{\sqrt{b}}{2\sqrt{a}+2\sqrt{b}} + \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}-\sqrt{a}} + \frac{a}{a-b} = \\ & = \frac{b-\sqrt{ba}+2a+2\sqrt{ab}-2a}{2(b-a)} = \frac{\sqrt{b}(\sqrt{b}+\sqrt{a})}{2(b-a)} = \frac{\sqrt{b}}{2(\sqrt{b}-\sqrt{a})}; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{б)} & \frac{1}{c-\sqrt{cd}} - \frac{1}{d-\sqrt{cd}} - \frac{4}{c-d} = \\ & = \frac{\sqrt{cd}+c+c+\sqrt{cd}-4\sqrt{cd}}{\sqrt{cd}(\sqrt{c}-\sqrt{d})(\sqrt{c}+\sqrt{d})} = \frac{(\sqrt{c}-\sqrt{d})^2}{\sqrt{cd}(\sqrt{c}-\sqrt{d})(\sqrt{c}+\sqrt{d})} = \frac{\sqrt{c}-\sqrt{d}}{\sqrt{cd}(\sqrt{c}+\sqrt{d})}. \end{aligned}$$

743.

$$\text{а)} \frac{4\sqrt{m}}{4m-1} + \frac{2\sqrt{m}+1}{3-6\sqrt{m}} + \frac{2\sqrt{m}-1}{4\sqrt{m}+2} = \frac{12\sqrt{m}-2(2\sqrt{m}+1)^2+3(2\sqrt{m}-1)}{(4m-1)\cdot 6} = \frac{2\sqrt{m}+1}{6(2\sqrt{m}-1)},$$

$$\text{б)} \frac{\sqrt{p}-1}{2\sqrt{p}+2} + \frac{\sqrt{p}+1}{3-3\sqrt{p}} + \frac{5\sqrt{p}-1}{3p-3} = \frac{3(\sqrt{p}-1)^2-2(\sqrt{p}-1)^2+2(5\sqrt{p}-1)}{6(p-1)} = \frac{1}{6}.$$

$$\text{744. а)} \frac{4x}{2\sqrt{x}-\sqrt{y}} : \frac{12x\sqrt{x}}{4x-y} : \frac{2x}{6x-3\sqrt{xy}} = \frac{4x(4x-y)\cdot 3\sqrt{x}(2\sqrt{x}-\sqrt{y})}{(2\sqrt{x}-\sqrt{y})\cdot 12x\sqrt{x}\cdot 2x} = \frac{4x-y}{2x},$$

$$\begin{aligned} \text{б)} & \frac{a-\sqrt{a}}{2\sqrt{a}+2} \cdot \frac{a+2\sqrt{a}+1}{a+4\sqrt{a}} : \frac{3\sqrt{a}-3}{a-16} = \\ & = \frac{\sqrt{a}(\sqrt{a}-1)(\sqrt{a}+1)^2(a-16)}{2(\sqrt{a}+1)\cdot \sqrt{a}(\sqrt{a}+4)\cdot 3(\sqrt{a}-1)} = \frac{(\sqrt{a}+1)(\sqrt{a}-4)}{6}. \end{aligned}$$

745.

$$\text{а)} \frac{mn\sqrt{mn}}{m\sqrt{m}-m\sqrt{n}} \cdot \frac{m-n}{6\sqrt{mn}\sqrt{n}} : \frac{\sqrt{m}+\sqrt{n}}{6\sqrt{mn}} = \frac{mn\sqrt{mn}\cdot(m-n)\cdot 6\sqrt{mn}}{m(\sqrt{m}-\sqrt{n})\cdot 6n\sqrt{mn}\cdot(\sqrt{m}+\sqrt{n})} = \sqrt{mn};$$

$$\text{б)} \frac{c+4\sqrt{c}+4}{2c+2} \cdot \frac{c+\sqrt{c}}{c-6\sqrt{c}+9} : \frac{c+2\sqrt{c}}{6\sqrt{c}-18} = \frac{(\sqrt{c}+2)^2\cdot\sqrt{c}(\sqrt{c}+1)\cdot 6(\sqrt{c}-3)}{2(\sqrt{c}+1)(\sqrt{c}-3)^2\cdot\sqrt{c}(\sqrt{c}+2)} = \frac{3(\sqrt{c}+2)}{\sqrt{c}-3}.$$

В учебнике в пункте а) опечатка.

746.

$$\text{а)} (2 + \left(2 + \frac{\sqrt{t}}{\sqrt{t}+1}\right) \cdot \frac{3t+3\sqrt{t}}{12\sqrt{t}+8}) = \frac{(3\sqrt{t}+2)\cdot 3\sqrt{t}(\sqrt{t}+1)}{(\sqrt{t}+1)\cdot 4(3\sqrt{t}+2)} = \frac{3}{4}\sqrt{t};$$

$$\text{б)} \left(\frac{\sqrt{x}-2\sqrt{y}}{\sqrt{xy}} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right) \cdot \frac{xy}{\sqrt{x}-\sqrt{y}} = \frac{\sqrt{x}-\sqrt{y}}{\sqrt{xy}} \cdot \frac{xy}{\sqrt{x}-\sqrt{y}} = \sqrt{xy}.$$

$$747. \text{a) } \left(\sqrt{a} - \frac{a}{\sqrt{a}+1} \right) \cdot \frac{a-1}{\sqrt{a}} = \frac{\sqrt{a}(\sqrt{a}+1)(\sqrt{a}-1)}{(\sqrt{a}+1)\sqrt{a}} = \sqrt{a} - 1;$$

$$\text{б) } \frac{\sqrt{cd}-d}{c+d} \left(\frac{\sqrt{c}}{\sqrt{c}+\sqrt{d}} + \frac{\sqrt{d}}{\sqrt{c}-\sqrt{d}} \right) = \frac{\sqrt{d}(\sqrt{c}-\sqrt{d})}{c+d} \cdot \frac{c+d}{c-d} = \frac{\sqrt{d}}{\sqrt{c}+\sqrt{d}}.$$

$$748. \text{a) } \frac{a-16}{\sqrt{a}+3} \cdot \frac{1}{a+4\sqrt{a}} - \frac{\sqrt{a}+4}{a-3\sqrt{a}} = \frac{(a-16)(\sqrt{a}-3)-(a+4)^2(\sqrt{a}+3)}{\sqrt{a}(\sqrt{a}+3)(\sqrt{a}-3)(\sqrt{a}+4)} = \\ = \frac{(\sqrt{a}-4)(\sqrt{a}-3)-(\sqrt{a}+4)(\sqrt{a}+3)}{\sqrt{a}(a-9)} = \frac{-14\sqrt{a}}{\sqrt{a}(a-9)} = \frac{14}{9-a};$$

$$\text{б) } \frac{1-2\sqrt{b}}{2\sqrt{b}+1} + \frac{b+3\sqrt{b}}{4b-1} \cdot \frac{3+\sqrt{b}}{4\sqrt{b}+2} = \frac{1-2\sqrt{b}}{2\sqrt{b}+1} + \frac{2b(\sqrt{b}+3)(2\sqrt{b}+1)}{(4b-1)(3+\sqrt{b})} = \\ = \frac{1-2\sqrt{b}}{2\sqrt{b}+1} + \frac{2\sqrt{b}}{2\sqrt{b}-1} = \frac{4\sqrt{b}-1+2\sqrt{b}}{4b-1} = \frac{6\sqrt{b}-1}{4b-1}.$$

В ответе к пункту а) в учебнике опечатка.

$$749. \text{а) } \left(\frac{\sqrt{m}}{n-\sqrt{mn}} + \frac{\sqrt{n}}{m-\sqrt{mn}} \right) \cdot \frac{\sqrt{mn}}{\sqrt{n}+\sqrt{m}} = \frac{(m-n)\sqrt{mn}}{\sqrt{mn}(\sqrt{n}-\sqrt{m})(\sqrt{n}+\sqrt{m})} = -1.$$

В учебнике допущена ошибка в пункте а).

$$\text{б) } \left(\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}-\sqrt{b}} - \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} \right) \cdot \frac{a-b}{a^2+ab} = \frac{a+\sqrt{ab}-\sqrt{ab}+b}{a-b} \cdot \frac{a-b}{a(a+b)} = \frac{1}{a}.$$

$$750. \text{а) } \left(\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{3}-a}{\sqrt{3}} \right) \cdot \frac{2}{3+a\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{6}+3-\sqrt{6}+\sqrt{2}a}{\sqrt{6}} \cdot \frac{2}{3+a\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}}{3};$$

$$\text{б) } \frac{\sqrt{y}-2}{\sqrt{y}-3} \cdot \left(\sqrt{y} + \frac{\sqrt{y}}{2-\sqrt{y}} \right) = \frac{\sqrt{y}-2}{\sqrt{y}-3} \cdot \frac{3\sqrt{y}-y}{2-\sqrt{y}} = \sqrt{y}.$$

$$751. \text{а) } \left(\frac{1}{\sqrt{y}} + \frac{2}{\sqrt{x}+\sqrt{y}} \right) \cdot \left(\sqrt{x} - \frac{x+y}{\sqrt{x}+\sqrt{y}} \right) = \\ = \frac{\sqrt{x}+3\sqrt{y}}{\sqrt{y}(\sqrt{x}+\sqrt{y})} \cdot \frac{x+\sqrt{xy}-x-y}{\sqrt{x}+\sqrt{y}} = \frac{(\sqrt{x}+3\sqrt{y})(\sqrt{x}-\sqrt{y})}{(\sqrt{x}+\sqrt{y})^2} = \frac{x+2\sqrt{xy}-3y}{x+2\sqrt{xy}+y}.$$

Задача некорректна.

$$\text{б) } \left(\sqrt{c}+\sqrt{d}-\frac{2\sqrt{cd}}{\sqrt{c}+\sqrt{d}} \right) \cdot \left(\frac{\sqrt{c}-\sqrt{d}}{\sqrt{c}+\sqrt{d}} + \frac{\sqrt{d}}{\sqrt{c}} \right) = \frac{c+d}{\sqrt{c}+\sqrt{d}} \cdot \frac{\sqrt{c}(\sqrt{c}+\sqrt{d})}{c+d} = \sqrt{c}.$$

$$752. \left(\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} + \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}-\sqrt{b}} + \frac{2\sqrt{ab}}{a-b} \right) \cdot \left(\sqrt{a} - \frac{\sqrt{ab}+b}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} \right) =$$

$$= \frac{(\sqrt{a}+\sqrt{b})^2(a-b)}{(\sqrt{a}+\sqrt{b})(\sqrt{a}-\sqrt{b}) \cdot (\sqrt{a}+\sqrt{b})} = \frac{a-b}{\sqrt{a}-\sqrt{b}} = \sqrt{a} + \sqrt{b}.$$

$$\begin{aligned}
753. \quad & \frac{\sqrt{z}-2}{4z=16z+16} \cdot \left(\frac{\sqrt{z}}{2\sqrt{z}-4} - \frac{z-12}{2z-8} - \frac{2}{z+2\sqrt{z}} \right) = \\
& = \frac{\sqrt{z}-2}{4(\sqrt{z}-2)^2} \cdot \frac{z(\sqrt{z}+2)-(z-12)\cdot z-4(\sqrt{z}-2)}{2\sqrt{z}(\sqrt{z}-2)(\sqrt{z}+2)} = \\
& = \frac{\sqrt{z}-2}{4(\sqrt{z}-2)} \cdot \frac{2\sqrt{z}(z-2)(z+2)}{2(\sqrt{z}+2)} = \frac{\sqrt{z}}{4(\sqrt{z}+2)} .
\end{aligned}$$

754. а) При $x = \sqrt{2} + 1$, $x^2 - 3\sqrt{2}x + 2 = (\sqrt{2} + 1)^2 - 3\sqrt{2}(\sqrt{2} + 1) + 2 =$

$$= 3 + 2\sqrt{2} - 6 - 3\sqrt{2} + 2 = -1 - \sqrt{2} ;$$

$$\text{б) при } a = 2\sqrt{5} - 3, 2a^2 - 8\sqrt{5} + 23 = 2(a^2 - 4\sqrt{5}a + 20) - 17 =$$

$$2(a - 2\sqrt{5})^2 - 17 = 2 \cdot 9 - 17 = 1;$$

$$\text{в) при } y = 4\sqrt{3} - 1, y^2 - 8\sqrt{3}y + 3 = (y - 4\sqrt{3})^2 - 45 = -44;$$

$$\text{г) при } b = \sqrt{7} - 2, 3b^2 + 2\sqrt{7}b - 47 = 3(\sqrt{7} - 2)^2 + 2\sqrt{7}(\sqrt{7} - 2) - 47 =$$

$$= 33 - 12\sqrt{7} + 14 - 4\sqrt{7} - 47 = -16\sqrt{7} .$$

755. Если $a = \frac{\sqrt{5}+\sqrt{2}}{\sqrt{5}-\sqrt{2}}$ и $b = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{2}}{\sqrt{5}+\sqrt{2}}$, то

$$3a^2 + 4ab - 3b^2 = 3(a+b)(a-b) = 3 \cdot \frac{14}{3} \cdot \frac{4\sqrt{10}}{3} + 4 = \frac{56\sqrt{10}}{3} + 4 .$$

756.

а) Рассмотрим их квадраты: 36; 32; 25; 26, то искомый порядок: 5; $\sqrt{26}$;

$2\sqrt{8}$; 6. б) Рассмотрим их квадраты: 4; 7; 12; 9, то искомый порядок:

2; $\sqrt{7}$; 3; $2\sqrt{3}$. в) Рассмотрим их квадраты: 16; 18; 20; 25; 19, то искомый

порядок: 4; $3\sqrt{2}$; $\sqrt{19}$; 4,5. г) Рассмотрим их квадраты: 1; $\frac{7}{9}$; $\frac{3}{4}$; 0,49, то

искомый порядок: 0,7; $0,5\sqrt{3}$; $\frac{\sqrt{7}}{3}$; 1.

757.

$$\text{а) } A = \frac{1}{3\sqrt{3}-5} + \frac{1}{3\sqrt{3}+5} = \frac{6\sqrt{3}}{27-25} = 3\sqrt{3} < \sqrt{10} \cdot \sqrt{3} = \sqrt{30} = B, \text{ т.е. } A < B.$$

$$\text{б) } A = \frac{2}{4+2\sqrt{5}} - \frac{2}{4-2\sqrt{5}} = \frac{1}{2+\sqrt{5}} - \frac{1}{2-\sqrt{5}} =$$

$$= \frac{-2 \cdot \sqrt{5}}{4-5} = 2\sqrt{5} = \sqrt{20} < \sqrt{24} = B \text{ т.е. } A < B.$$

$$\text{в) } A = \frac{3}{2\sqrt{6}-3} + \frac{3}{2\sqrt{6}+3} = 3 \cdot \frac{4\sqrt{6}}{24-9} = \frac{4\sqrt{6}}{24-9} = \frac{4\sqrt{6}}{5} = \sqrt{\frac{120}{25}} > \sqrt{3} = B, \text{ т.е. } A > B.$$

$$\text{г) } A = \frac{1}{2+3\sqrt{2}} - \frac{1}{2-3\sqrt{2}} = \frac{-6\sqrt{2}}{4-18} = \frac{3\sqrt{2}}{7} = \sqrt{\frac{18}{49}} < \sqrt{2} = B, \text{ т.е. } A < B.$$

758.

$$\text{a) } \frac{\frac{x}{x-\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{2}}{x+\sqrt{2}}}{\frac{x^2+2}{x^2+x\sqrt{2}}} = \frac{\frac{x^2+2}{x^2-2}}{\frac{x^2+2}{x(x+\sqrt{2})}} = \frac{x(x+\sqrt{2})}{x^2-2} = \frac{x}{x-\sqrt{2}};$$

$$\text{б) } \frac{\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}-\sqrt{b}} - \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}}}{\frac{a^2+ab}{a-b}} = \frac{\frac{a+b}{a-b}}{\frac{a(a+b)}{a-b}} = \frac{1}{a}.$$

$$\text{759. а) } \sqrt{7+4\sqrt{3}} = \sqrt{3+4\sqrt{3}+4} = \sqrt{(2+\sqrt{3})^2} = 2+\sqrt{3};$$

$$\text{б) } \sqrt{3-2\sqrt{2}} = \sqrt{2-2\sqrt{2}+1} = \sqrt{(\sqrt{2}-1)^2} = \sqrt{2}-1;$$

$$\text{в) } \sqrt{7-4\sqrt{3}} = \sqrt{(2-\sqrt{3})^2} = 2-\sqrt{3}; \text{ г) } \sqrt{3+2\sqrt{2}} = \sqrt{(2+1)^2} = \sqrt{2}+1.$$

$$\text{760. а) } \sqrt{9-4\sqrt{5}} + \sqrt{14-6\sqrt{5}} = \sqrt{5-4\sqrt{5}+4} + \sqrt{9-6\sqrt{5}+5} = \sqrt{5}-2+3-\sqrt{5}=1.$$

$$\text{б) } \sqrt{11-4\sqrt{7}} + \sqrt{16-6\sqrt{7}} = \sqrt{7-4\sqrt{7}+4} + \sqrt{9-6\sqrt{7}+7} = \sqrt{7}-2+3-\sqrt{7}=1.$$

761.

$$\begin{aligned} \left(\frac{6+4\sqrt{2}}{\sqrt{2}+\sqrt{6+4\sqrt{2}}} + \frac{6-4\sqrt{2}}{\sqrt{2}-\sqrt{6-4\sqrt{2}}} \right)^2 &= \left(\frac{(2+\sqrt{2})^2}{\sqrt{2}+2+\sqrt{2}} + \frac{(2-\sqrt{2})^2}{\sqrt{2}-2+\sqrt{2}} \right)^2 = \\ &= \left(\frac{(2+\sqrt{2})^2}{2+\sqrt{2}} + \frac{(2-\sqrt{2})^2}{2\sqrt{2}-2} \right)^2 = \left(\frac{2+\sqrt{2}}{\sqrt{2}} + \frac{2-\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \right)^2 = \left(\frac{4}{\sqrt{2}} \right)^2 = \frac{16}{2} = 8. \end{aligned}$$

$$\text{762. } \sqrt{10+8\sqrt{2+\sqrt{9+4\sqrt{2}}}} = \sqrt{10+8\sqrt{2+\sqrt{8+4\sqrt{2}+1}}} =$$

$$= \sqrt{10+8\sqrt{2+\sqrt{(2\sqrt{2}+1)^2}}} = \sqrt{10+8\sqrt{3+2\sqrt{2}}} =$$

$$= \sqrt{10+8\sqrt{1+2\sqrt{2}+(\sqrt{2})^2}} = \sqrt{10+8+8\sqrt{2}} =$$

$$= \sqrt{16+8\sqrt{2}} = \sqrt{(4+\sqrt{2})^2} = 4+\sqrt{2}.$$

§21 Домашняя работа.

Вариант №1.

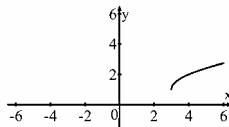
$$1. \quad \sqrt{5476} = 234, \text{ т.к. } 234^2 = 5476 \text{ и } 234 > 0.$$

$$2. \quad \frac{\sqrt{48x^7y^5}}{\sqrt{3x^3y^{12}}} = \frac{4x^3y^2\sqrt{3xy}}{xy^6\sqrt{3x}} = \frac{4x^2\sqrt{y}}{y^4}.$$

$$3. \quad 3\cdot\sqrt{27} + 5\sqrt{75} - 35\sqrt{3} = 3\cdot 3\sqrt{3} + 25\sqrt{3} - 35\sqrt{3} = 34\sqrt{3} - 35\sqrt{3} = -\sqrt{3}.$$

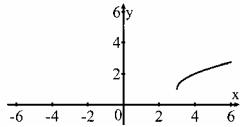
$$4. \frac{m\sqrt{m} + n\sqrt{n} + m\sqrt{n} + n\sqrt{m}}{m\sqrt{m} - n\sqrt{n} + m\sqrt{n} - n\sqrt{m}} = \frac{\sqrt{mn}(\sqrt{m} + \sqrt{n}) + (\sqrt{m} + \sqrt{n})(m - \sqrt{mn} + n)}{m(\sqrt{m} + \sqrt{n}) - n(\sqrt{m} + \sqrt{n})} = \\ = \frac{(\sqrt{m} + \sqrt{n})(m + n)}{(\sqrt{m} + \sqrt{n})(m - n)} = \frac{m + n}{m - n}.$$

5.



на $[4; 7]$: $y_{\text{нам.}} = 2$ при $x = 4$; $y_{\text{найб}} = 3$ при $x = 7$.

6.



Ответ: $x = 3$.

7. Рассмотрим их квадраты; $\frac{1}{4}; 3; \frac{1}{3}$; 1 то искомый порядок: $\frac{1}{2}; \frac{\sqrt{3}}{3}; 1; \sqrt{3}$.

$$8. A = \frac{3}{4-2\sqrt{2}} + \frac{3}{4+2\sqrt{2}} = \frac{3(4+2\sqrt{2}+4-2\sqrt{2})}{16-8} = \\ = \frac{3 \cdot 8}{8} = 3 = \sqrt{9} > \sqrt{5} = B, \text{ т.е. } A > B.$$

$$9. \left(\frac{\sqrt{a}}{b-\sqrt{ab}} + \frac{\sqrt{b}}{a-\sqrt{ab}} \right) \cdot \frac{\sqrt{ab}}{\sqrt{b}+\sqrt{a}} = \frac{a-b}{\sqrt{ab}(\sqrt{b}-\sqrt{a})} \cdot \frac{\sqrt{ab}}{\sqrt{b}+\sqrt{a}} = -\frac{b-a}{b-a} = -1.$$

$$10. \frac{1}{\sqrt{11-6\sqrt{2}}+1} - \frac{1}{\sqrt{11+6\sqrt{2}}+1} = \frac{1}{\sqrt{9-6\sqrt{2}+2}+1} - \frac{1}{\sqrt{9+6\sqrt{2}+2}+1} = \\ = \frac{1}{3-\sqrt{2}+1} - \frac{1}{3+\sqrt{2}+1} = \frac{1}{4-\sqrt{2}} - \frac{1}{4+\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{14} = \frac{\sqrt{2}}{7}.$$

Вариант №2.

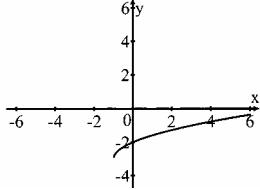
1. $\sqrt{126736} = 356$, т.к. $356^2 = 126736$ и $356 > 0$.

$$2. \frac{\sqrt{5}a^3b^{12}}{\sqrt{125}a^7b^5} = \frac{ab^6\sqrt{5}a}{5a^3b^2\sqrt{5}ab} = \frac{b^4}{5a^2\sqrt{b}} = \frac{b^3\sqrt{b}}{5a^2}.$$

$$3. 5\sqrt{18} + 7\sqrt{50} - 30\sqrt{2} = 15\sqrt{2} + 35\sqrt{2} - 30\sqrt{2} = 20\sqrt{2}.$$

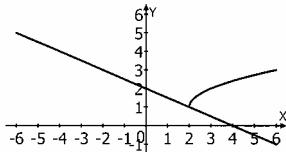
$$4. \frac{p\sqrt{p}+q\sqrt{q}-p\sqrt{q}-q\sqrt{p}}{p\sqrt{p}-q\sqrt{q}+p\sqrt{q}-q\sqrt{p}} = \frac{p(\sqrt{p}-\sqrt{q})-q(\sqrt{p}-\sqrt{q})}{p(\sqrt{p}+\sqrt{q})-q(\sqrt{p}+\sqrt{q})} = \\ = \frac{(p-q)(\sqrt{p}-\sqrt{q})}{(p-q)(\sqrt{p}-\sqrt{q})} = \frac{\sqrt{p}-\sqrt{q}}{\sqrt{p}+\sqrt{q}}.$$

5. $y = \sqrt{x+1} - 3$



на $[0;8]$: $y_{\text{нам.}} = -2$ при $x = 0$; $y_{\text{найб.}} = 0$ при $x = 8$.

6.



Ответ: (2;1).

7. Рассмотрим их квадраты; $\frac{9}{16}; 2; \frac{8}{9}; 1$ то искомый порядок: $\frac{3}{4}; \frac{2\sqrt{2}}{3}; 1; \sqrt{2}$.

8. $A = \frac{2}{5+3\sqrt{3}} - \frac{2}{5-3\sqrt{3}} = \frac{2(-6\sqrt{3})}{25-27} = 6\sqrt{3} = \sqrt{108} < \sqrt{109} = B$, т.е. $A < B$.

$$9. \left(\frac{\sqrt{c}}{\sqrt{cd}-d} - \frac{7\sqrt{c}+\sqrt{d}}{\sqrt{cd}} \right) : \frac{c+d}{\sqrt{c}-\sqrt{d}} = \frac{c-7\sqrt{cd}-7c-\sqrt{cd}+7\sqrt{cd}+d}{\sqrt{cd}(c+d)} \cdot \frac{\sqrt{c}-\sqrt{d}}{c+d} = \\ = \frac{d-\sqrt{cd}-6c}{\sqrt{cd}(c+d)}.$$

$$10. \frac{1}{\sqrt{6-\sqrt{20}}+1} - \frac{1}{\sqrt{6+\sqrt{20}}+1} = \frac{1}{\sqrt{5-2\sqrt{5}}+1} - \frac{1}{\sqrt{5+2\sqrt{5}}+1} = \\ = \frac{1}{\sqrt{5}-1+1} - \frac{1}{\sqrt{5}+1+1} = \frac{1}{\sqrt{5}} - \frac{1}{\sqrt{5}+2} = \frac{2}{\sqrt{5}(\sqrt{5}+2)} = 0.$$

Глава 4. Действительные числа.

§ 22 Множество рациональных чисел.

763. а) $5 \in N$; б) $7 \in Z$; в) $\frac{1}{2} \in Q$; г) $1003 \in N$.

764. а) $-8 \in Z$; б) $-12 \in Q$; в) $79 \in N$; г) $15 \in Z$.

765. а) $-10 \notin N$; б) $-5,7 \notin Z$; в) $0 \notin N$; г) $\frac{2}{13} \notin Z$.

766.

а) $12 \in N$ – истина; б) $-3 \in Q$ – истина; в) $\sqrt{5} \in Z$ – ложь; г) $0 \in N$ – ложь.

767.

а) $37 \notin Z$ – ложь; б) $-5 \notin N$ – истина; в) $\frac{5}{12} \notin N$ – истина; г) $\frac{3}{8} \notin Q$ – ложь.

768.

а) $\sqrt{3} \in Z$ – ложь; б) $\sqrt{8} \notin N$ – истина; в) $\sqrt{2} \in N$ – ложь; г) $\sqrt{6} \notin Z$ – истина.

769. а) истина; б) ложь; в) истина; г) ложь.

770. а) истина; б) истина; в) ложь; г) ложь.

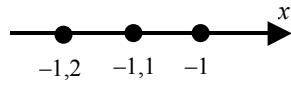
771. а) истина; б) ложь; в) истина; г) ложь.

772. а) истина; б) ложь; в) истина; г) ложь.

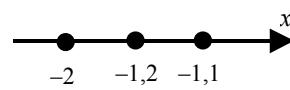
773. а) истина; б) истина; в) ложь; г) истина

774.

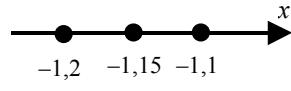
а) $-1,2$ и $-1,1$.



б) $-0,5$;



в) $-1,15$;



г) 5 .

775. а) противоположное: -3 ; обратное: $\frac{1}{3}$;

б) противоположное: 12 ; обратное: $-\frac{1}{12}$;

в) противоположное: -8 ; обратное: $\frac{1}{8}$;

г) противоположное: 7 ; обратное: $-\frac{1}{7}$.

776.

а) противоположное: $-\frac{1}{3}$; обратное: 3 ;

б) противоположное: $\frac{2}{7}$; обратное: $-\frac{7}{2}$

в) противоположное: $-\frac{5}{6}$; обратное: $\frac{6}{5}$;

г) противоположное: $\frac{4}{9}$; обратное: $\frac{9}{4}$.

777. а) 1; 2; 3; б) $-1; -2; -3$; в) $-1; 0; 1$; г) $\frac{1}{2}; \frac{1}{3}; \frac{2}{5}$.

778. а) 1; 2; 3. б) 1; 2; 3. в) $-1; 0; 1$. г) 1; 2; 3.

779. а) $\frac{3}{11} = 0,(27)$; б) $\frac{8}{33} = 0,(24)$; в) $\frac{5}{99} = 0,(05)$; г) $\frac{2}{15} = 0,1(3)$.

780. а) $\frac{29}{6} = 4,(6)$; б) $\frac{34}{9} = 3,(7)$; в) $\frac{53}{12} = 4,41(6)$; г) $\frac{78}{11} = 7,(09)$.

781.

а) $6,335 = 6,335(0)$; б) $0,48 = 0,48(0)$; в) $7,31 = 7,31(0)$; г) $91,856 = 91,856(0)$.

782. а) $1 = 1,(0)$; б) $35 = 35,(0)$; в) $108 = 108,(0)$; г) $572 = 572,(0)$.

783. а) 15 (3); $x = 15,(3)$; $100x = 153,(3)$; $100x - x = 9x = 138$; $x = \frac{138}{9} = 15\frac{1}{3}$;

б) 2,14; $x = 2,(14)$; $100x = 214,(14)$; $100x - x = 99x = 212$; $x = \frac{212}{99} = 2\frac{14}{99}$;

в) 7,(2); $x = 7,(2)$; $10x = 72,(2)$; $10x - x = 9x = 65$; $x = \frac{65}{9} = 7\frac{2}{9}$;

г) 23,(25); $x = 23,(25)$; $100x = 2325,(25)$; $100x - x = 99x = 2302$; $x = \frac{652302}{99} = 23\frac{25}{99}$.

784. а) 1,6 (1); $x = 1,6(1)$; $10x = 16,(1)$; $9x = 16,(1) - 1,6(1) = 14,5$;

$x = \frac{145}{90} = 1\frac{11}{18}$;

б) 2,03(5); $x = 2,03(5)$; $10x = 20,35(5)$; $9x = 18,32$; $x = \frac{1832}{900} = 2\frac{8}{225}$;

в) 3,9(12); $x = 3,9,(12)$; $100x = 391,1(12)$; $99x = 387,3$; $x = \frac{3873}{990} = 3\frac{301}{330}$.

г) 0,7(72); $x = 0,7(72)$; $100x = 77,2(72)$; $99x = 76,5$; $x = \frac{765}{990} = 0,77\frac{17}{22}$.

785. а) 2; б) $\frac{5}{2}$; в) 6; г) $\frac{11}{2}$.

786. а) 0; б) 1,3; в) -3 ; г) $\frac{7}{3}$.

787.

а) $[-1; 1]$; б) $[13; 14]$; в) 4; г) $\frac{25}{2}$.

788.

	а)	б)	в)	г)
обратные	$\frac{20}{7}$	$-\frac{25}{28}$	$\frac{10}{37}$	$\frac{25}{133}$
противоположные	-0,35	1,12	-3,7	5,32

$$789. \text{ a) } \frac{2}{7} = 0,(285714);$$

$$\text{б) } \frac{12}{35} = 0,3(428571);$$

$$\text{в) } \frac{17}{23} = 0,7391304347826(0);$$

$$\text{г) } \frac{13}{14} = 0,9(285714).$$

$$790. \text{ а) } 1,52 (3); x = 1,52 (3); 10x = 15,23(3); 9x = 13,71; x = \frac{1371}{900} = 1\frac{157}{300};$$

$$\text{б) } 3,47(2); x = 3,47(2); 10x = 34,72(2); 9x = 13,25; x = 3\frac{17}{35};$$

$$\text{в) } 6,12(8); x = 6,12(8); 10x = 61,28(8); 9x = 55,16; x = 6\frac{29}{225};$$

$$\text{г) } 4,15(7); x = 4,15(7); 10x = 41,57(7); 9x = 37,42; x = 4\frac{71}{450}.$$

$$791. \text{ а) } 1,2(13); x = 1,2(13); 100x = 121,3(13); 99x = 120,1; x = 1\frac{211}{990};$$

$$\text{б) } 2,1(61); x = 2,1(61); 100x = 216,1(61); 99x = 214,06; x = 2\frac{16}{99};$$

$$\text{в) } 7,5(38); x = 7,5(38); 100x = 753,8(38); 99x = 748,3(38); x = 7\frac{533}{990};$$

$$\text{г) } 0,3(26); x = 0,3(36); 100x = 33,6(36); 99x = 33,3; x = \frac{37}{110}.$$

§ 23. Иррациональные числа.

$$792. \text{ а) } \sqrt{9} = 3; \text{ б) } \sqrt{12} = 2\sqrt{3} \text{ – иррациональное число;}$$

$$\text{в) } \sqrt{18} = 3\sqrt{2} \text{ – иррациональное число; г) } \sqrt{25} = 5.$$

$$793. \text{ а) } 6,1 < \sqrt{38} < 6,2; 6,1 < 6,16\dots < 6,2 \text{ – верно;}$$

$$\text{б) } 10,5 < \sqrt{111} < 10,6; 10,5 < 10,53\dots < 10,6 \text{ – верно;}$$

$$\text{в) } 4,4 < \sqrt{20} < 4,5; 4,4 < 4,47\dots < 4,5 \text{ – верно;}$$

$$\text{г) } 21,5 < \sqrt{463} < 21,6; 21,5 < 21,51\dots < 21,6 \text{ – верно.}$$

$$794. 2 < \sqrt{7} < 3.$$

$$795. 4 < \sqrt{20} < 5, \quad 4 < \sqrt{21} < 5, \quad 4 < \sqrt{22} < 5.$$

$$796. \text{ а) } \sqrt{7} < 3; 7 < 9; \text{ б) } \sqrt{17,3} > 4; 17,3 > 16;$$

$$\text{в) } \sqrt{5} > 2; 5 > 4; \text{ г) } \sqrt{10} > 3,16; 10 > 9,9856.$$

$$797. \text{ а) } -\sqrt{12} > -4; -3,4\dots > -4; \text{ б) } -\sqrt{25,6} < -5; -5,05\dots < -5;$$

$$\text{в) } -\sqrt{19} > -4,5; -4,35\dots > -4,5; \text{ г) } -\sqrt{37} > -6,1; -6,08\dots > -6,1.$$

$$798. \text{ а) } (6 + \sqrt{2}) + (6 - \sqrt{2}) = 12 \text{ – рациональное число;}$$

$$\text{б) } (2 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3}) = 4 - 3 = 1 \text{ – рациональное число;}$$

$$\text{в) } (3 + 2\sqrt{5}) + (3 - \sqrt{20}) = 3 + 2\sqrt{5} + 3 - 2\sqrt{5} = 6 \text{ – рациональное число;}$$

$$\text{г) } (\sqrt{7} - \sqrt{3})(\sqrt{7} + \sqrt{3}) = 7 - 3 = 4 \text{ – рациональное число.}$$

799. $(7+\sqrt{3})$ и $(7-\sqrt{3})$, т.к. $(7+\sqrt{3})+(7-\sqrt{3})=14$ – рациональное число.

800. $2\sqrt{3}$ и $-\sqrt{3}$, т.к. $2\sqrt{3}+(-\sqrt{3})=\sqrt{3}$ – иррациональное число.

801. $\sqrt{3}$ и $\sqrt{3}$, т.к. $\sqrt{3}\cdot\sqrt{3}=3$ – рациональное число.

802. $\sqrt{3}$ и $\sqrt{6}$, т.к. $\sqrt{3}\cdot\sqrt{6}=\sqrt{18}=3\sqrt{2}$ – иррациональное число.

803. Утверждение неверно, т.к. $\sqrt{25}=5$ – рациональное число.

804. а) $\sqrt{9}=3$; б) $\sqrt{1,96}=1,4$; в) $\sqrt{3}=1,7320508\dots$; г) $\sqrt{9}=3,(0)$.

805. а) $5+\sqrt{3}$. Предположим, что это рациональное число r , тогда $\sqrt{3}=r-5$, но $(r-5)$ – рациональное число, значит, $\sqrt{3}$ – рациональное число, а это неверно. Противоречие. Значит, сделанное нами предположение неверно, т.е. $5+\sqrt{3}$ – иррациональное число.

б) $7-\sqrt{2}$. Рассуждая аналогично пункту а), получаем: $7-\sqrt{2}=r$, $\sqrt{2}=7-r$, $\sqrt{2}$ – рациональное число. Противоречие. Значит, $7-\sqrt{2}$ – иррациональное число.

в) $1+\sqrt{8}$. Рассуждая аналогично пункту а), получаем: $1+\sqrt{8}=r$, $\sqrt{8}=r-1$, $\sqrt{8}$ – рациональное число. Противоречие. Значит, $1+\sqrt{8}$ – иррациональное число.

г) $3-\sqrt{5}$. Рассуждая аналогично пункту а), получаем: $3-\sqrt{5}=r$, $\sqrt{5}=3-r$, $\sqrt{5}$ – рациональное число. Противоречие. Значит, $3-\sqrt{5}$ – иррациональное число.

806. Доказательство аналогично № 805 (а).

807.

Пусть a и b – данные числа, причем, a – рациональное число, b – иррациональное число, $a\neq 0$, $a\cdot b=c$. Предположим, что c – рациональное число, тогда $b=\frac{c}{a}$ – рациональное число. Получилось противоречие, т.к. b – иррациональное число. Значит, сделанное нами предположение неверно, т.е. c – иррациональное число. Что и требовалось доказать.

808. а) $r+\alpha$ – иррациональное число; б) 2α – иррациональное число;

в) α^2 – может быть как рациональным, так и иррациональным числом.

Например, если $\alpha=\sqrt{2}$, то $\alpha^2=2$ – рациональное число. Если $\alpha=\sqrt[4]{2}$, то $\alpha^2=\sqrt{2}$ – иррациональное число. г) $\alpha-r$ – иррациональное число.

809.

$$\text{а)} \frac{1}{3+2\sqrt{2}} + \frac{1}{3-2\sqrt{2}} = \frac{3-2\sqrt{2}+3+2\sqrt{2}}{(3+2\sqrt{2})(3-2\sqrt{2})} = \frac{6}{9-8} = 6 \text{ – рациональное число;}$$

$$\text{б)} \frac{2}{5+2\sqrt{6}} + \frac{2}{5-2\sqrt{6}} - 3\sqrt{6} = \frac{10-4\sqrt{6}+10+4\sqrt{6}}{(5+2\sqrt{6})(5-2\sqrt{6})} - 3\sqrt{6} = \\ = \frac{20}{1} - 3\sqrt{6} = 20 - 3\sqrt{6} \text{ – иррациональное число;}$$

$$\text{в)} \frac{3}{3\sqrt{2}-4} + \frac{3}{3\sqrt{2}+4} = \frac{9\sqrt{2}+12+9\sqrt{2}-12}{(3\sqrt{2}-4)(3\sqrt{2}+4)} = \frac{18\sqrt{2}}{18-16} =$$

$$= \frac{18\sqrt{2}}{2} = 9\sqrt{2} \text{ — иррациональное число;}$$

$$\text{г)} \frac{7}{2\sqrt{5}-3} + \frac{4}{2\sqrt{5}+3} - 2\sqrt{5} =$$

$$= \frac{14\sqrt{5}+21+8\sqrt{5}-12-2\sqrt{5}(20-9)}{(2\sqrt{5}-3)(2\sqrt{5}+3)} = \frac{9}{11} \text{ — рациональное число.}$$

810.

$$\text{а)} \sqrt{24} + 4\sqrt{6} - \sqrt{600} = 2\sqrt{6} + 4\sqrt{6} - 10\sqrt{6} = -4\sqrt{6} \text{ — иррациональное число;}$$

$$\text{б)} 15 + \frac{2\sqrt{5}}{3} + \frac{3+\sqrt{45}}{2} - \sqrt{20} = \frac{90+4\sqrt{5}+9+3\sqrt{45}-6\sqrt{20}}{6} =$$

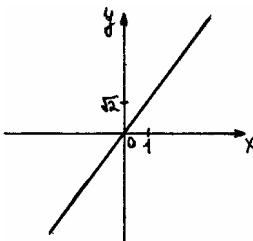
$$= \frac{99+4\sqrt{5}+9\sqrt{5}-12\sqrt{5}}{6} = \frac{99+\sqrt{5}}{6} \text{ — иррациональное число;}$$

$$\text{в)} 14 + \sqrt{27} - 4\sqrt{3} + \sqrt{81} = 14 + 3\sqrt{3} - 4\sqrt{3} + 9 = 23 - \sqrt{3} \text{ — иррациональное число;}$$

$$\text{г)} \sqrt{8} + \frac{\sqrt{32}}{2} - \frac{\sqrt{128}}{4} + 2 - 2\sqrt{2} = 2\sqrt{2} + 2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} + 2 - 2\sqrt{2} = 2 \text{ — рациональное число.}$$

811.

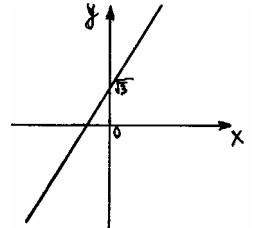
Эта точка A(0,0). Докажем, что других таких точек нет.



Пусть нашлась другая точка B(a,b), где a и b — целые числа. Но т.к. т. В принадлежит графику, то $b=a\sqrt{2}$, $a\sqrt{2}$ — иррациональное число (как произведение иррационального и рационального числа). Значит, b — иррациональное число. Получили противоречие, т.к. b — рациональное число (даже целое). Значит, наше предположение о точке B неверно. Т.е. таких точек больше нет, что и требовалось доказать.

812.

Эта точка A(-1;0). Докажем, что других таких точек нет.



Пусть нашлась другая такая т. B(a,b), где a и b — целые числа. Т.к. т. В принадлежит графику, то $b=\sqrt{3}a+\sqrt{3}=\sqrt{3}(a+1)$, $(a+1)$ — целое число. $\sqrt{3}(a+1)$ — иррациональное число (как произведение иррационального и рационального чисел), значит, b — иррациональное число. Получили противоречие, т.к. b — рациональное число. Значит, наше предположение неверно. Т.е. таких больше нет, что и требовалось доказать.

§ 24. Множество действительных чисел

813. а) 5; 3; 7. б) $\sqrt{2}$; $\sqrt{3}$; $\sqrt{5}$. в) -1; 0; 1. г) 1,5; $\sqrt{2}$; 0.

814. а) 1,2; 5; 0. б) 0; 5; 7. в) $\sqrt{5}$; $\sqrt{7}$; $\sqrt{3}$.

г) Это невозможно, т.к. эти два множества не имеют общей части.

815. Потому что на координатной прямой есть точки с иррациональными координатами. Нужно добавить иррациональные числа.

816. а) $7,5 > 7,498$; в) $54,46 < 54,64$; б) $3,1416 > 3,14159$; г) $1,2112 < 1,2121$.

817. а) $-0,25 > -0,26$; в) $-27,36 > -27,63$; б) $-5,123 > -5,1231$; г) $-7,3434 > -7,4343$.

818. а) $5,8$ и $\frac{22}{7}$, $5,8 - \frac{22}{7} = \frac{18,6}{7} > 0$, значит, $5,8 > \frac{22}{7}$;

б) $4,2$ и $\frac{27}{5}$, $4,2 - \frac{27}{5} = -\frac{6}{5} < 0$, значит, $4,2 < \frac{27}{5}$;

в) $2,5$ и $\frac{19}{3}$, $2,5 - \frac{19}{3} = -\frac{11,5}{3} < 0$, значит, $2,5 < \frac{19}{3}$;

г) $0,1$ и $\frac{3}{2}$, $0,1 - \frac{3}{2} < 0$, значит, $0,1 < \frac{3}{2}$.

819. а) $4,8 < \sqrt{29}$; б) $4,8 < 5,38\dots$; в) $-\sqrt{10} < -3,16$; г) $-3,162\dots < -3,16$;

д) $-\sqrt{3} < -\frac{71}{41}$; е) $-1,732\dots < -1,731\dots$; ж) $\sqrt{45} > 5,9$; з) $6,7\dots > 5,9$.

820. а) $x-y=3>0$, значит, $x>y$; б) $x-y=-0,001<0$, значит, $x<y$;

в) $x-y=\sqrt{7}>0$, значит, $x>y$; г) $x-y=-\sqrt{3}<0$, значит, $x<y$.

821. а) $a < b$, значит, $a-b < 0$. Т.е. подходит только б) -5 .

822. а) $a=2$, $2(2+2) > (2-3)(2+2)$; б) $8 > -4$;

в) $a=\sqrt{3}$, $\sqrt{3}(\sqrt{3}+2) > (\sqrt{3}-3)(\sqrt{3}+2)$, т.к. 1-е число > 0 , а 2-е < 0 , то

$\sqrt{3}(\sqrt{3}+2) > (\sqrt{3}-3)(\sqrt{3}+2)$;

г) $a=3,23$, $3,23(3,23+2) > (3,23-3)(3,23+2)$;

т.к. $3,23 > 3,23-3$, то $3,23(3,23+2) > (3,23-3)(3,23+2)$;

ж) $a=-\sqrt{5}$, $-\sqrt{5}(\sqrt{5}+2) < (-\sqrt{5}-3)(-\sqrt{5}+2)$.

823. а) $x=y-5$; б) $x-y=-5<0$, значит, $x<y$;

в) $x+1=2y$, где $y>1$, $x=2y-1$; $x-y=2y-1-y=y-1>0$, значит, $x>y$;

г) $y+3=x+2\sqrt{2}$; $x-y=3-2\sqrt{2}>0$, значит, $x>y$;

ж) $y-x=1+y^2>0$, значит, $y>x$, т.е. $x<y$.

824. а) $mn > 0$, $\frac{m}{n} > 0$; б) $mn < 0$, $\frac{m}{n} < 0$.

825. а) $abcd > 0$, т.к. $ab > 0$ и $cd > 0$;

б) $\frac{abd}{c} > 0$, т.к. $ab > 0$ и $\frac{d}{c} > 0$; в) $\frac{ac}{bd} > 0$, т.к. $\frac{a}{b} > 0$ и $\frac{c}{d} > 0$;

ж) $a^2b^3c^4d^5 < 0$, т.к. $a^2b^3 > 0$, $c^4 > 0$, $d^5 < 0$.

826. А (1, 3), т.к. $1 < 1,3 < 2$; Б (π), т.к. $3 < \pi < 4$.

827. С ($-\frac{\pi}{4}$), т.к. $-1 < -\frac{\pi}{4} < 0$; д) ($\sqrt{8}$) т.к. $2 < \sqrt{8} < 3$.

828. а) $\sqrt{5} = 2,23\dots$; б) $\frac{13}{6} = 2,16\dots$ Значит, $0 < \frac{13}{6} < \sqrt{5}$;

б) $\pi = 3,14\dots$ значит, $3 < 3,14 < \pi$; в) $\frac{\pi}{6} = 0,52\dots$ значит, $0,3 < 0,5 < \frac{\pi}{6}$;

г) $-\sqrt{10} = -3,16\dots$, значит, $-3,2 < -\sqrt{10} < -1$.

829. а) $-\frac{4}{\sqrt{2}} = -2,282\dots$; $-\frac{15}{7} = -2,14$, значит, $-\frac{4}{\sqrt{2}} < -\frac{15}{7} < 0$;

б) $2\pi = 6,28\dots$, значит, $5,81 < 2\pi < 6,3$; в) $\frac{\pi}{2} = 1,57\dots$, значит, $1,5 < \frac{\pi}{2} < 1,6$;

г) $-\frac{\sqrt{2}}{2} = -0,7\dots$, значит, $-1 < -\frac{\sqrt{2}}{2} < 0,5$.

830. а) $pq > 0$, значит, либо $p > 0$ и $q > 0$, либо $p < 0$ и $q < 0$;

б) $p^2q < 0$, т.е. $q < 0$ а p – любое ($\neq 0$); в) $\frac{p}{q^2} > 0$, т.е. $p > 0$ а q – любое ($\neq 0$);

г) $\frac{p}{q} < 0$, значит, либо $p > 0$ и $q < 0$, либо $p < 0$ и $q > 0$.

831. а) $a > 2$, $3a > 6$, значит, $3a - 6 > 0$;

б) $a > 2$, $a - 2 > 0$, $a > 1 + 1$, $a - 1 > 1$, т.е. $a - 1 > 0$, значит, $\frac{a-2}{a-1} > 0$;

в) $a > 2$, $a - 2 > 0$, значит, $\frac{-5}{2-a} > 0$;

г) $a > 2$, $a - 2 > 0$, $a - 1 > 1$, $1 - a < -1$, т.е. $1 - a < 0$, значит, $(a-2)(1-a) < 0$.

832. а) $b < 3$, $b - 3 < 3$, $(b-1)^2 \geq 0$, значит, $(b-3)(b-1)^2 \leq 0$;

б) $b < 3$, т.е. $b < 4$, $b - 4 < 0$, $3 - b > 0$, значит, $\frac{b-4}{3-b} < 0$;

в) $b < 3$, $4b < 12$, т.е. $4b < 14$, $14 - 4b > 0$;

г) $b < 3$, $b^2 + 1 > 0$ т.к. $b < 3$, то $b < 7$, $b - 7 < 0$, $3 - b > 0$, значит, $\frac{b^2 + 1}{(b-7)(3-b)} < 0$.

833. а) $s < 1$, т.е. $s < 4$, $s - 1 < 0$, $s - 4 < 0$, значит, $(s-1)(s-4) > 0$;

б) $s > 4$, т.е. $s > 1$, $s - 4 > 0$, $s - 1 > 0$, значит, $(s-1)(s-4) > 0$;

в) $1 < s < 4$, $s - 4 < 0$, $s - 1 > 0$, значит, $(s-1)(s-4) < 0$;

г) $s > 5$, т.е. $s > 4$, $s > 1$, $s - 4 > 0$, $s - 1 > 0$, значит, $(s-1)(s-4) > 0$.

834. а) $-\sqrt{3} = -1,73\dots$; $-\frac{\pi}{2} = -1,57\dots$ т.е. $-2 < -\sqrt{3} < -\frac{\pi}{2}$, значит, $K(-2)$,

$L(-\sqrt{3})$, $M(-\frac{\pi}{2})$; б) $\sqrt{3} = 1,73$; $\frac{1}{\sqrt{3}} = 0,57$ т.е. $\frac{1}{\sqrt{3}} < 1 < \sqrt{3}$, значит,

$K(\frac{1}{\sqrt{3}})$, $L(1)$, $M(\sqrt{3})$; в) $\sqrt{5} = 2,23\dots$; $\frac{\sqrt{21}}{2} = 2,29\dots$ т.е. $\sqrt{5} < \frac{\sqrt{21}}{2} < 2,5$,

значит, $K(\sqrt{5})$, $L(\frac{\sqrt{21}}{2})$, $M(2,5)$;

г) $\sqrt{20} = 4,47\dots$; $\frac{3\pi}{2} = 4,71\dots$; т.е. $\sqrt{20} < 4,5 < \frac{3\pi}{2}$, значит,

$K(\sqrt{20})$, $L(4,5)$, $M(\frac{3\pi}{2})$.

§ 25. Модуль действительного числа

835. а) $|6|=6$; б) $|-2|=-(-2)=2$; в) $|-4|=-(-4)=4$; г) $|25|=25$.

836 а) $|-2,56|=-(-2,56)=2,56$; б) $|1,7|=1,7$;

в) $|5,09|=5,09$; г) $|-3,75|=-(-3,75)=3,75$.

837. а) $|\sqrt{2}-1|=\sqrt{2}-1$ (т.к. $\sqrt{2}-1>0$);

б) $|\sqrt{3}-5|=-(\sqrt{3}-5)=5-\sqrt{3}$ (т.к. $\sqrt{3}-5<0$);

в) $|\sqrt{8}-4|=-(\sqrt{8}-4)=4-\sqrt{8}$ (т.к. $\sqrt{8}-4<0$);

г) $|\sqrt{5}-2|=\sqrt{5}-2$ (т.к. $\sqrt{5}-2<0$).

838. а) $|9|^2=9^2=81$; б) $|-2|^2=(-2)^2=4$; в) $|-5|^2=(-5)^2=25$; г) $|8|^2=8^2=64$.

839. а) $|3|=|-3|$ – верно, т.к. обе части равны 3;

б) $|-2|=|2|$ – неверно, т.к. слева стоит отрицательное число, а справа – положительное число; в) $|-7|=|7|$ – верно, т.к. обе части равны 7;

г) $|-10|=|-10|$ – неверно, т.к. справа стоит отрицательное число, а слева – положительное

840. а) $|a|+3=|7|+3=7+3=10$; б) $|b|-2,5=|-\sqrt{3}|-2,5=\sqrt{3}-2,5$;

в) $|b|-2=|0|-2=-2$; г) $|d|+1=|\sqrt{2}-1|+1=\sqrt{2}-1+1=\sqrt{2}$.

841. а) $|x|+|y|=|0|+\sqrt{5}|=0+\sqrt{5}=\sqrt{5}$;

б) $|z|-|t|=\left|\frac{3}{8}\right|-\left|\frac{2}{5}\right|=\frac{3}{8}-\frac{2}{5}=-\frac{1}{40}$; в) $\frac{|m+n|}{2}=\frac{\left|-\frac{5}{7}+4\right|}{2}=\frac{\left|\frac{27}{7}\right|}{2}=\frac{23}{14}$;

г) $\frac{|p-q|}{4}=\frac{|-1,2-8|}{4}=\frac{|-9,2|}{4}=\frac{9,2}{4}=2,3$.

842. а) $\frac{|a|-|b|^2}{c}=\frac{|-3|-|-2|^2}{-1}=\frac{3-4}{-1}=1$; б) $\frac{xy^2}{|z|}=\frac{3 \cdot 1^2}{|-3|}=\frac{3}{3}=1$;

в) $\frac{|r|^2-|s|}{t}=\frac{|0|^2-|-16|}{4}=\frac{-16}{4}=-4$; г) $\frac{u^2v}{|w|}=\frac{1^2 \cdot 2}{|-3|}=\frac{2}{3}$.

843. а) $y_{\text{наим}}=|0|=0$, $y_{\text{наиб}}=|1|=1$; б) $y_{\text{наим}}=|0|=0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{наим}}=|2|=2$, $y_{\text{наиб}}=|7|=7$; г) $y_{\text{наим}}=|0|=0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует.

844.

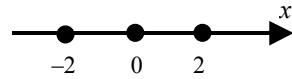
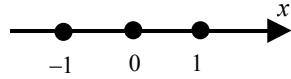
а) $y_{\text{наим}}=|0|=0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует; б) $y_{\text{наим}}=|0|=0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;

в) $y_{\text{наим}}=|0|=0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует; г) $y_{\text{наим}}=|0|=0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует.

845.

а) $|x|=1$; $x=\pm 1$;

б) $|x|=2$; $x=\pm 2$.



в) $|x|=0$; $x=0$

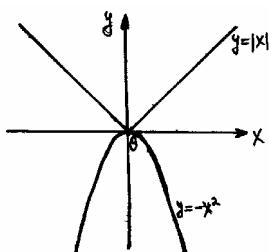
г) $|x|=-3$; нет корней, т.к. $|x| \geq 0$

846.

a) $|x| = -x^2$.

Строим графики функций

$y = |x|$ и $y = -x^2$.

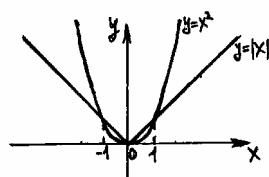


Ответ: 0.

b) $|x| = x^2$.

Строим графики функций

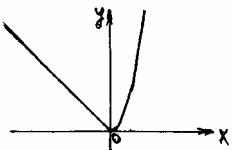
$y = |x|$ и $y = x^2$.



Ответ: -1; 1.

847. a) $f(-2) = |-2| = 2$; $f(0) = 2 \cdot 0^2 = 0$; $f(5) = 2 \cdot 5^2 = 50$;

б)



в) свойства функции: 1) область определения: $(-\infty; +\infty)$;

2) $y > 0$ при $x \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$; $y = 0$ при $x = 0$;

3) функция непрерывна;

4) функция ограничена снизу, но не ограничена сверху;

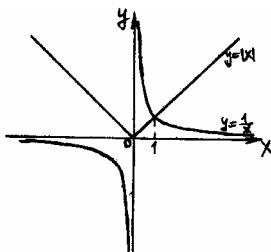
5) $y_{\text{нам}} = y(0)$, $y_{\text{найб}}$ не существует;

6) функция выпукла вниз на луче $[0; +\infty)$.

б) $|x| = \frac{1}{x}$.

Строим графики функций

$y = |x|$ и $y = \frac{1}{x}$.

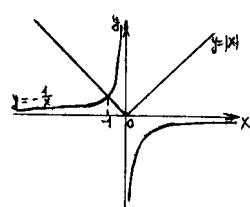


Ответ: 1.

г) $|x| = -\frac{1}{x}$.

Строим графики функций

$y = |x|$ и $y = -\frac{1}{x}$.



Ответ: -1.

848. а) $f(-3) = |-3| = 3; f(3) = |3| = 3; f(4,5) = \frac{9}{4,5} = 2;$

б)

в) свойства функции:

1) область определения: $[-3; +\infty);$

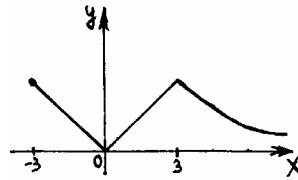
2) $y > 0$ при $x \in [-3; 0) \cup (0; +\infty);$

$y = 0$ при $x = 0;$

3) функция непрерывна;

4) функция ограничена сверху, и снизу;

5) $y_{\text{найб}} = y(3) = 3, y_{\text{нам}} = y(0) = 0;$ 6) функция выпукла вниз на луче $[3; +\infty).$



849. а) $f(-3,25) = \frac{2}{-3,25} = -\frac{8}{13}; f(-1) = |-1| = 1; f(0) = |0| = 0;$

б)

в) свойства функции:

1) область определения: $(-\infty; +\infty);$

2) $y > 0$ при $x \in [-1; +\infty); y < 0$

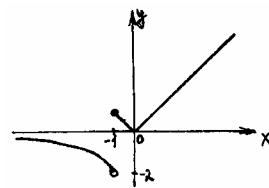
при $x \in (-\infty; -1); y = 0$ при $x = 0;$

3) разрыв при $x = -1;$

4) функция ограничена снизу, но не ограничена сверху;

5) $y_{\text{нам}}$ и $y_{\text{найб}}$ не существует;

6) функция выпукла вверх на открытом луче $(-\infty; -1).$

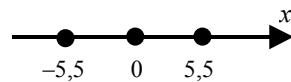


850. а) $|x - \sqrt{3}| = 0; x - \sqrt{3} = 0; x = \sqrt{3};$ б) $|x + 7| = 0; x + 7 = 0; x = -7;$

в) $|x + \sqrt{5}| = 0; x + \sqrt{5} = 0; x = -\sqrt{5};$ г) $|x - 6| = 0; x - 6 = 0; x = 6.$

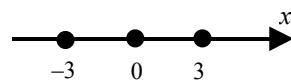
851.

а) $|x| = 5,5.$



Ответ: $-5,5; 5,5.$

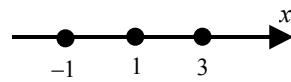
в) $|x| = 3.$



Ответ: $-3; 3.$

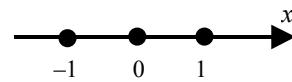
852.

а) $|x - 1| = 2.$



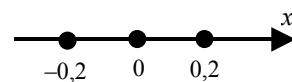
Ответ: $-1; 3.$

б) $|x| = 1.$



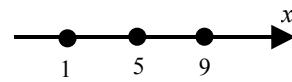
Ответ: $-1; 1.$

г) $|x| = 0,2.$



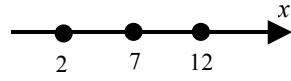
Ответ: $-0,2; 0,2.$

д) $|x - 5| = 4.$



Ответ: $1; 9.$

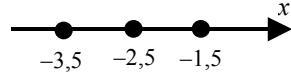
b) $|x - 7| = 5$.



Ответ: 2; 12.

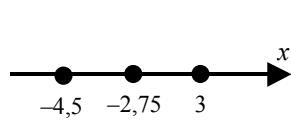
853

a) $|x + 2,5| = 1$.



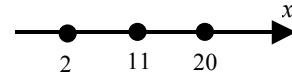
Ответ: -3,5; -1,5.

b) $|x + 0,75| = 3,75$.



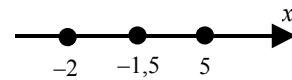
Ответ: -4,5; 3.

r) $|x - 11| = 9$.



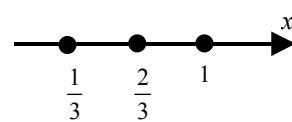
Ответ: 2; 20.

б) $|x - 1,5| = 3,5$.



Ответ: -2, 5.

г) $|x - \frac{2}{3}| = \frac{1}{3}$.



Ответ: $\frac{1}{3}, 1$.

854.

a) $x - 3 \geq 0; \sqrt{(x-3)^2} = |x-3| = x-3$; б) $x-3 < 0; \sqrt{(x-3)^2} = |x-3| = -(x-3) = 3-x$.

855.

a) $x+5 > 0; \sqrt{(x+5)^2} = |x+5| = x+5$; б) $x+5 \leq 0; \sqrt{(x+5)^2} = |x+5| = -(x+5) = -x-5$.

856. а) $\sqrt{(1-\sqrt{3})^2} = |1-\sqrt{3}| = -(1-\sqrt{3}) = \sqrt{3}-1$, т.к. $1-\sqrt{3} < 0$;

б) $\sqrt{(2-\sqrt{3})^2} = |2-\sqrt{3}| = 2-\sqrt{3}$, т.к. $2-\sqrt{3} > 0$;

в) $\sqrt{(\sqrt{5}-3)^2} = |\sqrt{5}-3| = -(\sqrt{5}-3) = 3-\sqrt{5}$, т.к. $\sqrt{5}-3 < 0$;

г) $\sqrt{(3-\sqrt{6})^2} = |3-\sqrt{6}| = 3-\sqrt{6}$, т.к. $3-\sqrt{6} > 0$.

857. а) $\sqrt{(4-2\sqrt{5})^2} = |4-2\sqrt{5}| = -(4-2\sqrt{5}) = 2\sqrt{5}-4$, т.к. $4-2\sqrt{5} < 0$;

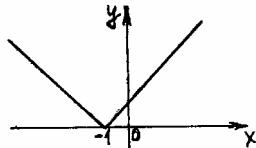
б) $\sqrt{(6-3\sqrt{6})^2} = |6-3\sqrt{6}| = -(6-3\sqrt{6}) = 3\sqrt{6}-6$, т.к. $6-3\sqrt{6} < 0$;

в) $\sqrt{(\pi-3)^2} = |\pi-3| = \pi-3$, т.к. $\pi-3 > 0$;

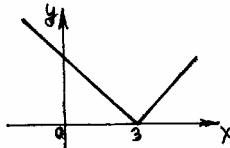
г) $\sqrt{(4-\pi)^2} = |4-\pi| = 4-\pi$, т.к. $4-\pi > 0$.

858

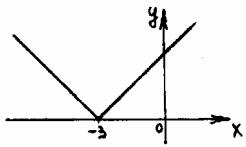
а) $y=|x+1|$;



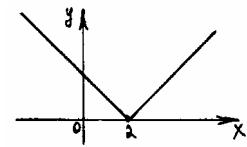
б) $y=|x-3|$;



b) $y = |x+3|$;

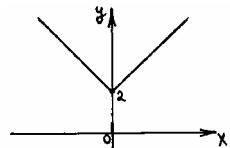


r) $y = |x-2|$.

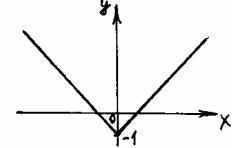


859.

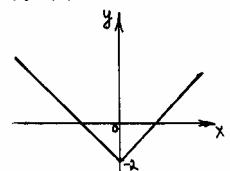
a) $y = |x| + 2$;



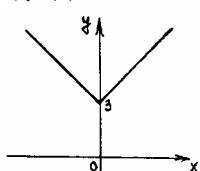
6) $y = |x| - 1$;



b) $y = |x| - 2$;

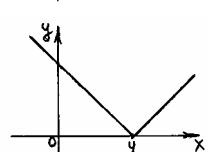


r) $y = |x| + 3$.

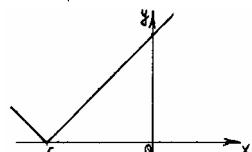


860.

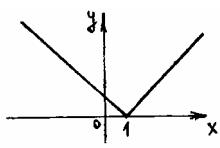
a) $y = \sqrt{(x-4)^2}$; $y = |x-4|$;



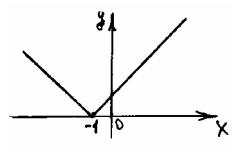
6) $y = \sqrt{(x+6)^2}$; $y = |x+6|$;



b) $y = \sqrt{(x-1)^2}$; $y = |x-1|$;



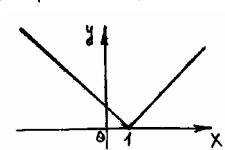
r) $y = \sqrt{(x+1)^2}$; $y = |x+1|$.



861

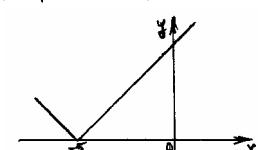
a) $y = \sqrt{x^2 - 2x + 1}$;

$y = \sqrt{(x-1)^2}$; $y = |x-1|$;

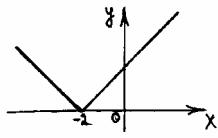


6) $y = \sqrt{x^2 + 10x + 25}$;

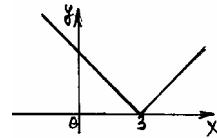
$y = \sqrt{(x+5)^2}$; $y = |x+5|$;



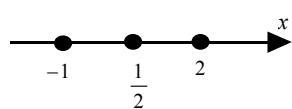
в) $y = \sqrt{x^2 + 4x + 4}$;
 $y = \sqrt{(x+2)^2}$; $y = |x+2|$;



г) $y = \sqrt{x^2 - 6x + 9}$;
 $y = \sqrt{(x-3)^2}$; $y = |x-3|$.

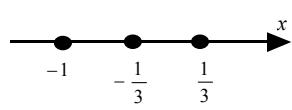


862. а) $y_{\text{нам}} = y(-2) = |-2+2| = 0$; $y_{\text{наиб}} = y(0) = |0+2| = 2$;
 б) $y_{\text{нам}} = y(-2) = 0$; $y_{\text{наиб}}$ не существует; в) $y_{\text{нам}} = y(-2) = 0$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;
 г) $y_{\text{нам}} = y(-1) = 3$; $y_{\text{наиб}} = y(4) = 6$.
 863. а) $y_{\text{нам}} = y(2) = |2|-4 = -2$; $y_{\text{наиб}} = y(6) = |6|-4 = 2$;
 б) $y_{\text{нам}} = y(0) = |0|-4 = -4$; $y_{\text{наиб}}$ не существует;
 в) $y_{\text{нам}} = y(0) = -4$; $y_{\text{наиб}}$ не существует; г) $y_{\text{нам}} = y(0) = -4$; $y_{\text{наиб}} = y(5) = |5|-4 = 1$.
 864.



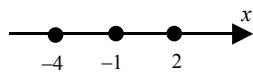
а) $|2x-1|=3$;
 $\left|2(x-\frac{1}{2})\right|=3$; $2\left|x-\frac{1}{2}\right|=3$; $\left|x-\frac{1}{2}\right|=\frac{3}{2}$;

Ответ: $-1; 2$.

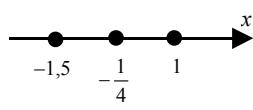


б) $|1+3x|=2$;
 $\left|3(x+\frac{1}{3})\right|=2$; $3\left|x+\frac{1}{3}\right|=2$; $\left|x-(-\frac{1}{3})\right|=\frac{2}{3}$.

Ответ: $-1; \frac{1}{3}$.



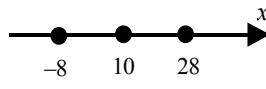
в) $|2+2x|=6$; $|2(x+1)|=6$; $2|x+1|=6$; $|x-(-1)|=3$.
 Ответ: $-4; 2$.



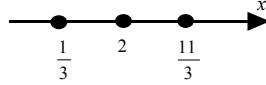
г) $|4x+1|=5$;
 $\left|4(x+\frac{1}{4})\right|=5$; $4\left|x+\frac{1}{4}\right|=5$; $\left|x-(-\frac{1}{4})\right|=\frac{5}{4}$.

Ответ: $-1,5; 1$.

865.

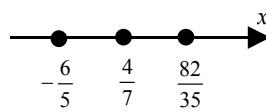


а) $|0,2x-2|=3,6$; $|0,2(x-10)|=3,6$;
 $0,2|x-10|=3,6$; $|x-10|=18$. Ответ: $-8; 28$.



б) $|3-1,5x|=2,5$; $|1,5x-3|=2,5$; $1,5|x-2|=2,5$;

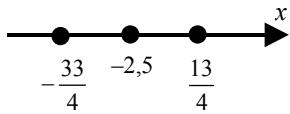
$|x-2|=\frac{5}{3}$. Ответ: $\frac{1}{3}; \frac{11}{3}$.



в) $|2-3,5x|=6,2$; $|3,5x-2|=6,2$; $3,5\left|x-\frac{4}{7}\right|=6,2$;

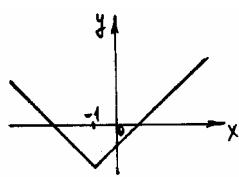
$\left|x-\frac{4}{7}\right|=\frac{62}{35}$. Ответ: $-\frac{6}{5}; \frac{82}{35}$.

г) $|0,4x+1|=2,3$; $|0,4(x+2,5)|=2,3$;
 $0,4|x+2,5|=2,3$; $|x-(-2,5)|=5,75$.
Ответ: $-\frac{33}{4}, -\frac{13}{4}$.

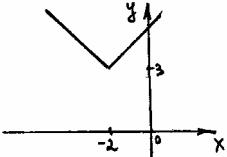


866.

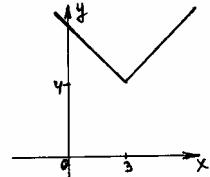
a) $y=|x+1|-2$;



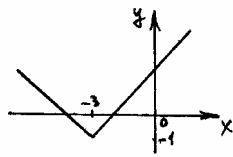
b) $y=|x+2|+3$;



б) $y=4+|x-3|$;

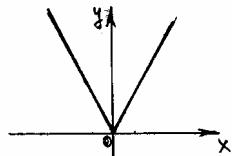


г) $y=|x+3|-1$.

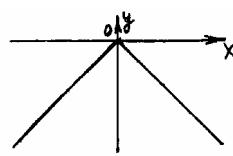


867.

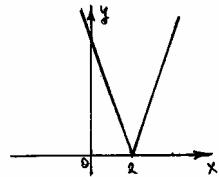
a) $y=2|x|$;



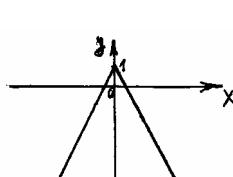
б) $y=-|x|$;



в) $y=3|x-2|$;



г) $y=-2|x|+1$.



868. $y=\sqrt{x^2+2x+1}$; $y=\sqrt{(x+1)^2}$; $y=|x+1|$;

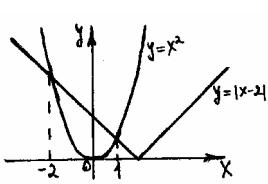
- а) $y_{\text{нам}}=y(-1)=0$, $y_{\text{найд}}=y(2)=3$; б) $y_{\text{нам}}=y(0)=1$, $y_{\text{найд}}$ не существует;
в) $y_{\text{нам}}=y(-1)=0$, $y_{\text{найд}}$ не существует; г) $y_{\text{нам}}=y(-1)=0$, $y_{\text{найд}}=y(-5)=4$.

869. $y=\sqrt{x^2-10x+25}$; $y=\sqrt{(x-5)^2}$; $y=|x-5|$.

- а) $y_{\text{нам}}=y(5)=0$, $y_{\text{найд}}=y(7)=2$;
б) $y_{\text{нам}}=y(5)=0$, $y_{\text{найд}}$ не существует;
в) $y_{\text{нам}}=y(5)=0$, $y_{\text{найд}}$ не существует;
г) $y_{\text{нам}}=y(5)=0$, $y_{\text{найд}}=y(-1)=6$.

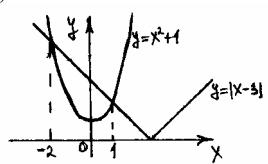
870.

a)



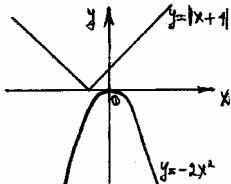
Ответ: $-2; 1$.

b)



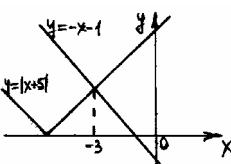
Ответ: $-2; 1$.

б)



Ответ: нет корней.

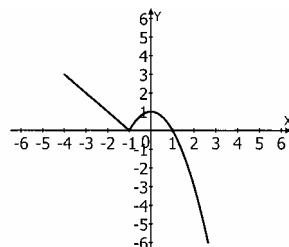
г)



Ответ: -3 .

871.

a) $f(-4) = |-4+3| = 3; f(0) = |0+1| = 1; f(2) = -2^2 + 1 = -3;$



б)

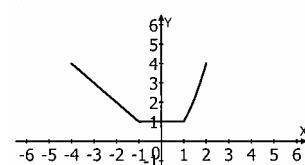
в) свойства функции $y=f(x)$:

- 1) область определения: $[-4; +\infty)$;
- 2) $y > 0$ при $x \in [-4; -1] \cup [1; 2]$;
- 3) $y < 0$ при $x \in (1; +\infty)$; $y = 0$ при $x = -1$ и $x = 1$;
- 4) функция непрерывна;
- 5) функция ограничена сверху но не ограничена снизу;
- 6) $y_{\text{найб}} = y(-4) = 3$, $y_{\text{найм}}$ не существует;
- 7) функция выпукла вверх на луче $[0; +\infty)$.

872.

a) $f(-5)$ не определено; $f(0,92) = 1; f(2) = 2^2 = 4$;

б)



в) свойства функции $y=f(x)$:

- 1) область определения: $[-4; 2]$;
- 2) $y > 0$ при $x \in [-4; 2]$;
- 3) функция непрерывна;
- 4) функция ограничена сверху и снизу;
- 5) $y_{\text{найм}} = 1$, $y_{\text{найб}} = 4$;
- 6) на отрезке $[1; 2]$ функция выпукла вниз.

873.

a) $f(-4) = |-4| = 4; f(0) = |0| = 0; f(2) = -(2-1)^2 = -1;$

б)

в) свойства функции $y=f(x)$:

1) область определения: $(-\infty; +\infty)$;

2) $y > 0$ при $x \in (-\infty; 0) \cup (0; 1]$; $y < 0$ при $x \in (1; +\infty)$;
 $y = 0$ при $x = 0$;

3) разрыв при $x=0$ и $x=1$;

4) функция не ограничена ни сверху, ни снизу;

5) $y_{\text{нам}}$ и $y_{\text{нанб}}$ не существует.

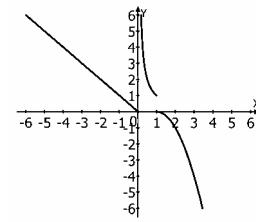
6) на луче $(0; 1]$ функция выпукла вниз, на открытом луче $(1; +\infty)$ функция выпукла вверх.

874.

a) $|x| = (x-1)^2 - 1$. Строим графики функций

$y = |x|$ и $y = (x-1)^2 - 1$.

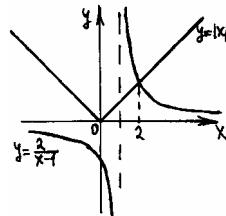
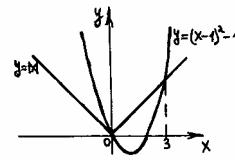
Ответ: 0; 3.



б) $|x| = \frac{2}{x-1}$.

Строим графики функций $y = |x|$ и $y = \frac{2}{x-1}$.

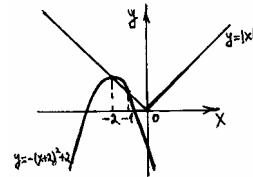
Ответ: 2.



в) $|x| = -(x+2)^2 + 2$. Строим графики функций

$y = |x|$ и $y = -(x+2)^2 + 2$.

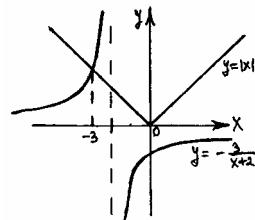
Ответ: -2; -1.



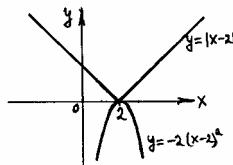
г) $|x| = -\frac{3}{x+2}$. Строим графики функций

$y = |x|$ и $y = -\frac{3}{x+2}$.

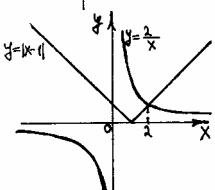
Ответ: -3.



875.

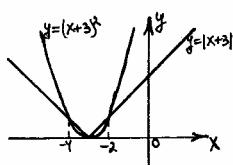


a) $\sqrt{x^2 - 4x + 4} = -2(x-2)^2$;
 $|x-2| = -2(x-2)^2$.
Строим графики функций $y=|x-2|$ и $y=-2(x-2)^2$.
Ответ: 2.



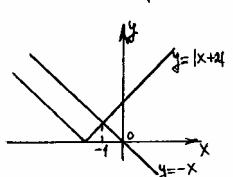
б) $\sqrt{x^2 - 2x + 1} = \frac{2}{x}$; $|x-1| = \frac{2}{x}$.

Строим графики функций $y = |x-1|$ и $y = \frac{2}{x}$.
Ответ: 2.



в) $\sqrt{x^2 + 6x + 9} = (x+3)^2$;
 $|x+3| = (x+3)^2$.

Строим графики функций $y = |x+3|$ и $y = (x+3)^2$.
Ответ: -4, -3, -2.



г) $\sqrt{x^2 + 4x + 4} = -x$;
 $|x+2| = -x$.

Строим графики функций $y = |x+2|$ и $y = -x$.
Ответ: -1.

876. а) $\frac{\sqrt{x^2 - 4x + 4}}{x-2} = \frac{|x-2|}{x-2}$, если $x-2 > 0$, $x > 2$, то $\frac{|x-2|}{x-2} = \frac{x-2}{x-2} = 1$, если

$x-2 < 0$, $x < 2$, то $\frac{|x-2|}{x-2} = \frac{-(x-2)}{x-2} = -1$;

б) $\frac{\sqrt{x^2 + 6x + 9}}{x+3} = \frac{|x+3|}{x+3}$, если $x+3 > 0$, $x > -3$, то $\frac{|x+3|}{x+3} = \frac{x+3}{x+3} = 1$, если

$x+3 < 0$, $x < -3$, то $\frac{|x+3|}{x+3} = -1$;

в) $\frac{\sqrt{x^2 + 10x + 25}}{x+5} = \frac{|x+5|}{x+5}$, если $x+5 > 0$, $x > -5$, то $\frac{|x+5|}{x+5} = 1$, если

$x+5 < 0$, $x < -5$, то $\frac{|x+5|}{x+5} = 1$;

г) $\frac{\sqrt{x^2 - 12x + 36}}{x-6} = \frac{|x-6|}{x-6}$, если $x-6 > 0$, $x > 6$, то $\frac{|x-6|}{x-6} = 1$, если

$x-6 < 0$, $x < 6$, то $\frac{|x-6|}{x-6} = -1$.

877.

$$\begin{aligned} \text{a)} & 2 + \sqrt{5} - \sqrt{(\sqrt{5}-3)^2} = 2 + \sqrt{5} - |\sqrt{5}-3| = 2 + \sqrt{5} + \sqrt{5}-3 = 2\sqrt{5}-1; \\ \text{б)} & 4 + \sqrt{6} - \sqrt{(\sqrt{6}-2)^2} = 4 + \sqrt{6} - |\sqrt{6}-2| = 4 + \sqrt{6} - \sqrt{6} + 2 = 6; \\ \text{в)} & \sqrt{(2-\sqrt{7})^2} + \sqrt{7} + 2 = |2-\sqrt{7}| + \sqrt{7} + 2 = \sqrt{7} - 2 + \sqrt{7} + 2 = 2\sqrt{7}; \\ \text{г)} & \sqrt{(\sqrt{10}-4)^2} - \sqrt{10} - 4 = |\sqrt{10}-4| - \sqrt{10} - 4 = 4 - \sqrt{10} - \sqrt{10} - 4 = -2\sqrt{10}. \end{aligned}$$

878.

$$\begin{aligned} \text{а)} & \sqrt{(5-\sqrt{30})^2} + \sqrt{(6-\sqrt{30})^2} = |5-\sqrt{30}| + |6-\sqrt{30}| = \sqrt{30} - 5 + 6 - \sqrt{30} = 1; \\ \text{б)} & \sqrt{(4-2\sqrt{3})^2} - \sqrt{(5-2\sqrt{3})^2} = |4-2\sqrt{3}| - |5-2\sqrt{3}| = 4 - 2\sqrt{3} - 5 + 2\sqrt{3} = -1; \\ \text{в)} & \sqrt{(6-\sqrt{32})^2} + \sqrt{(4-\sqrt{32})^2} = |6-\sqrt{32}| + |4-\sqrt{32}| = 6 - \sqrt{32} - 4 + \sqrt{32} = 2; \\ \text{г)} & \sqrt{(3-2\sqrt{2})^2} + \sqrt{(2-2\sqrt{2})^2} = |3-2\sqrt{2}| + |2-2\sqrt{2}| = 3 - 2\sqrt{2} - 2 + 2\sqrt{2} = 1. \end{aligned}$$

879.

$$\begin{aligned} \text{а)} & x < 0; \quad \frac{1-x-x+x}{3x(x-1)} = \frac{x+1}{3x(x-1)}; \\ \text{б)} & 0 < x < 1; \quad \frac{1-x+x+x}{3x(x-1)} = \frac{x+1}{3x(x-1)}; \quad \text{в)} x > 1; \quad \frac{x-1+x+x}{3x(x-1)} = \frac{3x-1}{3x(x-1)}; \end{aligned}$$

$$\text{г)} \frac{1}{2} \leq x \leq \frac{3}{4}; \quad \frac{1-x+x+x}{3x(x-1)} = \frac{1+x}{3x(x-1)}.$$

$$\text{880. а)} b < 0; \quad \frac{b(b+1)}{b^2-b+1+b} = \frac{b(b-1)}{b^2+1};$$

$$\text{б)} 0 < b < 1; \quad \frac{-b(b-1)}{b^2-b+1-b} = \frac{b(1-b)}{b(b-1)+(1-b)} = \frac{b(1-b)}{(1-b)\cdot(1-b)} = \frac{b}{1-b},$$

$$\text{в)} b > 1; \quad \frac{b(b-1)}{b^2-b+1-b} = -\frac{b}{1-b} = \frac{b}{b-1}$$

г) $5 \leq b \leq 6$, т.е. $b > 1$ (аналогично в)).

881.

$$\begin{aligned} & \sqrt{x^2+4x+4} - \sqrt{x^2-6x+9} = |x+2| - |x-3|; \\ \text{а)} & x < -2; -(x+2)+(x+3) = -x-2+x-3 = -5; \quad 6) -2 < x < 3; (x+2)+(x-3) = -1; \\ \text{б)} & x > 3; (x+2)-(x-3) = x+2-x+3 = 5; \quad \text{г)} -7 \leq x \leq -4, \quad \text{т.е. } x < -2 \text{ (аналогично а)).} \end{aligned}$$

882.

$$\sqrt{x^2-4x+4} + \sqrt{x^2+2x+1} - 2\sqrt{x^2-10x+25} = |x-2| + |x+1| - 2|x-5|;$$

$$\text{а)} x < -1; -(x-2)-(x+1)+2(x-5) = -x+2-x-1+2x = 10 = -9;$$

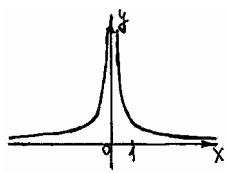
$$\text{б)} -1 < x < 2; -(x-2)+(x+1)+2(x-5) = -x+2+x+1+2x-10 = 2x-7;$$

$$\text{в)} 2 < x < 5; (x-2)+(x+1)+2(x-5) = 4x-11;$$

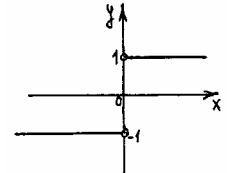
$$\text{г)} x > 5; (x-2)+(x+1)-2(x-5) = 9.$$

883.

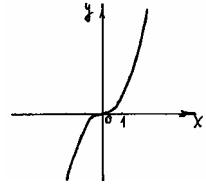
a) $y = \frac{1}{|x|} = \begin{cases} \frac{1}{x}, & x > 0 \\ -\frac{1}{x}, & x < 0 \end{cases}$



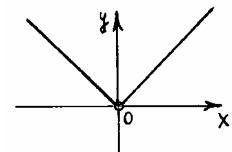
b) $y = \frac{x}{|x|} = \begin{cases} 1, & x > 0 \\ -1, & x < 0 \end{cases}$



6) $y = x|x| = \begin{cases} x^2, & x \geq 0 \\ -x^2, & x < 0 \end{cases}$

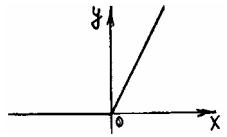


r) $y = \frac{x^2}{|x|} = \begin{cases} x, & x > 0 \\ -x, & x < 0 \end{cases}$

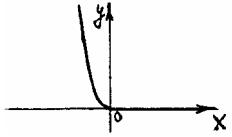


884.

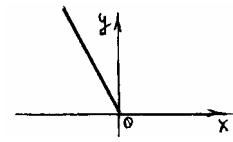
a) $y = \sqrt{x^2} + x; y = |x| + x = \begin{cases} 2x, & x \geq 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$



6) $y = x^2 - x|x| = \begin{cases} 0, & x \geq 0 \\ 2x^2, & x < 0 \end{cases}$

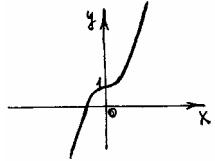


b) $y = \sqrt{x^2} - x; y = |x| - x = \begin{cases} 0, & x \geq 0 \\ -2x, & x < 0 \end{cases}$

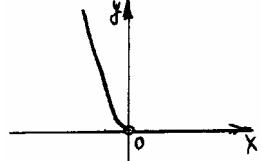


885.

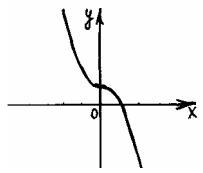
a) $y = x|x| + 1 = \begin{cases} x^2 + 1, & x \geq 0 \\ -x^2 + 1, & x < 0 \end{cases}$



6) $y = x^2 - \frac{x^3}{|x|} = \begin{cases} 0, & x > 0 \\ 2x^2, & x < 0 \end{cases}$

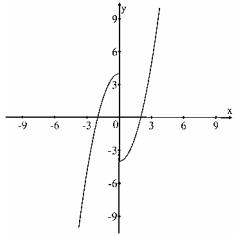


$$\text{в)} y = 1 - x|x| = \begin{cases} 1 - x^2, & x \geq 0 \\ 1 + x^2, & x < 0 \end{cases}$$

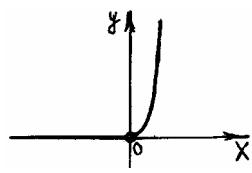


886.

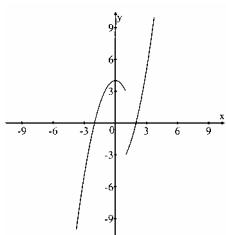
$$\text{а)} y = \frac{|x|}{x} (x^2 - 4) = \begin{cases} x^2 - 4, & x > 0 \\ -x^2 + 4, & x < 0 \end{cases}$$



$$\text{г)} y = x^2 + \frac{x^3}{|x|} = \begin{cases} 2x^2, & x > 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$



$$\text{б)} y = \frac{|1-x|}{x-1} (x^2 - 4) = \begin{cases} -x^2 + 4, & x < 1 \\ x^2 - 4, & x > 1 \end{cases}$$



§ 26. Приближенные значения действительных чисел

887. а) 2,7 и 2,8; б) 1,2 и 1,3; в) 3,9 и 4,0; г) 3,9 и 4,0.

888. а) $\sqrt{6} = 2,44\dots$; 2,4 и 2,5; б) $|2 - \sqrt{7}| = 0,64\dots$; 0,6 и 0,7;

в) $|12 - \sqrt{3}| = 10,26\dots$; 10,2 и 10,3; г) $\frac{45}{49} = 0,91\dots$; 0,9 и 1.

889. а) $\sqrt{3} = 1,732\dots$; 1,73 и 1,74; б) $\sqrt{2} - 1 = 0,414\dots$; 0,41 и 0,42;

в) $5 - \sqrt{7} = 2,354\dots$; 2,35 и 2,36; г) $\frac{2}{3} = 0,666\dots$; 0,66 и 0,67.

890. а) $\sqrt{5} = 2,236\dots$; 2,23 и 2,24; б) $\sqrt{11} - 3 = 0,316\dots$; 0,31 и 0,32;

в) $6 - \sqrt{8} = 3,171\dots$; 3,17 и 3,18; г) $\frac{15}{19} = 0,789\dots$; 0,78 и 0,79.

891. а) $\sqrt{11} = 3,316\dots$; 3,31 и 3,32; б) $|2 - \sqrt{10}| = 1,162$; 1,16 и 1,17;

в) $|5 - \sqrt{2}| = 3,585\dots$; 3,58 и 3,59; г) $\frac{12}{17} = 0,705\dots$; 0,70 и 0,71.

892. а) $\sqrt{15} = 3,8729\dots$; 3,872 и 3,873; б) $\sqrt{19} - 6 = -1,6411$; -1,642 и -1,641;

в) $1 - \sqrt{8} = -1,8284\dots$; -1,829 и -1,828; г) $\frac{3}{19} = 0,1578\dots$; 0,157 и 0,158.

893. а) $\sqrt{18} + \sqrt{8} + \sqrt{32} = 3\sqrt{2} + 2\sqrt{2} + 4\sqrt{2} = 9\sqrt{2} \approx 12,7$;

б) $\sqrt{48} + \sqrt{12} - \sqrt{75} = 4\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 5\sqrt{3} = \sqrt{3} \approx 1,7$.

894. а) $\sqrt{27} + \sqrt{75} - \sqrt{147} = 3\sqrt{3} + 5\sqrt{3} - 7\sqrt{3} = \sqrt{3} \approx 1,7$;

б) $0,5\sqrt{200} - \sqrt{98} + \frac{1}{3}\sqrt{162} = 5\sqrt{2} - 7\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = \sqrt{2} \approx 1,41$.

895. а) $|\sqrt{2} - 1,4|$; б) $|\pi - 3,14|$; в) $|\frac{\pi}{2} - 1,57|$; г) $|\sqrt{3} - 1,73|$.

896.

а) $0,1\sqrt{200} - 2\sqrt{0,08} + 4\sqrt{0,5} - 0,4\sqrt{50} = \sqrt{2} - 2\sqrt{0,04 \cdot 2} + 4 \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} - 0,4\sqrt{25 \cdot 2} =$

$$= \sqrt{2} - 2 \cdot 0,2\sqrt{2} + 2\sqrt{2} - 0,4 \cdot 5\sqrt{2} = \sqrt{2} - 0,4\sqrt{2} + 2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} = 0,6\sqrt{2} \approx 0,8$$
 ;

б) $5\sqrt{\frac{1}{5}} - \frac{1}{2}\sqrt{20} + \sqrt{500} - 0,2\sqrt{3215} =$

$$= \sqrt{5} - \frac{1}{2} \cdot 2\sqrt{5} + 10\sqrt{5} - 0,2 \cdot 25\sqrt{5} = \sqrt{5} - \sqrt{5} + 10\sqrt{5} - 5\sqrt{5} = 5\sqrt{5} \approx 11,2$$
 ;

в) $\sqrt{176} - 2\sqrt{99} - \sqrt{891} + \sqrt{1584} = 4\sqrt{11} - 6\sqrt{11} - 9\sqrt{11} + 12\sqrt{11} = \sqrt{11} \approx 3,3$;

г) $\sqrt{1,25} - \frac{1}{14}\sqrt{245} + \sqrt{180} - \sqrt{80} = 0,5\sqrt{5} - \frac{1}{2}\sqrt{5} + 6\sqrt{5} - 4\sqrt{5} = 2\sqrt{5} \approx 4,5$.

897. а) $\sqrt{3 - \sqrt{29 - 12\sqrt{5}}} = \sqrt{3 - (\sqrt{2\sqrt{5} - 3})^2} = \sqrt{3 - |2\sqrt{5} - 3|} =$

$$= \sqrt{3 - 2\sqrt{5} + 3} = \sqrt{5 + 1 - 2\sqrt{5}} = \sqrt{(1 - \sqrt{5})^2} = |1 - \sqrt{5}| = \sqrt{5} - 1 \approx 1,2$$
 ;

б) $\sqrt{5 - \sqrt{13 + \sqrt{48}}} = \sqrt{5 - \sqrt{13 + 4\sqrt{3}}} = \sqrt{5 - \sqrt{(1 + 2\sqrt{3})^2}} = \sqrt{5 - |1 + 2\sqrt{3}|} =$

$$= \sqrt{5 - 1 - 2\sqrt{3}} = \sqrt{4 - 2\sqrt{3}} = \sqrt{3 - 2\sqrt{3} + 1} = \sqrt{(\sqrt{3} - 1)^2} = |\sqrt{3} - 1| = \sqrt{3} - 1 \approx 0,7$$
 .

§ 27. Степень с отрицательным показателем

898. а) $3^{-3} = \frac{1}{3^3} = \left(\frac{1}{3}\right)^3$; б) $13^{-2} = \frac{1}{13^2} = \left(\frac{1}{13}\right)^2$;

в) $5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \left(\frac{1}{5}\right)^2$; г) $27^{-4} = \frac{1}{27^4} = \left(\frac{1}{27}\right)^4$.

899. а) $a^{-5} = \frac{1}{a^5} = \left(\frac{1}{a}\right)^5$; б) $c^{-4} = \frac{1}{c^4} = \left(\frac{1}{c}\right)^4$;

в) $d^{-3} = \frac{1}{d^3} = \left(\frac{1}{d}\right)^3$; г) $t^{-2} = \frac{1}{t^2} = \left(\frac{1}{t}\right)^2$.

900. а) $(a-b)^{-2} = \frac{1}{(a-b)^2} = \left(\frac{1}{a-b}\right)^2$; б) $(c+d)^{-3} = \frac{1}{(c+d)^3} = \left(\frac{1}{c+d}\right)^3$;

в) $(t-s)^{-3} = \frac{1}{(t-s)^3} = \left(\frac{1}{t-s}\right)^3$; г) $(k+l)^{-2} = \frac{1}{(k+l)^2} = \left(\frac{1}{k+l}\right)^2$.

901. a) $4 \cdot 2^{-2} = 4 \cdot \frac{1}{2^2} = \frac{2^2}{2^2} = 1$; b) $6 \cdot 3^{-3} = 2 \cdot 3 \cdot \frac{1}{3^3} = 2 \cdot \frac{1}{3^2} = \frac{2}{9}$;

b) $2 \cdot 5^{-1} = \frac{2}{5} = 0,4$; r) $3 \cdot 9^{-2} = 3 \cdot \frac{1}{9^2} = \frac{1}{27}$.

902. a) $\frac{d}{c^2} = d \cdot c^{-2}$; b) $\frac{b^3}{a^4} = b^3 a^{-4}$; b) $\frac{n}{m} = n \cdot m^{-1}$; r) $\frac{p^2}{q^5} = p^2 q^{-5}$.

903. a) $\frac{(t+s)^3}{(t-s)^2} = (t+s)^3 \cdot (t-s)^{-2}$; b) $\frac{(k+l)^5}{(p-t)^2} = (k+l)^5 \cdot (p-t)^{-2}$;

b) $\frac{(a-b)^2}{c+d} = (a-b)^2 \cdot (c+d)^{-1}$; r) $\frac{(m-n)^4}{(m+n)^3} = (n-m)^4 \cdot (m+n)^{-3}$;

904. a) $2=2^2, 4=2^2, 8=2^3, 16=2^4, 32=2^5, 64=2^6, 128=2^7$,
 $\frac{1}{2}=2^{-1}, \frac{1}{4}=2^{-2}, \frac{1}{8}=2^{-3}, \frac{1}{16}=2^{-4}, \frac{1}{32}=2^{-5}, \frac{1}{64}=2^{-6}, \frac{1}{128}=2^{-7}$;

b) $2=\left(\frac{1}{2}\right)^{-1}, 4=\left(\frac{1}{2}\right)^{-2}, 8=\left(\frac{1}{2}\right)^{-3}, 16=\left(\frac{1}{2}\right)^{-4}, 32=\left(\frac{1}{2}\right)^{-5},$

$32=\left(\frac{1}{2}\right)^{-5}, 64=\left(\frac{1}{2}\right)^{-6}, 128=\left(\frac{1}{2}\right)^{-7}, \frac{1}{2}=\left(\frac{1}{2}\right)^1, 4=\left(\frac{1}{2}\right)^2,$

$\frac{1}{8}=\left(\frac{1}{2}\right)^3, \frac{1}{16}=\left(\frac{1}{2}\right)^4, \frac{1}{32}=\left(\frac{1}{2}\right)^5, \frac{1}{64}=\left(\frac{1}{2}\right)^6, \frac{1}{128}=\left(\frac{1}{2}\right)^7$

905. a) $3=3^1, 9=3^2, 27=3^3, 81=3^4, 243=3^5$,

$\frac{1}{3}=3^{-1}, \frac{1}{9}=3^{-2}, \frac{1}{27}=3^{-3}, \frac{1}{81}=3^{-4}, \frac{1}{243}=3^{-5}$;

b) $3=\left(\frac{1}{3}\right)^{-1}, 9=\left(\frac{1}{3}\right)^{-2}, 27=\left(\frac{1}{3}\right)^{-3}, 81=\left(\frac{1}{3}\right)^{-4}, 243=\left(\frac{1}{3}\right)^{-5}, \frac{1}{3}=\left(\frac{1}{3}\right)^1,$

$\frac{1}{9}=\left(\frac{1}{3}\right)^2, \frac{1}{27}=\left(\frac{1}{3}\right)^3, \frac{1}{81}=\left(\frac{1}{3}\right)^4, \frac{1}{243}=\left(\frac{1}{3}\right)^5$

906. a) $\frac{1}{36}=6^{-2}$; b) $\frac{1}{343}=7^{-3}$; b) $\frac{1}{625}=5^{-4}$; r) $\frac{1}{1024}=2^{-10}$.

907. a) $0,1=10^{-1}$; b) $0,0001=10^{-4}$; b) $0,01=10^{-2}$; r) $0,00001=10^{-5}$.

908. a) $\left(\frac{1}{2}\right)^{-2}, \left(\frac{1}{2}\right)^{-1}, \left(\frac{1}{2}\right)^0, \left(\frac{1}{2}\right)^3$; b) $3^3, 3^0, 3^{-1}, 3^{-2}$; b) $5^2, 5^0, 5^{-1}, 5^{-2}$;

r) $\left(\frac{1}{4}\right)^{-3}, \left(\frac{1}{4}\right)^{-1}, \left(\frac{1}{4}\right)^0, \left(\frac{1}{4}\right)^2$.

909.

a) $(64 \cdot 4^{-5})^2 = (2^6 \cdot (2^2)^{-5})^2 = (2^6 \cdot 2^{-10})^2 = (2^{-4})^2 = 2^{-8} = \frac{1}{256}$;

$$6) \frac{5^{-3} \cdot 5^{-1}}{5^{-6}} = \frac{5^{-4}}{5^{-6}} = 5^2 = 25; \quad b) (128 \cdot 2^{-6})^{-2} = (2^7 \cdot 2^{-6})^{-2} = 2^{-2} = \frac{1}{2^2} = \frac{1}{4};$$

$$r) \frac{3^{-9}}{3^{-2} \cdot 3^{-6}} = \frac{3^{-9}}{3^{-8}} = 3^{-1} = \frac{1}{3}.$$

$$910. a) \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^{-4} \cdot 3^{-2} = \frac{1}{4} + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^4 \cdot \frac{1}{3^2} = \frac{1}{4} + \frac{3^2}{16} \cdot \frac{1}{3^2} = \frac{1}{4} + \frac{1}{16} = \frac{4+1}{16} = \frac{5}{16};$$

$$6) \left(\frac{\sqrt{2}}{3}\right)^{-3} - \left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right)^{-5} \cdot (3)^{-3} = \left(\frac{3}{\sqrt{2}}\right)^3 - \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^5 \cdot \frac{1}{3^3} = \\ = \frac{27}{2\sqrt{2}} - \frac{1}{4\sqrt{2}} \cdot \frac{3^3}{1} = \frac{54-27}{4\sqrt{2}} = \frac{27}{4\sqrt{2}} = \frac{27\sqrt{2}}{8};$$

$$b) (\sqrt{6})^{-4} + \left(\frac{6}{\sqrt{2}}\right)^{-2} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{-3} = 6^{-2} + \left(\frac{\sqrt{2}}{6}\right)^2 \cdot 2^3 = \frac{1}{36} + \frac{16}{36} = \frac{17}{36};$$

$$r) \left(\frac{3}{4}\right)^{-1} \cdot (\sqrt{6})^2 - \left(\frac{1}{\sqrt{5}}\right)^{-2} = \frac{4}{3} \cdot 6 - (\sqrt{5})^2 = 8 - 5 = 3.$$

$$911. a) \left(-\frac{1}{3}\right)^{-1} \cdot 10^{-1} + 4^0 - (-2)^3 - (-5)^{-2} \cdot (-5)^3 = -\frac{3}{10} + 1 + 8 + 5 = 14 - \frac{3}{10} = 13,7;$$

$$6) -\left(\frac{1}{2}\right)^{-1} \cdot 2^{-1} - \left(\frac{4}{81}\right)^0 - (-0,05)^{-2} + (2,5)^{-1} \cdot (2,5)^2 = \\ = -2 \cdot 2^{-1} - 1 - (-2)^2 + 2,5 = -1 - 1 - 4 + 2,5 = -3,5;$$

$$b) \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} \cdot (4)^{-1} - \left(-\frac{1}{3}\right)^{-3} + (-0,6)^{-3} \cdot (-0,6)^4 - (4^5)^0 = \\ = 2 \cdot 2^{-2} - (-3)^3 + (-0,6) - 1 = 0,5 + 27 - 0,6 - 1 = 25,9;$$

$$r) (-0,5)^{-3} \cdot (2)^{-1} - (\sqrt{16})^0 - (-2)^3 \cdot 1,2 - \left(\frac{2}{3}\right)^{-2} = (-2)^{-3} \cdot (2)^{-1} - 1 + 8 \cdot 2 - \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \\ = -8 \cdot \frac{1}{2} - 1 + 9,6 - 2,25 = -7,25 + 9,6 = 2,35.$$

$$912. a) a^2 \cdot a^{-3} = a^{-1} = \frac{1}{a}; \quad b) b^4 \cdot b^{-5} = b^{-1} = \frac{1}{b}; \quad b) d \cdot d^{-2} = d^{-1} = \frac{1}{d}; \quad r) m^5 \cdot m^{-1} = m^4.$$

$$913. a) k^6 \cdot k^{-1} = k^7; \quad b) l^2 \cdot l^{-1} = l^1; \quad b) x^3 \cdot x^{-4} = x^{-1}; \quad r) y \cdot y^{-3} = y^4.$$

$$914. a) 2a^{-2} \cdot \frac{3}{3}a = 2 \cdot \frac{3}{2}a^{-3} = \frac{3}{a^3}; \quad b) 1,2x^{-2} \cdot 4x^{-5} = 0,3x^3;$$

$$b) \frac{4}{7}m^7 \cdot 1 \frac{3}{4}m^{-3} = \frac{4}{7} \cdot \frac{4}{7}m^{10} = \frac{16}{49}m^{10}; \quad r) 8r^{-5} \cdot \frac{2}{3}r^{-7} = 8 \cdot \frac{3}{2}r^2 = 12r^2.$$

$$915. a) 3m^{-2}n^3 \cdot \frac{3}{4}m^{-3}n^3 = 3 \cdot \frac{4}{3}m = 4m; \quad b) 0,5a^2b^{-2} \cdot 4a^{-3}b^3 = 2a^{-1}b = \frac{2b}{a};$$

$$b) \frac{7}{11}t^{-2}s^6 \cdot 1 \frac{4}{7}t^{-1}s^{-2} = t^{-3}s^4 = \frac{s^4}{t^3}; \quad r) 16p^{-1}q^3 \cdot \frac{4}{7}p^{-3}q^2 = 16 \cdot \frac{7}{4}p^2q = 28p^2q.$$

$$916. \text{ a)} (a^2 - 1) \cdot a^{-1} = \frac{a^2 - 1}{a}; \text{ б)} (b - b^3) b^{-2} = \frac{b(1 - b^2)}{b^2} = \frac{1 - b^2}{b};$$

$$\text{в)} (l^3 - l^2) \cdot l^{-2} = l^2(l - l) \cdot l^{-2} = l - l; \text{ г)} (m^5 - m^4) \cdot m^{-5} = m^4(m - 1) \cdot m^{-5} = (m - 1) \cdot m^{-1} = \frac{m - 1}{m}.$$

$$917. \text{ a)} ab^{-1} + a^{-1}b = \frac{a}{b} + \frac{b}{a} = \frac{a^2 + b^2}{ab}; \text{ б)} c^{-1}d^2 - c^2d^{-1} = \frac{d^2}{c} - \frac{c^2}{d} = \frac{d^3 - c^3}{cd};$$

$$\text{в)} p^2q^2(p^{-2} - q^{-2}) = p^2q^2 \left(\frac{1}{p^2} - \frac{1}{q^2} \right) = p^2 \cdot q^2 \cdot \frac{q^2 - p^2}{p^2q^2} = q^2 - p^2;$$

$$\text{г)} mn^{-2} - m^{-2}n = \frac{m}{n^2} - \frac{n}{m^2} = \frac{m^3 - n^3}{n^2m^2}.$$

$$918. \text{ а)} (b^{-1} + a^{-1}) \cdot (a + b)^{-1} = \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) \cdot \frac{1}{a + b} = \frac{a + b}{ab} \cdot \frac{1}{a + b} = \frac{1}{ab};$$

$$\text{б)} (x^{-2} - y^{-2}) : (x - y) = \left(\frac{1}{x^2} - \frac{1}{y^2} \right) : \frac{1}{x - y} = \frac{y^2 - x^2}{x^2y^2} \cdot \frac{1}{x - y} = -\frac{(x - y)(x + y)}{(x - y)x^2y^2} = -\frac{x + y}{x^2y^2};$$

$$\text{в)} (m^{-2} + n^{-2}) : (m^2 + n^2) = \left(\frac{1}{m^2} + \frac{1}{n^2} \right) : \frac{1}{m^2 + n^2} = \frac{m^2 + n^2}{m^2n^2(m^2 + n^2)} = \frac{1}{m^2n^2};$$

$$\text{г)} (ab^{-2} + a^{-2}b) \cdot \left(\frac{a^{-1}}{b} \right)^{-2} = \left(\frac{a}{b^2} + \frac{b}{a^2} \right) \cdot \left(\frac{b}{a^{-1}} \right)^2 = \frac{a^3 + b^3}{a^2b^2} \cdot \frac{a^2b^2}{1} = a^3 + b^3.$$

$$919. \text{ а)} (b^{-1} + a^{-1}) \cdot \left(\frac{1}{a^{-1}} + \frac{1}{b^{-1}} \right)^{-1} = \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) \cdot (a + b)^{-1} = \frac{a + b}{ab} \cdot \frac{1}{a + b} = \frac{1}{ab};$$

$$\text{б)} (x^{-1} + y^{-1}) \cdot \left(\frac{1}{x^{-1}} + \frac{1}{y^{-1}} \right)^{-1} = \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \right) \cdot (x + y)^{-1} = \frac{1}{xy};$$

$$\text{в)} (k^2 - l^2) : \left(\frac{1}{k^{-1}} + \frac{1}{l^{-1}} \right)^{-1} = \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{l^2} \right) : (k + l)^{-1} = \\ = \frac{l^2 - k^2}{k^2l^2} : \frac{1}{k + l} = -\frac{(k - l)(k + l)}{k^2l^2} \cdot (k + l) = \frac{(l - k)(k + l)^2}{k^2l^2};$$

$$\text{г)} \left((s^{-1} + t^{-1}) : \left(\frac{1}{s^{-2}} + \frac{1}{t^{-2}} \right) \right) = \left(\left(\frac{1}{s} + \frac{1}{t} \right) : (s^2 + t^2) \right)^{-1} = \left(\frac{s + t}{st(s^2 + t^2)} \right)^{-1} = \frac{st(s^2 + t^2)}{s + t}$$

920.

$$\begin{aligned} & \frac{1}{4} (xa^{-1} - ax^{-1}) \cdot \left(\frac{a^{-1} - x^{-1}}{a^{-1} + x^{-1}} - \frac{a^{-1} + x^{-1}}{a^{-1} - x^{-1}} \right) = \frac{1}{4} \left(\frac{x}{a} - \frac{a}{x} \right) \cdot \left(\frac{(a^{-1} - x^{-1})^2 - (a^{-1} + x^{-1})^2}{(a^{-1} + x^{-1})(a^{-1} - x^{-1})} \right) = \\ & = \frac{1}{4} \frac{x^2 - a^2}{ax} \cdot \frac{a^{-2} - 2a^{-1}x^{-1} + x^{-2} - a^{-2} - 2a^{-1}x^{-1} - x^2}{a^{-2} - x^{-2}} = \\ & = \frac{1}{4} \frac{x^2 - a^2}{ax} \cdot \frac{-4a^{-1}x^{-1}}{\frac{x^2 - a^2}{ax}} = -\frac{a^2x^2}{(x^2 - a^2)ax} = -1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
921. & \left(\frac{1+ax^{-1}}{a^{-1}x^{-1}} \cdot \frac{a^{-1}}{a^{-1}x-ax^{-1}} \right) \cdot \frac{ax^{-1}}{x-a} = \frac{a^{-1}+x^{-1}}{a^{-2}-x^{-2}} \cdot \frac{x-a}{ax^{-1}} = \\
& = \frac{(a^{-1}+x^{-1})(x-a)}{(a^{-1}-x^{-1})(a^{-1}+x^{-1})ax^{-1}} = \frac{x-a}{x^{-1}-ax^{-2}} = \frac{x-a}{\frac{1}{x}-\frac{a}{x^2}} = \frac{x-a}{x-a} \cdot x^2 = x^2.
\end{aligned}$$

922.

$$\begin{aligned}
& \left(\frac{y^2(xy^{-1}-1)^2}{x(1+x^{-1}y)^2} \cdot \frac{y^2(x^{-2}+y^{-2})}{x(xy^{-1}+x^{-1}y)} \right) \cdot \frac{1-x^{-1}y}{xy^{-1}+1} = \frac{y^2(xy^{-1}-1)^2}{x(1+x^{-1}y)^2} \cdot \frac{y^2(x^{-2}+y^{-2})}{x^2y(x^{-2}+y^{-2})} \cdot \frac{1+xy^{-1}}{1-x^{-1}y} = \\
& = \frac{\left(y(xy^{-1}-1)\right)^2 \cdot y}{x(x(1+x^{-1}y))^2} \cdot \frac{1+xy^{-1}}{1-x^{-1}y} = \frac{(x-y)^2 y}{x(x+y)^2} \cdot \frac{(x+y)x}{y(x-y)} = \frac{x-y}{x+y}.
\end{aligned}$$

923.

$$\begin{aligned}
& \left(\left(\frac{\sqrt{a+1}}{\sqrt{a-1}} \right)^{-4} + 1 \right) \cdot \left(\frac{\sqrt{a+1}}{\sqrt{a^2+1}} \right)^{-2} = \left(\left(\frac{\sqrt{a-1}}{\sqrt{a+1}} \right)^4 + 1 \right) \cdot \left(\frac{\sqrt{a+1}}{\sqrt{a^2+1}} \right)^{-2} = \left(\frac{(a-1)^2}{(a+1)^2} + 1 \right) \cdot \frac{a+1}{a^2+1} = \\
& = \frac{a^2 - 2a + 1 + a^2 + 2a + 1}{(a+1)^2} \cdot \frac{(a+1)}{(a^2+1)} = \frac{2(a^2+1)}{(a+1)(a^2+1)} = \frac{2}{a+1} = \left(\frac{a+1}{2} \right)^{-1} = \left(\sqrt{\frac{a+1}{2}} \right)^{-2}
\end{aligned}$$

924.

$$\begin{aligned}
& \left(\frac{a^{-n}+b^{-n}}{a^{-n}-b^{-n}} - \frac{a^{-n}-b^{-n}}{a^{-n}+b^{-n}} \right) = \left(\frac{(a^{-n}+b^{-n})^2 - (a^{-n}-b^{-n})^2}{(a^{-n}-b^{-n})(a^{-n}+b^{-n})} \right)^{-1} = \\
& = \left(\frac{a^{-2n} + 2a^{-n}b^{-n} + b^{-2n} - a^{-2n} - 2a^{-n}b^{-n} + b^{-2n}}{a^{-2n} - b^{-2n}} \right)^{-1} = \left(\frac{4a^{-n}b^{-n}}{a^{-2n} - b^{-2n}} \right)^{-1} = \frac{a^{-2n} - b^{-2n}}{4a^{-n}b^{-n}} = \\
& = \frac{(a^{-n})^2 - (b^{-n})^2}{4(ab)^{-n}} = \frac{(0,2^{-1})^2 - (5^{-1})^2}{4(0,2 \cdot 5)^{-1}} = \frac{25 - 25}{4} = \frac{624}{100} = 6,24.
\end{aligned}$$

925.

$$\begin{aligned}
& \left(\frac{a^{-n}-b^{-n}}{a^{-2n}a^{-n}b^{-n}+b^{-2n}} \right)^{-1} + \left(\frac{a^{-n}+b^{-n}}{a^{-2n}+a^{-n}b^{-n}+b^{-2n}} \right)^{-1} = \\
& = \frac{a^{-2n}-a^{-n}b^{-n}+b^{-2n}}{a^{-n}-b^{-n}} + \frac{a^{-2n}+a^{-n}b^{-n}+b^{-2n}}{a^{-n}+b^{-n}} = \\
& = \frac{(a^{-2n}-a^{-n}b^{-n}+b^{-2n})(a^{-n}+b^{-n}) + (a^{-n}-b^{-n})(a^{-2n}+a^{-n}b^{-n}+b^{-2n})}{(a^{-n}-b^{-n})(a^{-n}+b^{-n})} = \\
& = \frac{a^{-3n}+b^{-3n}+a^{-3n}-b^{-3n}}{a^{-2n}-b^{-2n}} = \frac{2a^{-3n}}{a^{-2n}-b^{-2n}}.
\end{aligned}$$

Опечатка в условии задачи.

926.

$$\text{a) } (2+\sqrt{5})^{-2} + (2-\sqrt{5})^{-2} = \frac{1}{(2+\sqrt{5})^2} + \frac{1}{(2-\sqrt{5})^2} = \frac{(2-\sqrt{5})^2 + (2+\sqrt{5})^2}{((2+\sqrt{5})(2-\sqrt{5}))^2} = \\ = \frac{4+5-4\sqrt{5}+4+5+4\sqrt{5}}{(4-5)^2} = 18 ;$$

$$\text{б) } (\sqrt{2}+1)^{-2} + (\sqrt{2}-1)^{-2} = \frac{1}{(\sqrt{2}+1)^2} + \frac{1}{(\sqrt{2}-1)^2} = \\ = \frac{(\sqrt{2}-1)^2 + (\sqrt{2}+1)^2}{((\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1))^2} = \frac{2+1-2\sqrt{2}+2+1+2\sqrt{2}}{(2-1)^2} = 6 .$$

§ 28. Стандартный вид числа.

927. а) $100=10^2$; б) $10000=10^4$; в) $1000=10^3$; г) $10000000=10^7$.

928. а) $0,001=10^{-3}$; б) $0,1=10^{-1}$; в) $0,00001=10^{-5}$; г) $0,0001=10^{-4}$.

929. а) $2300=2,3 \cdot 10^3$, порядок равен 3; б) $75000=7,5 \cdot 10^4$, порядок равен 4;
в) $12=1,2 \cdot 10^1$, порядок равен 1; г) $62000=6,2 \cdot 10^5$, порядок равен 5.

930.

а) $0,0035=3,5 \cdot 10^{-3}$, порядок равен -3 ; б) $0,00007=7 \cdot 10^{-5}$, порядок равен -5 ;
в) $0,00024=2,4 \cdot 10^{-4}$, порядок равен -4 ; г) $0,91=9,1 \cdot 10^{-1}$, порядок равен -1 .

931. а) $350 \cdot 10^2=3,5 \cdot 10^2 \cdot 10^2=3,5 \cdot 10^4$, порядок равен 4;

б) $0,67 \cdot 10^3=6,7 \cdot 10^{-1} \cdot 10^3=6,7 \cdot 10^2$, порядок равен 2;

в) $85 \cdot 10^4=8,5 \cdot 10 \cdot 10^4=8,5 \cdot 10^5$, порядок равен 5;

г) $0,015 \cdot 10^2=1,5 \cdot 10^{-2} \cdot 10^2=1,5 \cdot 10^0$, порядок равен 0.

932. а) $0,73 \cdot 10^5=7,3 \cdot 10^{-1} \cdot 10^5=7,3 \cdot 10^4$, порядок равен 4;

б) $512 \cdot 10^3=5,12 \cdot 10^2 \cdot 10^3=5,12 \cdot 10^5$, порядок равен 5;

в) $0,43 \cdot 10^4=4,3 \cdot 10^{-1} \cdot 10^4=4,3 \cdot 10^3$, порядок равен 3;

г) $3900 \cdot 10^4=3,9 \cdot 10^3 \cdot 10^4=3,9 \cdot 10^7$, порядок равен 7.

933. а) $(0,2 \cdot 10^5) \cdot (1,4 \cdot 10^{-2})=(0,2 \cdot 1,4) \cdot (10^5 \cdot 10^{-2})=0,28 \cdot 10^3=2,8 \cdot 10^{-1} \cdot 10^3=2,8 \cdot 10^2$;

б) $(2,4 \cdot 10^3) \cdot (0,5 \cdot 10^{-3})=(2,4 \cdot 0,5) \cdot (10^3 \cdot 10^{-3})=1,2 \cdot 10^0$;

в) $(3,7 \cdot 10^{-1}) \cdot (7 \cdot 10^8)=(3,7 \cdot 7) \cdot (10^{-1} \cdot 10^8)=25,9 \cdot 10^7=2,59 \cdot 10 \cdot 10^7=2,59 \cdot 10^8$;

г) $(5,2 \cdot 10^{14}) \cdot (3 \cdot 10^{-5})=(5,2 \cdot 3) \cdot (10^{14} \cdot 10^{-5})=15,6 \cdot 10^9=1,56 \cdot 10 \cdot 10^9=1,56 \cdot 10^{10}$.

934. а) $0,2 \cdot 10^5 + 1,4 \cdot 10^6 = 0,02 \cdot 10^6 + 1,4 \cdot 10^6 = (0,02 + 1,4) \cdot 10^6 = 1,42 \cdot 10^6$;

б) $5,2 \cdot 10^3 - 0,5 \cdot 10^2 = 5,2 \cdot 10^3 - 0,05 \cdot 10^3 = (5,2 - 0,05) \cdot 10^3 = 5,15 \cdot 10^3$;

в) $7,8 \cdot 10^{-1} + 7 \cdot 10^2 = 0,0078 \cdot 10^{+2} + 7 \cdot 10^2 = (0,0078 + 7) \cdot 10^2 = 7,0078 \cdot 10^2$;

г) $6,1 \cdot 10^{-3} + 9 \cdot 10^{-4} = 6,1 \cdot 10^{-3} + 0,9 \cdot 10^{-3} = (6,1 + 0,9) \cdot 10^{-3} = 7 \cdot 10^{-3}$;

935. а) $a = (1,4 \cdot 10^{-2}) \cdot (5 \cdot 10^{-1}) = (1,4 \cdot 5) \cdot (10^{-2} \cdot 10^{-1}) = 7 \cdot 10^{-3}$, $b = 6 \cdot 10^{-3}$, значит, $a > b$;

б) $a = \frac{3,6 \cdot 10^{-7}}{3 \cdot 10^{-4}} = 1,2 \cdot 10^{-3}$, $b = 1 \cdot 10^{-3}$, значит, $a > b$;

в) $a = (4,2 \cdot 10^5) \cdot (2 \cdot 10^2) = (4,2 \cdot 2) \cdot (10^5 \cdot 10^2) = 8,4 \cdot 10^7$, $b = 70 \cdot 10^7$, значит, $a < b$;

$$\text{г) } a = \frac{5,4 \cdot 10^9}{9 \cdot 10^7} = 0,6 \cdot 10^2 = 6 \cdot 10^1, \quad b = 7 \cdot 10^1, \quad \text{значит, } a < b.$$

936. $b = a_0 \cdot 10^2$, где $1 \leq a_0 < 10$

- а) $100b = 100 \cdot a_0 \cdot 10^2 = a_0 \cdot 10^4$, т.е. порядок=4;
- б) $0,1b = 10^{-1} \cdot a_0 \cdot 10^2 = a_0 \cdot 10^1$, т.е. порядок=1;
- в) $10b = 10 \cdot a_0 \cdot 10^2 = a_0 \cdot 10^3$, т.е. порядок=3;
- г) $0,001b = 10^{-3} \cdot a_0 \cdot 10^2 = a_0 \cdot 10^{-1}$, т.е. порядок=-1.

937. $m = a_0 \cdot 10^{-4}$, где $1 \leq a_0 < 10$

- а) $10m = 10 \cdot a_0 \cdot 10^{-4} = a_0 \cdot 10^{-3}$, т.е. порядок=-3;
- б) $0,01m = 10^{-2} \cdot a_0 \cdot 10^{-4} = a_0 \cdot 10^{-6}$, т.е. порядок=-6;
- в) $1000m = 10^3 \cdot a_0 \cdot 10^{-4} = a_0 \cdot 10^{-1}$, т.е. порядок=-1;
- г) $10000m = 10^4 \cdot a_0 \cdot 10^{-4} = a_0 \cdot 10^0$, т.е. порядок=0.

938. Количество вагонов равно $7,231 \cdot 10^6 : 64 = (7,231 \cdot 10^6) : (6,4 \cdot 10^1) = (7,231 : 6,4) \cdot (10^6 : 10^1) = 1,12984375 \cdot 10^5 \approx 112984,3$. Значит потребуется 112985 вагонов. Ответ: 112985.

939. а) 1 сутки= $8,64 \cdot 10^4$ с;

- б) атмосферное давление на высоте 100 км= $2,4 \cdot 10^{-5}$ мм рт. ст.;
- в) 1 кал= $4,19 \cdot 10^{-3}$ кДж; г) 1 с= $2,778 \cdot 10^{-4}$ ч.

940. $x = a_0 \cdot 10^6$, где $1 \leq a_0 < 10$

$$\text{а) } x^2 = (a_0 \cdot 10^6)^2 = a_0^2 \cdot 10^{12}. \quad \text{Т.к. порядок } a_0^2 = 1 \text{ или } 2, \text{ то порядок } x^2 = 12 \text{ или } 13;$$

б) $x^5 = (a_0 \cdot 10^6)^5 = a_0^5 \cdot 10^{30}, \quad 1 \leq a_0 < 10; \quad 1 \leq a_0^5 < 10^5$. Т.е. порядок $a_0^5 = 0,1,2,3$ или 4, значит, порядок $x^5 = 30, 31, 32, 33$ или 34;

$$\text{в) } \sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}} = (a_0 \cdot 10^6)^{\frac{1}{2}} = \sqrt{a_0} \cdot 10^3; \quad 1 \leq a_0 < 10; \quad 1 \leq \sqrt{a_0} < \sqrt{10},$$

т.е. порядок $\sqrt{a_0} = 1$, значит, порядок $\sqrt{x} = 3$;

$$\text{г) } \frac{1}{x} = x^{-1} = (a_0 \cdot 10^6)^{-1} = a_0^{-1} \cdot 10^{-6}; \quad 1 \leq a_0 < 10; \quad 10^{-1} \leq a_0^{-1} \leq 10^0,$$

т.е. порядок $a_0^{-1} = 0$ или -1 , значит, порядок $\frac{1}{x} = -6$ или -7 .

941. а) $m = a_0 \cdot 10^{-4}$, $n = b_0 \cdot 10^3$; $mn = (a_0 \cdot 10^{-4}) \cdot (b_0 \cdot 10^3) = a_0 b_0 \cdot 10^{-1}$;

$1 \leq a_0 < 10, 1 \leq b_0 < 10, 1 \leq a_0 b_0 < 10^2$, т.е. порядок $a_0 b_0 = 0$ или 1, значит, порядок $mn = -1$ или 0;

б) $n+m = a_0 \cdot 10^3 \cdot 10^{-7} + b_0 \cdot 10^3 = (a_0 \cdot 10^{-7} + b_0) \cdot 10^3, \quad 10^{-7} \leq a_0 \cdot 10^{-7} < 10^{-6}$;

$1+10^{-7} \leq a_0 \cdot 10^{-7} + b_0 < 10^{-6} + 10$, т.е. порядок $a_0 \cdot 10^{-7} + b_0 = 1$ или 2, значит, порядок $m+n = 3$ или 4;

в) $10n+m = 10^4 b_0 + 10^{-4} a_0$, аналогично получаем, что порядок = 4 или 5;

г) $0,1m+10n = a_0 \cdot 10^{-5} + b_0 \cdot 10^4$. Аналогично получаем, что порядок = 4 или 5.

942. $s = a_0 \cdot 10^2$, $t = b_0 \cdot 10^4$

а) $st = a_0 \cdot b_0 \cdot 10^6$; $1 \leq a_0 b_0 < 100$, т.е. порядок $a_0 b_0 = 1$ или 2, значит, порядок $st = 6$ или 7;

б) $100s+t = a_0 \cdot 10^4 + b_0 \cdot 10^4 = (a_0+b_0) \cdot 10^4, \quad 2 \leq a_0+b_0 < 20$, т.е. порядок $a_0+b_0 = 0$ или 1, значит, порядок $100s+t = 4$ или 5;

в) $0,01s+t = a_0 \cdot 10^0 + b_0 \cdot 10^4 = (a_0 \cdot 10^{-4} + b_0) \cdot 10^4$; $10^{-4} \leq a_0 \cdot 10^{-4} < 10^{-3}$;
 $1+10^{-4} \leq 0 \cdot 10^{-4} + b_0 < 10+10^{-3}$, т.е. порядок $a_0 \cdot 10^{-4} + b_0 = 0$ или 1, значит, порядок $0,01s+t = 4$ или 5;
г) $0,1^{st}$. Сравнивая с пунктом а), получаем, что порядок $0,1st = 5$ или 6.

943.

- а) Т.к. $1 < 3,252 \cdot 2,165 < 10$, $1 < 3,252 \cdot 2,165 < 10$, $1 < 3,252 + 2,165 < 10$, то: порядок частного $= 9 - 9 = 0$; порядок произведения $= 9 + 9 = 0$, порядок суммы $= 9$.
б) Т.к. $10 < 4,435 \cdot 7,098 < 10^2$, $10^{-1} < 4,435 \cdot 7,098 < 10^0$, $10 < 4,435 + 7,098 < 10^2$, то: порядок произведения $= -7 - 7 + 1 = -13$, порядок частного $= -7 + 7 - 1 = -1$, порядок суммы $= -7 + 1 = -6$;
в) Т.к. $10 < 8,389 \cdot 9,762 < 10^2$, $10^{-1} < 8,389 \cdot 9,762 < 10^0$, $10^0 < 8,389 + 0,9762 < 10^1$, то: порядок произведения $= 5 + 4 + 1 = 10$, порядок частного $= 5 - 4 - 1 = 0$, порядок суммы $= 5$;
г) Т.к. $10 < 7,987 \cdot 3,157 < 10^2$, $10^0 < 7,987 \cdot 3,157 < 10^1$, $10^0 < 0,7987 + 3,157 < 10$, то: порядок произведения $= -6 - 5 + 1 = -10$, порядок частного $= -6 + 5 = -1$, порядок суммы $= -5$.

§ 29. Домашняя контрольная работа

Вариант №1

1. $\frac{4}{15} = 0,2(6)$;

2. $a = \frac{1}{2+\sqrt{5}} - \frac{1}{2-\sqrt{5}} = \frac{2-\sqrt{5}-2-\sqrt{5}}{(2+\sqrt{5})(2-\sqrt{5})} = \frac{-2\sqrt{5}}{4-5} = 2\sqrt{5} \approx 4,47$, $b=2,5$,

получаем, что $a > b$.

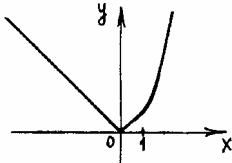
3. $\frac{3}{2-\sqrt{3}} - \frac{3}{2+\sqrt{3}} - \frac{3\sqrt{3}}{4} = \frac{3(2+\sqrt{3}) - 3(2-\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} - \frac{3\sqrt{3}}{4} = \frac{6\sqrt{3}}{4-3} - \frac{3\sqrt{3}}{4} = 6\sqrt{3} - \frac{3\sqrt{3}}{4} = \frac{24\sqrt{3} - 3\sqrt{3}}{4} = \frac{21\sqrt{3}}{4}$ – иррациональное число.

4. $\sqrt{10} = 3,16\dots$; $\pi = 3,14\dots$, поэтому $\pi < \sqrt{10} < 3,2$.

5. $y = f(x) = \begin{cases} |x|, & \text{если } x < 1 \\ x^2, & \text{если } x \geq 1 \end{cases}$

а) $f(-5) = |-5| = 5$, $f(0) = |0| = 0$, $f(3) = 3^2 = 9$;

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$: область определения: $(-\infty; +\infty)$
 $y > 0$ при $x \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$, $y = 0$ при $x = 0$, функция непрерывна.

Функция возрастает при $x > 0$, убывает при $x < 0$, $y_{\text{наим}}=0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует на луче $[1; +\infty)$ функция выпукла вниз.

6. $|2x-2,5|=3$; $2x-2,5=\pm 3$; $2x=2,5\pm 3$; $2x=5,5$ или $2x=-0,5$; $x=2,75$ или $x=-0,25$.
Ответ: $-0,25; 2,75$.

7. $\sqrt{x^2 - 6x + 9} + \sqrt{x^2 - 8x + 16} = |x-3| + |x-4| = x-3-(x-4) = -3+4=1$.

8. $|4\sqrt{3} + \sqrt{48} - 2\sqrt{75}| = |4\sqrt{3} + 4\sqrt{3} - 10\sqrt{3}| = |-2\sqrt{3}| = 2\sqrt{3} \approx 3,5$.

9. $(c^{-1} + d^{-1})^{-1} \cdot \left(\frac{2}{d^{-2}} - \frac{2}{c^{-2}} \right) = \left(\frac{1}{c} + \frac{1}{d} \right)^{-1} \cdot (2d^2 - 2c^2) =$
 $= \left(\frac{c+d}{cd} \right)^{-1} \cdot 2(d^2 - c^2) = -2 \frac{cd}{c+d} \cdot (c-d)(c+d) = 2cd(d-c)$

10. $(2,345 \cdot 10^2) \cdot (4,564 \cdot 10^{-5}) \approx 10,7 \cdot 10^{-3} = 1,07 \cdot 10^{-2}$, т.е. порядок числа $=-2$.

Вариант №2

1. $x=13,(34)=13,343434\dots$; $100x=1334,3434\dots$; $100x-x=99x=1321$;

$$x = \frac{1321}{99} = 13\frac{34}{99}.$$

2. $a = \frac{1}{3-2\sqrt{2}} - \frac{1}{3+2\sqrt{2}} = \frac{3+2\sqrt{2}-(3-2\sqrt{2})}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})} = \frac{4\sqrt{2}}{9-8} = 4\sqrt{2} = 5,6\dots$; $b=5,5$.

получаем, что $a>b$.

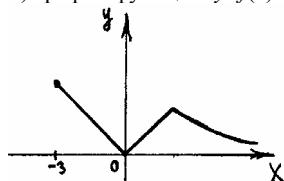
$$\begin{aligned} 3) \quad & \frac{\sqrt{48}}{3} - \frac{1}{2-\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{27}}{4} + \frac{\sqrt{75}}{12} = \frac{4\sqrt{3}}{3} - \frac{1}{2-\sqrt{3}} - \frac{3\sqrt{3}}{4} + \frac{5\sqrt{3}}{12} = \\ & = \frac{16\sqrt{3}-9\sqrt{3}+5\sqrt{3}}{12} - \frac{1}{2-\sqrt{3}} = \sqrt{3} - \frac{1}{2-\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}(2-\sqrt{3})-1}{2-\sqrt{3}} = \\ & = \frac{2\sqrt{3}-3-1}{2-\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}-4}{2-\sqrt{3}} = \frac{-2(2-\sqrt{3})}{2-\sqrt{3}} = 2 \text{ - рациональное число.} \end{aligned}$$

4. $\sqrt{3}=1,73\dots$; $\frac{\pi}{2}=1,57\dots$ поэтому $\frac{\pi}{2}<1,6<\sqrt{3}$

5. $y=f(x)=\begin{cases} |x|, & \text{если } -3 \leq x \leq 2 \\ \frac{4}{x}, & \text{если } x>2 \end{cases}$

а) $f(-4)$ не определено; $f(1)=|1|=1$; $f(8)=\frac{4}{8}=0,5$;

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$: область определения: $[-3; +\infty)$;
 2. $y>0$ при $x \in [-3; 0) \cup (0; +\infty)$ $y=0$ при $x=0$; функция непрерывна;
 функция возрастает при $0 < x < 2$ и убывает при $-3 < x < 0$ и $x > 2$;

$y_{\text{нам}}=0$, $y_{\text{наиб}}=3$; на луче $[2; +\infty)$ функция выпукла вниз
6. $|3x+7,5|=1,5$; $3x+7,5=\pm 1,5$; $3x=\pm 1,5 - 7,5$; $3x=-6$ или $3x=9$;
 $x=-2$ или $x=3$.

Ответ: $-3; -2$.

7. $\sqrt{x^2 - 2x + 1} + \sqrt{x^2 - 12x + 36} = |x-1| + |x-6| = -(x-1) - (x-6) = -x + 1 - x + 6 = 7 - 2x$.

8. $|2\sqrt{5} - \sqrt{125} - 0,5\sqrt{20}| = |2\sqrt{5} - 5\sqrt{5} + \sqrt{5}| = |-2\sqrt{5}| = 2\sqrt{5} \approx 4,5$.

9. $(x^{-2} - y^{-2}) \cdot \left(\frac{1}{x^{-1}} - \frac{1}{y^{-1}} \right)^{-2} : (x^2 y^2)^{-1} = \left(\frac{1}{x^2} - \frac{1}{y^2} \right) \cdot (x-y)^2 \cdot (x^2 y^2) =$
 $= \frac{y^2 - x^2}{x^2 y^2} \cdot \frac{1}{(x-y)^2} \cdot x^2 y^2 = \frac{(y-x)(y+x)}{(y-x)^2} = \frac{y+x}{y-x}$.

10. $(4,115 \cdot 10^3) \cdot (9,234 \cdot 10^{-6}) \approx 37,9 \cdot 10^{-3} = 3,79 \cdot 10^{-2}$,
 т.е. порядок числа $= -2$.

Глава 5. Квадратные уравнения

§ 30. Основные понятия

- № 944.** а) $x^2 + 3x + 1 = 0$ является;
 б) $5x^3 - x^2 + 4 = 0$ не является, т.к. присутствует слагаемое $5x^3$;
 в) $2x^2 + 3x - 7 = 0$ является;
 г) $x^3 - x - 6 = 0$ не является, т.к. присутствует слагаемое x^3 .

- № 945.** а) $4x^2 + 5x - 1 = 0$ $a = 4, b = 5, c = -1$;
 б) $15x^2 = 0, 15x^2 + 0 \cdot x + 0 = 0$ $a = 15, b = 0, c = 0$;
 в) $17 - x^2 - x = 0, -x^2 - x + 17 = 0, a = -1, b = -1, c = 17$;
 г) $8 - 9x^2 = 0, -9x^2 + 0 \cdot x + 8 = 0, a = -9, b = 0, c = 8$.

- № 946.** а) $7x^2 + 12x - 5 = 0$ $a = 7, b = 12, c = -5$;
 б) $-\frac{1}{3}x^2 + \frac{3}{14} = 0, -\frac{1}{3}x^2 + 0 \cdot x + \frac{3}{14} = 0, a = -\frac{1}{3}, b = 0, c = \frac{3}{14}$;
 в) $\frac{2}{5}x^2 - \frac{1}{7}x - \frac{5}{12} = 0, a = \frac{2}{5}, b = -\frac{1}{7}, c = -\frac{5}{12}$;
 г) $-4x^2 - 7x + 16 = 0, a = -4, b = -7, c = 16$.

№ 947.

- а) $(x - 1)(x + 4) = 0, x^2 - x + 4x - 4 = 0, x^2 + 3x - 4 = 0, a = 1, b = 3, c = -4$;
 б) $12 - 6(x + 3) - 7x = (x - 2)(x + 3), 12 - 6x - 18 - 7x = x^2 - 2x + 3x - 6, -6 - 13x = x^2 + x - 6, x^2 + 14x + 0 = 0, a = 1, b = 14, c = 0$;
 в) $(2x + 10)(x - 1) + 5(x - 2) = 2(7 + x), 2x^2 + 10x - 2x - 10 + 5x - 10 = 14 + 2x, 2x^2 + 13x - 20 = 14 + 2x, 2x^2 + 11x - 34 = 0, a = 2, b = 11, c = -34$;
 г) $1 + 3(2x - 4) + (2x - 1)(3 - 2x) = 8, 1 + 6x - 12 + 6x - 3 - 4x^2 + 2x = 8, -4x^2 + 14x - 22 = 0, 2x^2 - 7x + 11 = 0, a = 2, b = -7, c = 11$.

№ 948.

- а) $2(x + 6)(x - 6) + 3(x + 6) = x^2 - 5x, 2(x^2 - 36) + 3x + 18 = x^2 - 5x, 2x^2 - 72 + 3x + 18 - x^2 + 5x = 0, x^2 + 8x - 54 = 0, a = 1, b = 8, c = -54$;
 б) $25 - x^2 + 2(x - 5) = 4(x - 5), x^2 - 25 + 4(x - 5) - 2(x - 5) = 0, x^2 - 25 + 2(x - 5) = 0, x^2 - 25 + 2x - 10 = 0, x^2 + 2x - 35 = 0, a = 1, b = 2, c = -35$;
 в) $4(4 - 3x)(x + 2) - 2(4 - 3x) = 12 - x, 4(4x - 3x^2 + 8 - 6x) - 8 + 6x = 12 - x, -12x^2 - 8x + 32 - 8 + 6x = 12 - x, -12x^2 - 2x + 24 = 12 - x, 12x^2 + x - 12 = 0, a = 12, b = 1, c = -12$;
 г) $x^2 - 49 - 3(x + 7) = 2(x - 7), x^2 - 49 - 3x - 21 - 2x + 14 = 0, x^2 - 5x - 56 = 0, a = 1, b = -5, c = -56$.

№ 949. а) $8x^2 + 5x + 1 = 0$; б) $-12x^2 + 3x = 0$; в) $x^2 + 4 = 0$; г) $9x^2 - 2x + 3 = 0$.

№ 950.

- а) $x^2 - x = 0$; б) $\frac{2}{9}x^2 - 3\frac{1}{4}x + 1\frac{3}{5} = 0$; в) $6x^2 + 3,5 = 0$; г) $-\frac{7}{13}x^2 + 4\frac{4}{7}x - 4\frac{1}{3} = 0$.

№ 951.

- а) $x^2 - 4x + 35 = 0$ – приведенное уравнение;
 б) $-15x^2 + 4x - 2 = 0, x^2 - \frac{4}{15}x + \frac{2}{15} = 0$ – приведенное уравнение;
 в) $12 - x^2 + 3x = 0, x^2 - 3x - 12 = 0$ – приведенное уравнение;
 г) $18 - 9x + x^2 = 0$ – приведенное уравнение.

№ 952. а) $-x^2 + 31x - 6 = 0$, $x^2 - 31x + 6 = 0$ – приведенное уравнение;

б) $-\frac{1}{3}x^2 + \frac{3}{14} = 0$, $\frac{1}{3}x^2 - \frac{3}{14} = 0$, $x^2 - \frac{9}{14} = 0$ – приведенное уравнение;

в) $-2\frac{5}{8}x^2 - \frac{3}{4}x - 4\frac{1}{12} = 0$, $\frac{21}{8}x^2 + \frac{3}{4}x + \frac{49}{12} = 0$, $x^2 + \frac{3}{4} \cdot \frac{8}{21}x + \frac{49}{12} \cdot \frac{8}{21} = 0$,

$x^2 + \frac{2}{7}x + \frac{14}{9} = 0$ – приведенное уравнение;

г) $x^2 - 7x + 16 = 0$ – приведенное уравнение.

№ 953. а) $x^2 + 14x - 23 = 0$ – полное уравнение;

б) $16x^2 - 9 = 0$ – неполное уравнение, $16x^2 = 9$, $x^2 = \frac{9}{16}$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{\frac{9}{16}}$, $x_{1,2} = \pm\frac{3}{4}$;

в) $-x^2 + x = 0$ – неполное уравнение, $x^2 - x = 0$, $x(x - 1) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 1$;

г) $x + 8 - 9x^2 = 0$ – полное уравнение.

№ 954.

а) $3x^2 - 12x = 0$ – неполное уравнение, $x^2 - 4x = 0$, $x(x - 4) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 4$;

б) $x^2 + 2x = 0$ – неполное уравнение, $x(x + 2) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -2$;

в) $-2x^2 + 14 = 0$ – неполное уравнение, $2x^2 - 14 = 0$, $x^2 - 7 = 0$,

$x^2 = 7$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{7}$; г) $3 - x^2 + x = 0$ – полное уравнение.

№ 955. а) Например, $x^2 + x + 2 = 0$; б) Например, $2x^2 + x + 2 = 0$;

в) Например, $x^2 + 2 = 0$; г) Например, $2x^2 + x = 0$.

№ 956. а) $x^2 - 4x + 3 = 0$, $3^2 - 4 \cdot 3 + 3 = 9 - 12 + 3 = -3 + 3 = 0$, значит $x = 3$

– корень этого уравнения;

б) $2x^2 + x - 3 = 0$, $2 \cdot (-7)^2 + (-7) - 3 = 2 \cdot 49 - 7 - 3 = 88 \neq 0$, значит $x = -7$ – не является корнем;

в) $2x^2 - 3x - 65 = 0$, $2(-5)^2 - 3(-5) - 65 = 50 + 15 - 65 = 0$, значит $x = -5$ – корень уравнения;

г) $x^2 - 2x + 6 = 0$, $6^2 - 2 \cdot 6 + 6 = 36 - 12 + 6 = 30 \neq 0$, значит $x = 6$ – не является корнем.

№ 957. а) $3x^2 - 75 = 0$, $3x^2 = 75$, $x^2 = 25$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{25}$, $x_{1,2} = \pm 5$;

б) $2x^2 + 14x = 0$, $x^2 + 7x = 0$, $x(x + 7) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -7$;

в) $0,5x^2 - 72 = 0$, $0,5x^2 = 72$, $x^2 = 144$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{144}$, $x_{1,2} = \pm 12$;

г) $3x^2 - 18x = 0$, $x^2 - 6x = 0$, $x(x - 6) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 6$.

№ 958. а) $x^2 + 5x = 0$, $x(x + 5) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -5$;

б) $2x^2 - 9x = 0$, $x^2 - \frac{9}{2}x = 0$, $x\left(x - \frac{9}{2}\right) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = \frac{9}{2} = 4\frac{1}{2}$;

в) $x^2 - 12x = 0$, $x(x - 12) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 12$;

г) $3x^2 + 5x = 0$, $x^2 + \frac{5}{3}x = 0$, $x\left(x + \frac{5}{3}\right) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -1\frac{2}{3}$;

№ 959. а) $-x^2 + 8x = 0$, $x^2 - 8x = 0$, $x(x - 8) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 8$;

б) $3x - x^2 = 0$, $x^2 - 3x = 0$, $x(x - 3) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 3$;

в) $-x^2 + 7x = 0$, $x^2 - 7x = 0$, $x(x - 7) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 7$;

г) $19x - x^2 = 0$, $x^2 - 19x = 0$, $x(x - 19) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 19$.

№ 960. а) $x^2 - 9 = 0$, $x^2 = 9$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{9}$, $x_{1,2} = \pm 3$;

б) $x^2 - 25 = 0$, $x^2 = 25$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{25}$, $x_{1,2} = \pm 5$;

в) $x^2 - 64 = 0$, $x^2 = 64$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{64}$, $x_{1,2} = \pm 8$;

г) $x^2 - 100 = 0$, $x^2 = 100$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{100}$, $x_{1,2} = \pm 10$.

№ 961. а) $-2x^2 + 11 = 0$, $2x^2 = 11$, $x^2 = 5,5$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{5,5}$;

б) $-3x^2 + 4 = 0$, $3x^2 = 4$, $x^2 = 1\frac{1}{3}$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{1\frac{1}{3}}$;

в) $-5x^2 + 9 = 0$, $5x^2 = 9$, $x^2 = 1\frac{4}{5}$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{1\frac{4}{5}}$;

г) $-7x^2 + 13 = 0$, $7x^2 = 13$, $x^2 = 1\frac{6}{7}$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{1\frac{6}{7}}$.

№ 962. а) $3x^2 + 7 = 0$, $3x^2 = -7$, $x^2 = -\frac{7}{3}$, нет корней; б) $6x^2 = 0$, $x^2 = 0$, $x = 0$;

в) $4x^2 + 17 = 0$, $4x^2 = -17$, $x^2 = -\frac{17}{4}$, нет корней; г) $15x^2 = 0$, $x^2 = 0$, $x = 0$.

№ 963. а) $(x - 2)(x + 4) = 0$, $x_1 = 2$, $x_2 = -4$;

б) $(x + 3,5)(x - 7)(x^2 + 9) = 0$, $x + 3,5 = 0$ или $x - 7 = 0$ или $x^2 + 9 = 0$,
 $x_1 = -3,5$, $x_2 = 7$, $x^2 = -9$ – нет корней, Ответ: $-3,5; 7$;

в) $(x + 2,8)(x + 1,3) = 0$, $x_1 = -2,8$, $x_2 = -1,3$;

г) $\left(x - \frac{1}{3}\right)\left(x - \frac{1}{5}\right)(x^2 + 1) = 0$, $x - \frac{1}{3} = 0$ или $x - \frac{1}{5} = 0$ или $x^2 + 1 = 0$,

$x_1 = \frac{1}{3}$, $x_2 = \frac{1}{5}$, $x^2 = -1$ – нет корней. Ответ: $\frac{1}{3}; \frac{1}{5}$.

№ 964. а) $x^2 + 12x + 36 = 0$, $x^2 + 2 \cdot x + 6^2 = 0$, $(x + 6)^2 = 0$, $x + 6 = 0$, $x = -6$;

б) $x^2 - 14x + 49 = 0$, $x^2 - 2 \cdot x \cdot 7 + 7^2 = 0$, $(x - 7)^2 = 0$, $x - 7 = 0$, $x = 7$;

в) $x^2 - 6x + 9 = 0$, $x^2 - 2 \cdot x \cdot 3 + 3^2 = 0$, $(x - 3)^2 = 0$, $x - 3 = 0$, $x = 3$;

г) $x^2 + 10x + 25 = 0$, $x^2 + 2 \cdot x \cdot 5 + 5^2 = 0$, $(x + 5)^2 = 0$, $x + 5 = 0$, $x = -5$.

№ 965.

а) $4x^2 - 3x + 7 = 2x^2 + x + 7$, $2x^2 - 4x = 0$, $x^2 - 2x = 0$, $x(x - 2) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 2$;

б) $(2x + 3)(3x + 1) = 11x + 30$, $6x^2 + 9x + 2x + 3 = 11x + 30$, $6x^2 - 27 = 0$,

$x^2 - \frac{9}{2} = 0$, $x^2 = 4,5$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{4,5}$;

в) $1 - 2x + 3x^2 = x^2 - 2x + 1$, $2x^2 = 0$, $x^2 = 0$, $x = 0$;

г) $(5x - 2)(x + 3) = 13(x + 2)$, $5x^2 - 2x + 15x - 6 = 13x + 26$, $5x^2 = 32$,

$x^2 = 6\frac{2}{5}$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{6\frac{2}{5}}$.

№ 966. а) $x^2 + 4x + 3 = 0$, аналитическое решение: $x^2 + 2 \cdot x \cdot 2 + 2^2 - 1 = 0$,

$(x + 2)^2 - 1 = 0$, $(x + 2 - 1)(x + 2 + 1) = 0$, $(x + 1)(x + 3) = 0$, $x_1 = -1$, $x_2 = -3$;

графическое решение: $a = 1$, $b = 4$, $x_0 = -\frac{b}{2a} = -\frac{4}{2} = -2$,

$y_0 = f(-2) = (-2)^2 + 4(-2) + 3 = 4 - 8 + 3 = -1$, $(-2; -1)$ – вершина параболы,
 $x = -2$ – ось параболы;

взьмем на оси x две точки: $x = -3$ и $x = -1$, $f(-3) = f(-1) = 0$;

Через точки $(-2; -1)$, $(-3; 0)$, $(-1; 0)$ проводим параболу;

Корнями уравнения служат абсциссы точек пересечения параболы с осью $0x$. Таких точек две: $(-3; 0)$ и $(1; 0)$.

Итак, $x_1 = -3$, $x_2 = 1$.

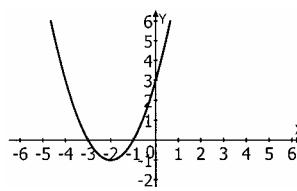
б) $x^2 - 6x + 5 = 0$

аналитическое решение: $x^2 - 2 \cdot x \cdot 3 + 3^2 - 4 = 0$, $(x - 3)^2 - 2^2 = 0$,

$(x - 3 - 2)(x - 3 + 2) = 0$, $(x - 5)(x - 1) = 0$, $x_1 = 1$, $x_2 = 5$;

графическое решение: $a = 1$, $b = -6$, $x_0 = -\frac{b}{2a} = \frac{6}{2} = 3$,

$y_0 = f(3) = 3^2 - 6 \cdot 3 + 5 = -4$, $(3; -4)$ – вершина параболы, $x = 3$ – ось параболы;

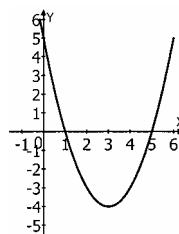


Возьмем на оси $0x$ две точки: $x = 1$ и $x = 5$,

Имеем $f(1) = f(5) = 0$;

Через точки $(3; -4)$, $(1; 0)$, $(5; 0)$ проводим параболу;

Корнями уравнения служат абсциссы точек пересечения параболы с осью $0x$. Таких точек две: $(1; 0)$ и $(5; 0)$. Итак, $x_1 = 1$, $x_2 = 5$.



№ 967.

Пусть x – первое натуральное число, тогда $(x + 1)$ – второе число,

$x(x + 1)$ – произведение чисел или $2x$.

Составим уравнение:

$x \cdot (x + 1) = 2x$, $x^2 + x = 2x$, $x^2 - x = 0$, $x(x - 1) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 1$,

$x = 0$ – не удовлетворяет условию, т.к. 0 – не натуральное число.

Имеем: 1 – первое число, $1 + 1 = 2$ – второе число. Ответ: 1 и 2.

№ 968.

Пусть x – первое число, тогда $(x + 1)$ – второе число,

$x(x + 1)$ – их произведение или $1,5x^2$.

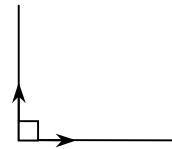
Уравнение:

$x(x + 1) = 1,5x^2$, $x^2 + x = 1,5x^2$, $0,5x^2 - x = 0$, $x^2 - 2x = 0$, $x(x - 2) = 0$,

$x_1 = 0$, $x_2 = 2$, $x = 0$ – не удовлетворяет условию задачи.

Имеем: 2 – первое число, $2 + 1 = 3$ – второе число. Ответ: 2 и 3.

№ 969



Пусть:

x с – неизвестное время,

$5x$ см – пройдет первая точка за это время,

$12x$ см – пройдет вторая за это время.

Квадрат расстояния между ними вычислим по теореме Пифагора: $(5x)^2 + (12x)^2$ или 52^2 .

Уравнение: $(5x)^2 + (12x)^2 = 52^2$, $25x^2 + 144x^2 = 52^2$, $169x^2 = 52^2$, $13^2x^2 = 52^2$,

$$x^2 = \left(\frac{52}{13}\right)^2, x^2 = 16, x_{1,2} = \pm 4, x = -4 \text{ не удовлетворяет условию.}$$

Значит, искомое время 4 с. Ответ: 4 с.

№ 970.

Пусть:

x см – сторона квадрата, тогда x^2 см² = площадь квадрата или $(59 + 85)$ см².

Уравнение: $x^2 = 59 + 85$, $x^2 = 144$, $x = \pm 12$, $x = -12$ – не удовлетворяет условию. Значит, 12 см – сторона квадрата. Ответ: 12 см.

№ 971.

Пусть:

x см – сторона квадрата, тогда x^2 см² = площадь квадрата, $(x^2 - 12)$ см² – площадь круга или 36 см².

Уравнение: $x^2 - 12 = 36$, $x^2 = 48$, $x_{1,2} = \pm\sqrt{48}$, $x_{1,2} = \pm 4\sqrt{3}$, $x = -4\sqrt{3}$ – не

удовлетворяет условию, значит $4\sqrt{3}$ – сторона квадрата. Ответ: $4\sqrt{3}$ см.

№ 972.

Уравнение является неполным, если $b = 0$ или $c = 0$.

a) $6x^2 + (p-1)x + 2 - 4p = 0$,

$b = p - 1 = 0$, $c = 2 - 4p = 0$,

$p = 1$;

$2 = 4p$,

$p = 0,5$;

при $p = 1$: $6x^2 + 2 - 4 \cdot 1 = 0$, $6x^2 + 2 - 4 = 0$, $6x^2 = 2$, $x^2 = \frac{1}{3}$, $x_{1,2} = \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$;

при $p = 0,5$: $6x^2 - 0,5x = 0$, $x^2 - \frac{1}{12}x = 0$, $x\left(x - \frac{1}{12}\right) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = \frac{1}{12}$;

б) $(p-2)x^2 + 3x + p = 0$, $c = p = 0$;

при $p = 0$: $-2x^2 + 3x = 0$, $2x^2 - 3x = 0$, $x^2 - 1,5x = 0$, $x(x - 1,5) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 1,5$;

в) $3x^2 - (2p+3)x + 2 + p = 0$,

$b = -(2p+3) = 0$, $c = 2 + p = 0$,

$p = -1,5$;

$p = -2$;

при $p = -1,5$: $3x^2 + 0,5 = 0$, $x^2 = -\frac{1}{6}$, нет корней;

при $p = -2$: $3x^2 + x = 0$, $x^2 + \frac{x}{3} = 0$, $x\left(x + \frac{1}{3}\right) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -\frac{1}{3}$;

г) $(6-p)x^2 + (2p+6)(x+12) = 0$, $(6-p)x^2 + (2p+6)x + 12 \cdot (2p+6) = 0$,

$b = 2p+6 = 0$, $c = 12 \cdot (2p+6) = 0$,

$p = -3$;

$p = -3$;

при $p = -3$: $9x^2 = 0$, $x^2 = 0$, $x = 0$.

№ 973.

$(2p-3)x^2 + (3p-6)x + p^2 - 9 = 0$

a) $a = 2p - 3 = 1$, $2p = 4$, $p = 2$;

б) уравнение является неприведенным, если $2p - 3 \neq 1$, т.е. $p \neq 2$.
 уравнение является неполным, если $b = 3p - 6 = 0$, т.е.
 $p = 2$ или $c = p^2 - 9 = 0$, $p^2 = 9$, $p_{1,2} = \pm 3$. Имеем $p_{1,2} = \pm 3$;

в) Уравнение является неполным, если $p = 2$ или $p = \pm 3$.
 Уравнение является приведенным, если $p = 2$. Отсюда видно, что $p = 2$;
 г) Уравнение является линейным, если $2p - 3 = 0$, $p = 1,5$.

№ 974. а) Если уравнение $x^2 + px + 24 = 0$ имеет корень $x = 6$, то:
 $6^2 + 6p + 24 = 0$, $36 + 6p + 24 = 0$, $p = -10$;

б) Аналогично пункту а) получаем:

$$2 \cdot 17^2 + 17p + 68 = 0, 2 \cdot 17 + p + 4 = 0, p = -38;$$

$$\text{в)} 7^2 + 7p - 35 = 0, 7 + p - 5 = 0, p = -2;$$

$$\text{г)} 3 \cdot 9^2 + 9p - 54 = 0, 3 \cdot 9 + p - 6 = 0, p = -21.$$

№ 975. а) Если уравнение $x^2 - 8x + p = 0$ имеет корень $x = 4$, то:

$$4^2 - 8 \cdot 4 + p = 0, p = 16;$$

б) Аналогично пункту а) получаем: $4 \cdot 0^2 - 24 \cdot 0 + p = 0, p = 0$;

$$\text{в)} 10^2 + 15 \cdot 10 + p = 0, p = -250;$$

№ 976. а) $x^2 - 8x + 15 = 0$, $x^2 - 2 \cdot 4 \cdot 4 + 4^2 - 1 = 0$, $(x - 4)^2 - 1 = 0$,

$$(x - 4 - 1)(x - 4 + 1) = 0, (x - 5)(x - 3) = 0, x_1 = 5, x_2 = 3;$$

$$\text{б)} x^2 - 12x + 20 = 0, x^2 - 2x \cdot 6 + 6^2 - 16 = 0, (x - 6)^2 - 16 = 0,$$

$$(x - 6 - 4)(x - 6 + 4) = 0, (x - 10)(x - 2) = 0, x_1 = 10, x_2 = 2;$$

$$\text{в)} x^2 - 4x + 3 = 0, x^2 - 2x \cdot 2 + 2^2 - 1 = 0, (x - 2)^2 - 1 = 0,$$

$$(x - 2 - 1)(x - 2 + 1) = 0, (x - 3)(x - 1) = 0, x_1 = 3, x_2 = 1;$$

$$\text{г)} x^2 + 6x + 8 = 0, x^2 + 2x \cdot 3 + 3^2 - 1 = 0, (x + 3)^2 - 1 = 0,$$

$$(x + 3 - 1)(x + 3 + 1) = 0, (x + 2)(x + 4) = 0, x_1 = -2, x_2 = -4.$$

№ 977. а) $x^2 + 3x - 10 = 0$, $x^2 - 2x + 5x - 10 = 0$, $x(x - 2) + 5(x - 2) = 0$,

$$(x - 2)(x + 5) = 0, x_1 = 2, x_2 = 5;$$

$$\text{б)} 2x^2 - 5x + 2 = 0, 2x^2 - x - 4x + 2 = 0, x(2x - 1) - 2(2x - 1) = 0,$$

$$(x - 2)(2x - 1) = 0, x_1 = 2, x_2 = 0,5;$$

$$\text{в)} x^2 + 9x + 14 = 0, x^2 + 7x + 2x + 14 = 0, x(x + 7) + 2(x + 7) = 0,$$

$$(x + 7)(x + 2) = 0, x_1 = -7, x_2 = -2;$$

$$\text{г)} 4x^2 - 4x - 3 = 0, (2x)^2 - 2 \cdot 2x \cdot 1 + 1^2 - 2^2 = 0, (2x - 1)^2 - 2^2 = 0,$$

$$(2x - 1 - 2)(2x - 1 + 2) = 0, (2x - 3)(2x + 1) = 0, x_1 = 1,5, x_2 = -0,5.$$

№ 978. а) $a^2 + 6a = 3a^2 - a$, $2a^2 - 7a = 0$, $a(2a - 7) = 0$, $a_1 = 0$, $a_2 = 3,5$;

$$\text{б)} 5a^2 - 12 = a^2 - 4, 4a^2 = 8, a^2 = 2, a_{1,2} = \pm\sqrt{2};$$

$$\text{в)} 3a^2 + 2a = 4a^2 - 5a, a^2 - 7a = 0, a(a - 7) = 0, a_1 = 0, a_2 = 7;$$

$$\text{г)} 7a^2 - a = a^2 + 9a, 6a^2 - 10a = 0, 3a^2 - 5a = 0, a(3a - 5) = 0, a_1 = 0, a_2 = 1\frac{2}{3}.$$

№ 979. а) $(3x - 1)(2x - 2) = (x - 4)^2$, $6x^2 - 2x - 6x + 2 = x^2 - 8x + 16$, $5x^2 = 14$,

$$x^2 = 2\frac{4}{5} = 2,8, x_{1,2} = \pm\sqrt{2,8};$$

$$\text{б)} 2x - (x + 1)^2 = 3x^2 - 5, 2x - x^2 - 2x - 1 = 3x^2 - 5, 4x^2 = 4, x^2 = 1, x_{1,2} = \pm 1;$$

$$\text{в)} (3x - 4)^2 - (5x + 2)(2x + 8) = 0, 9x^2 - 24x + 16 - 10x^2 - 4x - 40x - 16 = 0,$$

$$-x^2 - 68x = 0, x(x + 68) = 0, x_1 = 0, x_2 = -68;$$

$$\text{г)} 6x^2 - (x + 2)^2 = 4(4 - x), 6x^2 - x^2 - 4x - 4 = 16 - 4x, 5x^2 = 20, x^2 = 4, x_{1,2} = \pm 2.$$

№ 980. а) $\frac{x^2 - 6x}{3} = x$, $x^2 - 6x = 3x$, $x^2 - 9x = 0$, $x(x - 9) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 9$;

б) $\frac{x^2 - x}{2} + \frac{x}{3} = 0$, $3x^2 - 3x + 2x = 0$, $3x^2 - x = 0$, $x^2 - \frac{x}{3} = 0$,

$$x\left(x - \frac{1}{3}\right) = 0, x_1 = 0, x_2 = \frac{1}{3};$$

в) $\frac{x^2 - x}{6} - \frac{x^2 + x}{3} = 0$, $x^2 - x - 2x^2 - 2x = 0$, $-x^2 - 3x = 0$, $x(x + 3) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -3$;

г) $\frac{x^2 - 4}{5} - \frac{x^2 - 1}{3} = -1$, $3x^2 - 12 - 5x^2 + 5 = -15$, $2x^2 = 8$, $x^2 = 4$, $x_{1,2} = \pm 2$.

№ 981.

а) $\frac{x-2}{x-3} = \frac{x+2}{x+3}$, $(x-2)(x+3) = (x-3)(x+2)$, $x^2 - 2x + 3x - 6 = x^2 - 3x + 2x - 6$,

$$x = -x, 2x = 0, x = 0;$$

б) $\frac{x-2}{x+2} + \frac{x+2}{x-2} = 3\frac{1}{3}$, пусть $\frac{x-2}{x+2} = y$, тогда: $y + \frac{1}{y} - \frac{10}{3} = 0$,

$$3y^2 - 10y + 3 = 0 \text{ и } y \neq 0, \text{ т.к. знаменатель, } 3y^2 - y - 9y + 3 = 0,$$

$$y(3y - 1) - 3(3y - 1) = 0, (3y - 1)(y - 3) = 0, y_1 = \frac{1}{3}, y_2 = 3;$$

$$\frac{x-2}{x+2} = \frac{1}{3}, 3x - 6 = x + 2, 2x = 8, x_1 = 4;$$

$$\frac{x-2}{x+2} = 3, x - 2 = 3x + 6, 2x = -8, x_2 = -4;$$

в) $\frac{x-3}{x+3} - \frac{x+3}{x-3} = 0$, $\frac{x-3}{x+3} = \frac{x+3}{x-3}$, $(x-3)^2 = (x+3)^2$,

$$x^2 - 6x + 9 = x^2 + 6x + 9, 12x = 0, x = 0;$$

г) $\frac{2x+1}{2x-1} + \frac{2x-1}{2x+1} = 5$, $\frac{2x+1}{2x-1} = y$, тогда: $y + \frac{1}{y} - 5 = 0$,

$$y^2 - 5y + 1 = 0 \text{ и } y \neq 0, \text{ т.к. знаменатель, } y^2 - 2 \cdot y \cdot \frac{5}{2} + \left(\frac{5}{2}\right)^2 - \left(\frac{5}{2}\right)^2 + 1 = 0,$$

$$\left(y - \frac{5}{2}\right)^2 - \left(\frac{\sqrt{21}}{2}\right)^2 = 0, \left(y - \frac{5}{2} - \frac{\sqrt{21}}{2}\right) \left(y - \frac{5}{2} + \frac{\sqrt{21}}{2}\right) = 0,$$

$$y_1 = \frac{5+\sqrt{21}}{2}, y_2 = \frac{5-\sqrt{21}}{2}, \frac{2x+1}{2x-1} = \frac{5+\sqrt{21}}{2}, 4x+2 = 10x-5+2\sqrt{21}x-\sqrt{21},$$

$$x_1 = \frac{7+\sqrt{21}}{6+2\sqrt{21}}, \frac{2x+1}{2x-1} = \frac{5-\sqrt{21}}{2}, 4x+2 = 10x-5-2\sqrt{21}x+\sqrt{21}, x_2 = \frac{7-\sqrt{21}}{6-2\sqrt{21}}.$$

№ 982. а) $x^2 - 5|x| = 0$, если $x \geq 0$, то $|x| = x$, имеем $x^2 - 5x = 0$, $x(x - 5) = 0$,

$$x_1 = 0, x_2 = 5; \text{ если } x < 0, \text{ то } |x| = -x, \text{ имеем } x^2 + 5x = 0,$$

$$x(x + 5) = 0, x_1 = 0, x_2 = -5; \text{ Ответ: } -5; 0; 5;$$

б) $3x^2 + 4|x| = 0$, при $x \geq 0$ имеем $3x^2 + 4x = 0$,
 $x^2 + \frac{4}{3}x = 0$, $x\left(x + \frac{4}{3}\right) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -\frac{4}{3}$,
 $x = -\frac{4}{3}$ не удовлетворяет условию $x \geq 0$, значит, не является корнем;

при $x < 0$ имеем $3x^2 - 4x = 0$, $x^2 - \frac{4}{3}x = 0$, $x\left(x - \frac{4}{3}\right) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = \frac{4}{3}$,
 $x = \frac{4}{3}$ не удовлетворяет условию $x < 0$, значит, не является корнем;

Ответ: 0;

в) $2x^2 + |x| - 3x = 0$, при $x \geq 0$ имеем $2x^2 + x - 3x = 0$,
 $2x^2 - 2x = 0$, $x(x - 1) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 1$;
при $x < 0$ имеем $2x^2 - x - 3x = 0$, $2x^2 - 4x = 0$,
 $x^2 - 2x = 0$, $x(x - 2) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 2$ не удовлетворяет условию $x < 0$,
значит, не является корнем; Ответ: 0; 1;

г) $4x^2 - 3|x| + x = 0$, при $x \geq 0$ имеем $4x^2 - 3x + x = 0$,
 $4x^2 - 2x = 0$, $2x^2 - x = 0$, $x(2x - 1) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 0,5$;
при $x < 0$ имеем $4x^2 + 3x + x = 0$, $x^2 + x = 0$, $x(x + 1) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -1$;
Ответ: -1; 0; 0,5.

№ 983.

а) $4x^2 + \frac{x}{|x|} = 0$, при $x \geq 0$ имеем $4x^2 + \frac{x}{x} = 0$,
 $4x^2 + 1 = 0$, $4x^2 = -1$ нет корней;

при $x < 0$ имеем $4x^2 + \frac{x}{-x} = 0$, $4x^2 - 1 = 0$, $x^2 = \frac{1}{4}$, $x_{1,2} = \pm 0,5$,

$x = 0,5$ не удовлетворяет условию $x < 0$, значит, не является корнем;
Ответ: -0,5;

б) $x^2 - \frac{3x^2}{|x|} = 0$, при $x \geq 0$ имеем $x^2 - \frac{3x^2}{x} = 0$,
 $x^2 - 3x = 0$, $x(x - 3) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 3$;

$x = 0$ не входит в ОДЗ уравнения;
при $x < 0$ имеем $x^2 + 3x = 0$, $x(x + 3) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -3$; Ответ: ±3;

в) $x^2 - \frac{4|x|}{x} = 0$, при $x \geq 0$ имеем $x^2 - \frac{4x}{x} = 0$, $x^2 - 4 = 0$, $x = \pm 2$,

$x = -2$ не удовлетворяет условию $x \geq 0$, значит, не является корнем;
при $x < 0$ имеем $x^2 + 4 = 0$, $x^2 = -4$ нет корней; Ответ: 2;

г) $2x^2 + \frac{x^2}{2|x|} = 0$, при $x \geq 0$ имеем $2x^2 + \frac{x}{2} = 0$,

$x^2 + \frac{x}{4} = 0$, $x\left(x + \frac{1}{4}\right) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -\frac{1}{4}$,

$x=0$ не корень, т.к. не входит в ОДЗ, $x = -\frac{1}{4}$ не удовлетворяет условию $x \geq 0$,

значит, не является корнем;

$$\text{при } x < 0 \text{ имеем } x^2 - \frac{x}{4} = 0, x \left(x - \frac{1}{4} \right) = 0, x_1 = 0, x_2 = \frac{1}{4},$$

$x = \frac{1}{4}$ не удовлетворяет условию $x < 0$, значит, не является корнем;

Ответ: нет корней.

§31. Формулы корней квадратного уравнения

№ 984. а) $x^2 + 5x - 6 = 0, a = 1, b = 5, c = -6, D = b^2 - 4ac = 25 + 4 \cdot 6 = 49$;

б) $x^2 - 1,3x + 2 = 0, a = 1, b = -1,3, c = 2, D = b^2 - 4ac = 1,69 - 4 \cdot 2 = -6,31$;

в) $x^2 - 2,4x + 1 = 0, a = 1, b = -2,4, c = 1, D = b^2 - 4ac = 5,76 - 4 = 1,76$;

г) $x^2 - 7x - 4 = 0, a = 1, b = -7, c = -4, D = b^2 - 4ac = 49 + 16 = 65$.

№ 985. а) $3x^2 + 2x - 1 = 0, a = 3, b = 2, c = -1, D = b^2 - 4ac = 4 + 4 \cdot 3 = 16$;

б) $-x^2 + 4x + 3 = 0, a = -1, b = 4, c = 3, D = b^2 - 4ac = 16 + 4 \cdot 3 = 28$;

в) $-2x^2 + 5x + 3 = 0, a = -2, b = 5, c = 3, D = b^2 - 4ac = 25 + 4 \cdot 2 \cdot 3 = 49$;

г) $4x^2 - 5x - 4 = 0, a = 4, b = -5, c = -4, D = b^2 - 4ac = 25 + 4 \cdot 4 \cdot 4 = 89$.

№ 986. а) $x^2 - 8x - 84 = 0, D = 64 + 4 \cdot 84 > 0$, значит, уравнение имеет 2 корня;

б) $36x^2 - 12x + 1 = 0, D = 144 - 4 \cdot 36 = 0$, значит, уравнение имеет 1 корень;

в) $x^2 - 22x - 23 = 0, D = 22^2 + 4 \cdot 23 > 0$, значит, уравнение имеет 2 корня;

г) $16x^2 - 8x + 1 = 0, D = 64 - 4 \cdot 16 = 0$, значит, уравнение имеет 1 корень.

№ 987. а) $x^2 + 3x - 24 = 0, D = 9 + 4 \cdot 24 > 0$, значит, уравнение имеет 2 корня;

б) $x^2 - 16x + 64 = 0, D = 256 - 4 \cdot 64 = 0$, значит, уравнение имеет 1 корень;

в) $x^2 - 2x + 5 = 0, D = 4 - 4 \cdot 5 < 0$, значит, уравнение не имеет корней;

г) $x^2 + 6x + 9 = 0, D = 36 - 4 \cdot 9 = 0$, значит, уравнение имеет 1 корень.

№ 988. а) $x^2 - 5x + 6 = 0, D = 25 - 4 \cdot 6 = 1 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{5+1}{2} = 3, \quad x_2 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{5-1}{2} = 2;$$

б) $x^2 - 2x - 15 = 0, D = 4 + 4 \cdot 15 = 64 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{2+8}{2} = 5, \quad x_2 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{2-8}{2} = -3;$$

в) $x^2 + 6x + 8 = 0, D = 36 - 4 \cdot 8 = 4 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{-6+2}{2} = -2, \quad x_2 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{-6-2}{2} = -4;$$

г) $x^2 - 3x - 18 = 0, D = 9 + 4 \cdot 18 = 81 > 0$, значит

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{3+9}{2} = 6, \quad x_2 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{3-9}{2} = -3.$$

№ 989. а) $x^2 + 4x + 4 = 0, D = 16 - 4 \cdot 4 = 0$, значит, $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{4}{2} = -2$;

б) $x^2 + 8x + 7 = 0, D = 64 - 4 \cdot 7 = 36 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-8+6}{2} = -1, \quad x_2 = \frac{-8-6}{2} = -7;$$

б) $x^2 - 34x + 289 = 0, D = 1156 - 4 \cdot 289 = 0$, значит, $x = \frac{34}{2} = 17$;

г) $x^2 + 4x + 5 = 0, D = 16 - 4 \cdot 5 < 0$, значит, нет корней.

№ 990. а) $2x^2 + 3x + 1 = 0, D = 9 - 4 \cdot 2 = 1 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-3+1}{4} = -0,5, \quad x_2 = \frac{-3-1}{4} = -1;$$

б) $3x^2 - 3x + 4 = 0, D = 9 - 4 \cdot 3 \cdot 4 < 0$, значит, нет корней;

в) $5x^2 - 8x + 3 = 0, D = 64 - 4 \cdot 5 \cdot 3 = 4 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{8+2}{10} = 1, \quad x_2 = \frac{8-2}{10} = 0,6;$$

г) $14x^2 - 5x - 1 = 0, D = 25 + 4 \cdot 14 = 81 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{5+9}{28} = 0,5, \quad x_2 = \frac{5-9}{28} = -\frac{1}{7}.$$

№ 991. а) $4x^2 + 10x - 6 = 0, 2x^2 + 5x - 3 = 0, D = 25 + 4 \cdot 2 \cdot 3 = 49 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-5+7}{4} = \frac{1}{2}, \quad x_2 = \frac{-5-7}{4} = -3;$$

б) $25x^2 + 10x + 1 = 0, D = 100 - 4 \cdot 25 = 0$, значит, $x = -\frac{10}{2 \cdot 25} = -0,2$;

в) $3x^2 - 8x + 5 = 0, D = 64 - 4 \cdot 3 \cdot 5 = 4 > 0$, значит, $x_1 = \frac{8+2}{6} = 1\frac{2}{3}, x_2 = \frac{8-2}{6} = 1$;

г) $4x^2 + x + 67 = 0, D = 1 - 4 \cdot 4 \cdot 67 < 0$, значит, нет корней.

№ 992. а) $3x^2 + 32x + 80 = 0, D = 1024 - 4 \cdot 3 \cdot 80 = 64 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-32+8}{6} = -4, \quad x_2 = \frac{-32-8}{6} = -6\frac{2}{3};$$

б) $100x^2 - 160x + 63 = 0, D = 25600 - 4 \cdot 100 \cdot 63 = 400 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{160+20}{200} = 0,9, \quad x_2 = \frac{160-20}{200} = 0,7;$$

в) $5x^2 + 26x - 24 = 0, D = 676 + 4 \cdot 5 \cdot 24 = 1156 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-26+34}{10} = 0,8, \quad x_2 = \frac{-26-34}{10} = -6;$$

г) $4x^2 - 12x + 9 = 0, D = 144 - 4 \cdot 4 \cdot 9 = 0$, значит, $x = \frac{12}{8} = 1,5$.

№ 993.

а) $x^2 = 2x + 48, x^2 - 2x - 48 = 0, D = 4 + 4 \cdot 48 = 196 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{2+14}{2} = 8, \quad x_2 = \frac{2-14}{2} = -6;$$

б) $6x^2 + 7x - 5 = 0, 6x^2 + 7x - 5 = 0, D = 49 + 4 \cdot 6 \cdot 5 = 169 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-7+13}{12} = 0,5, \quad x_2 = \frac{-7-13}{12} = -1\frac{2}{3};$$

в) $x^2 = 4x + 96, x^2 - 4x - 96 = 0, D = 16 + 4 \cdot 96 = 400 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{4+20}{3} = 12, \quad x_2 = \frac{4-20}{2} = -8;$$

г) $2x^2 - 2 = 3x, 2x^2 - 3x - 2 = 0, D = 9 + 4 \cdot 2 \cdot 2 = 25 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{3+5}{4} = 2, \quad x_2 = \frac{3-5}{4} = -0,5.$$

№ 994. а) $-x^2 = 5x - 14, x^2 + 5x - 14 = 0, D = 25 + 4 \cdot 14 = 81 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-5+9}{2} = 2, \quad x_2 = \frac{-5-9}{2} = -7;$$

б) $-3x^2 + 5 = 2x, 3x^2 + 2x - 5 = 0, D = 4 + 4 \cdot 3 \cdot 5 = 64 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-2+8}{6} = 1, \quad x_2 = \frac{-2-8}{6} = -1\frac{1}{3};$$

в) $25 = 26x - x^2, x^2 - 26x + 25 = 0, D = 676 - 4 \cdot 25 = 576 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{26+24}{2} = 25, \quad x_2 = \frac{26-24}{2} = 1;$$

г) $-5x^2 = 9x - 2, 5x^2 + 9x - 2 = 0, D = 81 + 4 \cdot 5 \cdot 2 = 121 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{-9+11}{10} = 0,2, \quad x_2 = \frac{-9-11}{10} = -2.$$

№ 995. а) $x^2 + 7x + 2 = 0, D = 49 - 4 \cdot 2 = 41 > 0$, значит, $x_{1,2} = \frac{-7 \pm \sqrt{41}}{2}$;

б) $2x^2 + 3x - 1 = 0, D = 9 + 4 \cdot 2 = 17 > 0$, значит, $x_{1,2} = \frac{-3 \pm \sqrt{17}}{4}$;

в) $x^2 - 5x + 3 = 0, D = 25 - 4 \cdot 3 = 13 > 0$, значит, $x_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{13}}{2}$;

г) $5x^2 - x - 1 = 0, D = 1 + 4 \cdot 5 = 21 > 0$, значит, $x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{21}}{10}$.

№ 996. а) $x^2 + 2x - 7 = 0, D = 4 + 4 \cdot 7 = 32 > 0$, значит,

$$x_{1,2} = \frac{-2 \pm \sqrt{32}}{2} = \frac{-2 \pm 4\sqrt{2}}{2} = -1 \pm 2\sqrt{2};$$

б) $2x^2 - 4x - 1 = 0, D = 16 + 4 \cdot 2 = 24 > 0$, значит,

$$x_{1,2} = \frac{4 \pm \sqrt{24}}{4} = \frac{4 \pm 2\sqrt{6}}{4} = \frac{2 \pm \sqrt{6}}{2};$$

в) $x^2 + 6x + 3 = 0, D = 36 - 4 \cdot 3 = 24 > 0$, значит,

$$x_{1,2} = \frac{-6 \pm \sqrt{24}}{2} = \frac{-6 \pm 2\sqrt{6}}{2} = -3 \pm \sqrt{6};$$

г) $2x^2 - 10x + 1 = 0, D = 100 - 4 \cdot 2 = 92 > 0$, значит,

$$x_{1,2} = \frac{10 \pm \sqrt{92}}{4} = \frac{10 \pm 2\sqrt{23}}{4} = \frac{5 \pm \sqrt{23}}{2}.$$

№ 997.

а) $0,6x^2 + 0,8x - 7,8 = 0, 6x^2 + 8x - 78 = 0, 3x^2 + 4x - 39 = 0$,

$$D = 16 + 4 \cdot 3 \cdot 39 = 484 > 0, \text{ значит, } x_1 = \frac{-4+22}{6} = 3, \quad x_2 = \frac{-4-22}{6} = -\frac{13}{3} = -4\frac{1}{3};$$

б) $0,25x^2 - x + 1 = 0$, $25x^2 - 100x + 100 = 0$, $x^2 - 4x + 4 = 0$,

$$D = 16 - 4 \cdot 4 = 0, \text{ значит, } x = \frac{4}{2} = 2;$$

в) $0,2x^2 - 10x + 125 = 0$, $2x^2 - 100x + 1250 = 0$, $x^2 - 50x + 625 = 0$,

$$D = 2500 - 4 \cdot 625 = 0, \text{ значит, } x = \frac{50}{2} = 25;$$

г) $4x^2 - 7x - 7,5 = 0$, $8x^2 - 14x - 15 = 0$, $D = 106 + 4 \cdot 8 \cdot 15 = 676 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{14 + 26}{16} = 2,5, \quad x_2 = \frac{14 - 26}{16} = -0,75.$$

№ 998. а) $6x(2x + 1) = 5x + 1$, $12x^2 + 6x - 5x - 1 = 0$, $12x^2 + x - 1 = 0$,

$$D = 1 + 4 \cdot 12 = 49 > 0, \text{ значит, } x_1 = \frac{-1 + 7}{24} = 0,25, \quad x_2 = \frac{-1 - 7}{24} = -\frac{1}{3};$$

б) $2x(x - 8) = -x - 18$, $2x^2 - 16x + x + 18 = 0$, $2x^2 - 15x + 18 = 0$,

$$D = 225 - 4 \cdot 2 \cdot 18 = 81 > 0, \text{ значит, } x_1 = \frac{15 + 9}{4} = 6, \quad x_2 = \frac{15 - 9}{4} = 1,5;$$

в) $8x(1 + 2x) = -1$, $16x^2 + 8x + 1 = 0$, $D = 64 - 4 \cdot 16 = 0$, значит, $x = \frac{-9}{32} = -0,25$;

г) $x(x - 5) = 1 - 4x$, $x^2 - 5x - 1 + 4x = 0$, $x^2 - x - 1 = 0$, $D = 1 + 4 = 5 > 0$, значит,

$$x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}.$$

№ 999. а) $(x - 2)^2 = 3x - 8$, $x^2 - 4x + 4 - 3x + 8 = 0$, $x^2 - 7x + 12 = 0$,

$$D = 49 - 4 \cdot 12 = 1 > 0, \text{ значит, } x_1 = \frac{7 + 1}{2} = 4, \quad x_2 = \frac{7 - 1}{2} = 3;$$

б) $(3x - 1)(x + 3) + 1 = x(1 + 6x)$, $3x^2 - x + 9x - 3 + 1 - x - 6x^2 = 0$,

$$-3x^2 + 7x - 2 = 0$$
, $3x^2 - 7x + 2 = 0$, $D = 49 - 4 \cdot 3 \cdot 2 = 25 > 0$, значит,

$$x_1 = \frac{7 + 5}{6} = 2, \quad x_2 = \frac{7 - 5}{6} = \frac{1}{3};$$

в) $5(x + 2)^2 = -6x - 44$, $5x^2 + 20x + 20 + 6x + 44 = 0$, $5x^2 + 26x + 64 = 0$,

$$D = 676 - 4 \cdot 5 \cdot 64 < 0, \text{ значит, нет корней};$$

г) $(x + 4)(2x - 1) = x(3x + 11)$, $2x^2 + 8x - x - 4 = 3x^2 + 11x$, $x^2 + 4x + 4 = 0$,

$$D = 16 - 4 \cdot 4 = 0, \text{ значит } x = -\frac{4}{2} = -2.$$

№ 1000. Уравнение имеет 1 корень, если $D = 0$:

а) $x^2 - mx + 9 = 0$, $D = m^2 - 4 \cdot 9 = m^2 - 36$, $m^2 - 36 = 0$, $m^2 = 36$, $m_{1,2} = \pm 6$;

б) $x^2 + 3mx + m = 0$, $D = 9m^2 - 4m$, $9m^2 - 4m = 0$, $m(9m - 4) = 0$,

$$m_1 = 0, \quad m_2 = \frac{4}{9};$$

в) $x^2 + mx + 16 = 0$, $D = m^2 - 4 \cdot 16$, $m^2 - 64 = 0$, $m^2 = 64$, $m_{1,2} = \pm 8$;

г) $x^2 - 2mx + 3m = 0$, $D = 4m^2 - 4 \cdot 3m$, $m^2 - 3m = 0$, $m(m - 3) = 0$, $m_1 = 0$, $m_2 = 3$.

№ 1001.

$$3x^2 - px - 2 = 0, D = p^2 + 4 \cdot 3 \cdot 2 = p^2 + 16,$$

$p^2 + 16 > 0$ для любого p , значит, $D > 0$ для любого p , значит, уравнение имеет при любом p 2 корня, что и требовалось доказать.

№ 1002.I этап: Пусть x – искомое натуральное число, тогда x^2 – его квадрат или $x + 56$.Уравнение: $x^2 = x + 56$.

$$\text{II этап: } x^2 - x - 56 = 0, D = 1 + 4 \cdot 45 = 225, x_1 = \frac{1+15}{2} = 8, x_2 = -7.$$

III этап: $x_2 = -7$ – не удовлетворяет условию задачи.

Так что искомое число 8. Ответ: 8.

№ 1003.I этап: Пусть x см – ширина прямоугольника, $(x+5)$ см – длина прямоугольника, тогда $x(x+5)$ см² – его площадь или 84 см².Уравнение: $x(x + 5) = 84$.

$$\text{II этап: } x^2 + 5x - 84 = 0, D = 25 + 4 \cdot 84 = 361,$$

$$x_1 = \frac{-5+19}{2} = 7, x_2 = \frac{-5-19}{2} = -12.$$

III этап: $x_2 = -12 < 0$ – не удовлетворяет условию задачи. Так что7 см – ширина прямоугольника, $7 + 5 = 12$ (см) – длина прямоугольника.

Ответ: 7 см и 12 см.

№ 1004.I этап: Пусть x – первое число, $(x + 2)$ – второе число, $x(x + 2)$ – их произведение или 120.Уравнение: $x(x + 2) = 120$.

$$\text{II этап: } x^2 + 2x - 120 = 0, D = 4 + 4 \cdot 120 = 484,$$

$$x_1 = \frac{-2+22}{2} = 10, x_2 = \frac{-2-22}{2} = -12.$$

III этап: 10 – первое число, $10 + 2 = 12$ – второе число, или -12 – первое число; $-12 + 2 = -10$ – второе число.Ответ: 10 и 12 или -12 и -10 .**№ 1005.**I этап: Пусть x м – длина первого катета, $(x + 31)$ м – длина второго катета, тогда

$$\frac{1}{2}x(x + 31) \text{ м}^2 – \text{площадь треугольника или } 180 \text{ м}^2.$$

Уравнение: $\frac{1}{2}x(x + 31) = 180$.

$$\text{II этап: } x^2 + 31x - 360 = 0,$$

$$D = 961 + 4 \cdot 360 = 2401,$$

$$x_1 = \frac{-31+49}{2} = 9, x_2 = \frac{-31-49}{2} = -40.$$

III этап: $x_2 = -40 < 0$ – не удовлетворяет условию. Так что

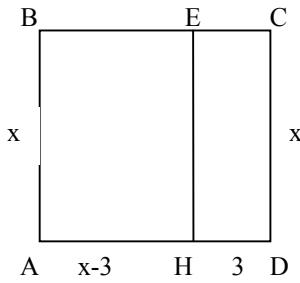
9 м – длина первого катета,

 $9 + 31 = 40$ (м) – длина второго.

Ответ: 9 м и 40 м.

№ 1006.**I этап:** Пусть x см – длина АВ, тогда $AD = x$ см и $AH = (x - 3)$ см. Тогда $x(x - 3)$ см² = площадь АВЕН или 70 см².Уравнение: $x(x - 3) = 70$.**II этап:** $x^2 - 3x - 70 = 0$, $D = 9 + 4 \cdot 70 = 289$,

$$x_1 = \frac{3+17}{2} = 10, \quad x_2 = \frac{3-17}{2} = -7.$$

III этап: $x_2 = -7 < 0$ – не удовлетворяет условию задачи. Так что 10 см – длина АВ, т.е. первоначальный размер листа.

Ответ: 10 см.

№ 1007.**I этап:** Пусть x – первое натуральное число, тогда $x + 1$ – второе число, $x + x + 1 = 2x + 1$ – их сумма, $x(x + 1)$ – их произведение или $2x + 1 + 271$ Уравнение: $x(x + 1) = 2x + 1 + 271$.**II этап:** $x^2 + x - 2x - 272 = 0$, $x^2 - x - 272 = 0$, $D = 1 + 4 \cdot 272 = 1089$,

$$x_1 = \frac{1+33}{2} = 17, \quad x_2 = \frac{1-33}{2} = -16.$$

III этап: $x_2 = -16 < 0$ – не удовлетворяет условию. Так что17 – первое число, $17 + 1 = 18$ – второе число. Ответ: 17 и 18.**№ 1008.****I этап:** Пусть x – первое натуральное число, тогда $x + 1$ – второе число, $x + x + 1 = 2x + 1$ – их сумма, $x(x + 1)$ – их произведение или $2x + 1 + 109$.Уравнение: $x(x + 1) = 2x + 1 + 109$.**II этап:** $x^2 + x - 2x - 110 = 0$, $x^2 - x - 110 = 0$, $D = 1 + 4 \cdot 110 = 441$,

$$x_1 = \frac{1+21}{2} = 11, \quad x_2 = \frac{1-21}{2} = -10.$$

III этап: $x_2 = -10 < 0$ – не удовлетворяет условию. Так что11 – первое число, $11 + 1 = 12$ – второе число. Ответ: 11 и 12.**№ 1009.****I этап:** Пусть x – первое натуральное число, тогда $x + 1$ – второе число, $x + 2$ – третье число, $x^2 + (x + 1)^2 + (x + 2)^2$ – сумма их квадратов или 1589.Уравнение: $x^2 + (x + 1)^2 + (x + 2)^2 = 1589$.**II этап:** $x^2 + x^2 + 2x + 1 + x^2 + 4x + 4 - 1589 = 0$, $3x^2 + 6x - 1584 = 0$,

$$x^2 + 2x - 528 = 0, \quad D = 4 + 4 \cdot 528 = 2116, \quad x_1 = \frac{-2+46}{2} = 22, \quad x_2 = \frac{-2-46}{2} = -24.$$

III этап: $x_2 = -24 < 0$ – не удовлетворяет условию задачи. Так что22 – первое число, $22 + 1 = 23$ – второе число,

22 + 2 = 24 – третье число.

Ответ: 22, 23, 24.

№ 1010.**I этап:** Пусть

x см – гипотенуза, тогда $(x - 32)$ см – первый катет,
 $(x - 9)$ см – второй катет. Используя теорему Пифагора, получаем
уравнение: $x^2 = (x - 32)^2 + (x - 9)^2$.

II этап: $x^2 = x^2 - 64x + 1024 + x^2 - 18x + 81, x^2 - 82x + 1105 = 0,$

$$D = 6724 - 4 \cdot 1105 = 2304, x_1 = \frac{82+48}{2} = 65, x_2 = \frac{82-48}{2} = 17.$$

III этап: $x_2 = 17$ – не удовлетворяет условию задачи, т.к. длина первого катета в этом случае равна $17 - 32 < 0$. Так что 65 см – гипотенуза, $65 - 32 = 33$ (см) – первый катет, $65 - 9 = 56$ (см) – второе катет.

Ответ: 33, 56 и 65 см.

№ 1011.**I этап:** Пусть

x см – гипотенуза, тогда $(x - 3)$ см – первый катет, $(x - 6)$ см – второй катет. Используя теорему Пифагора, получаем уравнение: $x^2 = (x - 3)^2 + (x - 6)^2$.

II этап: $x^2 = x^2 - 6x + 9 + x^2 - 12x + 36, x^2 - 18x + 45 = 0,$

$$D = 324 - 4 \cdot 45 = 144, x_1 = \frac{18+12}{2} = 15, x_2 = \frac{18-12}{2} = 3.$$

III этап: $x_2 = 3$ – не удовлетворяет условию задачи, т.к. длина второго катета в этом случае равна $3 - 6 < 0$. Так что 15 см – длина гипотенузы.

Ответ: 15 см.

№ 1012.**I этап:** Пусть

x см – гипотенуза, тогда $(x - 5)$ см – первый катет, $(x - 10)$ см – второй катет.

Используя теорему Пифагора, получаем уравнение: $x^2 = (x - 5)^2 + (x - 10)^2$.**II этап:** $x^2 = x^2 - 10x + 25 + x^2 - 20x + 100, x^2 - 30x + 125 = 0,$

$$D = 900 - 4 \cdot 125 = 400, x_1 = \frac{30+20}{2} = 25, x_2 = \frac{30-20}{2} = 5.$$

III этап: $x_2 = 5$ – не удовлетворяет условию, т.к. длина второго катета в этом случае равна $5 - 10 < 0$. Тогда 25 см – гипотенуза.

Ответ: 25 см.

№ 1013.

a) $\frac{1}{3}x^2 + x + \frac{1}{4} = 0, 4x^2 + 12x + 3 = 0, D = 144 - 4 \cdot 4 \cdot 3 = 96,$

$$x_{1,2} = \frac{-12 \pm \sqrt{96}}{8} = \frac{-12 \pm 4\sqrt{6}}{8} = \frac{-3 \pm \sqrt{6}}{2};$$

б) $x^2 + 5x + 2\frac{1}{4} = 0, x^2 + 5x + \frac{9}{4} = 0, 4x^2 + 20x + 9 = 0, D = 400 - 4 \cdot 4 \cdot 9 = 256,$

$$x_1 = \frac{-20+16}{8} = -0,5, x_2 = \frac{-20-16}{8} = -4,5;$$

в) $x^2 + 3x - 1\frac{1}{2} = 0, 2x^2 + 6x - 3 = 0, D = 36 + 4 \cdot 2 \cdot 3 = 60,$

$$x_{1,2} = \frac{-6 \pm \sqrt{60}}{4} = \frac{-6 \pm 2\sqrt{15}}{4} = \frac{-3 \pm \sqrt{15}}{2};$$

г) $\frac{1}{2}x^2 - x + \frac{1}{3} = 0, 3x^2 - 6x + 2 = 0, D = 36 - 4 \cdot 3 \cdot 2 = 12,$

$$x_{1,2} = \frac{6 \pm \sqrt{12}}{6} = \frac{6 \pm 2\sqrt{3}}{6} = \frac{3 \pm \sqrt{3}}{3}.$$

№ 1014. а) $x^2 + 4\sqrt{3}x + 12 = 0, D = 48 - 4 \cdot 12 = 0, x = -\frac{4\sqrt{3}}{2} = -2\sqrt{3};$

б) $x^2 + 2\sqrt{2}x + 1 = 0, D = 8 - 4 = 4, x_{1,2} = \frac{-2\sqrt{2} \pm 2}{2} = -\sqrt{2} \pm 1;$

в) $x^2 + 2\sqrt{5}x - 20 = 0, D = 20 + 4 \cdot 20 = 100, x_{1,2} = \frac{-2\sqrt{5} \pm 10}{2} = -\sqrt{5} \pm 5;$

г) $x^2 + 3\sqrt{2}x + 4 = 0, D = 32 - 4 \cdot 4 = 16, x_{1,2} = \frac{4\sqrt{2} \pm 4}{2} = 2\sqrt{2} \pm 2.$

№ 1015. а) $x^2 + 3\sqrt{2}x + 4 = 0, D = 18 - 4 \cdot 4 = 2,$

$$x_1 = \frac{-3\sqrt{2} + \sqrt{2}}{2} = \frac{-2\sqrt{2}}{2} = -\sqrt{2}, x_2 = \frac{-3\sqrt{2} - \sqrt{2}}{2} = \frac{-4\sqrt{2}}{2} = -2\sqrt{2};$$

б) $4x^2 + 4\sqrt{3}x + 1 = 0, D = 48 - 4 \cdot 4 = 32,$

$$x_{1,2} = \frac{-4\sqrt{3} \pm \sqrt{32}}{8} = \frac{-4\sqrt{3} \pm 4\sqrt{2}}{8} = \frac{-\sqrt{3} \pm \sqrt{2}}{2};$$

в) $9x^2 - 6\sqrt{5}x + 2 = 0, D = 180 - 4 \cdot 9 \cdot 2 = 108,$

$$x_{1,2} = \frac{6\sqrt{5} \pm \sqrt{108}}{18} = \frac{6\sqrt{5} \pm 6\sqrt{3}}{18} = \frac{\sqrt{5} \pm \sqrt{3}}{3};$$

г) $4x^2 - 2\sqrt{7}x + 1 = 0, D = 28 - 4 \cdot 4 = 12, x_{1,2} = \frac{2\sqrt{7} \pm \sqrt{12}}{8} = \frac{2\sqrt{7} \pm 2\sqrt{3}}{8} = \frac{\sqrt{7} \pm \sqrt{3}}{4}.$

№ 1016. а) $(2x-1)(2x+1) + x(x-1) = 2x(x+1), 4x^2 - 1 + x^2 - x - 2x^2 - 2x = 0,$

$$3x^2 - 3x - 1 = 0, D = 9 + 4 \cdot 3 = 21, x_{1,2} = \frac{3 \pm \sqrt{21}}{6};$$

б) $(3x+1)2 - x(7x+5) = 4, 9x^2 + 6x + 1 - 7x^2 - 5x - 4 = 0, 2x^2 + x - 3 = 0,$

$$D = 1 + 4 \cdot 3 \cdot 2 = 25, x_1 = \frac{-1+5}{4} = 1, x_2 = \frac{-1-5}{4} = -1,5;$$

в) $(3x-1)(3x+1) - 2x(1+4x) = -2, 9x^2 - 1 - 2x - 8x^2 + 2 = 0, x^2 - 2x + 1 = 0,$

$$(x-1)^2 = 0, x-1 = 0, x = 1;$$

г) $(2x+1)^2 + 2 = 2 - 6x^2, 6x^2 + 4x^2 + 4x + 1 = 0, 10x^2 + 4x + 1 = 0,$

$$D = 16 - 4 \cdot 10 < 0, \text{ значит, нет корней.}$$

№ 1017.

а) $\frac{x^2 - x}{3} = \frac{2x - 4}{5}, 5x^2 - 5x = 6x - 12, 5x^2 - 11x + 12 = 0,$

$$D = 121 - 4 \cdot 5 \cdot 12 < 0, \text{ значит, нет корней;}$$

б) $\frac{2x^2 + x}{5} = \frac{4x - 2}{3}$, $6x^2 + 3x = 20x - 10$, $6x^2 - 17x + 10 = 0$, $D = 289 - 4 \cdot 6 \cdot 10 = 49$,

$$x_1 = \frac{17+7}{12} = 2, \quad x_2 = \frac{17-7}{12} = \frac{5}{6};$$

в) $\frac{x^2 - 3}{2} - 6x = 5$, $x^2 - 3 - 12x - 10 = 0$, $x^2 - 12x - 13 = 0$, $D = 144 + 4 \cdot 13 = 196$,

$$x_1 = \frac{12+14}{2} = 13, \quad x_2 = \frac{12-14}{2} = -1;$$

г) $\frac{4x^2 + x}{3} - \frac{5x - 1}{6} = \frac{x^2 + 17}{9}$, $24x^2 + 6x - 15x + 3 - 2x^2 - 34 = 0$, $12x^2 - 9x - 31 = 0$,

$$D = 81 + 4 \cdot 22 \cdot 31 = 2809, \quad x_1 = \frac{9+53}{44} = \frac{62}{44} = \frac{31}{22}, \quad x_2 = \frac{9-53}{44} = -1.$$

№ 1018. Уравнение имеет 2 корня, если $D > 0$

а) $x^2 + px = 0$, $D = p^2 - 4$, $p^2 - 4 > 0$, если $p \in (-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$,

т.е. $D > 0$ не для любого p ;

б) $x^2 - px - 5 = 0$, $D = p^2 + 4 \cdot 5 = p^2 + 20 > 0$ для любого p , значит, уравнение имеет два корня при любом p ;

в) $x^2 + px + 5 = 0$, $D = p^2 - 4 \cdot 5 = p^2 - 20$, $D > 0$ не для любого p ;

г) $px^2 - 2 = 0$, $D = 4 \cdot 2 \cdot p = 8p$, $D > 0$ не для любого p .

Ответ: $x^2 - px - 5 = 0$.

№ 1019. а) $x^2 - (2p-2)x + p^2 - 2p = 0$, $D = (2p-2)^2 - 4 \cdot (p^2 - 2p) = 4p^2 - 8p + 4 - 4p^2 + 8p = 4$,

$$x_1 = \frac{2p-2+2}{2} = p, \quad x_2 = \frac{2p-2-2}{2} = p-2;$$

б) $x^2 - \frac{2p+3}{6}x + \frac{p}{6} = 0$, $6x^2 - (2p+3)x + p = 0$,

$$D = (2p+3)^2 - 4 \cdot 6 \cdot p = 4p^2 + 12p + 9 - 24p = 4p^2 - 12p + 9 = (2p-3)^2,$$

$$x_1 = \frac{2p+3+2p-3}{12} = \frac{p}{3}, \quad x_2 = \frac{2p+3-2p+3}{12} = 0,5;$$

в) $x^2 - (1+p)x + p = 0$, $D = (1+p)^2 - 4p = (p-1)^2$,

$$x_1 = \frac{1+p+p-1}{2} = p, \quad x_2 = \frac{1+p-p+1}{2} = 1;$$

г) $x^2 + \frac{3p+2}{6}x + \frac{p}{6} = 0$, $6x^2 + (3p+2)x + p = 0$,

$$D = (3p+2)^2 - 4 \cdot 6 \cdot p = 9p^2 + 12p + 4 - 24p = 9p^2 - 12p + 4 = (3p-2)^2,$$

$$x_1 = \frac{-3p-2+3p-2}{12} = -\frac{1}{3}, \quad x_2 = \frac{-3p-2-3p+2}{12} = -\frac{p}{2}.$$

№ 1020.

а) $x^2 - 2px + p^2 - 1 = 0$, $D = 4p^2 - 4(p^2 - 1) = 4$,

$$x_1 = \frac{2p+2}{2} = p+1, \quad x_2 = \frac{2p-2}{2} = p-1;$$

б) $px^2 - 4x + 1 = 0$, если $p = 0$, то $-4x + 1 = 0$, $x = 0,25$,

если $p \neq 0$, то $D = 16 - 4p$, если $16 - 4p = 0$, т.е. $p \leq 4$, то

$$x_{1,2} = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 4p}}{2p} = \frac{4 \pm 2\sqrt{4-p}}{2p} = \frac{2 \pm \sqrt{4-p}}{p},$$

если $16 - 4p < 0$, т.е. $p > 4$, то нет корней.

Ответ: если $p = 0$, $x = \frac{1}{4}$,

$$\text{если } p < 0, 0 < p \leq 4, x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{4-p}}{p}, \text{ если } p > 4, \text{ нет корней.}$$

$$\text{в) } x^2 - 4px + 4p^2 - 1 = 0, D = 16p^2 - 4(4p^2 - 1) = 4,$$

$$x_1 = \frac{4p+2}{2} = 2p+1, x_2 = \frac{4p-2}{2} = 2p-1;$$

$$\text{г) } px^2 - 12x + 4 = 0, \text{ если } p = 0, \text{ то } -12x + 4 = 0, x = \frac{1}{3},$$

если $p \neq 0$, то $D = 144 - 4 \cdot 4 \cdot p = 144 - 16p^2$,

если $D \geq 0$, т.е. $144 - 16p^2 \geq 0$, $p^2 - 9 \leq 0$, $-3 \leq p \leq 3$, то

$$x_{1,2} = \frac{12 \pm 4\sqrt{9-p^2}}{2p} = \frac{6 \pm 2\sqrt{9-p^2}}{p},$$

если $D < 0$, т.е. $p < -3, p > 3$, то нет корней.

Ответ: $x = \frac{1}{3}$, если $p = 0$,

$$x_{1,2} = \frac{6 \pm 2\sqrt{9-p^2}}{p}, \text{ если } -3 \leq p < 0, 0 < p \leq 3, \text{ нет корней, если } p < -3, p > 3.$$

№ 1021.

$$\text{а) } (p-4)x^2 + (2p-4)x + p = 0, \text{ если } p-4 = 0, p = 4, \text{ то } (2 \cdot 4 - 4)x + 4 = 0,$$

$$4x = -4, x = -1, \text{ если } p \neq 4, D = 4p^2 - 16p - 4p(p-4) = 16,$$

$$x_1 = \frac{4-2p+4}{2(p-4)} = \frac{4-p}{p-4} = -1, x_2 = \frac{4-2p-4}{2(p-4)} = \frac{p}{4-p}.$$

$$\text{Ответ: если } p = 4, x = -1, \text{ если } p \neq 4, x_1 = -1, x_2 = \frac{p}{4-p}.$$

$$\text{б) } px^2 + 2(p+1)x + p + 3 = 0, \text{ если } p = 0, \text{ то } 2x + 3 = 0, x = -1,5,$$

$$\text{если } p \neq 0, D = 4(p+1)^2 - 4p(p+3) = 4p^2 + 8p + 4 - 4p^2 - 12p = -4p + 4,$$

если $-4p + 4 \geq 0, 4p \leq 4, p \leq 1$, то

$$x_{1,2} = \frac{-2p-2 \pm \sqrt{4-4p}}{2p} = \frac{-2p-2 \pm 2\sqrt{1-p}}{2p} = \frac{-p-1 \pm \sqrt{1-p}}{p},$$

если $-4p + 4 < 0, p > 1$, то нет корней. Ответ: если $p = 0, x = -1,5$,

$$\text{если } p < 0, 0 < p \leq 1, x_{1,2} = \frac{-p-1 \pm \sqrt{1-p}}{p}, \text{ если } p > 1, \text{ нет корней.}$$

№ 1022. $x^2 - px + p - 2 = 0$, уравнение имеет один корень, если $D = 0$,

$$D = p^2 - 4(p-2) = p^2 - 4p + 8, p^2 - 4p + 8 = 0,$$

$D_1 = 16 - 4 \cdot 8 < 0$, значит, уравнение $p^2 - 4p + 8 = 0$ не имеет корней, т.е. не существует такого p , при котором $D = 0$. Что и требовалось доказать.

№ 1023. 1 этап: Пусть x команд участвовало в чемпионате, тогда каждая команда сыграла $(x - 1)$ матч. Всего было сыграно $\frac{x(x-1)}{2}$ матча. Известно, что всего было сыграно 66 матчей, значит, получаем $\frac{x(x-1)}{2} = 66$, это тематическая модель.

2 этап: $x^2 - x = 132$, $x^2 - x - 132 = 0$, $D = 1 + 4 \cdot 132 = 529$,

$$x_1 = \frac{1+23}{2} = 12, \quad x_2 = \frac{1-23}{2} = -11.$$

3 этап: Спрашивается, сколько было команд? Получаем 2 возможности: либо 12, либо -11. Второе значение нас не устраивает. Значит, было 12 команд.

Ответ: 12.

№ 1024. 1 этап: Пусть x – количество учеников, обменявшихся фотокарточками. Тогда: $x - 1$ фотокарточку отдал каждый ученик, $x(x - 1)$ фотокарточек было раздано. Известно, что всего было раздано 210 фотокарточек. Значит, $x(x - 1) = 210$.

2 этап: $x^2 - x - 210 = 0$, $D = 1 + 4 \cdot 210 = 0$, $x_1 = \frac{1+29}{2} = 15, \quad x_2 = \frac{1-29}{2} = -14$.

3 этап: Видно, что $x = -14$ нам не подходит, значит, фотокарточками обменилось 15 учащихся. Ответ: 15.

№ 1025. 1 этап: Пусть x – задуманное число. Тогда $x^2 + 36$ – новое число. Известно, что получили число, большее задуманного в 20 раз, т.е. $20x$. Отсюда приходим к уравнению: $20x = x^2 + 36$.

2 этап: $x^2 - 20x + 36 = 0$, $D = 400 - 4 \cdot 36 = 256$,

$$x_1 = \frac{20+16}{2} = 18, \quad x_2 = \frac{20-16}{2} = 2.$$

3 этап: Мы получили два значения для задуманного числа 2 и 18. Оба они подходят. Ответ: 2 или 18.

№ 1026. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость грузового автомобиля. Тогда: $(x + 20)$ км/ч – скорость легкового автомобиля, $1,5x$ км – проедет грузовой автомобиль за 1,5 ч, $1,5(x + 20)$ км – проедет легковой автомобиль за 1,5 ч. Известно, что автомобили ехали на север и на восток, значит квадрат расстояния между ними может быть найден по теореме Пифагора. Получаем $(1,5x)^2 + (1,5(x + 20))^2 = 150^2$, т.к. расстояние между ними составило 150 км.

2 этап: $1,5^2(x^2 + x^2 + 40x + 400) = 1,5^2 \cdot 100^2$, $2x^2 + 40x + 400 = 10000$,

$$x^2 + 20x + 200 = 5000, \quad x^2 + 20x - 4800 = 0, \quad D = 400 + 4 \cdot 4800 = 19600,$$

$$x_1 = \frac{-20+140}{2} = 60, \quad x_2 = \frac{-20-140}{2} = -80.$$

3 этап: Ясно, что скорость не может быть отрицательной, значит, скорость грузового автомобиля 60 км/ч, $60 + 20 = 80$ (км/ч) – скорость легкового автомобиля. Ответ: 60 км/ч, 80 км/ч.

№ 1027.

1 этап: Пусть x – первое натуральное число. Тогда $(x + 1)$ – второе число, $x^2 + (x + 1)^2$ – сумма их квадратов.

Известно, что сумма их квадратов 1201. Значит, $x^2 + (x+1)^2 = 1201$.
2 этап: $2x^2 + 2x + 1 - 1201 = 0$, $2x^2 + 2x - 1200 = 0$, $x^2 + x - 600 = 0$.

$$D = 1 + 4 \cdot 600 = 2401, x_1 = \frac{-1+49}{2} = 24, x_2 = \frac{-1-49}{2} = -25.$$

3 этап: Т.к. в задаче говорится про натуральные числа, то из двух значений неизвестного подходит только первое.

24 – первое число, $24 + 1 = 25$ – второе число, $25^2 - 24^2 = 49$ – разности их квадратов. Ответ: 49.

№ 1028. а) $x^2 + (\sqrt{x})^2 - 2 = 0$, $x^2 + x - 2 = 0$, $D = 1 + 4 \cdot 2 = 9$, $x_1 = \frac{-1+3}{2} = 1$,

$x_2 = -2$ – посторонний корень. Ответ: 1.

б) $x^2 - 3(\sqrt{x})^2 - 4 = 0$, $x^2 - 3x - 4 = 0$, $D = 9 + 4 \cdot 4 = 25$,

$$x_1 = \frac{3+5}{2} = 4, x_2 = \frac{3-5}{2} = -1 \text{ – посторонний корень. Ответ: 4.}$$

№ 1029. а) $x^2 + (\sqrt{x-2})^2 - 4 = 0$, $x^2 + x - 2 - 4 = 0$, $x^2 + x - 6 = 0$, $D = 1 + 4 \cdot 6 = 25$,

$$x_1 = \frac{-1+5}{2} = 2, x_2 = \frac{-1-5}{2} = -3, x_2 = -3 \text{ – посторонний корень, т.е. выражение } \sqrt{x-2} \text{ не имеет смысла. Ответ: 2.}$$

б) $x^2 + (\sqrt{x+3})^2 - 5 = 0$, $x^2 + x + 3 - 5 = 0$, $x^2 + x - 2 = 0$, $D = 1 + 4 \cdot 2 = 9$,

$$x_1 = \frac{-1+3}{2} = 1, x_2 = -2. \text{ Ответ: } -2; 1.$$

№ 1030. а) $x^2 + 5x - \frac{6|x|}{6} = 0$, при $x \leq 0$ имеем:

$$x^2 + 5x + x = 0, x^2 + 6x = 0, x(x+6) = 0, x_1 = 0, x_2 = -6;$$

при $x \geq 0$: $x^2 + 5x - x = 0$, $x^2 + 4x = 0$, $x(x+4) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -4$ – посторонний корень, т.к. < 0 . Ответ: -6; 0.

б) $\frac{x^3}{|x|} - 7x + 12 = 0$,

1) $x < 0$: $-x^2 - 7x + 12 = 0$, $x^2 + 7x - 12 = 0$, $D = 49 + 4 \cdot 12 = 97$,

$$x_{1,2} = \frac{-7 \pm \sqrt{97}}{2}, x_1 = \frac{-7 + \sqrt{97}}{2} > 0 \text{ – посторонний корень;}$$

2) $x > 0$: $x^2 - 7x + 12 = 0$, $D = 49 - 4 \cdot 12 = 1$, $x_1 = \frac{7+1}{2} = 4, x_2 = 3$.

Ответ: $\frac{-7 - \sqrt{97}}{2}; 3; 4$.

в) $x^2 + \frac{5x^2}{|x|} - 6 = 0$, 1) $x < 0$: $x^2 - 5x - 6 = 0$, $D = 25 + 4 \cdot 6 = 49$,

$$x_{1,2} = \frac{5 \pm 7}{2}; x_1 = \frac{5+7}{2} = 6 > 0 \text{ – посторонний корень; } x_2 = -1;$$

2) $x > 0$: $x^2 + 5x - 6 = 0$, $D = 25 + 4 \cdot 6 = 49$,
 $x_{1,2} = \frac{-5 \pm 7}{2}$, $x_1 = 1$, $x_2 = -6 < 0$ – посторонний корень. Ответ: -1; 1.

г) $|x| + 7x + 12 = 0$,
1) $x < 0$: $-x^2 + 7x + 12 = 0$, $x^2 - 7x - 12 = 0$, $D = 49 + 4 \cdot 12 = 97$,
 $x_1 = \frac{7 + \sqrt{97}}{2} > 0$ – посторонний корень, $x_2 = \frac{7 - \sqrt{97}}{2}$;
2) $x \geq 0$: $x^2 + 7x + 12 = 0$, $D = 49 - 4 \cdot 12 = 1$,
 $x_1 = \frac{-7 + 1}{2} = -3 < 0$ – посторонний корень, $x_2 = -4 < 0$ – посторонний корень.
Ответ: $\frac{7 - \sqrt{97}}{2}$.

§32. Рациональные уравнения

№ 1031. $\frac{3a-1}{a} = 2$, $\frac{3a-1}{a} - 2 = 0$, $\frac{3a-1-2a}{a} = 0$, $\frac{a-1}{a} = 0$, $a-1=0$, $a=1$, $a \neq 0$.
Ответ: 1.

№ 1032. а) $3x + \frac{4}{x} = 7$, $3x + \frac{4}{x} - 7 = 0$, $\frac{3x^2 - 7x + 4}{x} = 0$, $3x^2 - 7x + 4 = 0$,
 $D = 49 - 4 \cdot 3 \cdot 4 = 1$, $x_1 = \frac{7+6}{6} = 1\frac{1}{3}$, $x_2 = 1$, $x \neq 0$. Ответ: 1; $1\frac{1}{3}$.

б) $\frac{2x-5}{x+5} - 4 = 0$, $\frac{2x-5-4x-20}{x+5} = 0$, $\frac{2x+25}{x+5} = 0$,
 $2x + 25 = 0$, $x = -12,5$, $x \neq -5$. Ответ: -12,5.

в) $x-10 = \frac{24}{x}$, $x-10 - \frac{24}{x} = 0$, $\frac{x^2 - 10x - 24}{x} = 0$, $x^2 - 10x - 24 = 0$,
 $D = 100 + 4 \cdot 3 \cdot 4 = 196$, $x_1 = \frac{10+14}{2} = 12$, $x_2 = -2$, $x \neq 0$. Ответ: -2; 12.

г) $\frac{x^2+3}{x^2+1} = 2$, $\frac{x^2+3}{x^2+1} - 2 = 0$, $\frac{x^2+3-2x^2-2}{x^2+1} = 0$, $\frac{x^2-1}{x^2+1} = 0$,
 $x^2 - 1 = 0$, $x_{1,2} = \pm 1$. Ответ: -1; 1.

№ 1033.

а) $\frac{x^2+3x}{2} + \frac{x-3x^2}{8} = 2x$, $\frac{x^2+3x}{2} + \frac{x-3x^2}{8} - 2x = 0$, $4x^2 + 12x + x - 3x^2 - 16x = 0$,
 $x^2 - 3x = 0$, $x(x-3) = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 3$;

б) $\frac{2x+1}{3} - \frac{4x-x^2}{12} = \frac{x^2-4}{9}$, $24x + 12 - 12x + 3x^2 - 4x^2 + 16 = 0$,
 $-x^2 + 12x + 28 = 0$, $x^2 - 12x - 28 = 0$, $D = 144 + 4 \cdot 2 \cdot 8 = 256$,
 $x_1 = \frac{12+16}{3} = 14$, $x_2 = -2$;

$$\text{б) } \frac{x^2 - 4}{8} - \frac{2x + 3}{5} = 1, 5x^2 - 20 - 16x - 24 - 40 = 0, 5x^2 - 16x - 84 = 0,$$

$$D = 256 + 4 \cdot 5 \cdot 84 = 1936, x_1 = \frac{16+44}{10} = 6, x_2 = -2,8;$$

$$\text{г) } \frac{3x+4}{5} - \frac{x^2 - 4x - 3}{3} = 1, 9x + 12 - 5x^2 + 20x + 15 = 15, 5x^2 - 29x - 12 = 0,$$

$$D = 841 + 4 \cdot 5 \cdot 12 = 1081, x_{1,2} = \frac{29 \pm \sqrt{1081}}{10}.$$

№ 1034.

$$\text{а) } \frac{x^2}{x+3} = \frac{x}{x+3}, \frac{x^2}{x+3} - \frac{x}{x+3} = 0, \frac{x^2 - x}{x+3} = 0, x^2 - x = 0, x_1 = 0, x_2 = 1, x \neq -3.$$

Ответ: 0; 1.

$$\text{б) } \frac{x^2}{x+2} = \frac{4}{x+2}, \frac{x^2}{x+2} - \frac{4}{x+2} = 0, \frac{x^2 - 4}{x+2} = 0, x^2 - 4 = 0, x_{1,2} = \pm 2,$$

$x \neq -2, x_2 = -2$ – посторонний корень. Ответ: 2.

$$\text{в) } \frac{x^2}{3-x} = \frac{2x}{3-x}, \frac{x^2}{3-x} - \frac{2x}{3-x} = 0, \frac{x^2 - 2x}{3-x} = 0, x^2 - 2x = 0, x_1 = 0, x_2 = 2, x \neq 3.$$

Ответ: 0; 2.

$$\text{г) } \frac{x^2}{x-1} = \frac{x}{x-1}, \frac{x^2}{x-1} - \frac{x}{x-1} = 0, \frac{x^2 - x}{x-1} = 0, x_2 - x = 0, x_1 = 0, x_2 = 1, x \neq 1,$$

$x_2 = 1$ – посторонний корень. Ответ: 0.

№ 1035.

$$\text{а) } \frac{6}{x+1} = \frac{x^2 - 5x}{x+1}, \frac{6}{x+1} - \frac{x^2 - 5x}{x+1} = 0, \frac{6 - x^2 + 5x}{x+1} = 0, x^2 - 5x - 6 = 0,$$

$$D = 25 + 4 \cdot 6 - 49, x_1 = \frac{5+7}{2} = 6, x_2 = -1, x \neq -1, x_2 = -1 \text{ – посторонний корень.}$$

Ответ: 6.

$$\text{б) } \frac{x^2 - 6}{x-4} = \frac{x}{x-4}, \frac{x^2 - 6}{x-4} - \frac{x}{x-4} = 0, \frac{x^2 - 6 - x}{x-4} = 0, x^2 - 6 - x = 0,$$

$$D = 1 + 4 \cdot 6 = 25, x_1 = \frac{1+5}{2} = 3, x_2 = -2, x \neq 4. \text{ Ответ: } -2; 3.$$

$$\text{в) } \frac{1-x^2}{5-x} = \frac{-24}{5-x}, \frac{1-x^2}{5-x} + \frac{24}{5-x} = 0, \frac{1-x^2 + 24}{5-x} = 0, x^2 = 25, x_{1,2} = \pm 5, x \neq 5,$$

$x_1 = 5$ – посторонний корень. Ответ: -5.

$$\text{г) } \frac{3x^2 - x}{1-x} = \frac{2}{1-x}, \frac{3x^2 - x}{1-x} - \frac{2}{1-x} = 0, \frac{3x^2 - x - 2}{1-x} = 0, 3x^2 - x - 2 = 0,$$

$$D = 1 + 4 \cdot 3 \cdot 2 = 25, x_1 = \frac{1+5}{6} = 1, x_2 = -\frac{2}{3}, x \neq 1, x = 1 \text{ – посторонний корень.}$$

Ответ: $-\frac{2}{3}$.

№ 1036.

a) $\frac{3x^2 - 14x}{x-4} = \frac{8}{4-x}$, $\frac{3x^2 - 14x}{x-4} + \frac{8}{x-4} = 0$, $\frac{3x^2 - 14x + 8}{x-4} = 0$, $3x^2 - 14x + 8 = 0$,

$$D = 196 - 4 \cdot 3 \cdot 8 = 100, x_1 = \frac{14+10}{6} = 4, x_2 = \frac{2}{3}, x \neq 4,$$

$x = 4$ – посторонний корень. Ответ: $\frac{2}{3}$.

б) $\frac{2x^2 + 6}{x+5} = \frac{13x}{5+x}$, $\frac{2x^2 + 6}{x+5} - \frac{13x}{x+5} = 0$, $\frac{2x^2 - 13x + 6}{x+5} = 0$, $2x^2 - 13x + 6 = 0$,

$$D = 160 - 4 \cdot 2 \cdot 6 = 121, x_1 = \frac{13+11}{4} = 6, x_2 = 0,5, x \neq -5. \text{ Ответ: } 0,5; 6.$$

в) $\frac{2x^2}{x-2} = \frac{-7x+6}{2-x}$, $\frac{2x^2}{x-2} + \frac{-7x+6}{x-2} = 0$, $\frac{2x^2 - 7x + 6}{x-2} = 0$, $2x^2 - 7x + 6 = 0$,

$$D = 49 - 4 \cdot 2 \cdot 6 = 1, x_1 = \frac{7+1}{4} = 2, x_2 = 1,5, x \neq 2, x_1 = 2 \text{ – посторонний корень.}$$

Ответ: 1,5.

г) $\frac{x^2 - 1}{x+3} = \frac{5x}{3+x}$, $\frac{x^2 - 1}{x+3} - \frac{5x}{x+3} = 0$, $\frac{x^2 - 5x - 1}{x+3} = 0$, $x^2 - 5x - 1 = 0$,

$$D = 25 + 4 = 29, x_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{29}}{2}, x \neq -3. \text{ Ответ: } \frac{5 \pm \sqrt{29}}{2}.$$

№ 1037.

а) $\frac{x^2 + 4x}{x+2} = \frac{2x}{3}$, $\frac{x^2 + 4x}{x+2} - \frac{2x}{3} = 0$, $\frac{3x^2 + 12x - 2x^2 - 4x}{3(x+2)} = 0$, $\frac{x^2 + 8x}{x+2} = 0$,

$$x^2 + 8x = 0, x_1 = 0, x_2 = -8, x \neq -2. \text{ Ответ: } 0; -8.$$

б) $\frac{x+3}{x-3} = \frac{2x+3}{x}$, $\frac{x+3}{x-3} - \frac{2x+3}{x} = 0$, $\frac{x^2 + 3x - (2x+3)(x-3)}{x(x-3)} = 0$,

$$\frac{x^2 + 3x - 2x^2 - 3x + 6x + 9}{x(x-3)} = 0, \frac{-x^2 + 6x + 9}{x(x-3)} = 0, x^2 - 6x - 9 = 0,$$

$$D = 36 + 4 \cdot 9 = 2 \cdot 36, x_{1,2} = \frac{6 \pm 6\sqrt{2}}{2} = 3 \pm 3\sqrt{2}, x \neq 0, x \neq 3. \text{ Ответ: } 3 \pm 3\sqrt{2}.$$

в) $\frac{x^2 - 5}{x-1} = \frac{7x+10}{9}$, $\frac{x^2 - 5}{x-1} - \frac{7x+10}{9} = 0$, $\frac{9x^2 - 45 - (x-1)(7x+10)}{x-1} = 0$,

$$9x^2 - 45 - (7x^2 + 3x - 10) = 0, 2x^2 - 3x - 35 = 0, D = 9 + 4 \cdot 2 \cdot 36 = 289,$$

$$x_1 = \frac{3+17}{4} = 5, x_2 = \frac{-3-17}{4} = -\frac{7}{2}, x \neq 1. \text{ Ответ: } -\frac{7}{2}; 5.$$

г) $\frac{2x+3}{x+2} = \frac{3x+2}{x}$, $\frac{2x+3}{x+2} - \frac{3x+2}{x} = 0$, $\frac{2x^2 + 3x - (x+2)(3x+2)}{x(x+2)} = 0$,

$$2x^2 + 3x - (3x^2 + 8x + 4) = 0, -x^2 - 5x - 4 = 0, x^2 + 5x + 4 = 0, D = 25 - 4 \cdot 4 = 9,$$

$$x_1 = \frac{-5+3}{2} = -1, x_2 = -4, x \neq 0, x \neq -2. \text{ Ответ: } -4; -1.$$

№ 1038.

a) $\frac{4x+1}{x-3} = \frac{3x-8}{x+1}, \frac{4x+1}{x-3} - \frac{3x-8}{x+1} = 0, \frac{(x+1)(4x+1)-(x-3)(3x-8)}{(x+1)(x-3)} = 0,$

$4x^2 + 5x + 1 - (3x^2 - 17x + 24) = 0, x^2 + 22x - 23 = 0, D = 484 + 4 \cdot 23 = 576,$

$x_1 = \frac{-22+24}{2} = 1, x_2 = -23, x \neq -1, x \neq 3.$ Ответ: -23; 1.

б) $\frac{x-2}{x+2} = \frac{x+3}{x-4}, \frac{x-2}{x+2} - \frac{x+3}{x-4} = 0, \frac{(x-2)(x-4)-(x+3)(x+2)}{(x+2)(x-4)} = 0,$

$x^2 - 6x + 8 - (x^2 - 5x + 6) = 0, 11x = 2, x = \frac{2}{11}, x \neq -2, x \neq 4.$ Ответ: $\frac{2}{11}.$

в) $\frac{2x-1}{x+7} = \frac{3x+4}{x-1}, \frac{2x-1}{x+7} - \frac{3x+4}{x-1} = 0, \frac{(2x-1)(x-1)-(x+7)(3x+4)}{(x-1)(x+7)} = 0,$

$\frac{2x^2 - 3x + 1 - (3x^2 + 25 + 28)}{(x-1)(x+7)} = 0, -x^2 - 28x - 27 = 0, x^2 + 28x + 27 = 0,$

$D = 784 - 4 \cdot 27 = 676, x_1 = \frac{-28+26}{2} = -1, x_2 = -27, x \neq 1, x \neq -7.$ Ответ: -1; -27.

г) $\frac{3}{x^2+2} = \frac{1}{x}, \frac{3}{x^2+2} - \frac{1}{x} = 0, \frac{3x-x^2+2}{x(x^2+2)} = 0, x^2 - 3x + 2 = 0, D = 9 - 4 \cdot 2 = 1,$

$x_1 = \frac{3+1}{2} = 2, x_2 = 1, x \neq 0.$ Ответ: 1; 2.

№ 1039.

а) $\frac{x+1}{x-5} + \frac{2x+2,5}{x+2} = \frac{3x-8}{x+1}, \frac{x+1}{x-5} + \frac{2x+2,5}{x+2} - \frac{3x-8}{x+1} = 0,$

$\frac{(8-3x)(x-5)(x+2)+(x+1)(x+2)(x+1)+(2x+2,5)(x-5)(x+1)}{(x-5)(x+2)(x+1)} = 0,$

$(x+2)(-3x^2+23x-40)+(x+2)(x^2+2x+1)+(x+1)(2x^2-7,5x-12,5)=0,$
 $-3x^3-6x^2+23x^2+46x-40x-80+x^3+2x^2+2x^2+4x+x+2+2x^3+2x^2-$
 $-7,5x^2-7,5x-12,5x-12,5=0,$

$15,5x^2-9x-90,5=0, 155x^2-90x-905=0, 31x^2-18x-181=0,$

$D = 324 + 4 \cdot 31 \cdot 181 = 22768, x_{1,2} = \frac{18 \pm 4\sqrt{1423}}{62} = \frac{9 \pm 2\sqrt{1432}}{31},$

б) $\frac{3x-9}{x-1} + \frac{x+6}{x+1} = 3, \frac{3x-9}{x-1} + \frac{x+6}{x+1} - 3 = 0,$

$\frac{(3x-9)(x+1)+(x+6)(x-1)-3(x^2-1)}{(x-1)(x+1)} = 0, 3x^2-6x-9+x^2+5x-6-3x^2+3=0,$

$x^2-x-12=0, D=1+4 \cdot 12=49, x_1=\frac{1+7}{2}=4, x_2=-3, x \neq \pm 1.$

Ответ: -3; 4.

$$\text{б)} \frac{3x+1}{x+2} - \frac{x-1}{x-2} = 1, \quad \frac{3x+1}{x+2} - \frac{x-1}{x-2} - 1 = 0, \quad \frac{(3x+1)(x-2) - (x-1)(x+2) - x^2 + 4}{(x+2)(x-2)} = 0,$$

$$3x^2 - 5x - 2 - x^2 - x + 2 - x^2 + 4 = 0, \quad x^2 - 6x + 4 = 0, \quad D = 36 - 4 \cdot 4 = 20,$$

$$x_{1,2} = \frac{6 \pm 2\sqrt{5}}{2} = 3 \pm \sqrt{5}, \quad x \neq \pm 2. \quad \text{Ответ: } 3 \pm \sqrt{5}.$$

$$\text{г)} \frac{2x-2}{x+3} + \frac{x+3}{x-3} = 5, \quad \frac{2x-2}{x+3} + \frac{x+3}{x-3} - 5 = 0, \quad \frac{(2x-2)(x-3) + (x+3)(x+3) - 5(x^2 - 9)}{(x-3)(x+3)} = 0,$$

$$2x^2 - 8x + 6 + x^2 + 6x + 9 - 5x^2 + 45 = 0, \quad -2x^2 - 2x + 60 = 0, \quad x^2 + x - 30 = 0,$$

$$D = 1 + 4 \cdot 30 = 121, \quad x_1 = \frac{-1+11}{2} = 5, \quad x_2 = -6, \quad x \neq \pm 3. \quad \text{Ответ: } -6; 5.$$

№ 1040.

$$\text{а)} \frac{10}{(x-5)(x+1)} + \frac{x}{x+1} = \frac{3}{x-5}, \quad \frac{10}{(x-5)(x+1)} + \frac{x}{x+1} - \frac{3}{x-5} = 0,$$

$$\frac{10+x(x-5)-3(x+1)}{(x-5)(x+1)} = 0, \quad 10 + x^2 - 5x - 3x - 3 = 0, \quad x^2 - 8x + 7 = 0,$$

$$D = 64 - 4 \cdot 7 = 36, \quad x_1 = \frac{8+6}{2} = 7, \quad x_2 = \frac{8-6}{2} = 1, \quad x \neq 5, x \neq -1. \quad \text{Ответ: } 1; 7.$$

$$\text{б)} \frac{36}{x(x-12)} - \frac{3}{x-12} = 3, \quad \frac{36}{x(x-12)} - \frac{3}{x-12} - 3 = 0, \quad \frac{36 - 3x - 3x(x-12)}{x(x-12)} = 0,$$

$$12 - x - x(x-12) = 0, \quad 12 - x - x^2 + 12x = 0, \quad x^2 - 11x - 12 = 0,$$

$$D = 121 + 4 \cdot 12 = 169, \quad x_1 = \frac{11+13}{2} = 12, \quad x_2 = -1, \quad x \neq 12, x \neq 0,$$

$x = 12$ – посторонний корень. Ответ: -1.

$$\text{в)} \frac{2x-7}{x-4} - \frac{x+2}{x+1} = \frac{x+6}{(x-4)(x+1)}, \quad \frac{2x-7}{x-4} - \frac{x+2}{x+1} - \frac{x+6}{(x-4)(x+1)} = 0,$$

$$\frac{(2x-7)(x+1) - (x+2)(x-4) - x - 6}{(x-4)(x+1)} = 0, \quad 2x^2 - 5x - 7 - x^2 + 2x + 8 - x - 6,$$

$$x^2 - 4x - 5 = 0, \quad D = 16 + 4 \cdot 5 = 36, \quad x_1 = \frac{4+6}{2} = 5, \quad x_2 = -1, \quad x \neq 4, x \neq -1,$$

$x_2 = -1$ – посторонний корень. Ответ: 5.

$$\text{г)} \frac{2x+5}{x(x+1)} - \frac{2}{x} - \frac{3x}{x+1} = 0, \quad \frac{2x+5 - 2(x+1) - 3x^2}{x(x+1)} = 0, \quad 2x + 5 - 2x - 2 - 3x^2 = 0,$$

$3x^2 = 3, \quad x_{1,2} = \pm 1, \quad x \neq 0, x \neq -1, \quad x_2 = -1$ – посторонний корень. Ответ: 1.

№ 1041.

$$\text{а)} \frac{2}{x} + \frac{10}{x^2 - 2x} = \frac{1+2x}{x-2}, \quad \frac{2}{x} + \frac{10}{x^2 - 2x} - \frac{1+2x}{x-2} = 0, \quad \frac{2(x-2) + 10 - x(1+2x)}{x(x-2)} = 0,$$

$$2x - 4 + 10 - x - 2x^2 = 0, \quad 2x^2 - x - 6 = 0, \quad D = 1 + 4 \cdot 2 \cdot 6 = 49, \quad x_1 = \frac{1+7}{4} = 2,$$

$x_2 = -1,5, \quad x \neq 0, x \neq 2, \quad x_1 = 2$ – посторонний корень. Ответ: -1,5.

$$6) \frac{3}{x} + \frac{33}{x^2 - 11x} = \frac{x-4}{x-11}, \frac{3}{x} + \frac{33}{x^2 - 11x} - \frac{x-4}{x-11}, \frac{3(x-11) + 33 - x(x-4)}{x(x-11)} = 0,$$

$$3x - 33 + 33 - x^2 + 4x = 0, x^2 - 7x = 0, x_1 = 0, x_2 = 7, x \neq 0, x \neq 11,$$

$x_1 = 0$ – посторонний корень. Ответ: 7.

$$b) \frac{1}{x} + \frac{12}{3x-x^2} = \frac{3x-5}{3-x}, \frac{1}{x} + \frac{12}{3x-x^2} - \frac{3x-5}{3-x} = 0, \frac{3-x+12-x(3x-5)}{x(3-x)} = 0,$$

$$15 - x - 3x^2 + 5x = 0, 3x^2 - 4x - 15 = 0, D = 16 + 4 \cdot 3 \cdot 15 = 196,$$

$$x_1 = \frac{4+14}{6} = 3, x_2 = -\frac{5}{3}, x \neq 0, x \neq 3, x = 3 – посторонний корень. Ответ: -\frac{5}{3}.$$

$$r) \frac{1}{x} + \frac{10}{5x-x^2} = \frac{x-3}{5-x}, \frac{1}{x} + \frac{10}{5x-x^2} - \frac{x-3}{5-x} = 0, \frac{5-x+10-x(x-3)}{x(5-x)} = 0,$$

$$15 - x - x^2 + 3x = 0, x^2 - 2x - 15 = 0, D = 4 + 4 \cdot 15 = 64,$$

$$x_1 = \frac{2+8}{2} = 5, x_2 = -3, x \neq 0, x \neq 5, x = 5 – посторонний корень. Ответ: -3.$$

$$\text{№ 1042. a) } \frac{x}{x-2} - \frac{7}{x+2} = \frac{8}{x^2-4}, \frac{x}{x-2} - \frac{7}{x+2} - \frac{8}{x^2-4} = 0, \frac{x(x+2)-7(x-2)-8}{(x-2)(x+2)} = 0,$$

$$x^2 + 2x - 7x + 14 - 8 = 0, x^2 - 5x + 6 = 0, D = 25 - 4 \cdot 6 = 1,$$

$$x_1 = \frac{5+1}{2} = 3, x_2 = 2, x \neq \pm 2, x = 2 – посторонний корень. Ответ: 3.$$

$$6) \frac{2x}{x-1} - \frac{3x+1}{x^2-1} + \frac{3}{x+1} = 0, \frac{2x(x+1)-3x-1+3(x-1)}{(x-1)(x+1)} = 0,$$

$$2x^2 + 2x - 3x - 1 + 3x - 3 = 0, 2x^2 + 2x - 4 = 0, x^2 + x - 2 = 0, D = 1 + 4 \cdot 2 = 9,$$

$$x_1 = \frac{-1+3}{2} = 1, x_2 = -2, x \neq \pm 1, x = 1 – посторонний корень. Ответ: -2.$$

$$b) \frac{1}{x-3} + \frac{18}{x^2-9} = \frac{x}{x+3}, \frac{1}{x-3} + \frac{18}{x^2-9} - \frac{x}{x+3} = 0, \frac{x+3+18-x(x-3)}{(x-3)(x+3)} = 0,$$

$$x + 3 + 18 - x^2 + 3x = 0, x^2 - 4x - 21 = 0, D = 16 + 4 \cdot 21 = 100,$$

$$x_1 = \frac{4+10}{2} = 7, x_2 = -3, x \neq \pm 3, x = -3 – посторонний корень. Ответ: 7.$$

$$r) \frac{1}{x+4} - \frac{8}{x^2-16} = \frac{x-5}{x-4}, \frac{1}{x+4} - \frac{8}{x^2-16} - \frac{x-5}{x-4} = 0, \frac{x-4-8-(x-5)(x+4)}{(x-4)(x+4)} = 0,$$

$$x - 12 - x^2 + x + 20 = 0, x^2 - 2x - 8 = 0, D = 4 + 4 \cdot 8 = 36,$$

$$x_1 = \frac{2+6}{2} = 4, x_2 = -2, x \neq \pm 4, x = -4 – посторонний корень. Ответ: -2.$$

$$\text{№ 1043. } \frac{a-3}{a+2} = \frac{3a-7}{a+5}, \frac{a-3}{a+2} - \frac{3a-7}{a+5} = 0, \frac{(a+5)(a-3)-(3a-7)(a+2)}{(a+2)(a+5)} = 0,$$

$$a^2 + 2a - 15 - 3a^2 + a + 14 = 0, 2a^2 - 3a + 1 = 0, D = 9 - 4 \cdot 2 = 1,$$

$$a_1 = \frac{3+1}{4} = 1, a_2 = 0,5, a \neq -2, a \neq -5, \text{Ответ: } 0,5; 1.$$

№ 1044.

$$\frac{3a+9}{3a-1} + \frac{2a-13}{2a+5} - 2 = 0, \quad \frac{(3a+9)(2a+5) + (2a-13)(3a-1) - 2(3a-1)(2a+5)}{(3a-1)(2a+5)} = 0,$$

$$6a^2 + 33a + 45 + 6a^2 - 41a + 13 - 12a^2 - 26a + 10 = 0, \quad -34a = 68, \quad a = -2,$$

$$a \neq \frac{1}{3}, \quad a \neq -2,5. \quad \text{Ответ: } -2.$$

№ 1045.

$$\frac{4}{a^2} - \frac{3}{a^2 - 1} = \frac{4}{a^2} \cdot \frac{3}{a^2 - 1}, \quad \frac{4(a^2 - 1) - 3a^2 - 12}{a^2(a^2 - 1)} = 0, \quad a^2 = 16, \quad a_{1,2} = \pm 4, \quad a \neq 0, \quad a \neq \pm 1,$$

Ответ: ± 4 .

№ 1046.

$$\frac{x+7}{x-2} + \frac{x-1}{x+2} - 1 = 0, \quad \frac{(x+7)(x+2) + (x-1)(x-2) - x^2 + 4}{(x-2)(x+2)} = 0,$$

$$x^2 + 9x + 14 + x^2 - 3x + 2 - x^2 + 4 = 0, \quad x^2 + 6x + 20 = 0, \quad D = 36 - 4 \cdot 20 < 0, \quad \text{значит, нет корней. Ответ: нет.}$$

№ 1047.

$$\frac{1-3x}{4x-3} - \frac{x+5}{x+2} = \frac{1-3x}{4x-3} \cdot \frac{x+5}{x+2}, \quad \frac{(1-3x)(x+2) - (x+5)(4x-3) - (1-3x)(x+5)}{(4x-3)(x+2)} = 0,$$

$$-3x^2 + 2 - 5x - 4x^2 - 17x + 3x^2 + 14x - 5 = 0, \quad 4x^2 + 8x + 3 = 0, \quad D = 64 - 4 \cdot 4 \cdot 3 = 16,$$

$$x_1 = \frac{-8+4}{8} = -0,5, \quad x_2 = -1,5, \quad x \neq \frac{3}{4}, \quad x \neq -2. \quad \text{Ответ: } -1,5; -0,5.$$

№ 1048.

a) $x^4 - 17x^2 + 16 = 0, \quad x^2 = y, \quad y^2 - 17y + 16 = 0, \quad D = 289 - 4 \cdot 16 = 225,$

$$y_1 = \frac{17+15}{2} = 16, \quad y_2 = 1, \quad x^2 = 16, \quad x^2 = 1, \quad x_{1,2} = \pm 4; \quad x_{3,4} = \pm 1;$$

б) $x^4 - 10x^2 + 25 = 0, \quad x^2 = y, \quad y^2 - 10y + 25 = 0, \quad D = 100 - 4 \cdot 25 = 0,$

$$y = \frac{10}{2} = 5, \quad x^2 = 5, \quad x_{1,2} = \pm \sqrt{5};$$

в) $x^4 + 6x^2 + 9 = 0, \quad x^2 = y, \quad y^2 + 5y + 9 = 0, \quad D = 25 - 4 \cdot 9 < 0 - \text{нет корней};$

г) $x^4 + 5x^2 - 36 = 0, \quad x^2 = y, \quad y^2 + 5y - 36 = 0, \quad D = 25 + 4 \cdot 36 = 169,$

$$y_1 = \frac{-5+13}{2} = 4, \quad y_2 = -9, \quad x^2 = 4, \quad x^2 = -9, \quad x_{1,2} = \pm 2; \quad \text{нет корней.}$$

№ 1049.

а) $4x^4 - 37x^2 + 9 = 0, \quad x^2 = y, \quad 4y^2 - 37y + 9 = 0, \quad D = 1369 - 4 \cdot 4 \cdot 9 = 1225,$

$$y_1 = \frac{37+35}{8} = 9, \quad y_2 = \frac{1}{4}, \quad x^2 = 9, \quad x^2 = \frac{1}{4}, \quad x_{1,2} = \pm 3; \quad x_{3,4} = \pm \frac{1}{2};$$

б) $9x^4 - 40x^2 + 16 = 0, \quad x^2 = y, \quad 9y^2 - 40y + 16 = 0, \quad D = 1600 - 4 \cdot 9 \cdot 16 = 0,$

$$y_1 = \frac{40+32}{18} = 4, \quad y_2 = \frac{4}{9}, \quad x^2 = 4, \quad x^2 = \frac{4}{9}, \quad x_{1,2} = \pm 2; \quad x_{3,4} = \pm \frac{2}{3};$$

в) $16x^4 - 25x^2 + 9 = 0, \quad x^2 = y, \quad 16y^2 - 25y + 9 = 0, \quad D = 625 - 4 \cdot 16 \cdot 9 = 49,$

$$y_1 = \frac{25+7}{32} = 1, \quad y_2 = \frac{9}{16}, \quad x^2 = 1, \quad x^2 = \frac{9}{16}, \quad x_{1,2} = \pm 1; \quad x_{3,4} = \pm \frac{3}{4};$$

р) $9x^4 - 32x^2 - 16 = 0, \quad x^2 = y, \quad 9y^2 - 32y - 16 = 0, \quad D = 1-24 + 4\cdot 9\cdot 16 = 1600,$
 $y_1 = \frac{32+40}{18} = 4, \quad y_2 = -\frac{8}{18}, \quad x^2 = 4, \quad x^2 = -\frac{8}{18}, \quad x_{1,2} = \pm 2; \quad \text{нет корней.}$

№ 1050.

а) $x^6 - 7x^3 - 8 = 0, \quad x^3 = y, \quad y^2 - 7y - 9 = 0, \quad D = 49 + 4\cdot 8 = 81,$

$$y_1 = \frac{7+9}{2} = 8, \quad y_2 = -1, \quad x^3 = 8, \quad x^3 = -1, \quad x_1 = 2; \quad x_2 = -1;$$

б) $x^6 - 9x^3 + 8 = 0, \quad x^3 = y, \quad y^2 - 9y + 8 = 0, \quad D = 81 - 4\cdot 8 = 49,$
 $y_1 = \frac{9+7}{2} = 8, \quad y_2 = 1, \quad x^3 = 8, \quad x^3 = 1, \quad x_1 = 2; \quad x_2 = 1;$

в) $x^6 + 7x^3 - 8 = 0, \quad x^3 = y, \quad y^2 + 7y - 8 = 0, \quad D = 49 + 4\cdot 8 = 81,$
 $y_1 = \frac{-7+9}{2} = 1, \quad y_2 = -8, \quad x^3 = 1, \quad x^3 = -8, \quad x_1 = 1; \quad x_2 = -2;$

г) $x^6 + 9x^3 + 8 = 0, \quad x^3 = y, \quad y^2 + 9y + 8 = 0, \quad D = 81 - 4\cdot 8 = 49,$
 $y_1 = \frac{-9+7}{2} = -1, \quad y_2 = -8, \quad x^3 = -1, \quad x^3 = -8, \quad x_1 = -1; \quad x_2 = -2.$

№ 1051.

а) $\frac{5}{x-2} + 1 = \frac{14}{x^2 - 4x + 4}, \quad \frac{5}{x-2} + 1 - \frac{14}{x^2 - 4x + 4} = 0, \quad \frac{5(x-2) + (x-2)^2 - 14}{(x-2)^2} = 0,$

$5x - 10 + x^2 - 4x + 4 - 14 = 0, \quad x^2 + x - 20 = 0, \quad D = 1 + 4\cdot 20 = 81,$

$$x_1 = \frac{-1+9}{2} = 4, \quad x_2 = -5, \quad x \neq 2. \quad \text{Ответ: } 4; -5.$$

б) $\frac{1}{3x+1} - \frac{1}{9x^2+6x+1} = 2, \quad \frac{1}{3x+1} - \frac{1}{9x^2+6x+1} - 2 = 0, \quad \frac{3x+1-1-2(9x^2+6x+1)}{(3x+1)^2} = 0,$

$3x - 18x^2 - 12x - 2 = 0, \quad 18x^2 + 9x + 2 = 0, \quad D = 81 - 4\cdot 18\cdot 2 < 0, \quad \text{нет корней.}$

Ответ: нет корней.

в) $\frac{6}{4x^2-1} - \frac{x}{2x-1} = \frac{3}{2x+1}, \quad \frac{6}{(2x-1)(2x+1)} - \frac{x}{2x-1} - \frac{3}{2x+1} = 0,$

$$\frac{6-x(2x+1)-3(2x-1)}{(2x-1)(2x+1)} = 0, \quad 6 - 2x^2 - x - 6x + 3 = 0, \quad 2x^2 + 7x - 9 = 0,$$

$D = 49 + 4\cdot 2\cdot 9 = 121, \quad x_1 = \frac{-7+11}{4} = 1, \quad x_2 = -\frac{9}{2} = -4,5, \quad x \neq \pm 0,5.$

Ответ: -4,5; 1.

г) $\frac{1}{5x+1} - \frac{1}{25x^2+10x+1} = 1, \quad \frac{1}{5x+1} - \frac{1}{(5x+1)^2} - 1 = 0, \quad \frac{5x+1-1-25x^2-10x-1}{(5x+1)^2} = 0,$

$25x^2 + 5x + 1 = 0, \quad D = 25 - 4\cdot 25 < 0 - \text{нет корней.} \quad \text{Ответ: нет корней.}$

№ 1052.

a) $\frac{1}{x+2} + \frac{1}{x^2 - 2x} = \frac{8}{x^3 - 4x}$, $\frac{1}{x+2} + \frac{1}{x(x-2)} - \frac{8}{x(x-2)(x+2)} = 0$,

$$\frac{x(x-2)+x+2-8}{x^3-4x} = 0, x^2 - 2x + x - 6 = 0, x^2 - x - 6 = 0, D = 1 + 4 \cdot 6 = 25,$$

$$x_1 = \frac{1+5}{2} = 3, x_2 = -2, x \neq 0, x \neq \pm 2, x = -2 - \text{посторонний корень. Ответ: 3.}$$

б) $\frac{2}{x^2 - 3x} - \frac{1}{x-3} = \frac{5}{x^3 - 9x}$, $\frac{2}{x(x-3)} - \frac{1}{x-3} - \frac{5}{x(x-3)(x+3)} = 0$,

$$\frac{2(x+3)-x(x+3)-5}{x^3-9x} = 0, 2x + 6 - x^2 - 3x - 5 = 0, x^2 + x - 1 = 0, D = 1 + 4 = 5,$$

$$x_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}, x \neq 0, x \neq \pm 3. \text{ Ответ: } \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}.$$

в) $\frac{7}{x+2} - \frac{x+4}{2-2x} = \frac{3x^2-38}{x^2-1}$; $\frac{7(x^2-1) \cdot 2 + (x+4)(x+1)(x+2) - (3x^2-38)(x+2)}{2(x+2)(x^2-1)} = 0$,

$$\frac{14x^2 - 14 + x^3 + 7x^2 + 14x + 8 - 3x^3 + 6x^2 - 38x + 76}{2(x+2)(x^2-1)} = 0, \frac{2x^3 - 27x^2 + 24x - 70}{2(x+2)(x^2-1)} = 0.$$

Уравнение неквадратное, так что оно не решается изученными методами.

г) $\frac{2x-5}{x^2-3x} - \frac{x+2}{x^2+3x} + \frac{x-5}{x^2-9} = 0$, $\frac{(2x-5)(x+3) - (x+2)(x-3) + x(x-5)}{(x-3)(x+3)x} = 0$,

$$2x^2 + x - 15 - x^2 + x + 6 + x^2 - 5x = 0, 2x^2 - 3x - 9 = 0, D = 9 + 4 \cdot 2 \cdot 9 = 81,$$

$$x_1 = \frac{3+9}{4} = 3, x_2 = -1,5, x \neq \pm 3, x \neq 0, x = 3 - \text{посторонний корень. Ответ: } -1,5.$$

№ 1053.

а) $\frac{8x+4}{x^3+1} + \frac{4}{x+1} = \frac{5x-1}{x^2-x+1}$, $\frac{8x+4}{(x+1)(x^2-x+1)} + \frac{4}{x+1} - \frac{5x-1}{x^2-x+1} = 0$,

$$\frac{8x+4+4x^2-4x+4-(5x-1)(x+1)}{x^3+1} = 0, 4x^2 + 4x + 8 - 5x^2 - 4x + 1 = 0,$$

$$x^2 = 9, x_{1,2} = \pm 3, x \neq -1. \text{ Ответ: } \pm 3.$$

б) $\frac{16-a^2}{8a^3+1} - \frac{2a+1}{4a^2-2a+1} = \frac{2}{2a+1}$, $\frac{16-a^2}{(2a+1)(4a^2-2a+1)} - \frac{2a+1}{4a^2-2a+1} - \frac{2}{2a+1} = 0$,

$$\frac{16-a^2-4a^2-4a-1-8a^2+4a-2}{8a^3+1} = 0, 13a^2 = 13, a_{1,2} = \pm 1, a \neq -0,5. \text{ Ответ: } \pm 1.$$

в) $\frac{a^2-1}{a^3+8} + \frac{3a+2}{a^2-2a+4} = \frac{5}{a+2}$, $\frac{a^2-1}{(a+2)(a^2-2a+4)} + \frac{3a+2}{a^2-2a+4} - \frac{5}{a+2} = 0$,

$$\frac{a^2-1+3a^2+8a+4-5a^2+10a-20}{a^3+8} = 0, a^2 - 18a + 17 = 0, D = 324 - 4 \cdot 17 = 256,$$

$$a_1 = \frac{18+16}{2} = 17, a_2 = 1, a \neq -2. \text{ Ответ: } 1; 17.$$

$$\text{г) } \frac{x+3}{9x^2+3x+1} + \frac{3}{27x^3-1} = \frac{1}{3x-1},$$

$$\frac{x+3}{9x^2+3x+1} + \frac{3}{(3x-1)(9x^2+3x+1)} - \frac{1}{3x-1} = 0, \quad \frac{3x^2+8x-3+3-9x^2-3x-1}{27x^3-1} = 0,$$

$$6x^2 - 5x + 1 = 0, D = 25 - 4 \cdot 6 = 1,$$

$$x_1 = \frac{5+1}{12} = 0,5, \quad x_2 = \frac{1}{3}, \quad x \neq \frac{1}{3}, \quad x = \frac{1}{3} \text{ — посторонний корень. Ответ: } 0,5.$$

№ 1054.

$$\text{а) } \frac{8}{16x^2-9} - \frac{8}{16x^2-24x+9} = \frac{1}{4x^2+3x}, \quad \frac{8}{(4x-3)(4x+3)} - \frac{8}{(4x-3)^2} - \frac{1}{x(4x+3)} = 0,$$

$$\frac{8x(4x-3)-8x(4x+3)-16x^2+24x-9}{x(4x-3)^2(4x+3)} = 0, \quad -48x - 16x^2 + 24x - 9 = 0,$$

$$16x^2 + 24x + 9 = 0, \quad (4x+3)^2 = 0, \quad x = -\frac{3}{4}, \quad x \neq 0, \quad x \neq -\frac{3}{4}, \quad x \neq \frac{3}{4},$$

$$x = -\frac{3}{4} \text{ — посторонний корень. Ответ: нет корней.}$$

$$\text{б) } \frac{18}{4x^2+4x+1} - \frac{1}{2x^2-x} = \frac{6}{4x^2-1}, \quad \frac{18}{(2x+1)^2} - \frac{1}{x(2x-1)} - \frac{6}{(2x-1)(2x+1)} = 0,$$

$$\frac{18x(2x-1)-4x^2-4x+1-6x(2x+1)}{x(2x-1)(2x+1)^2} = 0, \quad 36x^2 - 18x - 4x^2 - 1 - 12x^2 - 6x = 0,$$

$$20x^2 - 28x - 1 = 0, D = 784 + 4 \cdot 20 = 864, \quad x_{1,2} = \frac{28 \pm 12\sqrt{6}}{40} = \frac{7 \pm 3\sqrt{6}}{10},$$

$$x \neq \pm \frac{1}{2}, \quad x \neq 0, \quad \text{Ответ: } \frac{7 \pm 3\sqrt{6}}{10}.$$

$$\text{в) } \frac{x+3}{4x^2-9} - \frac{3-x}{4x^2+12x+9} = \frac{2}{2x-3}, \quad \frac{x+3}{(2x-3)(2x+3)} - \frac{3-x}{(2x+3)^2} - \frac{2}{2x-3} = 0,$$

$$\frac{(x+3)(2x+3)-(3-x)(2x-3)-2(4x^2+12x+9)}{(2x+3^2)(2x-3)} = 0,$$

$$2x^2 + 9x + 9 - (6x - 2x^2 - 9 + 3x) - 8x^2 - 24x - 18 = 0, \quad -4x^2 - 24x = 0,$$

$$x^2 + 6x = 0, \quad x_1 = 0, \quad x_2 = -6, \quad x \neq \pm 1,5. \quad \text{Ответ: } -6; 0.$$

$$\text{г) } \frac{1+2x}{6x^2-3x} - \frac{2x-1}{14x^2+7x} = \frac{8}{12x^2-3}, \quad \frac{1+2x}{3x(2x-1)} - \frac{2x-1}{7x(2x+1)} - \frac{8}{3(2x-1)(2x+1)} = 0,$$

$$\frac{7(2x+1)^2-3(4x^2-1)-8 \cdot 7x}{3 \cdot 7x(2x-1)(2x+1)} = 0, \quad 28x^2 + 28x + 7 - 12x^2 + 3 - 56x = 0,$$

$$16x^2 - 28x + 10 = 0, 8x^2 - 14x + 5 = 0, D = 196 - 4 \cdot 85 = 36, x_1 = \frac{14+6}{16} = \frac{5}{4},$$

$x_2 = 0,5, x \neq 0, x \neq 0,5, x = 0,5$ – посторонний корень. Ответ: $\frac{5}{4}$.

№ 1055.

$$\text{a) } \frac{x+1}{x^3-3x^2+x-3} + \frac{1}{x^4-1} = \frac{x-2}{x^3-3x^2-x+3},$$

$$\frac{x+1}{(x-3)(x^2+1)} + \frac{1}{(x^2-1)(x^2+1)} - \frac{x-2}{(x-3)(x^2-1)} = 0,$$

$$\frac{(x+1)(x^2-1) + x-3 - (x-2)(x^2+1)}{(x-3)(x^2+1)(x^2-1)} = 0, x^3 + x^2 - x - 1 + x - 3 - x^3 + 2x^2 - x + 2 = 0,$$

$$3x^2 - x - 2 = 0, D = 1 + 4 \cdot 3 \cdot 2 = 25, x_1 = \frac{1+5}{6} = 1, x_2 = -\frac{2}{3}, x \neq \pm 1, x \neq 3,$$

$x = 1$ – посторонний корень. Ответ: $-\frac{2}{3}$.

$$\text{б) } \frac{25}{4x^2+1} - \frac{8x+29}{16x^4-1} = \frac{18x+5}{8x^3+4x^2+2x+1},$$

$$\frac{25}{4x^2+1} - \frac{8x+29}{(4x^2-1)(4x^2+1)} - \frac{18x+5}{(2x+1)(4x^2+1)} = 0,$$

$$\frac{100x^2 - 25 - 8x - 29 - (18x+5)(2x-1)}{(2x+1)(2x-1)(4x^2+1)} = 0, 100x^2 - 8x - 54 - 36x^2 + 8x + 5 = 0,$$

$$64x^2 - 49 = 0, x^2 = \frac{49}{64}, x_{1,2} = \pm \frac{7}{8}, x \neq \pm \frac{1}{2}. \text{ Ответ: } \pm \frac{7}{8}.$$

$$\text{в) } \frac{x^2-2x+4}{x^3-2x^2+4x-8} + \frac{x^2+2x+4}{x^2+2x^2+4x+8} = \frac{2x+2}{x^2-4},$$

$$\frac{x^2-2x+4}{(x-2)(x^2+4)} + \frac{x^2+2x+4}{(x+2)(x^2+4)} - \frac{2x+2}{(x-2)(x+2)} = 0,$$

$$\frac{(x^2-2x+4)(x+2) + (x^2+2x+4)(x-2) - (2x+2)(x^2+4)}{(x-2)(x+2)(x^2+4)} = 0,$$

$$x^3 - 2x^2 + 4x + 2x^2 - 4x + 8 + x^3 - 2x^2 + 2x^2 - 4x + 2x - 8 - 2x^3 - 8x - 2x^2 - 8 = 0,$$

$$-2x^2 - 8x - 9 = 0, 2x^2 + 8x + 8 = 0, x^2 + 4x + 4 = 0, (x+2)^2 = 0, x = -2, x \neq \pm 2,$$

$x = -2$ – посторонний корень. Ответ: нет корней.

$$\text{г) } \frac{5}{x^3-2x^2-2x+1} - \frac{2}{x^3-4x^2+4x-1} = \frac{1}{x^2-1},$$

$$\frac{5}{(x+1)(x^2-3x+1)} - \frac{2}{(x-1)(x^2-3x+1)} - \frac{1}{(x-1)(x+1)} = 0,$$

$$\frac{5x-5-2x-2-x^2+3x-1}{(x^2-3x+1)(x^2-1)}=0, x^2-6x+8=0, D=36-4\cdot 8=4, x_1=\frac{6+2}{2}=4,$$

$x_2=2$. Ответ: 4; 2.

№ 1056.

a) $(3x-4)^2 - 5(3x-4) + 6 = 0, 3x-4=y, y^2-5y+6=0, D=25-4\cdot 6=1,$

$$y_1=\frac{5+1}{2}=3, y_2=2, 3x-4=3, 3x-4=2, 3x=7, 3x=6, x_1=\frac{7}{3}; \quad x_2=2;$$

б) $3(2x+1)^2 + 10(2x+1) + 3 = 0, 2x+1=y, 3y^2+10y+3=0,$

$$D=100-4\cdot 3\cdot 3-64, y_1=\frac{-10+8}{6}=-\frac{1}{3}, y_2=-3, 2x+1=-\frac{1}{3}, 2x+1=-3,$$

$$x_1=-\frac{2}{3}; x_2=-2;$$

в) $(5x+1)^2 - 3(5x+1) - 4 = 0, 5x+1=y, y^2-3y-4=0, D=9+4\cdot 4=25,$

$$y_1=\frac{3+5}{2}=4, y_2=-1, 5x+1=4, 5x+1=-1, x_1=\frac{3}{5}; \quad x_2=-\frac{2}{5};$$

г) $2(7x-6)^2 + 3(7x-6) + 1 = 0, 7x-6=y, 2y^2+3y+1=0, D=9-4\cdot 2=1,$

$$y_1=\frac{-3+1}{4}=-0,5, y_2=-1, 7x-6=-0,5, 7x-6=-1, x_1=\frac{11}{14}; \quad x_2=\frac{5}{7}.$$

№ 1057.

а) $(x^2+2x)^2 - 2(x^2+2x) - 3 = 0, x^2+2x=y, y^2-2y-3=0, D=4+4\cdot 3=16,$

$$y_1=\frac{2+4}{2}=3, y_2=-1, x^2+2x-3=0, x^2+2x+1=0, D=4+4\cdot 3=16,$$

$$(x+1)^2=0, x_1=\frac{-2+4}{2}=1, x_3=-1; x_2=-3;$$

б) $2(x^2+3)^2 - 7(x^2+3) + 3 = 0, x^2+3=y, 2y^2-7y+3=0, D=49-4\cdot 2\cdot 3=25,$

$$y_1=\frac{7+5}{4}=3, y_2=\frac{1}{2}, x^2+3=3, x^2+3=\frac{1}{2}, x=0, x^2=-2,5 \text{ -- нет корней.}$$

Ответ: 0.

в) $(x^2+1)^2 - 6(x^2+1) + 5 = 0, x^2+1=y, y^2-6y+5=0, D=36-4\cdot 5=16,$

$$y_1=\frac{6+4}{2}=5, y_2=1, x^2+1=5, x^2+1=1, x_{1,2}=\pm 2; x_3=0;$$

г) $2(x^2+4x)^2 + 17(x^2+4x) + 36 = 0, x^2+4x=y, 2y^2+17y+36=0,$

$$D=289-4\cdot 2\cdot 36=1, y_1=\frac{-17+1}{4}=-4, y_2=-\frac{9}{2}, x^2+4x+4=0,$$

$$x^2+4x+\frac{9}{2}=0, (x+2)^2=0, 2x^2+8x+9=0, x=-2; D=64-4\cdot 2\cdot 9<0 \text{ -- нет корней.}$$

Ответ: -2.

№ 1058.

а) $(x^2-9)^2 - 8(x^2-9) + 7 = 0, x^2-9=y, y^2-8y+7=0, D=64-4\cdot 7=36,$

$$y_1=\frac{8+6}{2}=7, y_2=1, x^2-9=7, x^2-9=1, x_{1,2}=\pm 4; x_{3,4}=\pm\sqrt{10};$$

б) $(x^2-4x+4)^2 + 2(x-2)^2 = 3, (x-2)^4 + 2(x-2)^2 = 3, (x-2)^2 = y,$

$$y^2 + 2y - 3 = 0, D = 4 + 4 \cdot 3 = 16, y_1 = \frac{-2+4}{2} = 1, y_2 = -3,$$

$$(x-2)^2 = 1, (x-2)^2 = -3, x-2 = 1, x-2 = -1, \text{нет корней}; x_1 = 3; x_2 = 1;$$

b) $(x^2 - 3x)^2 + 3(x^2 - 3x) - 28 = 0, x^2 - 3x = y, y^2 + 3y - 28 = 0, D = 9 + 4 \cdot 28 = 121,$

$$y_1 = \frac{-3+11}{2} = 4, y_2 = -7,$$

$$x^2 - 3x - 4 = 0, \quad x^2 - 3x + 7 = 0,$$

$$D = 9 + 4 \cdot 4 = 25, \quad D = 9 - 4 \cdot 6 < 0 - \text{нет корней};$$

$$x_1 = \frac{3+5}{2} = 4; x_2 = -1;$$

r) $2(x^2 + 2x + 1)^2 - (x + 1)^2 = 1, 2(x + 1)^4 - (x + 1)^2 - 1 = 0, (x + 1)^2 = y,$

$$2y^2 - y - 1 = 0, D = 1 + 4 \cdot 2 = 9, y_1 = \frac{1+3}{4} = 1, y_2 = -\frac{1}{2},$$

$$(x + 1)^2 = 1, (x + 1)^2 = -\frac{1}{2} - \text{нет корней}, x + 1 = 1, x + 1 = -1, x_1 = 0; x_2 = -2.$$

№ 1059.

a) $(x^2 - 3x + 1)(x^2 - 3x + 3) = 3, x^2 - 3x = y, (y + 1)(y + 3) = 3, y^2 + 4y = 0,$

$$y_1 = 0, y_2 = -4, x^2 - 3x = 0, x^2 - 3x + 4 = 0, x_1 = 0, x_2 = 3, D = 9 - 4 \cdot 4 < 0 - \text{нет корней};$$

б) $\frac{x^2 + 1}{x} + \frac{x}{x^2 + 1} = 2,9, \frac{x^2 + 1}{x} = y, y + \frac{1}{y} - 2,9 = 0, \frac{y^2 - 2,9y + 1}{y} = 0,$

$$D = 8,41 - 4 = 4,41, y_1 = \frac{2,9+2,1}{2} = 2,5, y_2 = 0,4, \frac{x^2 + 1}{x} = \frac{5}{2}, \frac{x^2 + 1}{x} = \frac{2}{5},$$

$$2x^2 + 2 = 5x, \quad 5x^2 - 2x + 5 = 0,$$

$$2x^2 - 5x + 2 = 0, \quad D = 4 - 4 \cdot 5 \cdot 5 < 0 - \text{нет корней};$$

$$D = 25 - 4 \cdot 2 \cdot 2 = 9, x_1 = 4, x_2 = 1;$$

в) $(x^2 - 5x + 7)^2 - (x - 2)(x - 3) = 1, (x^2 - 5x + 7)^2 - (x^2 - 5x + 6) = 1,$

$$x^2 - 5x + 7 = y, y^2 - y + 1 = 1, y_1 = 0, y_2 = 1, x^2 - 5x + 7 = 0, x^2 - 5x + 7 = 1,$$

$$D = 25 - 4 \cdot 7 < 0, \quad x^2 - 5x + 6 = 0,$$

нет корней; $D = 25 - 24 = 1, x_1 = \frac{5+1}{2} = 3, x_2 = 2;$

г) $\frac{x^2 + x - 5}{x} + \frac{3x}{x^2 + x - 5} + 4 = 0, \frac{x^2 + x - 5}{x} = y, y + \frac{3}{y} + 4 = 0, \frac{y^2 + 4y + 3}{y} = 0,$

$$D = 16 - 4 \cdot 3 = 4, y_1 = \frac{-4+2}{2} = -1, y_2 = -3, \frac{x^2 + x - 5}{x} = -1, x^2 + x - 5 = -x,$$

$$x^2 - 2x - 5 = 0, D = 4 + 4 \cdot 5 = 4 \cdot 6, x_{1,2} = \frac{2 \pm 2\sqrt{6}}{2} = 1 \pm \sqrt{6}; \frac{x^2 + x - 5}{x} = -3,$$

$$x^2 + 4x - 5 = 0, D = 16 + 4 \cdot 5 = 36, x_3 = 1, x_4 = -5; \text{Ответ: } 1 \pm \sqrt{6}; 1; -5.$$

№ 1060. а) $x^2 + x + 1 = \frac{15}{x^2 + x + 3}, x^2 + x + 1 = y, y = \frac{15}{y+2}, y^2 + 2y - 15 = 0,$

$$D = 4 + 4 \cdot 15 = 64, y_1 = \frac{-2+8}{2} = 3, y_2 = -5,$$

$$\begin{aligned}x^2 + x + 1 &= 3, & x^2 + x + 1 &= -5, \\x^2 + x - 2 &= 0, & x^2 + x + 6 &= 0, \\D = 1 + 4 \cdot 2 &= 9, & D = 1 - 4 \cdot 6 < 0 & \text{нет корней};\end{aligned}$$

$$x_1 = \frac{-1+3}{2} = 1, x_2 = -2;$$

$$6) \frac{x^2 - x}{x^2 - x + 1} - \frac{x^2 - x + 2}{x^2 - x - 2} = 1, x^2 - x = y, \frac{y}{y+1} - \frac{y+2}{y-2} - 1 = 0, \frac{y(y-2) - (y+2)(y+1) - (y-2)(y+1)}{(y+1)(y-2)} = 0, (y-2)(y-y-1) - (y+2)(y+1) = 0,$$

$$2 - y - y^2 - 3y - 2 = 0, y^2 + 4y = 0, y_1 = 0, y_2 = -4, \\x^2 - x = 0, x^2 - x + 4 = 0, \\x_1 = 0, x_2 = 1; \quad D = 1 - 4 \cdot 4 < 0 \text{ нет корней};$$

$$b) x^2 + 3x = \frac{8}{x^2 + 3x - 2}, x^2 + 3x = y, y = \frac{8}{y-2}, y^2 - 2y - 8 = 0, D = 4 + 4 \cdot 8 = 36,$$

$$y_1 = \frac{2+6}{2} = 4, y_2 = -2, x^2 + 3x - 4 = 0, x^2 + 3x + 2 = 0,$$

$$D = 9 + 4 \cdot 4 = 25, \quad D = 9 - 4 \cdot 2 = 1,$$

$$x_1 = \frac{-3+5}{2} = 1, \quad x_3 = \frac{-3+1}{2} = -1,$$

$$x_2 = -4; \quad x_4 = -2;$$

$$r) \frac{1}{x^2 - 3x + 3} + \frac{2}{x^2 - 3x + 4} = \frac{6}{x^2 - 3x + 5}, x^2 - 3x + 3 = y, \frac{1}{y} + \frac{2}{y+1} - \frac{6}{y+2} = 0,$$

$$y^2 + 3y + 2 + 2y(y+2) - 6y(y+1) = 0, -3y^2 - y + 2 = 0, 3y^2 + y - 2 = 0,$$

$$D = 1 + 4 \cdot 2 \cdot 3 = 25, y_1 = \frac{-1+5}{6} = \frac{2}{3}, y_2 = -1,$$

$$x^2 - 3x + 3 = \frac{2}{3}, \quad x^2 - 3x + 3 = -1,$$

$$3x^2 - 9x + 7 = 0, \quad x^2 - 3x + 4 = 0,$$

$$D = 81 - 4 \cdot 3 \cdot 7 < 0, \quad D = 9 - 4 \cdot 4 < 0$$

нет корней; нет корней; Ответ: нет корней.

№ 1061.

$$a) x(x-1)(x-2)(x-3) = 15, (x^2 - 3x)(x^2 - 3x + 2) = 15, x^2 - 3x = y,$$

$$y(y+2) = 15, y^2 + 2y - 15 = 0, D = 4 + 4 \cdot 15 = 64, y_1 = \frac{-2+8}{2} = 3, y_2 = -5,$$

$$x^2 - 3x = 3, \quad x^2 - 3x = -5, \\x^2 - 3x - 3 = 0, \quad x^2 - 3x + 5 = 0,$$

$$D = 9 + 4 \cdot 3 = 21, \quad D = 9 - 4 \cdot 5 < 0 \text{ нет корней}; \quad x_{1,2} = \frac{3 \pm \sqrt{21}}{2};$$

$$6) x^2 + \frac{1}{x^2} + x + \frac{1}{x} = 4, \left(x + \frac{1}{x} \right)^2 - 2 + \left(x + \frac{1}{x} \right) = 4, x + \frac{1}{x} = y,$$

$$y^2 + y - 6 = 0, D = 1 + 4 \cdot 6 = 25, y_1 = \frac{-1+5}{2} = 2, y_2 = -3,$$

$$\begin{aligned}x + \frac{1}{x} &= 2, & x + \frac{1}{x} &= -3, \\x^2 - 2x + 1 &= 0, & x^2 + 3x + 1 &= 0, \\x_3 &= 1; & D &= 9 - 4 = 5, \\&& x_{1,2} &= \frac{-3 \pm \sqrt{5}}{2};\end{aligned}$$

в) $(x+1)(x+2)(x+3)(x+4)=3$, $(x^2+5x+6)(x^2+5x+4)=3$,
 $x^2+5x=y$, $(y+6)(y+4)=3$, $y^2+10y+21=0$, $D=100-4 \cdot 21=16>0$

$$\begin{aligned}y_1 &= \frac{-10+4}{2} = -3, & y_2 &= \frac{-10-4}{2} = -7, \\x^2+5x &= -3, & x^2+5x &= -7, \\x^2+5x+3 &= 0, & x^2+5x+7 &= 0, \\D &= 25-4 \cdot 3 = 13 > 0, & D &= 25-4 \cdot 7 < 0, \\x_{1,2} &= \frac{-5 \pm \sqrt{13}}{2}; & \text{корней нет};\end{aligned}$$

г) $2\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) - 7\left(x + \frac{1}{x}\right) + 9 = 0$, $2\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 4 - 7\left(x + \frac{1}{x}\right) + 9 = 0$, $x + \frac{1}{x} = y$,
 $y^2 - 7y + 5 = 0$, $D = 49 - 4 \cdot 2 \cdot 5 = 9$, $y_1 = \frac{7+3}{4} = \frac{5}{2}$, $y_2 = 1$,

$$\begin{aligned}x + \frac{1}{x} &= 1, & x^2 - x + 1 &= 0, & D &= 1 - 4 < 0 - \text{нет корней}; \\x + \frac{1}{x} &= \frac{5}{2}, & 2x + \frac{2}{x} - 5 &= 0, & 2x^2 - 5x + 2 &= 0, & D &= 25 - 4 \cdot 2 \cdot 2 = 9, & x_1 &= \frac{5+3}{4} = 2, \\x_2 &= \frac{1}{2}.\end{aligned}$$

§33. Рациональные уравнения как математические модели

№ 1062. 1 этап: Пусть x см – длина прямоугольника. Тогда:
 $\frac{28-2x}{2} = (14-x)$ см – ширина, x^2 и $(14-x)^2$ см² – площадь квадратов. Мат.

модель: $x^2 + (14-x)^2 = 116$.

2 этап: $x^2 + 196 - 28x + x^2 - 116 = 0$, $2x^2 - 28x + 80 = 0$, $x^2 - 14x + 40 = 0$,
 $D = 196 - 4 \cdot 40 = 36$, $x_1 = \frac{14+6}{2} = 10$; $x_2 = 4$.

3 этап: В первом случае стороны прямоугольника равны 10 см и
 $14 - 10 = 4$ см. Во втором: 4 см и $14 - 4 = 10$ см. Ответ: 10 и 4 см.

№ 1063. 1 этап: Пусть x см – гипотенуза. Тогда $(x-8)$ и $(x-4)$ см – катеты.
Используя теорему Пифагора, получаем: $(x-8)^2 + (x-4)^2 = x^2$.

2 этап: $x^2 - 24x + 80 = 0$, $D = 576 - 320 = 256$,
 $x_1 = \frac{24+16}{2} = 20$, $x_2 = 4$.

3 этап: Второе значение $x = 4$ нас не устраивает, т.к. в этом случае катеты получатся 0 и -4 см, чего не бывает. Значит, длина гипотенузы 20 см.

Ответ: 20 см.

№ 1064. 1 этап: Пусть x и $(x + 1)$ – два последовательных натуральных числа. Тогда: $x^2 + (x + 1)^2$ = сумма их квадратов, $x(x + 1)$ – их произведение.

Известно, что $x^2 + (x + 1)^2 = x(x + 1) + 307$.

$$\underline{2 \text{ этап:}} \quad x^2 + 2x + 1 = x + 307, \quad x^2 + x - 306 = 0, \quad D = 1225, \quad x_1 = \frac{-1+35}{2} = 17, \\ x_2 = -18.$$

3 этап: Т.к. x это натуральное число, то оно не может быть равно -18. Значит, наши числа 17 и $17 + 1 = 18$. Ответ: 17, 18.

№ 1065. 1 этап: Пусть x и $(x + 1)$ – два последовательных натуральных числа. Тогда: $(x + x + 1)^2$ – квадрат их суммы, $x^2 + (x + 1)^2$ – сумма их квадратов. Получаем $(x + x + 1)^2 = x^2 + (x + 1)^2 + 840$.

$$\underline{2 \text{ этап:}} \quad 4x^2 + 4x + 1 = 2x^2 + 2x + 840 + 1, \quad 2x^2 + 2x - 840 = 0, \quad x^2 + x - 420 = 0,$$

$$D = 1 + 4 \cdot 420 = 1681, \quad x_1 = \frac{-1+41}{2} = 20, \quad x_2 = -21.$$

3 этап: Т.к. x – это натуральное число, то оно не может быть равно -21. Значит, наши числа 20 и $20 + 1 = 21$. Ответ: 20 и 21.

№ 1066. 1 этап: Пусть в зале было x рядов. Тогда: $\frac{320}{x}$ – было мест в каж-

дом ряду. $(x + 1)$ – стало рядов. $\left(\frac{320}{x} + 4\right)$ – стало мест в каждом ряду.

$(x + 1) \cdot \left(\frac{320}{x} + 4\right)$ – стало всего мест в зале или 420 мест. Отсюда получаем:

$$(x + 1) \cdot \left(\frac{320}{x} + 4\right) = 420;$$

$$\underline{2 \text{ этап:}} \quad (x + 1) \cdot \left(\frac{80}{x} + 1\right) = 105, \quad (x + 1)(80 + x) = 105x, \quad x^2 - 24x + 80 = 0,$$

$$D = 576 - 4 \cdot 80 = 256, \quad x_1 = \frac{24+16}{2} = 20, \quad x_2 = 4.$$

3 этап: Оба значения нам подходят. Тогда в первом случае стало 21 рядов, во втором 5 рядов. Ответ: 21 или 5.

№ 1067. 1 этап: Пусть было x учащихся. Тогда $\frac{360}{x}$ тетрадей досталось ка-

ждому. Но если бы было $(x - 3)$ учащихся, то каждый получил бы $\frac{360}{x-3}$ или

$$\frac{360}{x} + 6, \quad \text{т.е. } \frac{360}{x-3} = \frac{360}{x} + 6.$$

$$\underline{2 \text{ этап:}} \quad \frac{360}{x-3} - \frac{360}{x} - 6 = 0, \quad \frac{60}{x-3} - \frac{60}{x} - 1 = 0, \quad \frac{60x - 60x + 180 - x^2 + 3x}{x(x-3)} = 0,$$

$$x^2 - 3x - 180 = 0, \quad D = 9 + 4 \cdot 180 = 729, \quad x_1 = \frac{3+27}{2} = 15, \quad x_2 = -12.$$

3 этап: Т.к. число учащихся не может быть отрицательным, то получаем, что было 15 учащихся. Ответ: 15 учащихся.

№ 1068. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость на втором участке пути. Тогда:

$(x + 6)$ км/ч – первоначальная скорость. $\frac{18}{x+6}$ ч – проехал первую часть пути,

$\frac{6}{x}$ ч – затратил на вторую часть. Т.к. всего он был в пути 1,5 ч, получаем

$$\frac{18}{x+6} + \frac{6}{x} = \frac{3}{2}.$$

$$\underline{2 \text{ этап:}} \quad \frac{6}{x+6} + \frac{2}{x} - \frac{1}{2} = 0, \quad 12x + 4x + 24 - x^2 - 6x = 0, \quad x^2 - 10x - 24 = 0,$$

$$D = 100 + 4 \cdot 24 = 196, \quad x_1 = \frac{10+14}{2} = 12, \quad x_2 = -2.$$

3 этап: Из двух значений неизвестного нас устраивает только первое.

Ответ: 12 км/ч.

№ 1069. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость I пешехода. Тогда: $(x+1)$ км/ч –

скорость II. $\frac{6}{x}$ и $\frac{5}{x+1}$ – были в пути соответственно I и II. Отсюда получаем

$$\frac{6}{x} = \frac{5}{x+1} + \frac{1}{2}.$$

$$\underline{2 \text{ этап:}} \quad \frac{6}{x} - \frac{5}{x+1} - \frac{1}{2} = 0, \quad 12x + 12 - 10x - x^2 - x = 0, \quad x^2 - x - 12 = 0,$$

$$D = 1 + 4 \cdot 12 = 49, \quad x_1 = \frac{1+7}{2} = 4, \quad x_2 = -3.$$

3 этап: Их двух значений нас устраивает только первое, значит, скорость I пешехода 4 км/ч. Ответ: 4 км/ч.

№ 1070. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость I лыжника. Тогда: $(x - 3)$ км/ч –

скорость II. $\frac{30}{x}$ ч и $\frac{30}{x-3}$ ч – были в пути соответственно I и II.

$$\text{Отсюда получаем } \frac{30}{x} + \frac{1}{3} = \frac{30}{x-3}.$$

$$\underline{2 \text{ этап:}} \quad \frac{30}{x} + \frac{1}{3} - \frac{30}{x-3} = 0, \quad 90x - 270 + x^2 - 3x - 90x = 0, \quad x^2 - 3x - 270 = 0,$$

$$D = 9 + 4 \cdot 270 = 1089, \quad x_1 = \frac{3+33}{2} = 18, \quad x_2 = -15.$$

3 этап: Т.к. за x мы обозначаем скорость, то $x = 18$. Т.е. скорость I лыжника 18 км/ч; $18 - 3 = 15$ (км/ч) – скорость II.

Ответ: 18 и 15 км/ч.

№ 1071. 1 этап: Пусть x – числитель дроби. Тогда: $(x + 1)$ – знаменатель.

$\frac{x+1}{x}$ – обратная дробь. $\left(\frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x} \right)$ – сумма дроби и обратной ей дробью

$$\text{или } \frac{25}{12}, \text{ т.е. } \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x} = \frac{25}{12}.$$

2 этап: $\frac{x}{x+1} = y$, $y + \frac{1}{y} - \frac{25}{12} = 0$, $12y^2 - 25y + 12 = 0$, $D = 625 - 4 \cdot 12 \cdot 12 = 49$,

$$y_1 = \frac{25+7}{24} = \frac{4}{3}, \quad y_2 = \frac{3}{4},$$

$$\frac{x}{x+1} = \frac{4}{3}, 3x = 4x + 4, x = -4. \quad \frac{x}{x+1} = \frac{3}{4}, 4x = 3x + 3, x = 3.$$

3 этап: В первом случае получаем, что исходная дробь равна $\frac{-4}{-4+1} = \frac{4}{3}$ –

не подходит, т.к. числитель больше знаменателя. Во втором $\frac{3}{3+1} = \frac{3}{4}$.

Ответ: $\frac{3}{4}$.

№ 1072. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость I авто. Тогда: $(x - 10)$ км/ч – скорость II. $\frac{560}{x}$ ч и $\frac{560}{x-10}$ ч – были в пути соответственно I и II.

$$\text{Отсюда получаем } \frac{560}{x} + 1 = \frac{560}{x-10}.$$

2 этап: $\frac{560}{x} + 1 - \frac{560}{x-10} = 0$, $560x - 5600 + x^2 - 10x - 560x = 0$, $x^2 - 10x - 5600 = 0$,

$$D = 100 + 4 \cdot 5600 = 22500, \quad x_1 = \frac{10+150}{2} = 80, \quad x_2 = -70.$$

3 этап: Ясно, что подходит только первое значение, т.е. 80 км/ч – скорость I, $80 - 10 = 70$ (км/ч) – скорость II. Ответ: 80 и 70 км/ч.

№ 1073. 1 этап: Пусть x км/ч – планируемая скорость. Тогда $(x - 10)$ км/ч – действительная скорость. $\frac{100}{x}$ ч и $\frac{100}{x-10}$ ч – время в пути соответственно по плану и в действительности. Получаем $\frac{100}{x} + \frac{1}{2} = \frac{100}{x-10}$.

2 этап: $\frac{100}{x} + \frac{1}{2} - \frac{100}{x-10} = 0$, $200x - 2000 + x^2 - 10x - 200x = 0$,

$$x^2 - 10x - 2000 = 0, D = 100 + 4 \cdot 2000 = 8100, \quad x_1 = \frac{10+90}{2} = 50, \quad x_2 = -40.$$

3 этап: Ясно, что подходит только первое значение, т.е. 50 км/ч – скорость по плану.

Ответ: 50 км/ч.

№ 1074. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость до станции. Тогда: $(x + 1)$ км/ч – скорость до деревни. $\frac{32}{x}$ ч и $\frac{32}{x+1}$ ч – время в пути соответственно в первом и во втором случаях. Получаем $\frac{32}{x} = \frac{32}{x+1} + \frac{2}{15}$.

2 этап: $\frac{16}{x} - \frac{16}{x+1} - \frac{1}{15} = 0$, $240x + 240 - 240x - x^2 - x = 0$, $x^2 + x - 240 = 0$,

$$D = 1 + 4 \cdot 240 = 961, x_1 = \frac{-1+31}{2} = 15, x_2 = -16.$$

3 этап: Ясно, что подходит только первое значение. Т.е. 15 км/ч – скорость до станции. Ответ: 15 км/ч.

№ 1075. 1 этап: Пусть x км/ч – начальная скорость. Тогда: $(x + 10)$ км/ч – новая скорость. $\frac{720}{x}$ ч и $\frac{720}{x+10}$ ч – время в пути соответственно в первом и во втором случаях. Получаем $\frac{720}{x} - 1 = \frac{720}{x+10}$.

$$\underline{2 этап:} \frac{720}{x} - 1 - \frac{720}{x+10} = 0, 720x + 7200 - x^2 - 10x - 720x = 0,$$

$$x^2 + 10x - 7200 = 0, D = 100 + 4 \cdot 7200 = 28900, x_1 = \frac{-10+170}{2} = 80, x_2 = -90.$$

3 этап: Ясно, что подходит только первое значение. Т.е. 80 км/ч – первоначальная скорость. Ответ: 80 км/ч.

№ 1076. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость до турбазы. Тогда: $(x - 4)$ км/ч – скорость обратно. $\frac{16}{x}$ ч и $\frac{16}{x-4}$ ч – время в пути соответственно в I и II случаях. Получаем $\frac{16}{x} + \frac{16}{x-4} = \frac{7}{3}$.

$$\underline{2 этап:} \frac{16}{x} + \frac{16}{x-4} - \frac{7}{3} = 0, 48x - 192 + 48x - 7x^2 + 28x = 0, 7x^2 - 124x + 192 = 0,$$

$$D = 15376 - 4 \cdot 7 \cdot 192 = 10000, x_1 = \frac{124+100}{14} = 16, x_2 = \frac{12}{7}.$$

3 этап: $x_2 = \frac{12}{7}$ не подходит, т.к. в этом случае скорость обратно равна $\frac{12}{7} - 4 < 0$. Значит, 16 км/ч – скорость до турбазы; $16 - 4 = 12$ (км/ч) – скорость обратно. Ответ: 12 км/ч.

№ 1077. 1 этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда $(x - 10)$ км/ч – новая скорость. $\frac{40}{x}$ ч и $\frac{40}{x-10}$ ч – время в пути соответственно с I и II случаях. Получаем $\frac{40}{x} + \frac{1}{3} = \frac{40}{x-10}$.

$$\underline{2 этап:} \frac{40}{x} + \frac{1}{3} - \frac{40}{x-10} = 0, 120x - 1200 + x^2 - 10x - 120x = 0,$$

$$D = 100 + 4 \cdot 1200 = 4900, x_1 = \frac{10+70}{2} = 40, x_2 = -30.$$

3 этап: Ясно, что подходит только первое значение. Т.е. 40 км/ч – первоначальная скорость. Ответ: 40 км/ч.

№ 1078. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость пешехода. Тогда $(x + 9)$ км/ч – скорость велосипеда. $\frac{18}{x}$ ч и $\frac{18}{x+9}$ ч – время в пути соответственно пешехода и велосипедиста. Получаем $\frac{18}{x} - \frac{13}{10} = \frac{18}{x+9}$.

2 этап: $\frac{18}{x} - \frac{13}{10} - \frac{18}{x+9} = 0$, $180x + 1620 - 13x^2 - 117x - 180x = 0$,

$$13x^2 + 117x - 1620 = 0, x_{1,2} = \frac{-117 \pm \sqrt{97929}}{26};$$

3 этап: скорость пешехода $= \frac{-117 + \sqrt{97929}}{26}$ км/ч.

Скорость велосипедиста $= \frac{117 + \sqrt{97929}}{26}$ км/ч.

Ответ: $\frac{-117 + \sqrt{97929}}{26}$ и $\frac{117 + \sqrt{97929}}{26}$.

№ 1079. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость мото. Тогда $(x + 15)$ км/ч – скорость авто. $\frac{90}{x}$ ч и $\frac{90}{x+15}$ ч – время в пути соответственно мото и авто.

Получаем $\frac{90}{x} - \frac{1}{2} = \frac{90}{x+15}$.

2 этап: $\frac{90}{x} - \frac{1}{2} - \frac{90}{x+15} = 0$, $180x + 2700 - x^2 - 15x - 180x = 0$, $x^2 + 15x - 2700 = 0$,

$$D = 225 + 4 \cdot 2700 = 11025, x_1 = \frac{-15 + 105}{2} = 45, x_2 = -60.$$

3 этап: Ясно, что второе значение нам не подходит. 45 км/ч – скорость мото. $45 + 15 = 60$ (км/ч) – скорость авто. Ответ: 45 и 60 км/ч.

№ 1080. 1 этап: Пусть x км/ч – скорость автобуса. Тогда $(x + 20)$ км/ч – скорость такси. $\frac{40}{x}$ ч и $\frac{40}{x+20}$ ч – время в пути соответственно автобуса и такси. Получаем $\frac{40}{x} - \frac{1}{6} = \frac{40}{x+20}$.

2 этап: $\frac{40}{x} - \frac{1}{6} - \frac{40}{x+20} = 0$, $240x + 4800 - x^2 - 20x - 240x = 0$, $x^2 + 20x - 4800 = 0$,

$$D = 400 + 4 \cdot 4800 = 19600, x_1 = \frac{-20 + 140}{2} = 60, x_2 = -80.$$

3 этап: Ясно, что второе значение не подходит. 60 км/ч – скорость автобуса. $60 + 20 = 80$ (км/ч) – скорость такси. Ответ: 60 и 80 км/ч.

№ 1081. 1 этап: Пусть x машин было сначала. Тогда $(x + 4)$ машин стало.

$\frac{60}{x}$ т и $\frac{60}{x+4}$ т грузили на каждую машину соответственно в I и II случаях.

Получаем $\frac{60}{x} - \frac{60}{x+4} = \frac{1}{2}$.

2 этап: $\frac{60}{x} - \frac{60}{x+4} - \frac{1}{2} = 0$, $120x + 480 - 120x - x^2 - 4x = 0$, $x^2 + 4x - 480 = 0$,

$$D = 16 + 4 \cdot 480 = 1936, x_1 = \frac{-4 + 44}{2} = 20, x_2 = -24.$$

3 этап: Ясно, что подходит только первое значение. Т.е. сначала было 20 машин. Ответ: 20 машин.

№ 1082. 1 этап: Пусть x пар – плановый ежедневный выпуск. $(x + 30)$ пар – фактический ежедневный выпуск. $\frac{5400}{x}$ дн. и $\frac{5400}{x+30}$ дн. – время выполнения заказа соответственно в I и II случаях. Получаем $\frac{5400}{x} - \frac{5400}{x+30} = 9$.

2 этап: $\frac{600}{x} - \frac{600}{x+30} - 1 = 0$, $600x + 18000 - 600x - x^2 - 30x = 0$, $x^2 + 30x - 18000 = 0$,

$$D = 900 + 4 \cdot 18000 = 270^2, x_1 = \frac{-30 + 270}{2} = 120, x_2 = -150.$$

3 этап: Ясно, что второе значение не подходит. $\frac{5400}{120+30} = 36$ (дн.) – время выполнения заказа. Ответ: 36 дней.

№ 1083. 1 этап: Пусть x км/ч – собственная скорость лодки.

Тогда: $(x + 3)$ км/ч и $(x - 3)$ км/ч – скорость по течению и против течения.

$$\text{Получаем } \frac{5}{x+3} + \frac{6}{x-3} = 1.$$

2 этап: $\frac{5}{x+3} + \frac{6}{x-3} - 1 = 0$, $5x - 15 + 6x + 18 - x^2 + 9 = 0$, $x^2 - 11x - 12 = 0$,

$$D = 121 + 4 \cdot 12 = 169, x_1 = \frac{11+13}{2} = 12, x_2 = -1.$$

3 этап: Ясно, что второе значение не подходит. $12 + 3 = 15$ (км/ч) – скорость по течению. Ответ: 15 км/ч.

№ 1084. 1 этап: Пусть x км/ч – собственная скорость. Тогда $(x + 3)$ и $(x - 3)$

км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{35}{x}$ ч и $\frac{35}{x-3}$ ч – время в пути

по течению и против течения. Получаем $\frac{35}{x+3} + \frac{35}{x-3} + 3 = 7$.

2 этап: $\frac{35}{x+3} + \frac{35}{x-3} - 4 = 0$, $35x - 105 + 35x + 105 - 4x^2 + 36 = 0$, $4x^2 - 70x - 36 = 0$,

$$2x^2 - 35x - 18 = 0, D = 1225 + 4 \cdot 2 \cdot 18 = 1369, x_1 = \frac{35+37}{4} = 18, x_2 = -0,5.$$

3 этап: Ясно, что второе значение не подходит. 18 км/ч – собственная скорость. Ответ: 18 км/ч.

№ 1085.

1 этап: Пусть x км/ч – собственная скорость лодки. Тогда $(x - 3)$ км/ч и $(x + 3)$ км/ч – скорость против течения и по течению. $\frac{96}{x}$ ч – проходит 96 км в

стоячей воде. $\frac{54}{x+3}$ ч и $\frac{42}{x-3}$ ч – время на 54 км по течению и 42 км против

течения. Получаем $\frac{54}{x+3} + \frac{42}{x-3} = \frac{96}{x}$.

2 этап: $54(x - 3) + 42(x + 3) - 96(x^2 - 9) = 0$, $36x = 96 \cdot 9$, $4x = 96$, $x = 24$.

3 этап: 24 км/ч – собственная скорость. Ответ: 24 км/ч.

№ 1086. I этап: Пусть x км/ч – скорость по озеру. Тогда: $(x+2)$ км/ч и $(x-2)$ км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{45}{x+2}$ ч – время, чтобы проплыть 45 км по течению. $\frac{24}{x}$ ч и $\frac{9}{x-2}$ ч – время в пути по озеру и против

течения. Получаем $\frac{24}{x} + \frac{9}{x-2} = \frac{45}{x+2}$.

$$\underline{\text{2 этап:}} \quad \frac{24}{x} + \frac{9}{x-2} - \frac{45}{x+2} = 0, \quad 24x^2 - 96 + 9x^2 + 18x - 45x^2 + 90x = 0,$$

$$-12x^2 + 108x - 96 = 0, \quad x^2 - 9x + 8 = 0, \quad D = 81 - 4 \cdot 8 = 49, \quad x_1 = \frac{9+7}{2} = 8, \quad x_2 = 1.$$

3 этап: Второе значение не подходит, т.к. в этом случае скорость против течения была бы отрицательной. 8 км/ч – скорость по озеру. Ответ: 8 км/ч.

№ 1087. I этап: Пусть x км/ч – собственная скорость катера. Тогда: $(x-3)$ и $(x+3)$ км/ч – скорость против течения и по течению. $\frac{27}{x+3}$ ч и $\frac{42}{x-3}$ ч – время в пути по течению и против течения. Получаем $\frac{27}{x+3} + 1 = \frac{42}{x-3}$.

$$\underline{\text{2 этап:}} \quad \frac{27}{x+3} + 1 - \frac{42}{x-3} = 0, \quad 27x - 81 + x^2 - 9 - 42x - 126 = 0, \quad x^2 - 15x - 216 = 0,$$

$$D = 225 + 4 \cdot 216 = 1089, \quad x_1 = \frac{15+33}{2} = 24, \quad x_2 = -9.$$

3 этап: Ясно, что второе значение не подходит. $24 - 3 = 21$ (км/ч) – скорость против течения. Ответ: 21 км/ч.

1088. I этап: Пусть x км/ч – скорость течения. Тогда: $(6-x)$ км/ч и $(6+x)$ км/ч – скорость против течения и по течению. $\frac{3}{6-x}$ ч и $\frac{3}{6+x}$ ч – время в пути

против течения и по течению. $\frac{4}{x}$ ч – пройдет плот 4 км по течению.

$$\text{Получаем } \frac{3}{6-x} + \frac{3}{6+x} = \frac{4}{x}.$$

$$\underline{\text{II этап:}} \quad \frac{3}{6-x} + \frac{3}{6+x} - \frac{4}{x} = 0, \quad 18x + 3x^2 + 18x - 3x^2 - 144 + 4x^2 = 0,$$

$$4x^2 + 36x - 144 = 0, \quad x^2 + 9x - 36 = 0, \quad D = 81 + 4 \cdot 36 = 225,$$

$$x_1 = \frac{-9+15}{2} = 3, \quad x_2 = \frac{-9-15}{2} = -12$$

III этап: Подходит только первое значение. Т.е. скорость течения 3 км/ч.

Ответ: 3 км/ч.

1089. I этап: Пусть x км/ч – собственная скорость теплохода. Тогда $(x+2)$

км/ч и $(x-2)$ км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{36}{x+2}$ ч и

$\frac{36}{x-2}$ ч – время в пути по течению и против течения. Получаем $\frac{36}{x+2} + \frac{36}{x-2} = \frac{15}{12}$.

II этап: $\frac{36}{x+2} + \frac{36}{x-2} - \frac{15}{12} = 0$, $72x - 144 + 72x + 144 - 15x^2 + 60 = 0$,

$$15x^2 - 144x - 60 = 0$$
, $5x^2 - 48x - 20 = 0$, $D = 2304 + 4 \cdot 5 \cdot 20 = 2704$,

$$x_1 = \frac{48+52}{10} = 10, x_2 = -0,4.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. 10 км/ч – собственная скорость теплохода. Ответ: 10 км/ч.

1090. I этап: Пусть x км/ч – скорость по озеру. Тогда $(x+3)$ км/ч – скорость по течению.

$\frac{6}{x+3}$ ч и $\frac{10}{x}$ ч – время в пути по течению и против течения. Получаем $\frac{6}{x+3} + \frac{10}{x} = 1$.

II этап: $\frac{6}{x+3} + \frac{10}{x} - 1 = 0$, $6x + 10x + 30 - x^2 - 3x = 0$, $x^2 - 13x - 30 = 0$,

$$D = 169 + 4 \cdot 30 = 289, x_1 = \frac{13+17}{2} = 15, x_2 = -2.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. 15 км/ч – скорость по озеру. Ответ: 15 км/ч.

1091. I этап: Пусть x км/ч – собственная скорость катера. Тогда: $(x+3)$ км/ч

и $(x-3)$ км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{210}{x+3}$ ч и $\frac{210}{x-3}$ ч –

время в пути по течению и против течения. Получаем $\frac{210}{x-3} - \frac{210}{x+3} = 4$.

II этап: $\frac{210}{x-3} - \frac{210}{x+3} - 4 = 0$, $210x + 630 - 210x + 630 - 4x^2 + 36 = 0$,

$$4x^2 = 1296, x_{1,2} = \pm 18.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. 18 км/ч – собственная скорость катера. Ответ: 18 км/ч.

1092. I этап: Пусть x км/ч – собственная скорость лодки. Тогда: $(x+4)$ км/ч

и $(x-4)$ км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{20}{x-4}$ ч и $\frac{14}{x}$ ч –

время в пути против течения и по озеру. Получаем $\frac{14}{x} + 1 = \frac{20}{x-4}$.

II этап: $\frac{14}{x} + 1 - \frac{20}{x-4} = 0$, $14x - 56 + x^2 - 4x - 20x = 0$, $x^2 - 10x - 56 = 0$,

$$D = 100 + 4 \cdot 56 = 324, x_1 = \frac{10+18}{2} = 14, x_2 = -4.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. $14 - 4 = 10$ (км/ч) – скорость лодки против течения. Ответ: 10 км/ч.

1093. I этап: Пусть x га – собирали с 1 га первого поля. Тогда: $(x+10)$ га со-

бирали с 1 га второго поля. $\frac{550}{x}$ га и $\frac{540}{x+10}$ га – площадь I и II полей.

Получаем $\frac{550}{x} + \frac{540}{x+10} = 20$.

II этап: $\frac{55}{x} + \frac{54}{x+10} - 2 = 0$, $55x + 550 + 54x - 2x^2 - 20x = 0$, $1x^2 - 89x - 550 = 0$,

$$D = 7921 + 4 \cdot 2 \cdot 550 = 12321, x_1 = \frac{89+111}{4} = 50, x_2 = -5,5.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. 50т – собирали с 1Га I поля. $50 + 10 = 60$ (т) – собирали с 1 Га II поля. Ответ: 50 и 60т.

1094. I этап: Пусть x деталей – плановый выпуск в час. Тогда: $(x + 20)$ дет.

– реальный выпуск. $\frac{120}{x}$ ч и $\frac{120}{x+20}$ ч – время работы по плану и в действительности. Получаем: $\frac{120}{x} - \frac{120}{x+20} = 1$.

II этап: $\frac{120}{x} - \frac{120}{x+20} - 1 = 0$, $120x + 2400 - 120x - x^2 - 20x = 0$, $x^2 + 20x - 2400 = 0$,
 $D = 400 + 4 \cdot 2400 = 10\,000$, $x_1 = \frac{-20+100}{2} = 40$, $x_2 = -60$.

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. 40 деталей – плановый выпуск в час. Ответ: 40 деталей.

1095. I этап: Пусть x деталей – плановый выпуск в день. Тогда: $(x + 2)$ дет.

– реальный выпуск в день. $\frac{120}{x}$ дн. и $\frac{120}{x+2}$ дн. – время работы по плану и в действительности. Получаем $\frac{120}{x} - \frac{120}{x+2} = 3$.

II этап: $\frac{40}{x} - \frac{40}{x+2} - 1 = 0$, $40x + 80 - 40x - x^2 - 2x = 0$, $x^2 + 2x - 80 = 0$,
 $D = 4 + 4 \cdot 80 = 324$, $x_1 = \frac{-2+18}{2} = 8$, $x_2 = -10$.

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. 8 деталей – плановый ежедневный выпуск. Ответ: 8 деталей.

1096. I этап: Пусть x – первое натуральное число. Тогда: $x + 1$, $x + 2$ – второе и третье числа. $(x + x + 1 + x + 2)^2 = (3x + 3)^2$ – квадрат их суммы. $x^2 + (x + 1)^2 + (x + 2)^2$ – сумма их квадратов. Получаем $(3x + 3)^2 - 1534 = x^2 + (x + 1)^2 + (x + 2)^2$.

II этап: $9x^2 + 18x + 9 - 1534 = 3x^2 + 6x + 5$, $6x^2 + 12x - 1530 = 0$, $x^2 + 2x - 255 = 0$,
 $D = 4 + 4 \cdot 255 = 1024$, $x_1 = \frac{-2+32}{2} = 15$, $x_2 = -17$.

III этап: Так как натуральное число не может быть отрицательным, то подходит только первое значение. 15, 16, 17 – данные числа. Ответ: 15, 16, 17.

1097. I этап: Пусть $2x + 1$ – первое число, тогда $2x + 3$ – второе. $(2x + 1)^2 + (2x + 3)^2$ – сумма их квадратов. Получаем

$$(2x+1)^2 + (2x+3)^2 - 90 = 10(2x+1)^2 - 10(2x+3)^2.$$

II этап: $4x^2 + 4x + 1 + 4x^2 + 12x + 9 - 90 = 40x^2 + 40x + 10 - 40x^2 - 120x - 90$
 $8x^2 + 96x = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = -12$

III этап: второе значение не подходит, так как числа натуральные. Так что искомые числа 1 и 3. Ответ: 1 и 3.

1098.

I этап: Пусть x – знаменатель. Тогда: $x - 3$ – числитель, $\frac{x-3}{x}$ – дробь.

$$\frac{x-3+7}{x+5} = \frac{x+4}{x+5} \text{ – новая дробь. Получаем } \frac{x+4}{x+5} - \frac{1}{2} = \frac{x-3}{x}.$$

II этап: $\frac{x+4}{x+5} - \frac{1}{2} - \frac{x-3}{x} = 0, 2x^2 + 8x - x^2 - 5x - 2(x-3)(x+5) = 0,$

$$x^2 + 3x - 2x^2 - 4x + 30 = 0, x^2 + x - 30 = 0, D = 1 + 4 \cdot 30 = 121,$$

$$x_1 = \frac{1-11}{2} = -6, x_2 = 5.$$

III этап: В первом случае получаем $\frac{-6-3}{-6} = \frac{9}{6} = \frac{3}{2}$ – не подходит.

Во втором: $\frac{5-3}{5} = \frac{2}{5}$. Ответ: $\frac{2}{5}$.

1099. I этап: Пусть x – числитель дроби. Тогда: $(x+5)$ – её знаменатель. $\frac{x}{x+5}$

– данная дробь. $\frac{x-2}{x+5+16} = \frac{x-2}{x+21}$ – новая дробь. Получаем $\frac{x}{x+5} - \frac{x-2}{x+21} = \frac{1}{3}$.

II этап: $\frac{x}{x+5} - \frac{x-2}{x+21} - \frac{1}{3} = 0, 3x^2 + 63x - 3(x+5)(x-2) - (x+5)(x+21) = 0,$

$$3x^2 + 63x - 3x^2 - 9x + 30 - x^2 - 26x - 105 = 0, x^2 - 28x + 75 = 0,$$

$$D = 784 - 4 \cdot 75 = 484, x_1 = \frac{28+22}{2} = 25, x_2 = 3.$$

III этап: В первом случае наша дробь равна $\frac{25}{25+5} = \frac{25}{30}$. Но это сократимая дробь, значит, этот случай не подходит. Во втором случае наша дробь равна $\frac{3}{3+5} = \frac{3}{8}$. Ответ: $\frac{3}{8}$.

1100. I этап: Пусть x – числитель дроби. Тогда: $(x+1)$ – знаменатель. $\frac{x}{x+1}$

– наша дробь. $\frac{x-1}{x+1-1} = \frac{x-1}{x}$ – новая дробь. Получаем $\frac{x}{x+1} - \frac{x-1}{x} = \frac{1}{12}$.

II этап: $\frac{x}{x+1} - \frac{x-1}{x} - \frac{1}{12} = 0, 12x^2 - 12x^2 + 12 - x^2 - x = 0, x^2 + x - 12 = 0,$

$$D = 1 + 4 \cdot 12 = 49, x_1 = \frac{-1+7}{2} = 3, x_2 = -4.$$

III этап: В первом случае наша дробь равна $\frac{3}{3+1} = \frac{3}{4}$.

Во втором $\frac{-4}{-4+1} = \frac{-4}{-3} = \frac{4}{3}$, т.е. числитель больше знаменателя, что противоречит условию. Значит, II случай не подходит. Ответ: $\frac{3}{4}$.

1101. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда: $(x + 5)$ км/ч – новая скорость. $\frac{260}{x}$ ч – время на путь АВ по плану. $2x$ км – проехал автобус за 2 ч после выхода из А. $(260 - 2x)$ км – осталось проехать до конца пути. $\frac{260 - 2x}{x+5}$ ч – проехал эту оставшуюся часть.

$$\left(2 + \frac{1}{2} + \frac{260 - 2x}{x+5}\right) \text{ч} – \text{был в пути автобус.}$$

$$\text{Так как автобус приехал вовремя, получаем } \frac{5}{2} + \frac{260 - 2x}{x+5} = \frac{260}{x}.$$

$$\text{II этап: } \frac{5}{2} + \frac{260 - 2x}{x+5} - \frac{260}{x} = 0, 5x^2 + 25x + 520x - 4x^2 - 520x - 2600 = 0,$$

$$x^2 + 25x - 2600 = 0, D = 625 + 4 \cdot 2600 = 11025,$$

$$x_1 = \frac{-25 + 105}{2} = 40, x_2 = -65.$$

III этап: Ясно, что подходит только I случай. Т.е. 40 км/ч – первоначальная скорость. Ответ: 40 км/ч.

1102. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда: $(x + 3)$ км/ч – новая скорость. $\frac{30}{x}$ ч – время на путь до турбазы. $2x$ км – проехал за 2 ч на

обратном пути. $(30 - 2x)$ км – осталось проехать. $\frac{30 - 2x}{x+3}$ ч – проехал оставшуюся часть. $(2 + \frac{30 - 2x}{x+3})$ ч – время на обратный путь.

$$\text{Получаем } 2 + \frac{30 - 2x}{x+3} + \frac{1}{10} = \frac{30}{x}.$$

$$\text{II этап: } \frac{21}{10} + \frac{30 - 2x}{x+3} - \frac{30}{x} = 0, 21x^2 + 63x + 300x - 20x^2 - 300x - 900 = 0,$$

$$x^2 + 63x - 900 = 0, D = 7569, x_1 = \frac{-63 + 87}{2} = 12, x_2 = -75.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Тогда получаем, что велосипедист затратил на обратный путь $2 + \frac{30 - 2 \cdot 12}{12 + 3} = 2\frac{2}{5}$ ч. Ответ: $2\frac{2}{5}$ ч.

1103. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда: $(x - 3)$ км/ч – новая скорость. $2x$ км – длина ВС. $(2x - 6)$ км и 6 км – первая и вторая части пути. $\frac{2x - 6}{x}$ ч и $\frac{6}{x-3}$ ч – время на первой и второй части пути. Учитывая,

что велосипедист опоздал на 6 мин., получаем $\frac{2x - 6}{x} + \frac{6}{x-3} = 2 + \frac{1}{10}$.

$$\text{II этап: } \frac{2x - 6}{x} + \frac{6}{x-3} - \frac{21}{10} = 0, 10(x - 3)(2x - 6) + 60x - 21x^2 + 63x = 0,$$

$$20x^2 - 120x + 180 - 21x^2 + 123x = 0, x^2 - 3x - 180 = 0, D = 9 + 4 \cdot 180 = 729,$$

$$x_1 = \frac{3+27}{2} = 15, x_2 = -12.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Длина ВС равна $2 \cdot 15 = 30$ (км). Ответ: 30 км.

1104. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда: $(x-1)$ км/ч – новая скорость. $3x$ км – длина СМ. 16 км. и $(3x-16)$ км – две части обратного пути. $\frac{16}{x}$ ч. и $\frac{3x-16}{x-1}$ ч. – время на этих участках пути. Учитывая, что пешеход на обратный путь затратил на 4 мин. больше, получаем

$$\frac{16}{x} + \frac{3x-16}{x-1} = 3 + \frac{4}{60}.$$

$$\text{I этап: } \frac{16}{x} + \frac{3x-16}{x-1} - \frac{46}{15} = 0, 240x - 240 + 45x^2 - 240x - 46x^2 + 46x = 0,$$

$$x^2 - 46x + 240 = 0, D = 2116 - 4 \cdot 240 = 1156, x_1 = \frac{46+34}{2} = 40, x_2 = 6.$$

III этап: Ясно, что подходит только второй случай. Значит, длина СМ равна $3 \cdot 6 = 18$ (км). Ответ: 18 км.

1105. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда: $(x+10)$ км/ч – новая скорость. $\frac{54}{x}$ ч – плановое время на весь путь. $\frac{14}{x}$ ч и $\frac{54-14}{x+10} = \frac{40}{x+10}$ ч – время в пути в I случае. Так как поезд опоздал на 2 мин. и на 10 мин. был задержан, получаем: $\frac{1}{6} + \frac{14}{x} + \frac{40}{x+10} = \frac{1}{30} + \frac{54}{x}$.

$$\text{II этап: } \frac{4}{30} - \frac{40}{x} + \frac{40}{x+10} = 0, \frac{1}{30} - \frac{10}{x} + \frac{10}{x+10} = 0,$$

$$x^2 + 10x - 300x - 3000 + 300x = 0, x^2 + 10x - 3000 = 0, D = 100 + 4 \cdot 3000 = 12100,$$

$$x_1 = \frac{-10+110}{2} = 50, x_2 = -60.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. 50 км/ч – первоначальная скорость. Ответ: 50 км/ч.

1106. I этап: Пусть x км/ч – скорость I поезда. Тогда: $(x+12)$ км/ч – скорость II поезда. Так как поезда встретились в середине пути, то каждый прошел $\frac{240}{2} = 120$ (км). $\frac{120}{x}$ ч и $\frac{120}{x+12}$ ч – время в пути I и II поездов. Так

$$\text{как II поезд выехал через 30 мин. после I, получаем } \frac{120}{x} - \frac{120}{x+12} = \frac{1}{2}.$$

$$\text{II этап: } \frac{120}{x} - \frac{120}{x+12} - \frac{1}{2} = 0, 240x + 2880 - 240x - x^2 - 12x = 0,$$

$$x^2 + 12x - 2880 = 0, D = 11664, x_1 = \frac{-12+108}{2} = 48, x_2 = -60.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение, т.е. скорости поездов равны 48 км/ч и $48 + 12 = 60$ км/ч.

Ответ: 48 и 60 км/ч.

1107. I этап: Пусть x км/ч – скорость из А в В. Тогда: $(x + 3)$ км/ч – скорость из В в А. $\frac{30}{x}$ ч и $\frac{36}{x+3}$ ч – время в пути из А в В и из В в А.

Так как турист затратил на путь из В в А на 5 мин. больше, получаем

$$\frac{36}{x+3} - \frac{30}{x} = \frac{1}{12}.$$

$$\text{II этап: } \frac{36}{x+3} - \frac{30}{x} - \frac{1}{12} = 0, 432x - 360x - 1080 - x^2 - 3x = 0,$$

$$x^2 + 69x + 1080 = 0, D = 441, x_1 = \frac{-69 + 21}{2} = 24, x_2 = 45.$$

III этап: Так как скорость мопеда не превышает 30 км/ч, то подходит только I значение. Значит турист возвращался со скоростью $24 + 3 = 27$ км/ч.
Ответ: 27 км/ч.

1108. I этап: Пусть x км/ч – собственная скорость катера. Тогда: $(x + 2,5)$ км/ч и $(x - 2,5)$ км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{21}{x+2,5}$ ч

и $\frac{21}{x-2,5}$ ч – время на путь по течению и против течения. Так как общее время рав-

$$\text{но } 4\text{ч и } 30\text{ мин. уходит на стоянку, получаем } \frac{21}{x+2,5} + \frac{21}{x-2,5} + \frac{1}{2} = 4.$$

$$\text{II этап: } \frac{21}{x+2,5} + \frac{21}{x-2,5} - \frac{7}{2} = 0, 42x - 105 + 42x + 105 - 7x^2 + 43,75 = 0,$$

$$7x^2 - 84x - 43,75 = 0, D = 91^2, x_1 = 12,5, x_2 = -0,5.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Значит, 12,5 км/ч – скорость катера в стоячей воде. Ответ: 12,5 км/ч.

1109. I этап: Пусть x км/ч – собственная скорость лодки. Тогда: $(x + 1)$ км/ч и $(x - 1)$ км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{14}{x+1}$ ч и $\frac{15}{x-1}$ ч –

время в пути по течению и против течения. $\left(\frac{14}{x+1} + \frac{15}{x-1}\right)$ ч – общее время.

$$\frac{30}{x} \text{ ч – время в пути по стоячей воде. Получаем } \frac{14}{x+1} + \frac{15}{x-1} = \frac{30}{x}.$$

$$\text{II этап: } \frac{14}{x+1} + \frac{15}{x-1} - \frac{30}{x} = 0, 14x^2 - 14x + 15x^2 + 15x - 30x^2 + 30 = 0,$$

$$x^2 - x - 30 = 0, D = 1 + 4 \cdot 30 = 121, x_1 = \frac{1+11}{2} = 6, x_2 = -5.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. собственная скорость лодки равна 6 км/ч. Ответ: 6 км/ч.

1110. I этап: Пусть x туристов – было в каждом автобусе. Тогда: $(x - 17)$ тур. – планировалось разместить в одном автобусе. $\frac{188}{x}$ авт. и

$$\frac{180}{x-17} \text{ авт. – было на самом деле и по плану.}$$

Так как на самом деле было на 2 автобуса меньше, то получаем

$$\frac{180}{x-17} - \frac{188}{x} = 2.$$

$$\text{II этап: } \frac{90}{x-17} - \frac{94}{x} = 1 = 0, 90x - 94x + 1598 - x^2 + 17x = 0,$$

$$x^2 - 13x - 1598 = 0, D = 81^2, x_1 = \frac{13+81}{2} = 47, x_2 = -34.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. 47 туристов было размещено в каждом автобусе. Ответ: 47 туристов.

1111. I этап: Пусть x Га – ежедневная плановая работа. Тогда: $(x + 25)$ Га – ежедневная действительная работа. $\frac{1800}{x}$ дн. и $\frac{1800+200}{x+25}$ дн. – плановый и реальный срок выполнения задания. Так как на самом деле бригада выполнила всю работу на 4дн. раньше, получаем $\frac{1800}{x} - \frac{2000}{x+25} = 4$.

$$\text{II этап: } \frac{450}{x} - \frac{500}{x+25} - 1 = 0, 450x + 11250 - 500x - x^2 - 25x = 0,$$

$$x^2 + 75x - 11250 = 0, D = 225^2, x_1 = \frac{-75+225}{2} = 75, x_2 = -150.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. 75 Га – ежедневная плановая работа. Ответ: 75 Га.

1112. I этап: Пусть x км/ч – скорость I пешехода, y км/ч – скорость II пешехода. Тогда: $(x + y)$ км/ч – скорость их сближения. $\frac{44}{x+y}$ ч – время в пути до встречи. Так как они встретились через 4 часа, то $\frac{44}{x+y} = 4$. Разберем теперь II движение в задаче. Так как они встретились в середине пути, то каждый прошел $\frac{44}{2} = 22$ (км). $\frac{22}{x}$ ч и $\frac{22}{y}$ ч – время в пути I и II пешеходов. Так как I вышел на 44 мин. раньше второго, получаем $\frac{22}{x} - \frac{22}{y} = \frac{11}{15}$.

$$\text{II этап: } \begin{cases} \frac{11}{x+y} = 1 \\ \frac{2}{x} - \frac{2}{y} = \frac{1}{15} \end{cases} \quad \left| \begin{array}{l} x+y=11; y=11-x \\ \frac{2}{x} - \frac{2}{11-x} - \frac{1}{15} = 0 \end{array} \right.$$

$$330 - 30x - 30x + x^2 - 11x = 0, x^2 - 71x + 330 = 0, D = 61^2,$$

$$x_1 = \frac{71+61}{2} = 66, x_2 = 5, y_1 = 11 - 66 = -55, y_2 = 11 - 5 = 6.$$

III этап: Ясно, что подходит только II пара (x, y) . Т.е. скорости пешеходов равны 5 и 6 км/ч.

Ответ: 5 и 6 км/ч.

1113. I этап: Пусть x км/ч – плановая скорость, y км/ч – действительная скорость. Тогда: $\frac{96}{x}$ ч и $\frac{96}{y}$ ч – время в пути по плану и т.к. на самом деле велосипедист проехал путь на 2 часа быстрее, то получаем $\frac{96}{x} - \frac{96}{y} = 2$.

y км – проезжал за 1 час на самом деле. $\frac{5x}{4}$ км – предполагал проезжать за 1 час 15 мин. Так как за 1 час он проезжал на 1 км больше, получаем $y - \frac{5x}{4} = 1$.

$$\text{II этап: } \begin{cases} \frac{48}{x} - \frac{48}{y} - 1 = 0 \\ y = 1 + \frac{5x}{4} = \frac{4+5x}{4} \end{cases} \quad \frac{48}{x} - \frac{192}{4+5x} - 1 = 0,$$

$$192 + 240x - 192x - 4x - 5x^2 = 0, 5x^2 - 44x - 192 = 0, D = 76^2,$$

$$x_1 = \frac{44+76}{10} = 12, \quad x_2 = -3,2, \quad y_1 = \frac{4+5 \cdot 12}{4} = 16, \quad y_2 = \frac{4-5 \cdot 3,2}{4} = -3.$$

III этап: Ясно, что подходит только I пара. Значит, на самом деле велосипедист ехал со скоростью 16 км/ч. Ответ: 16 км/ч.

1114. I этап: Пусть x г – серебра было в сплаве. Тогда: $(80+x)$ г – масса сплава. $\frac{80}{80+x} \cdot 100\%$ – содержание золота в сплаве. $80+x+100=(180+x)$ г –

масса нового сплава. $\frac{180}{180+x} \cdot 100\%$ – содержание золота в новом сплаве.

Так как содержание золота в новом сплаве увеличилось на 20%, получаем

$$\frac{180}{180+x} \cdot 100 - \frac{80}{80+x} \cdot 100 = 20.$$

$$\text{II этап: } \frac{180 \cdot 5}{180+x} - \frac{80 \cdot 5}{80+x} - 1 = 0, 900x + 72000 - 72000 - 400x - x^2 - 260x - 14400 = 0,$$

$$x^2 - 240x + 14400 = 0, D = 0, x = \frac{240}{2} = 120.$$

III этап: В сплаве было 120 г серебра. Ответ: 120 г.

1115. I этап: Пусть x кг – первоначальная масса сплава. Тогда:

$$(x-5)\text{кг} – содержание меди. \quad \frac{5}{x} \cdot 100\% – содержание цинка.$$

$$(x+15)\text{кг} – масса нового сплава. \quad \frac{20}{x+15} \cdot 100\% – содержание цинка в новом$$

сплаве. Так как содержание цинка повысилось на 30%, получаем

$$\frac{20}{x+15} \cdot 100 - \frac{5}{x} \cdot 100 = 30.$$

$$\text{II этап: } \frac{200}{x+15} - \frac{500}{x} - 3 = 0, 200x - 50x - 750 - 3x^2 - 45x = 0,$$

$$3x^2 - 105x + 750 = 0, x^2 - 35x + 250 = 0, D = 225, x_1 = \frac{35+15}{2} = 25, x_2 = 10.$$

III этап: В I случае содержание меди в сплаве $25 - 5 = 20$ (кг), а цинка 5 кг. Во II случае меди $10 - 5 = 5$ кг и цинка 5 кг. А в условии говорится, что меди было больше. Значит, подходит только I случай. Т.е. масса сплава равна 25 кг. Ответ: 25 кг.

§ 34. Еще одна формула корней квадратного уравнения

1116.

a) $x^2 - 14x + 33 = 0,$
 $b = -14, \kappa = -7, c = 33,$
 $x_{1,2} = 7 \pm \sqrt{(-7)^2 - 33} = 7 \pm 4,$

$$x_1 = 11, x_2 = 3;$$

b) $x^2 + 12x - 28 = 0,$
 $b = 12, \kappa = 6, c = -28,$
 $x_{1,2} = -6 \pm \sqrt{36 + 28} = -6 \pm 8,$
 $x_1 = 2, x_2 = -14;$

1117.

a) $x^2 + 34x + 280 = 0,$
 $\kappa = 17,$
 $x_{1,2} = -17 \pm \sqrt{289 - 280} = -17 \pm 3,$
 $x_1 = -20, x_2 = -14;$

b) $x^2 - 24x + 108 = 0,$
 $\kappa = -12,$
 $x_{1,2} = 12 \pm \sqrt{144 - 108} = 12 \pm 6,$
 $x_1 = 18, x_2 = 6;$

1118.

a) $9x^2 - 20x - 21 = 0, \kappa = -10,$
 $x_{1,2} = \frac{10 \pm \sqrt{100 + 21 \cdot 9}}{9} = \frac{10 \pm 17}{9}$
 $x_1 = 3, x_2 = -\frac{7}{9}.$

b) $5x^2 + 8x - 4 = 0, \kappa = 4$
 $x_{1,2} = \frac{-4 \pm \sqrt{16 + 20}}{5} = \frac{-4 \pm 6}{5}$
 $x_1 = -2, x_2 = \frac{2}{5}.$

б) $x^2 - 10x - 39 = 0,$
 $b = -10, \kappa = -5, c = -39,$
 $x_{1,2} = 5 \pm \sqrt{(-5)^2 - 39} = 5 \pm 8,$
 $x_1 = 13, x_2 = -3.$

г) $x^2 + 12x + 35 = 0,$
 $b = 12, \kappa = 6, c = 35,$
 $x_{1,2} = -6 \pm \sqrt{36 - 35} = -6 \pm 1,$
 $x_1 = -7, x_2 = -5.$

б) $x^2 - 16x - 132 = 0,$
 $\kappa = -8,$
 $x_{1,2} = 8 \pm \sqrt{64 + 132} = 8 \pm 14,$
 $x_1 = 22, x_2 = -6;$

г) $x^2 + 26x - 120 = 0,$
 $\kappa = 13,$
 $x_{1,2} = -13 \pm \sqrt{169 + 120} = -13 \pm 17,$
 $x_1 = 4, x_2 = -30.$

1119.

I этап: Пусть x см – ширина прямоугольника. Тогда $(x + 30)$ см – длина прямоугольника. Так как площадь прямоугольника равна 675 см^2 , получаем $x(x + 30) = 675$.

II этап: $x^2 + 30x - 675 = 0$, $x_{1,2} = -15 \pm \sqrt{225+675} = -15 \pm 30$, $x_1 = 15$, $x_2 = -45$.

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Значит, 15 см – ширина прямоугольника, $15 + 30 = 45$ (см) – длина. Ответ: 15 и 45 см.

1120. I этап: Пусть x см – первоначальный размер листа. Тогда: $(x - 6)$ см и x см – размеры оставшейся части. Так как площадь оставшейся части равна 135 см^2 , получаем $x(x - 6) = 135$.

II этап: $x^2 - 6x - 135 = 0$, $x_{1,2} = 3 \pm \sqrt{9+135} = 3 \pm 12$, $x_1 = 15$, $x_2 = -9$.

III этап: Ясно, что подходит только I значение, т.е. 15×15 см – первоначальные размеры листа. Ответ: 15×15 см.

1121. I этап: Пусть x – I число. Тогда: $(x + 6)$ – II число. Так как произведение чисел равно 187, получаем $x(x + 6) = 187$.

II этап: $x^2 + 6x - 187 = 0$, $x_{1,2} = -3 \pm \sqrt{9+187} = -3 \pm 14$, $x_1 = 11$, $x_2 = -17$.

III этап: Так как числа натуральные, то подходит только I значение. Т.е. 11 – I число, $11 + 6 = 17$ – II число. Ответ: 11 и 17.

1122. I этап: Пусть x см – ширина прямоугольника. Тогда: $(x + 14)$ см – его длина. Используя теорему Пифагора, найдем диагональ. Её квадрат равен $x^2 + (x + 14)^2$. Так как по условию диагональ равна 34 см, получаем $x^2 + (x + 14)^2 = 34^2$.

II этап: $2x^2 + 28x - 960 = 0$, $x^2 + 14x - 480 = 0$,

$x_{1,2} = -7 \pm \sqrt{49+480} = -7 \pm 23$, $x_1 = 16$, $x_2 = -30$.

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. 16 см – ширина,

$16 + 14 = 30$ (см) – длина. Тогда площадь равна $16 \cdot 30 = 480$ (см^2).

Ответ: 480 см^2 .

1123. I этап: Пусть x км/ч – плановая скорость. Тогда: $\frac{30}{x}$ ч – плановое

время на весь путь. $(x + 10)$ км/ч – реальная скорость. $\frac{30}{x+10}$ ч – реальное

время на весь путь. Так как реальное время на 6 мин. меньше, получаем

$$\frac{30}{x+10} + \frac{1}{10} = \frac{30}{x}.$$

II этап: $\frac{30}{x+10} + \frac{1}{10} - \frac{30}{x} = 0$, $300x + x^2 + 10x - 300x - 3000 = 0$,

$x^2 + 10x - 3000 = 0$, $x_{1,2} = -5 \pm \sqrt{25+3000} = -5 \pm 55$, $x_1 = 50$, $x_2 = -60$.

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. 50 км/ч – первоначальная скорость. Тогда $50 + 10 = 60$ км/ч – действительная скорость.

Ответ: 60 км/ч.

1124.

I этап: Пусть x км/ч – плановая скорость. Тогда: $(x + 6)$ км/ч – действи-

тельная скорость. $\frac{36}{x}$ ч – плановое время на весь путь $\frac{36}{x+6}$ – действитель-

ное время на весь путь. Так как действительное время на 12 мин. меньше,

$$\frac{36}{x+6} + \frac{1}{5} = \frac{36}{x}.$$

II этап: $\frac{36}{x+6} + \frac{1}{5} - \frac{36}{x} = 0$, $180x + x^2 + 6x - 180x - 1080 = 0$,

$$x^2 + 6x - 1080 = 0, x_{1,2} = -3 \pm \sqrt{9+1080} = -3 \pm 33, x_1 = 30, x_2 = -36.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Значит катер шел со скоростью $30 + 6 = 36$ (км/ч). Ответ: 36 км/ч.

1125. I этап: Пусть x км/ч – скорость I автобуса. Тогда: $(x + 4)$ км/ч – скорость II автобуса. $\frac{48}{x}$ ч и $\frac{48}{x+4}$ ч – время в пути I и II автобусов. Так

$$\text{как II автобус приехал на 10 мин. раньше, получаем } \frac{48}{x+4} + \frac{1}{6} = \frac{48}{x}.$$

II этап: $\frac{48}{x+4} + \frac{1}{6} - \frac{48}{x} = 0$, $288x + x^2 + 4x - 288x - 1152 = 0$,

$$x^2 + 4x - 1152 = 0, x_{1,2} = -2 \pm \sqrt{4+1152} = -2 \pm 34, x_1 = 32, x_2 = -36.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Значит, 32 км/ч – скорость I автобуса. Ответ: 32 и 36 км/ч

1126. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда: $(x + 10)$ км/ч – новая скорость. $\frac{195}{x}$ ч и $\frac{195}{x+10}$ ч – время по плану и в действительности на оставшиеся 195 км. Учитывая, что действительное время на 24 мин. меньше, получаем $\frac{195}{x+10} + \frac{2}{5} = \frac{195}{x}$.

II этап: $\frac{195}{x+10} + \frac{2}{5} - \frac{195}{x} = 0$, $975x + 2x^2 + 20x - 975x - 9750 = 0$,

$$x^2 + 10x - 4875 = 0, x_{1,2} = -5 \pm \sqrt{25+4875} = -5 \pm 70, x_1 = 65, x_2 = -75.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. 65 км/ч – первоначальная скорость. Ответ: 65 км/ч.

1127. I этап: Пусть x км/ч – скорость товарного поезда. Тогда: $(x + 20)$ км/ч – скорость скорого поезда. $\frac{400}{x}$ ч и $\frac{400}{x+20}$ ч – время в пути товарного и скорого поездов. Так как время скорого поезда на 1ч меньше, получаем $\frac{400}{x+20} + 1 = \frac{400}{x}$.

II этап: $\frac{400}{x+20} + 1 - \frac{400}{x} = 0$, $400x + x^2 - 400x - 8000 = 0$, $x^2 + 20x - 8000 = 0$,

$$x_{1,2} = -10 \pm \sqrt{100+8000} = -10 \pm 90, x_1 = 80, x_2 = -100.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. 80 км/ч – скорость товарного поезда; $80 + 20 = 100$ (км/ч) – скорость скорого поезда.

Ответ: 80 и 100 км/ч.

1128. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость поезда. Тогда: $(x + 12)$ км/ч – новая скорость. Так как весь путь равен 120 км, его половина равна $\frac{120}{2} = 60$ (км).

$\frac{60}{x}$ ч и $\frac{60}{x+12}$ ч – плановое и действительное время на второй половине

пути. Так как поезд был задержан на 10 мин., получаем $\frac{60}{x+12} + \frac{1}{6} = \frac{60}{x}$.

II этап: $\frac{60}{x+12} + \frac{1}{6} - \frac{60}{x} = 0, 360x + x^2 + 12x - 360x - 4320 = 0,$

$$x^2 + 12x - 4320 = 0, x_{1,2} = -6 \pm \sqrt{36 + 4320} = -6 \pm 66, x_1 = 60, x_2 = -72.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. 60 км/ч – первоначальная скорость. Ответ: 60 км/ч.

1129. I этап: Пусть x км/ч – скорость течения. Тогда: $(20+x)$ км/ч и $(20-x)$ км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{8}{20+x}$ ч и $\frac{16}{20-x}$ ч – время движения по течению и против течения. Так как на весь путь катер затратил $\frac{4}{3}$ ч, получаем $\frac{8}{20+x} + \frac{16}{20-x} = \frac{4}{3}$.

II этап: $\frac{2}{20+x} + \frac{4}{20-x} - \frac{1}{3} = 0, 120 - 6x + 240 + 12x - 400 + x^2 = 0,$

$$x^2 + 6x - 40 = 0, x_{1,2} = -3 \pm \sqrt{9 + 40} = -3 \pm 7, x_1 = 4, x_2 = -10.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Т.е. скорость течения равна 4 км/ч. Значит, $20 + 4 = 24$ (км/ч) – скорость по течению. Ответ: 24 км/ч.

1130. I этап: Пусть x км/ч – скорость течения. Тогда: $(12+x)$ км/ч и $(12-x)$ км/ч – скорость по течению и против течения. $\frac{7}{12+x}$ ч и $\frac{10}{12-x}$ ч – время движения по течению и против течения. Так как катер затратил на путь по течению на 0,5 ч меньше, получаем $\frac{7}{12+x} + \frac{1}{2} = \frac{10}{12-x}$.

II этап: $\frac{7}{12+x} + \frac{1}{2} - \frac{10}{12-x} = 0, 168 - 14x + 144 - x^2 - 240 - 20x = 0,$

$$x^2 + 34 - 72 = 0, x_{1,2} = -17 \pm \sqrt{280 + 72} = -17 \pm 19, x_1 = 2, x_2 = -36.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Значит, $12 - 2 = 10$ (км/ч) – скорость лодки против течения. Ответ: 10 км/ч.

1131. а) $x^2 - 52x - 285 = 0, x_{1,2} = 26 \pm \sqrt{676 + 285} = 26 \pm 31, x_1 = 57, x_2 = -5;$

б) $x^2 + 108x - 2400 = 0, x_{1,2} = -54 \pm \sqrt{2916 + 2400} = -54 \pm \sqrt{5316} = -54 \pm 2\sqrt{1329};$

в) $9x^2 + 30x - 11 = 0,$

$$x_{1,2} = \frac{-15 \pm \sqrt{225 + 99}}{9} = \frac{-15 \pm 18}{9}, x_1 = \frac{1}{3}, x_2 = -\frac{11}{3};$$

$$\text{г) } 8x^2 - 20x + 5 = 0, x_{1,2} = \frac{10 \pm \sqrt{100 - 40}}{8} = \frac{10 \pm \sqrt{60}}{8} = \frac{10 \pm 2\sqrt{15}}{8} = \frac{5 \pm \sqrt{15}}{4}.$$

1132. а) $x^2 - 4\sqrt{3}x + 12 = 0, x_{1,2} = 2\sqrt{3} \pm \sqrt{12 - 12} = 2\sqrt{3};$

б) $x^2 + 2\sqrt{5}x - 20 = 0, x_{1,2} = -\sqrt{5} \pm \sqrt{5 + 20} = -\sqrt{5} \pm 5;$

в) $x^2 + 2\sqrt{2}x + 1 = 0, x_{1,2} = -\sqrt{2} \pm \sqrt{2 - 1} = -\sqrt{2} \pm 1;$

г) $x^2 - 4\sqrt{2}x + 4 = 0, x_{1,2} = 2\sqrt{2} \pm \sqrt{8 - 4} = 2\sqrt{2} \pm 2.$

1133. а) $x^2 - 2(a-1)x + a^2 - 2a - 3 = 0$, $x_{1,2} = a-1 \pm \sqrt{(a-1)^2 - a^2 + 2a + 3} = a - 1 \pm \sqrt{a^2 - 2a + 1 - a^2 + 2a + 3} = a - 1 \pm 2$, $x_1 = a + 1$, $x_2 = a - 3$;

б) $x^2 - 2(a-1)x + a^2 - 2a - 15 = 0$, $x_{1,2} = a - 1 \pm \sqrt{(a-1)^2 - a^2 + 2a + 15} = a - 1 \pm \sqrt{a^2 - 2a + 1 - a^2 + 2a + 15} = a - 1 \pm 4$, $x_1 = a + 3$, $x_2 = a - 5$;

в) $x^2 + 2(a+1)x + a^2 + 2a - 8 = 0$,

$$x_{1,2} = -a - 1 \pm \sqrt{(a+1)^2 - a^2 - 2a + 8} = -a - 1 \pm \sqrt{a^2 + 2a + 1 - a^2 - 2a + 8} = -a - 1 \pm 3$$

$$x_1 = -a + 2, \quad x_2 = -a - 4;$$

г) $x^2 + 2(a+3)x + a^2 + 6a - 7 = 0$, $x_{1,2} = -a - 3 \pm \sqrt{(a+3)^2 - a^2 - 6a + 7} = -a - 3 \pm \sqrt{a^2 + 6a + 9 - a^2 - 6a + 7} = -a - 3 \pm 4$, $x_1 = -a + 1$, $x_2 = -a - 7$.

1134. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда: $(x + 12)$ км/ч – новая скорость. $2x$ км – проехал мотоциклист за 2 ч. $(120 - 2x)$ км – осталось проехать. $\frac{120-2x}{x}$ ч и $\frac{120-2x}{x+12}$ ч – плановое и действительное время движения на оставшейся части. Так как в действительности мотоциклист ехал на 6 мин. меньше, получаем $\frac{120-2x}{x+12} + \frac{1}{10} = \frac{120-2x}{x}$.

II этап: $\frac{120-2x}{x+12} + \frac{1}{10} - \frac{120-2x}{x} = 0$,

$$1200x - 20x^2 + x^2 + 12x - 10(x+12)(120-2x) = 0,$$

$$1200x - 20x^2 + x^2 + 12x - 20x^2 - 960x - 14400 = 0, \quad x^2 + 252x - 14400 = 0,$$

$$x_{1,2} = -126 \pm 174, \quad x_1 = 48, \quad x_2 = -300.$$

III этап: Ясно, что подходит только I значение. Значит, новая скорость равна $48 + 12 = 60$ (км/ч). Ответ: 60 км/ч.

1135. I этап: Пусть x км/ч – первоначальная скорость. Тогда: $(x + 4)$ км/ч – новая скорость. $\frac{40}{x}$ ч – время движения от города до фермы. $2x$ км – проехал за 2 ч. при движении обратно. $(40 - 2x)$ км – осталось проехать до города. $\frac{40-2x}{x+4}$ ч – проехал оставшуюся часть. Так как на обратном пути велосипедист останавливался на 20 мин., получаем $\frac{40}{x} = 2 + \frac{1}{3} + \frac{40-2x}{x+4}$.

II этап: $\frac{40-2x}{x+4} - \frac{40}{x} + \frac{7}{3} = 0, \quad 120x - 6x^2 - 120x - 480 + 7x^2 + 28x = 0$,

$$x^2 + 28x - 480 = 0, \quad x_{1,2} = -14 \pm \sqrt{196 + 480} = -14 \pm 26, \quad x_1 = 12, \quad x_2 = -40.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. Значит, новая скорость равна $12 + 4 = 16$ (км/ч). Ответ: 16 км/ч.

1136. I этап: Пусть x км – расстояние между M и N . y км/ч – плановая скорость. Тогда: $\frac{x}{y}$ ч – время прохождения MN по плану или 5 ч. Получаем $\frac{x}{y} = 5$.

Рассмотри теперь реальное движение. $(x - 100)$ км – осталось проехать до N

после остановки. $(y + 10)$ км/ч – скорость после остановки. $\frac{x-100}{y+10}$ ч – время

движения на оставшейся части. $\frac{x-100}{y}$ ч – проехал бы эту часть по плану.

Так как время задержки составляет 25 мин., получаем $\frac{x-100}{y+10} + \frac{5}{12} = \frac{x-100}{y}$.

$$\text{II этап: } \begin{cases} \frac{x}{y} = 5; \quad x = 5y \\ \frac{x-100}{y+10} + \frac{5}{12} - \frac{x-100}{y} = 0 \end{cases} \quad \frac{5y-100}{y+10} + \frac{5}{12} - \frac{5y-100}{y} = 0,$$

$$\frac{y-20}{y+10} + \frac{1}{12} - \frac{y-20}{y} = 0, \quad 12y^2 - 240y + y^2 + 10y - 12(y+10)(y-20) = 0,$$

$$12y^2 - 240y + y^2 + 10y - 12y^2 + 120y + 2400 = 0, \quad y^2 - 110y + 2400 = 0,$$

$$y_{1,2} = 55 \pm \sqrt{3025 - 2400} = 55 \pm 25, \quad y_1 = 80, \quad y_2 = 30.$$

$$x_1 = 5 \cdot 80 = 400, \quad x_2 = 5 \cdot 30 = 150.$$

III этап: В условии сказано, что 100км это менее половины, значит, MN более 200 км. Т.е. подходит только I пара (x,y) . 400 км – MN . Ответ: 400 км.

1137. I этап: Пусть x дней – работала I бригада. у деревьев – сажала ежедневно I бригада. Тогда: xy (дер.) – посадила всего I бригада. Так как она посадила 270 деревьев, получаем $xy = 270$. $(y - 40)$ дер. – сажала ежедневно II бригада $(x + 2)$ дн. – работала II бригада $(x + 2)(y - 40)$ дер. – всего посадила II бригада. Так как сказано, что она посадила 250 деревьев, получаем $(x + 2)(y - 40) = 250$.

$$\text{II этап: } \begin{cases} xy = 270 \\ (x + 2)(y - 40) = 250 \end{cases}$$

$$xy + 2y - 40x - 80 = 250, \quad 270 + 2y - 40x - 80 = 250, \quad 2y - 40x = 60, \quad y - 20x = 30, \\ y = 30 + 20x, \quad x(30 + 20x) = 270, \quad x(3 + 2x) = 27, \quad 2x^2 + 3x - 27 = 0, \quad D = 225,$$

$$x_1 = \frac{-3+15}{4} = 3, \quad x_2 = -\frac{9}{2}, \quad y_1 = 30 + 20 \cdot 3 = 90, \quad y_2 = 30 - 20 \cdot \frac{9}{2} = -60.$$

III этап: Ясно, что подходит только I пара (x,y) . Т.е. 3дн. – работала I бригада. $3 + 2 = 5$ (дн.) – работала II бригада. Ответ: 3 и 5 дней.

1138. I этап: Пусть x дней – плановый срок выполнения работы в день. $y \text{ м}^3$ – плановая производительность в день. Тогда: xy (м^3) – вся работа, т.е. 2800 м^3 воды. Получаем $xy = 2800$. $(y - 20) \text{ м}^3$ – действительная производительность в день. $(x + 1)$ дней – время работы. $(x + 1)(y - 20) \text{ м}^3$ – объем работы, выполненный за это время. Так как в действительности не выкачали еще 100 м^3 , получаем $(x + 1)(y - 20) = 2800 - 100$.

$$\text{II этап: } \begin{cases} xy = 2800 \\ (x + 1)(y - 20) = 2700 \end{cases} \quad xy + y - 2x - 2 = 2700,$$

$$2800 + y - 20x - 20 = 2700, \quad y - 20x = -80, \quad y = 20x - 80, \quad x(20x - 80) = 2800,$$

$$x(x - 4) = 140, \quad x^2 - 4x - 140 = 0, \quad x_{1,2} = 2 \pm \sqrt{4+140} = 2 \pm 12,$$

$$x_1 = 14, \quad x_2 = -10, \quad y_1 = 20 \cdot 14 - 80 = 200, \quad y_2 = -20 \cdot 10 - 80 = -280.$$

III этап: Ясно, что подходит только I пара (x,y) . Т.е. 14 дней – плановый срок выполнения всей работы. Ответ: 14 дней.

§ 35. Теорема Виета

1139. а) $x^2 - 6x + 11 = 0, x_1 + x_2 = 6, x_1 \cdot x_2 = 11;$

б) $x^2 + 6x - 11 = 0, x_1 + x_2 = -6, x_1 \cdot x_2 = -11;$

в) $x^2 - 11x - 6 = 0, x_1 + x_2 = 11, x_1 \cdot x_2 = -6;$

г) $x^2 + 11x - 6 = 0, x_1 + x_2 = -11, x_1 \cdot x_2 = -6.$

1140. а) $x^2 + 2x - 5 = 0, x_1 + x_2 = -2, x_1 \cdot x_2 = -5;$

б) $x^2 - 15x + 16 = 0, x_1 + x_2 = 15, x_1 \cdot x_2 = 16;$

в) $x^2 - 19x + 1 = 0, x_1 + x_2 = 19, x_1 \cdot x_2 = 1;$

г) $x^2 + 8x + 10 = 0, x_1 + x_2 = -8, x_1 \cdot x_2 = 10.$

1141. а) $2x^2 + 9x - 10 = 0, x_1 + x_2 = -\frac{9}{2} = -4,5, x_1 \cdot x_2 = -\frac{10}{2} = -5;$

б) $5x^2 + 12x + 7 = 0, x_1 + x_2 = -\frac{12}{5}, x_1 \cdot x_2 = \frac{7}{5};$

в) $19x^2 - 23x + 5 = 0, x_1 + x_2 = \frac{23}{19}, x_1 \cdot x_2 = \frac{5}{19};$

г) $3x^2 + 113x - 7 = 0, x_1 + x_2 = -\frac{113}{3}, x_1 \cdot x_2 = -\frac{7}{3}.$

1142.

а) $x^2 - 6 = 0, x_1 + x_2 = 0, x_1 \cdot x_2 = -6; б) 2x^2 + 3x = 0, x_1 + x_2 = -\frac{3}{2}, x_1 \cdot x_2 = 0;$

в) $x^2 + 5x = 0, x_1 + x_2 = -5, x_1 \cdot x_2 = 0; г) 7x^2 - 1 = 0, x_1 + x_2 = 0, x_1 \cdot x_2 = -\frac{1}{7}.$

1143. а) $0,2x^2 - 4x - 1 = 0, x_1 + x_2 = \frac{4}{0,2} = 20, x_1 \cdot x_2 = -\frac{1}{0,2} = -5;$

б) $\sqrt{3}x^2 - 12x - 7\sqrt{3} = 0, x_1 + x_2 = \frac{12}{\sqrt{3}}, x_1 \cdot x_2 = -\frac{-7\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = -7;$

в) $x^2 - \sqrt{5}x + 1 = 0, x_1 + x_2 = \sqrt{5}, x_1 \cdot x_2 = 1;$

г) $\frac{2}{3}x^2 + 2x - 1 = 0, x_1 + x_2 = -\frac{2 \cdot 3}{2} = -3, x_1 \cdot x_2 = -1,5.$

1144. а) $x^2 + 3x + 2 = 0, \begin{cases} x_1 + x_2 = -3 \\ x_1 \cdot x_2 = 2 \end{cases} x_1 = -1, x_2 = -2;$

б) $x^2 - 15x + 14 = 0, \begin{cases} x_1 + x_2 = 15 \\ x_1 \cdot x_2 = 14 \end{cases} x_1 = 1, x_2 = 14;$

в) $x^2 - 19x + 18 = 0, x_1 = 1, x_1 \cdot x_2 = 18, x_2 = 18;$

г) $x^2 + 8x + 7 = 0, x_1 = -1, x_1 \cdot x_2 = 7, x_2 = -7.$

1145. а) $x^2 + 3x - 4 = 0, x_1 = 1, x_1 \cdot x_2 = -4, x_2 = -4;$

б) $x^2 - 12x - 11 = 0, x_1 = -1, x_1 \cdot x_2 = -11, x_2 = 11;$

в) $x^2 - 9x - 10 = 0, x_1 = -1, x_1 \cdot x_2 = -10, x_2 = 10;$

г) $x^2 + 8x - 9 = 0, x_1 = 1, x_1 \cdot x_2 = -9, x_2 = -9.$

1146. а) $x^2 + 9x + 20 = 0, \begin{cases} x_1 + x_2 = -9 \\ x_1 \cdot x_2 = 20 \end{cases} x_1 = -4, x_2 = -5;$

б) $x^2 - 15x + 36 = 0$, $\begin{cases} x_1 + x_2 = 15 \\ x_1 \cdot x_2 = 36 \end{cases}$ $x_1 = 12$, $x_2 = 3$;

в) $x^2 + 5x - 14 = 0$, $\begin{cases} x_1 + x_2 = -5 \\ x_1 \cdot x_2 = -14 \end{cases}$ $x_1 = -7$, $x_2 = 2$;

г) $x^2 - 7x - 30 = 0$, $\begin{cases} x_1 + x_2 = 7 \\ x_1 \cdot x_2 = -30 \end{cases}$ $x_1 = 10$, $x_2 = -3$.

1147.

а) $x_1 = 4$, $x_2 = 2$, $-p = x_1 + x_2 = 4 + 2 = 6$, $p = -6$, $x_1 \cdot x_2 = q = 4 \cdot 2 = 8$, $x^2 - 6x + 8 = 0$;

б) $x_1 = 3$, $x_2 = -5$, $-p = 3 - 5 = -2$, $p = 2$, $q = x_1 \cdot x_2 = 4 \cdot (-5) = -15$, $x^2 + 2x - 15 = 0$;

в) $x_1 = -8$, $x_2 = 1$, $-p = -8 + 1 = -7$, $p = 7$, $q = -8 \cdot 1 = -8$, $x^2 + 7x - 8 = 0$;

г) $x_1 = -6$, $x_2 = -2$, $-p = -8 - 2 = -8$, $p = 8$, $q = -6 \cdot (-2) = 12$, $x^2 + 8x + 12 = 0$.

1148.

а) $x_1 = 2,5$, $x_2 = -2$, $-p = x_1 + x_2 = 2,5 - 2 = 0,5$, $p = -0,5$, $q = 2,5 \cdot (-2) = -5$, $x^2 - 0,5x - 5 = 0$;

б) $x_1 = \frac{2}{3}$, $x_2 = -1\frac{1}{2}$, $-p = \frac{2}{3} - \frac{3}{2} = -\frac{5}{6}$, $p = \frac{5}{6}$, $q = -\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{2} = -1$, $x^2 + \frac{5}{6}x - 1 = 0$;

в) $x_1 = -2,4$, $x_2 = -1,5$, $-p = -2,4 - 1,5 = -3,9$, $p = 3,9$, $q = 2,4 \cdot 1,5 = 3,6$,
 $x^2 + 3,9x + 3,6 = 0$;

г) $x_1 = \frac{3}{5}$, $x_2 = -1\frac{2}{3}$, $-p = \frac{3}{5} - \frac{5}{3} = -\frac{16}{15}$, $p = \frac{16}{15}$, $q = -\frac{3}{5} \cdot \frac{5}{3} = -1$, $x^2 - \frac{16}{15}x - 1 = 0$.

1149.

$x^2 + bx - 8 = 0$, $D = b^2 + 4 \cdot 8 = b^2 + 32$, $D > 0$ для любого b . Значит, это уравнение не может не иметь корней, и не может не иметь равные корни.

$\begin{cases} x_1 + x_2 = -b \\ x_1 \cdot x_2 = -8 \end{cases}$ т.к. $x_1 \cdot x_2 = -8 < 0$ для любого b , то уравнение всегда имеет

два корня разных знаков.

1150. $ax^2 + bx + c = 0$, x_1 , x_2 – корни.

а) $a = 2$, $x_1 = 3$, $x_2 = -0,5$, $\begin{cases} 3 - 0,5 = -\frac{b}{2}; & 2,5 = -\frac{b}{2}; b = -5 \\ 3 \cdot (-0,5) = \frac{c}{2}; & -\frac{3}{2} = \frac{c}{2}; c = -3 \end{cases}$

б) $b = -1$, $x_1 = 3$, $x_2 = -4$; $\begin{cases} 3 - 4 = \frac{1}{a}; & -1 = \frac{1}{a}; a = -1 \\ 3 \cdot (-4) = \frac{c}{a}; & -12 = \frac{c}{a}; c = 12 \end{cases}$

в) $c = 4$, $x_1 = -2$, $x_2 = -0,25$; $\begin{cases} -2 - 0,25 = -\frac{b}{a}; & -2,25 = -\frac{b}{8}; b = 10 \\ -2 \cdot (-0,25) = \frac{4}{a}; & 0,5 = \frac{4}{a}; a = 8 \end{cases}$

г) $b = 6$, $x_1 = 3$, $x_2 = -4$; $\begin{cases} 3 - 4 = -\frac{6}{a}; & -1 = -\frac{6}{a}; a = 6 \\ 3 \cdot (-4) = \frac{c}{a}; & -12 = \frac{c}{6}; c = -72 \end{cases}$

1151. $x^2 + (p^2 + 4p - 5)x - p = 0$, $x_1 + x_2 = 0$, $x_1 \cdot x_2 = -p^2 - 4p + 5 = 0$,

$$p^2 + 4p - 5 = 0, D = 16 + 4 \cdot 5 = 36, p_1 = \frac{-4+6}{2} = 1, p_2 = -5.$$

1152. $x^2 + 3x + (p^2 - 7p + 12) = 0$, $x_1 \cdot x_2 = 0$, $x_1 \cdot x_2 = p^2 - 7p + 12 = 0$,

$$p^2 - 7p + 12 = 0, D = 49 - 4 \cdot 12 = 1, p_1 = \frac{7+1}{2} = 4, p_2 = 3.$$

1153. a) $x^2 - 12x + 24$, $x^2 - 12x + 24 = 0$, $x_{1,2} = 6 \pm \sqrt{36-24} = 6 \pm 2\sqrt{3}$,

$$x^2 - 12x + 24 = (x - 6 - 2\sqrt{3})(x - 6 + 2\sqrt{3});$$

б) $x^2 - 8x + 15$, $x^2 - 8x + 15 = 0$, $x_{1,2} = 4 \pm \sqrt{16-15} = 4 \pm 1$,

$$x_1 = 5, x_2 = 3, x^2 - 8x + 15 = (x - 3)(x - 5);$$

в) $x^2 + 7x + 12$, $x^2 + 7x + 12 = 0$, $\begin{cases} x_1 + x_2 = -7 \\ x_1 \cdot x_2 = 12 \end{cases}$ $x_1 = -4, x_2 = -3$

$$x^2 + 7x + 12 = (x + 4)(x + 3);$$

г) $x^2 + 3x - 10$, $x^2 + 3x - 10 = 0$, $\begin{cases} x_1 + x_2 = -3 \\ x_1 \cdot x_2 = -10 \end{cases}$ $x_1 = -5, x_2 = 2$,

$$x^2 + 3x - 10 = (x + 5)(x - 2).$$

1154. а) $-x^2 + 16x - 15$, $x^2 - 16x + 15 = 0$, $x_1 = 1, x_1 \cdot x_2 = 15, x_2 = 15$,

$$-x^2 + 16x - 15 = -(x - 1)(x - 15) = (1 - x)(x - 15);$$

б) $-x^2 - 8x + 9$, $x^2 + 8x - 9 = 0$, $\begin{cases} x_1 = 1 \\ x_2 \cdot x_1 = -9 \end{cases}$ $x_2 = -9$

$$-x^2 - 8x + 9 = -(x - 1)(x + 9) = (1 - x)(x + 9);$$

в) $-x^2 + 5x - 6$, $x^2 - 5x + 6 = 0$, $\begin{cases} x_1 + x_2 = 5 \\ x_1 \cdot x_2 = 6 \end{cases}$ $x_1 = 2, x_2 = 3$

$$-x^2 + 5x - 6 = -(x - 2)(x - 3) = (2 - x)(3 + x);$$

г) $-x^2 + 7x - 12$, $x^2 - 7x + 12 = 0$, $\begin{cases} x_1 + x_2 = 7 \\ x_1 \cdot x_2 = 12 \end{cases}$ $x_1 = 4, x_2 = 3$

$$-x^2 + 7x - 12 = -(x - 4)(x - 3) = (4 - x)(3 + x).$$

1155. а) $3x^2 + 5x - 2$, $3x^2 + 5x - 2 = 0$, $D = 25 + 4 \cdot 3 \cdot 2 = 49$,

$$x_1 = \frac{-5+7}{6} = \frac{1}{3}; \quad x_2 = -2, \quad 3x^2 + 5x - 2 = 3(x - \frac{1}{3})(x + 2) = (3x - 1)(x + 2);$$

б) $5x^2 + 2x - 3$, $5x^2 + 2x - 3 = 0$, $D = 4 + 4 \cdot 5 \cdot 3 = 64$,

$$x_1 = \frac{-2+8}{10} = \frac{3}{5}, \quad x_2 = -1, \quad 5x^2 + 2x - 3 = 5(x - \frac{3}{5})(x + 1) = (5x - 3)(x + 1);$$

в) $6x^2 + 5x - 1$, $6x^2 + 5x - 1 = 0$, $D = 25 + 4 \cdot 6 = 49$,

$$x_1 = \frac{-5+7}{12} = \frac{1}{6}, \quad x_2 = -1, \quad 6x^2 + 5x - 1 = 6(x + 1)(x - \frac{1}{6}) = (x + 1)(6x - 1);$$

г) $15x^2 - 8x + 1$, $15x^2 - 8x + 1 = 0$, $D = 64 - 60 = 4$,

$$x_1 = \frac{8+2}{30} = \frac{1}{3}, \quad x_2 = \frac{1}{5}, \quad 15x^2 - 8x + 1 = 5 \cdot 3 \cdot (x - \frac{1}{3})(x - \frac{1}{5}) = (3x - 1)(5x - 1).$$

1156. а) $-3x^2 - 8x + 3$, $3x^2 - 8x - 3 = 0$, $D = 64 + 4 \cdot 3 \cdot 3 = 100$,

$$x_1 = \frac{-8+10}{6} = \frac{1}{3}, \quad x_2 = -3,$$

$$-(3x^2 - 8x - 3) = -3(x - \frac{1}{3})(x + 3) = -(3x - 1)(x + 3) = (1 - 3x)(x + 3);$$

$$6) -5x^2 + 6x - 1, \quad 5x^2 - 6x + 1 = 0, \quad D = 36 - 4 \cdot 5 = 16,$$

$$x_1 = \frac{6+4}{10} = 1, \quad x_2 = \frac{1}{5}, \quad -5(x-1)(x-\frac{1}{5}) = (x-1)(1-5x);$$

$$b) -2x^2 + 9x - 4, \quad 2x^2 - 9x + 4 = 0, \quad D = 81 - 4 \cdot 2 \cdot 4 = 49,$$

$$x_1 = \frac{9+7}{4} = 4, \quad x_2 = \frac{1}{2}, \quad -2(x-4)(x-\frac{1}{2}) = (x-4)(1-2x);$$

$$r) -4x^2 - 3x + 85, \quad 4x^2 + 3x - 85 = 0, \quad D = 9 + 4 \cdot 4 \cdot 85 = 37^2,$$

$$x_1 = \frac{-3+37}{8} = \frac{17}{4}, \quad x_2 = -5, \quad -4(x-\frac{17}{4})(x+5) = (17-4x)(x+5).$$

$$1157. a) \frac{3x^2 - 10x + 3}{x^2 - 3x} = \frac{3(x-3)(x-\frac{1}{3})}{x(x-3)} = \frac{3x-1}{x};$$

$$3x^2 - 10x + 3 = 0, \quad D = 100 - 4 \cdot 3 \cdot 3 = 64, \quad x_1 = \frac{10+8}{6} = 3, \quad x_2 = \frac{1}{3};$$

$$6) \frac{x^2 + 7x + 12}{x+4} = \frac{(x+3)(x+4)}{x+4} = x+3;$$

$$D = 49 - 4 \cdot 12 = 1, \quad x_1 = \frac{-7+1}{2} = -3, \quad x_2 = -4;$$

$$b) \frac{5x^2 + x - 4}{x^2 + x} = \frac{5(x-\frac{4}{5})(x+1)}{x(x+1)} = \frac{5x-4}{x},$$

$$D = 1 + 4 \cdot 5 \cdot 4 = 81, \quad x_1 = \frac{-1+9}{10} = \frac{4}{5}, \quad x_2 = -1;$$

$$r) \frac{x+1}{4x^2 + x - 3} = \frac{x+1}{(x+1) \cdot 4(x-\frac{3}{4})} = \frac{1}{4x-3};$$

$$D = 1 + 4 \cdot 4 \cdot 3 = 49, \quad x_1 = \frac{-1+7}{8} = \frac{3}{4}, \quad x_2 = -1.$$

1158.

$$a) \frac{2x^2 + 9x + 7}{x^2 - 1} = \frac{2(x+1)(x+\frac{7}{2})}{(x-1)(x+1)} = \frac{2x+7}{x-1},$$

$$D = 81 - 4 \cdot 2 \cdot 7 = 25, \quad x_1 = \frac{-9+5}{4} = -1, \quad x_2 = -\frac{7}{2},$$

$$6) \frac{9x^2 - 1}{3x^2 - 8x - 3} = \frac{(3x-1)(3x+1)}{3(x-3)(x+\frac{1}{3})} = \frac{3x-1}{x-3};$$

$$D = 64 + 4 \cdot 3 \cdot 3 = 100, \quad x_1 = \frac{8+10}{6} = 3, \quad x_2 = -\frac{1}{3};$$

$$\text{b)} \quad \frac{2x^2 + 7x - 4}{x^2 - 16} = \frac{2(x - \frac{1}{2})(x + 4)}{(x - 4)(x + 4)} = \frac{2x - 1}{x - 4};$$

$$D = 49 + 4 \cdot 2 \cdot 4 = 81, \quad x_1 = \frac{-7+9}{4} = \frac{1}{2}, \quad x_2 = -4;$$

$$\text{r)} \quad \frac{2x^2 + 9x - 5}{4x^2 - 1} = \frac{2(x - \frac{1}{2})(x + 5)}{(2x - 1)(2x + 1)} = \frac{x + 5}{2x + 1};$$

$$D = 81 + 4 \cdot 2 \cdot 5 = 121, \quad x_1 = \frac{-9+11}{4} = \frac{1}{2}, \quad x_2 = -5.$$

1159.

$$\text{a)} \quad \frac{x^2 - 8x + 15}{x^2 + 7x - 30} = \frac{(x - 5)(x - 3)}{(x - 3)(x + 10)} = \frac{x - 5}{x + 10};$$

$$D_1 = 64 - 60 = 4, \quad x_1 = \frac{8+2}{2} = 5, \quad x_2 = 3,$$

$$D_2 = 49 + 4 \cdot 30 = 169, \quad x_1 = \frac{-7+13}{2} = 3, \quad x_2 = -10;$$

$$\text{б)} \quad \frac{6x^2 + 7x - 3}{2 - x - 15x^2} = \frac{6(x - \frac{1}{3})(x + \frac{3}{2})}{-15(x - \frac{1}{3})(x + \frac{2}{5})} = \frac{2(x + \frac{3}{2})}{-5(x + \frac{2}{5})};$$

$$15x^2 + x - 2 = 0,$$

$$D_1 = 49 + 4 \cdot 6 \cdot 3 = 121, \quad x_1 = \frac{-7+11}{12} = \frac{1}{3}, \quad x_2 = -\frac{3}{2},$$

$$D_2 = 1 + 4 \cdot 15 \cdot 2 = 121, \quad x_1 = \frac{-1+11}{30} = \frac{1}{3}, \quad x_2 = -\frac{2}{5};$$

$$\text{в)} \quad \frac{6x^2 - 19x + 13}{2x^2 + 7x - 9} = \frac{6(x - \frac{13}{6})(x - 1)}{2(x - 1)(x + \frac{9}{2})} = \frac{3x - 6,5}{x + 4,5},$$

$$D_1 = 361 - 4 \cdot 6 \cdot 13 = 49, \quad x_1 = \frac{19+7}{12} = \frac{13}{6}, \quad x_2 = 1,$$

$$D_2 = 49 + 4 \cdot 2 \cdot 9 = 121, \quad x_1 = \frac{-7+11}{4} = 1, \quad x_2 = -\frac{18}{4} = -\frac{9}{2};$$

$$\text{г)} \quad \frac{21x^2 + x - 2}{2 + 5x - 3x^2} = \frac{21(x - \frac{6}{21})(x + \frac{1}{3})}{-3(x + \frac{1}{3})(x - 2)} = \frac{21x - 6}{6 - 3x} = \frac{7x - 2}{2 - x}; \quad 3x^2 - 5x - 2 = 0,$$

$$D_1 = 1 + 4 \cdot 21 \cdot 2 = 169, \quad x_1 = \frac{-1+13}{42} = \frac{6}{21}, \quad x_2 = -\frac{1}{3},$$

$$D_2 = 25 + 4 \cdot 3 \cdot 2 = 49, \quad x_1 = \frac{5+7}{6} = 2, \quad x_2 = -\frac{1}{3}.$$

1160.

$$\begin{aligned}
 \text{a) } & \left(\frac{1}{x+2} + \frac{5}{x^2-x-6} + \frac{2x}{x-3} \right) \cdot \frac{x}{2x+1} = \left(\frac{1}{x+2} + \frac{5}{(x+2)(x-3)} + \frac{2x}{x-3} \right) \cdot \frac{x}{2x+1} = \\
 & = \frac{x-3+5+2x^2+4x}{(x+2)(x-3)} \cdot \frac{x}{2x+1} = \frac{2x^2+5x+2}{(x+2)(x-3)} \cdot \frac{x}{2x+1} = \\
 & = \frac{(2x+1)(x+2) \cdot x}{(x+2)(x-3)(2x+1)} = \frac{x}{x-3};
 \end{aligned}$$

$$D_1 = 1 + 4 \cdot 6 = 25, \quad x_1 = \frac{1+5}{2} = 3, \quad x_2 = -2,$$

$$D_2 = 25 - 4 \cdot 2 \cdot 2 = 9, \quad x_1 = \frac{-5+3}{4} = -\frac{1}{2}, \quad x_2 = -2;$$

$$\begin{aligned}
 \text{б) } & \left(\frac{2}{x+1} + \frac{10}{x^2-3x-4} + \frac{3x}{x-4} \right) : \frac{3x+2}{3} = \left(\frac{2}{x+1} + \frac{10}{(x-4)(x+1)} + \frac{3x}{x-4} \right) : \\
 & : \frac{3}{3x+2} = \frac{2x-8+10+3x^2+3x}{(x-4)(x+1)} : \frac{3}{3x+2} = \frac{3x^2+5x+2}{(x-4)(x+1)} : \frac{3}{3x+2} = \\
 & = \frac{(3x+2)(x+1) \cdot 3}{(x-4)(x+1)(3x+2)} = \frac{3}{x-4};
 \end{aligned}$$

$$D_2 = 25 - 4 \cdot 3 \cdot 2 = 1, \quad x_1 = \frac{-5+1}{6} = -\frac{1}{3}, \quad x_2 = -1.$$

1161.

$$\begin{aligned}
 \text{а) } & \left(\frac{3}{x-3} + \frac{4}{x^2-5x+6} + \frac{2x}{x-2} \right) : \frac{2x+1}{3} - \frac{x-12}{3(3-x)} = \\
 & = \left(\frac{3}{x-3} + \frac{4}{(x-3)(x-2)} + \frac{2x}{x-2} \right) \cdot \frac{3}{2x+1} - \frac{x-12}{3(3-x)} = \\
 & = \frac{3x-6+4+2x^2-6x}{(x-3)(x-2)} \cdot \frac{3}{2x+1} - \frac{x-12}{3(3-x)} = \frac{2x^2-3x-2}{(x-3)(x-2)}. \\
 & \cdot \frac{3}{2x+1} - \frac{x-12}{3(3-x)} = \frac{(x-2)(2x+1) \cdot 3}{(2x+1)(x-3)(x-2)} - \frac{x-12}{3(3-x)} = \frac{-9-x+12}{3(3-x)} = \frac{1}{3}; \\
 \text{б) } & \left(\frac{2x}{x+3} + \frac{1}{x-1} - \frac{4}{x^2+2x-3} \right) : \frac{x}{2x+1} + \frac{3}{3+x} = \\
 & = \left(\frac{2x}{x+3} + \frac{1}{x-1} - \frac{4}{(x+3)(x-1)} \right) \cdot \frac{x}{2x+1} + \frac{3}{3+x} = \\
 & = \frac{2x^2-2x+x+3-4}{(x+3)(x-1)} \cdot \frac{x}{2x+1} + \frac{3}{3+x} = \frac{2x^2-x-1}{(x+3)(x-1)} \cdot \frac{x}{2x+1} + \frac{3}{3+x} = \\
 & = \frac{(x-1)(2x+1) \cdot x}{(x+3)(x-1)(2x+1)} + \frac{3}{x+3} = 1.
 \end{aligned}$$

1162. a) $\frac{x^2+1}{x^2-4x+3} + \frac{2}{x-1} = \frac{3}{x-3}$, $\frac{x^2+1}{(x-1)(x-3)} + \frac{2}{x-1} - \frac{3}{x-3} = 0$,
 $\frac{x^2+1+2x-6-3x+3}{(x-1)(x-3)} = 0$, $x^2-x-2=0$, $D=1+4\cdot2=9$, $x_1=\frac{1+3}{2}=2$, $x_2=-1$;

б) $\frac{18}{x-8} = \frac{x^2-7}{x^2-7x-8} - \frac{6}{x+1}$, $\frac{18}{x-8} - \frac{x^2-7}{(x+1)(x-8)} + \frac{6}{x+1} = 0$,
 $\frac{18x+18-x^2+7+6x-48}{(x+1)(x-8)} = 0$, $x^2-24x+23=0$, $x_1=23$, $x_2=1$.

1163. a) $\frac{x^2+4}{x^2-x-2} + \frac{10}{x+1} = \frac{3x}{x-2}$, $\frac{x^2+4}{(x+1)(x-2)} + \frac{10}{x+1} - \frac{3x}{x-2} = 0$,
 $\frac{x^2+4+10x-20-3x^2-3x}{x^2-x-2} = 0$, $2x^2-7x+16=0$, $D=49-4\cdot2\cdot16<0$,

Нет корней;

б) $\frac{6}{4-x} - \frac{3x}{x+2} = \frac{x^2-10}{x^2-2x-8}$, $\frac{x^2-10}{(x-4)(x+2)} + \frac{3x}{x+2} + \frac{6}{x-4} = 0$,
 $\frac{x^2-10+3x^2-12x+6x+12}{(x-4)(x+2)} = 0$, $4x^2-6x+2=0$, $2x^2-3x+1=0$, $x_1=1$, $x_2=\frac{1}{2}$.

1164. a) $\frac{x^2+1}{x^2-3x+2} = \frac{x+3}{x-1} + \frac{2x-4}{x-2}$, $\frac{x^2+1}{(x-1)(x-2)} - \frac{x+3}{x-1} - \frac{2x-4}{x-2} = 0$,
 $x^2+1-(x+3)(x-2)-(2x-4)(x-1)=0$, $x^2+1-x^2-x+6-2x^2+6x-4=0$,
 $2x^2-5x-3=0$, $D=25+4\cdot2\cdot3=49$, $x_1=\frac{5+7}{4}=3$, $x_2=-\frac{1}{2}$;

б) $\frac{2x^2}{x^2-x-6} + \frac{3x+2}{x+2} = \frac{2x+1}{x-3}$, $\frac{2x^2}{(x+2)(x-3)} + \frac{3x+2}{x+2} - \frac{2x+1}{x-3} = 0$,
 $2x^2+3x^2-7x-6-(2x+1)(x+2)=0$, $5x^2-7x-6-2x^2-5x-2=0$,
 $3x^2-12x-8=0$, $D=144+4\cdot3\cdot8=240$, $x_{1,2}=\frac{12\pm4\sqrt{15}}{6}=\frac{6\pm2\sqrt{15}}{3}$.

1165. а) $x^2-88x+780=0$, $x_1+x_2=88$, $x_1\cdot x_2=780$, $x_1=78$, $x_2=10$;

б) $x^2-26x+120=0$, $x_1+x_2=26$, $x_1\cdot x_2=120$, $x_1=20$, $x_2=6$;

в) $x^2-26x+105=0$, $x_1+x_2=26$, $x_1\cdot x_2=105$, $x_1=21$, $x_2=5$;

г) $x^2+35x-114=0$, $x_1+x_2=-35$, $x_1\cdot x_2=-114$, $x_1=-38$, $x_2=3$.

1166. $ax^2+bx+c=0$. $0=a+b+c=a\cdot1^2+b\cdot1+c=0$, т.е. $x=1$

является корнем уравнения $ax^2+bx+c=0$, что и требовалось доказать.

1167. а) $13x^2+18x-31=0$, так как $13+18-31=0$, то $x_1=1$ – корень.

$1\cdot x_2=-\frac{31}{13}$, $x_2=-\frac{31}{13}$;

б) $5x^2-27x+22=0$, так как $5-27+22=0$, то $x_1=1$ – корень.

$x_1\cdot x_2=1\cdot x_2=x_2=\frac{22}{5}$;

в) $6x^2 - 26x + 20 = 0$, так как $6 \cdot -26 + 20 = 0$, то $x_1 = 1$ – корень.

$$x_1 \cdot x_2 = 1 \cdot x_2 = x_2 = \frac{20}{6} = \frac{10}{3};$$

г) $3x^2 + 35x - 38 = 0$, так как $3 + 35 - 38 = 0$, то $x_1 = 1$ – корень.

$$x_1 \cdot x_2 = 1 \cdot x_2 = x_2 = -\frac{38}{3}.$$

1168. $ax^2 + bx + c = 0$, $0 = a - b + c = a \cdot (-1)^2 + b \cdot (-1) + c = 0$, т.е. $x = -1$

является корнем уравнения $ax^2 + bx + c = 0$, что и требовалось доказать.

1169. а) $3x^2 + 18x + 15 = 0$, так как $3 - 18 + 15 = 0$, то $x_1 = -1$ – корень.

$$x_1 \cdot x_2 = -x_2 = \frac{15}{3}, \quad x_2 = -\frac{15}{3} = -5;$$

б) $11x^2 + 17x + 6 = 0$, так как $11 - 17 + 6 = 0$, то $x_1 = -1$ – корень.

$$x_1 \cdot x_2 = -x_2 = \frac{6}{11}, \quad x_2 = -\frac{6}{11};$$

в) $67x^2 - 105x - 172 = 0$, так как $67 + 105 - 172 = 0$, то $x_1 = -1$ – корень.

$$x_1 \cdot x_2 = -x_2 = -\frac{172}{67}, \quad x_2 = \frac{172}{67};$$

г) $14x^2 - 37x - 51 = 0$, так как $14 + 37 - 51 = 0$, то $x_1 = -1$ – корень.

$$x_1 \cdot x_2 = -x_2 = -\frac{51}{14}, \quad x_2 = \frac{51}{14}.$$

1170.

а) $x_1 = \sqrt{2}$, $x_2 = -\sqrt{2}$, $-p = \sqrt{2} - \sqrt{2} = 0$, $p = 0$, $q = \sqrt{2} \cdot (-\sqrt{2}) = -2$,
 $x^2 - 2 = 0$;

б) $x_1 = 3\sqrt{5}$, $x_2 = -3\sqrt{5}$, $-p = 3\sqrt{5} - 3\sqrt{5} = 0$, $p = 0$, $q = 3\sqrt{5} \cdot (-3\sqrt{5}) = -45$,
 $x^2 - 45 = 0$;

в) $x_1 = \sqrt{7}$, $x_2 = -\sqrt{7}$, $-p = \sqrt{7} - \sqrt{7} = 0$, $p = 0$, $q = \sqrt{7} \cdot (-\sqrt{7}) = -7$,
 $x^2 - 7 = 0$;

г) $x_1 = 9\sqrt{2}$, $x_2 = -9\sqrt{2}$, $-p = 9\sqrt{2} - 9\sqrt{2} = 0$, $p = 0$, $q = 9\sqrt{2} \cdot (-9\sqrt{2}) = -162$,
 $x^2 - 162 = 0$.

1171. а) $x_1 = 3 + \sqrt{2}$, $x_2 = 3 - \sqrt{2}$ $-p = 3 + \sqrt{2} + 3 - \sqrt{2} = 6$, $p = -6$

$$q = (3 + \sqrt{2})(3 - \sqrt{2}) = 9 - 2 = 7; \quad x^2 - 6x + 7 = 0$$

$$\text{б)} \quad x_1 = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}, \quad x_2 = \frac{1 - \sqrt{5}}{2}; \quad -p = \frac{1 + \sqrt{5}}{2} + \frac{1 - \sqrt{5}}{2} = 1, \quad p = -1;$$

$$q = \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \cdot \frac{1 - \sqrt{5}}{2} = \frac{1 - 5}{4} = -1; \quad x^2 - x - 1 = 0$$

в) $x_1 = 2 + \sqrt{5}$, $x_2 = 2 - \sqrt{5}$; $-p = 2 + \sqrt{5} + 2 - \sqrt{5} = 4$, $p = -4$;

$$q = (2 + \sqrt{5})(2 - \sqrt{5}) = 4 - 5 = -1; \quad x^2 - 4x - 1 = 0$$

$$\text{г)} \quad x_1 = \frac{-4 - \sqrt{3}}{7}, \quad x_2 = \frac{-4 + \sqrt{3}}{7}; \quad -p = \frac{-4 - \sqrt{3} - 4 + \sqrt{3}}{7} = -\frac{8}{7}, \quad p = \frac{8}{7};$$

$$q = \frac{-4 - \sqrt{3}}{7} \cdot \frac{-4 + \sqrt{3}}{7} = \frac{16 - 3}{49} = \frac{13}{49}; \quad x^2 - \frac{8}{7}x + \frac{13}{49} = 0$$

1172.

- a) $x + 6\sqrt{x} + 8, \sqrt{x} = y, y^2 + 6y + 8, y_1 = -2, y_2 = -4,$
 $x + 6\sqrt{x} + 8 = y^2 + 6y + 8 = (y+2)(y+4) = (\sqrt{x} + 2)(\sqrt{x} + 4);$
6) $x - 7\sqrt{x} - 18, \sqrt{x} = y, y^2 - 7y - 18, y_1 = -2, y_2 = 9,$
 $x - 7\sqrt{x} - 18 = y^2 - 7y - 18 = (y+2)(y-9) = (\sqrt{x} + 2)(\sqrt{x} - 9);$
b) $x - 12\sqrt{x} + 35, \sqrt{x} = y, y^2 - 12y + 35, y_1 = 5, y_2 = 7,$
 $x^2 - 12\sqrt{x} + 35 = y^2 - 12y + 35 = (y-5)(y-7) = (\sqrt{x} - 5)(\sqrt{x} - 7);$
r) $x + 3\sqrt{x} - 40, \sqrt{x} = y, y^2 + 3y - 40, y_1 = -8, y_2 = 5,$
 $x^2 + 3\sqrt{x} - 40 = y^2 + 3y - 40 = (y+8)(y-5) = (\sqrt{x} + 8)(\sqrt{x} - 5).$

1173.

- a) $7x + 23\sqrt{x} + 16, \sqrt{x} = y, 7y^2 + 23y + 16, y_1 = -1, y_2 = -\frac{16}{7},$
 $7x + 23\sqrt{x} + 16 = 7y^2 + 23y + 16 = 7(y+1)(y + \frac{16}{7}) = (\sqrt{x} + 1)(7\sqrt{x} + 16);$
6) $3x^3 - 10x\sqrt{x} + 3, x\sqrt{x} = y, 3y^2 - 10y + 3, y_1 = 3, y_2 = \frac{1}{3},$
 $3x^3 - 10x\sqrt{x} + 3 = 3y^2 - 10y + 3 = 3(y-3)(y - \frac{1}{3}) = (x\sqrt{x} - 3)(3x\sqrt{x} - 1);$
b) $9x + 4\sqrt{x} - 5, \sqrt{x} = y, 9y^2 + 4y - 5, y_1 = -1, y_2 = \frac{5}{9},$
 $9x + 4\sqrt{x} - 5 = 9y^2 + 4y - 5 = 9(y+1)(y - \frac{5}{9}) = (\sqrt{x} + 1)(9\sqrt{x} - 5);$
r) $2x^3 - 5x\sqrt{x} + 2, x\sqrt{x} = y, 2y^2 - 5y + 2, y_1 = 2, y_2 = \frac{1}{2},$
 $2x^3 - 5x\sqrt{x} + 2 = 2y^2 - 5y + 2 = 2(y-2)(y - \frac{1}{2}) = (x\sqrt{x} - 2)(2x\sqrt{x} - 1).$

1174.

- a) $x^4 - 13x^2 + 36, x^2 = y, y^2 - 13y + 36, y_1 = 4, y_2 = 9,$
 $x^4 - 13x^2 + 36 = y^2 - 13y + 36 = (y-4)(y-9) = (x^2 - 4)(x^2 - 9) = (x-2)(x+2)(x-3)(x+3);$
6) $-2x^6 + 9x^3 - 4, x^3 = y, -2y^2 + 9y - 4, y_1 = 4, y_2 = \frac{1}{2},$
 $-2x^6 + 9x^3 - 4 = -2y^2 + 9y - 4 = -2(y-4)(y - \frac{1}{2}) = (4-y)(2y-1) = (4-x^3)(2x^3-1);$
b) $-x^4 + 20x^2 - 64, x^2 = y, -y^2 + 20y - 64, y_1 = 16, y_2 = 4,$
 $-x^4 + 20x^2 - 64 = -y^2 + 20y - 64 = -(y-16)(y-4) = -(16-x^2)(x^2-4) = (4-x)(4+x)(x-2)(x+2);$
r) $15x^6 - 8x^3 + 1, x^3 = y, 15y^2 - 8y + 1, y_1 = \frac{1}{3}, y_2 = \frac{1}{5},$
 $15x^6 - 8x^3 + 1 = 15y^2 - 8y + 1 = 15(y - \frac{1}{3})(y - \frac{1}{5}) =$
 $= (3y-1)(5y-1) = (3x^3-1)(5x^3-1).$

$$1175. \text{a)} \frac{x-5\sqrt{x}-14}{x-2\sqrt{x}-8} = \frac{y^2-5y-14}{y^2-2y-8} = \frac{(y-7)(y+2)}{(y-4)(y+2)} = \frac{\sqrt{x}-7}{\sqrt{x}-4};$$

$$\text{б)} \frac{2x+11\sqrt{x}-6}{x+3\sqrt{x}-18} = \frac{2y^2+11y-6}{y^2+3y-18} = \frac{2(y-\frac{1}{2})(y+6)}{(y+6)(y-3)} = \frac{2\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}-3};$$

$$D = 121 + 4 \cdot 2 \cdot 6 = 169, \quad y_1 = \frac{-11+13}{4} = \frac{1}{2}; \quad y_2 = -6;$$

$$\text{в)} \frac{x^4-10x^2+9}{x^2-2x-3} = \frac{(x^2-1)(x^2-9)}{x^2-2x-3} = \frac{(x-1)(x+1)(x-3)(x+3)}{(x-3)(x+1)} = (x-1)(x+3);$$

$$\text{г)} \frac{x^3-4x}{x^4-3x^2-4} = \frac{x(x^2-4)}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{x}{x^2+1}.$$

$$1176. \text{а)} \frac{x^3+5x^2-4x-20}{x^2+3x-10} = \frac{x^2(x+5)-4(x+5)}{(x+5)(x-2)} = \frac{(x+5)(x-2)(x+2)}{(x+5)(x-2)} = x+2;$$

$$\text{б)} \frac{x^3-2x^2-16x+32}{x^2-6x+8} = \frac{x^2(x-2)-16(x-2)}{(x-4)(x-2)} = \frac{(x-2)(x-4)(x+4)}{(x-2)(x-4)} = x+4;$$

$$\text{в)} \frac{x^3+x^2-4x-4}{x^2+3x+2} = \frac{x^2(x+1)-4(x+1)}{(x+1)(x+2)} = \frac{(x-2)(x+2)(x+1)}{(x+1)(x+2)} = x-2;$$

$$\text{г)} \frac{x^3-3x^2-x+3}{x^2-2x-3} = \frac{x^2(x-3)-(x-3)}{(x-3)(x+1)} = \frac{(x-1)(x+1)(x-3)}{(x-3)(x+1)} = x-1.$$

1177. $x^2 - 9x - 17 = 0 \quad x_1, x_2 - \text{корни}$

$$\text{а)} \quad x_1^2 + x_2^2 = x_1^2 + 2x_1x_2 + x_2^2 - 2x_1 \cdot x_2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = \\ = 9^2 - 2 \cdot (-17) = 81 + 34 = 115;$$

$$\text{б)} \quad x_1^2x_2 + x_1x_2^2 = x_1x_2(x_1 + x_2) = -17 \cdot 9 = -153.$$

1178. $3x^2 + 8x - 1 = 0 \quad x_1, x_2 - \text{корни}$

$$\text{а)} \quad x_1^2 + x_2^2 = x_1^2 + 2x_1x_2 + x_2^2 - 2x_1x_2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = \\ = \left(-\frac{8}{3} \right)^2 - 2 \cdot \left(-\frac{1}{3} \right) = \frac{64}{9} + \frac{6}{9} = \frac{70}{9};$$

$$\text{б)} \quad x_1^2x_2 + x_1x_2^2 = x_1x_2(x_1 + x_2) = -\frac{1}{3} \cdot \left(-\frac{8}{3} \right) = \frac{8}{9}.$$

$$\text{1179. } x^2 - (2p^2 - p - 6)x + (8p - 1) = 0, \quad x_1 + x_2 = -5, \quad x_1 + x_2 = 2p^2 - p - 6 = -5,$$

$$2p^2 - p - 1 = 0, \quad D_1 = 1 + 4 \cdot 2 = 9, \quad p_1 = \frac{1+3}{4} = 1, \quad p_2 = -\frac{1}{2},$$

проверим найденные p_1 и p_2 : если $p = 1$, то $x^2 + 5x + 7 = 0$

$D = 25 - 4 \cdot 7 < 0$, нет корней.

Если $p = -\frac{1}{2}$, то $x^2 - (\frac{1}{2} + \frac{1}{2} - 6)x - 5 = 0, \quad x^2 + 5x - 5 = 0$

$$D = 25 + 4 \cdot 5 > 0, \quad \text{т.е. корни есть. Значит, подходит только } p_2 = -\frac{1}{2}.$$

1180.

$$x^2 - (p+1)x + (2p^2 - 9p - 12) = 0, \quad x_1 \cdot x_2 = -21,$$

$$x_1 \cdot x_2 = 2p^2 - 9p - 12 = -21, \quad 2p^2 - 9p + 9 = 0,$$

$$D_1 = 81 - 4 \cdot 2 \cdot 9 = 9, \quad p_1 = \frac{9+3}{4} = 3, \quad p_2 = \frac{3}{2}.$$

Проверим найденные p_1 и p_2 :

Если $p = 3$, $x^2 - 4x - 21 = 0$, $D = 16 + 4 \cdot 21 > 0$ есть корни.

Если $p = \frac{3}{2}$, $x^2 - 2,5x - 21 = 0$, $D = 6,25 + 4 \cdot 21 > 0$ есть корни.

Значит, оба значения подходят. Ответ: $\frac{3}{2}; 3$.

1181.

$$2px^2 + (p^2 - 9)x - 5p + 2 = 0, \quad x_1 \text{ и } -x_1.$$

Пусть $p = 0$, тогда $-9x + 2 = 0$, $x = \frac{2}{9}$ не подходит.

Пусть $p \neq 0$ $\frac{9-p^2}{2p} = x_1 + x_2 = x_1 - x_1 = 0$, $9 - p^2 = 0$, $p_{1,2} = \pm 3$.

Проверим найденные p_1 и p_2 :

Если $p = 3$, $6x^2 - 13 = 0$ есть корни $x_{1,2} = \pm \sqrt{\frac{13}{6}}$.

Если $p = -3$, $-6x^2 + 17 = 0$ есть корни $x_{1,2} = \pm \sqrt{\frac{17}{6}}$.

Ответ: $\pm \sqrt{\frac{13}{6}}; \pm \sqrt{\frac{17}{6}}$.

1182.

$$2px^2 + 5x + p + 1 = 0, \quad x_1 \text{ и } \frac{1}{x_1}, \quad \frac{p+1}{2p} = x_1 \cdot x_2 = x_1 \cdot \frac{1}{x_1} = 1,$$

$$p + 1 = 2p, \quad p = 1,$$

если $p = 0$, $5x + 1 = 0$, $x = -\frac{1}{5}$ не подходит.

Проверим найденное p .

Если $p = 1$, $2x^2 + 5x + 2 = 0$, $D = 25 - 4 \cdot 2 \cdot 2 = 9 > 0$, есть корни,

$$x_1 = \frac{-5+3}{4} = -\frac{1}{2}, \quad x_2 = -2. \quad \text{Ответ: } -2; -\frac{1}{2}.$$

1183.

$$x^2 + (3p - 5)x + (3p^2 - 11p - 6) = 0, \quad x_1^2 + x_2^2 = 65,$$

$$x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = (3p - 5)^2 - 2(3p^2 - 11p - 6) = 65,$$

$$9p^2 - 30p + 25 - 6p^2 + 22p + 12 - 65 = 0, \quad 3p^2 - 8p - 28 = 0,$$

$$D = 64 + 4 \cdot 3 \cdot 28 = 400, \quad p_1 = \frac{8+20}{6} = \frac{14}{3}, \quad p_2 = -2,$$

проверим найденные p_1 и p_2 : если $p = \frac{14}{3}$, $x^2 + 9x + 8 = 0$,

$D = 81 - 4 \cdot 8 = 49 > 0$ есть корни,

$$x_1 = \frac{-9+7}{2} = -1, \quad x_2 = -8,$$

если $p = -2$, $x^2 - 11x + 28 = 0$, $D = 121 - 4 \cdot 28 = 9 > 0$ есть корни,

$$x_1 = \frac{11+3}{2} = 7, \quad x_2 = 4. \text{ Ответ: } 4, 7 \text{ при } p = -2; -1, -8, \text{ при } p = 4 \frac{2}{3}.$$

1184.

$$2x^2 - 15x + p = 0, \quad x_1 - x_2 = 2,5,$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{15}{2} \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{p}{2} \end{cases} \quad \begin{cases} x_1 - x_2 = 2,5 \\ x_1 = x_2 + \frac{5}{2} \end{cases}$$

$$x_2 + \frac{5}{2} + x_2 = \frac{15}{2}, \quad 2x_2 = 5, \quad x_2 = \frac{5}{2}, \quad x_1 = \frac{5}{2} + \frac{5}{2} = 5,$$

$$5 \cdot \frac{5}{2} = \frac{p}{2}, \quad p = 25.$$

Проверим найденное p :

Если $p = 25$, $2x^2 - 15x + 25 = 0$, $D = 225 - 8 \cdot 25 > 0$ есть корни.

Значит, $p = 25$ – подходит.

Ответ: 2,5 и 5 при $p = 25$.

1185.

$$2x^2 - 14x + p = 0, \quad x_1 = 2,5x_2, \quad \begin{cases} x_1 + x_2 = 7; \quad x_2 = 7 - x_1 \\ x_1 = 2,5x_2 \end{cases}$$

$$x_1 = 2,5(7 - x_1), \quad x_1 = 17,5 - 2,5x_1, \quad 3,5x_1 = 17,5,$$

$$x_1 = 5, \quad x_2 = 7 - 5 = 2, \quad 5 \cdot 2 = x_1 \cdot x_2 = \frac{p}{2}, \quad p = 20.$$

Проверим найденное p :

Если $p = 20$, $2x^2 - 14x + 20 = 0$, $D = 196 - 4 \cdot 2 \cdot 20 > 0$, есть корни.

Значит, $p = 20$ – подходит.

Ответ: 5 и 2 при $p = 20$.

1186.

$$\text{a) } \frac{x+12}{x^3-9x} \cdot \left(\frac{x-3}{2x^2+5x-3} - \frac{9}{9-x^2} \right) = \frac{x+12}{x(x-3)(x+3)} \cdot \left(\frac{x-3}{(x+3)(2x-1)} + \frac{9}{(x-3)(x+3)} \right) =$$

$$= \frac{x+12}{x(x-3)(x+3)} \cdot \frac{x^2-6x+9+18x-9}{(x+3)(x-3)(2x-1)} = \frac{x+12}{x(x-3)(x+3)} \cdot \frac{(x+3)(x-3)(2x-1)}{x(x+12)} = \frac{2x-1}{x^2};$$

$$\text{б) } \left(\frac{3a-1}{a^2-4} - \frac{9a}{3a^2+5a-2} \right) \cdot \frac{15a^3-60a}{12a+1} = \left(\frac{3a-1}{(a-2)(a+2)} - \frac{9a}{(a+2)(3a-1)} \right) \cdot$$

$$\frac{15a(a^2-4)}{12a+1} = \frac{9a^2-6a+1-9a+18a}{(a-2)(a+2)(3a-1)} \cdot \frac{15a(a-2)(a+2)}{12a+1} = \frac{15a}{3a-1}.$$

1187.

$$\text{a) } \left(\frac{4}{5a^2+a-4} - \frac{a+1}{9(5a-4)} \right) \cdot \frac{15a-12}{a+7} = \left(\frac{4}{(a+1)(5a-4)} - \frac{a+1}{9(5a-4)} \right) \cdot$$

$$\cdot \frac{15a-12}{a+7} = \frac{36-a^2-2a-1}{9(5a-4)(a+1)} \cdot \frac{3(5a-4)}{a+7} = -\frac{a^2+2a-35}{3(a+1)(a+7)} =$$

$$= -\frac{(a-5)(a+7)}{3(a+1)(a+7)} = \frac{5-a}{3(a+1)};$$

$$\text{б) } \frac{5(a+4)}{a-1} \cdot \left(\frac{9(a-1)}{3a+4} - \frac{(2a-7)^2}{3a^2+a-4} \right) = \frac{5(a+4)}{a-1} \cdot \left(\frac{9(a-1)}{3a+4} - \frac{(2a-7)^2}{(a-1)(3a+4)} \right) =$$

$$= \frac{5(a+4)}{a-1} \cdot \frac{(a-1)(3a+4)}{9(a-1)^2 - (2a-7)^2} = \frac{5(a+4)(3a+4)}{(3a-3-2a+7)(3a-3+2a-7)} =$$

$$= \frac{5(3a+4)}{5a-10} = \frac{3a+4}{a-2}.$$

1188.

$$\text{а) } \frac{x^2}{x^2-7x+10} + \frac{16}{3x^2-12} = 1, \quad \frac{x^2}{(x-5)(x-2)} + \frac{16}{3(x-2)(x+2)} - 1 = 0,$$

$$\frac{3x^2}{(x-5)(x-2)} + \frac{16}{(x-2)(x+2)} - 3 = 0,$$

$$3x^3 + 6x^2 + 16x - 80 - 3(x^2 - 4)(x - 5) = 0,$$

$$3x^3 + 6x^2 + 16x - 80 - 3x^3 + 12x + 15x^2 - 60 = 0, \quad 21x^2 + 28x - 140 = 0,$$

$$3x^2 + 4x - 20 = 0, \quad D = 16 + 4 \cdot 3 \cdot 20 = 256,$$

$$x_1 = \frac{-4+16}{6} = 2 \text{ - посторонний корень.} \quad x_2 = -\frac{5}{3}. \quad \text{Ответ: } -\frac{5}{3}.$$

$$\text{б) } \frac{2x^2}{2x^2+x-3} - \frac{8}{2x^2-3x-9} = 1, \quad \frac{2x^2}{(x-1)(2x+3)} - \frac{8}{(x-3)(2x+3)} - 1 = 0,$$

$$2x^3 - 6x^2 - 8x + 8 - (x^2 - 4x + 3)(2x + 3) = 0,$$

$$2x^3 - 6x^2 - 8x + 8 - (2x^2 - 8x^2 + 6x + 3x^2 - 12x + 9) = 0, \quad -x^2 - 2x - 1 = 0,$$

$$x^2 + 2x + 1 = 0, \quad x = -1. \quad \text{Ответ: } -1.$$

1189.

$$\text{а) } \frac{10x+5}{21x-14} - \frac{x-1}{2x+3} = \frac{21}{6x^2+5x-6}, \quad \frac{21}{(3x-2)(2x+3)} + \frac{x-1}{2x+3} - \frac{10x+5}{7(3x-2)} = 0,$$

$$147 + 7(x-1)(3x-2) - (10x+5)(2x+3) = 0,$$

$$147 + 21x^2 - 35x + 14 - 20x^2 - 40x - 15 = 0, \quad x^2 - 75x + 146 = 0,$$

$$x_1 = 2, \quad x_2 = 73;$$

$$\text{б) } \frac{4}{6x^2-13x+6} + \frac{x-2}{6x-4} = \frac{2x+1}{10x-15}, \quad \frac{4}{(2x-3)(3x-2)} + \frac{x-2}{2(3x-2)} - \frac{2x+1}{5(2x-3)} = 0,$$

$$40 + 5(x-2)(2x-3) - 2(3x-2)(2x+1) = 0,$$

$$40 + 10x^2 - 35x + 30 - 12x^2 + 2x + 4 = 0,$$

$$2x^2 + 33x - 74 = 0,$$

$$x_1 = 2, \quad x_2 = -18,5.$$

1190.

a) $\frac{x-1}{x^2-2x-3} + \frac{x+3}{x^2-2x-8} = \frac{4x-1}{2x^2-6x-8},$
 $\frac{x-1}{(x-3)(x+1)} + \frac{x+3}{(x-4)(x+2)} - \frac{4x-1}{2(x-4)(x+1)} = 0,$
 $2(x-1)(x-4)(x+2) + 2(x+3)(x-3)(x+1) - (4x-1)(x-3)(x+2) = 0,$
 $2(x-1)(x^2-2x-8) + 2(x+1)(x^2-9) - (4x-1)(x^2-x-6) = 0,$
 $2(x^3-x^2-2x^2+2x-8x+8) + 2(x^3+x^2-9x-9) - (4x^3-x^2-4x^2+x-24x+6) = 0,$
 $-6x^2-12x+16+2x^2-18x-18+5x^2+23x-6=0, \quad x^2-7x-8=0,$
 $x_1=8, \quad x_2=-1 - \text{посторонний корень. Ответ: } 8.$
b) $\frac{2}{2x^2-x-1} + \frac{x}{x^2-x-2} = \frac{3x+1}{3x^2-3},$
 $\frac{2}{(x-1)(2x+1)} + \frac{x}{(x-2)(x+1)} - \frac{3x+1}{3(x-1)(x+1)} = 0,$
 $6(x+1)(x-2) + 3x(x-1)(2x+1) - (3x+1)(2x+1)(x-2) = 0,$
 $6(x^2-x-2) + 3x(2x^2-x-1) - (3x+1)(2x^2-3x-2) = 0,$
 $6x^2-6x-12+6x^3-3x^2-3x-6x^3-2x^2+9x^2+3x+6x+2=0,$
 $13x^2-10=0 \quad x^2=\frac{10}{13} \quad x_{1,2}=\pm\sqrt{\frac{10}{13}}.$

§ 36. Иррациональные уравнения

1191.

a) $\sqrt{x+2}=3; \quad x+2=3^2; \quad x=7;$
b) $\sqrt{4x+1}=3; \quad 4x+1=9; \quad 4x=8; \quad x=2;$
в) $\sqrt{x-5}=9; \quad x-5=81; \quad x=86;$
г) $\sqrt{7x-1}=3; \quad 7x-1=9; \quad 7x=10; \quad x=\frac{10}{7}.$

1192.

a) $\sqrt{x^2-1}=2; \quad x^2-1=4; \quad x^2=5; \quad x_{1,2}=\pm\sqrt{5};$
б) $\sqrt{4x^2+5}=3; \quad 4x^2+5=9; \quad 4x^2=4; \quad x_{1,2}=\pm 1;$
в) $\sqrt{3-2x^2}=1; \quad 3-2x^2=1; \quad 2x^2=2; \quad x_{1,2}=\pm 1;$
г) $\sqrt{6+5x^2}=2; \quad 6+5x^2=4; \quad 5x^2=-2; \quad \text{нет корней}$

1193.

a) $\sqrt{4x^2+5x-2}=2; \quad 4x^2+5x-2=4; \quad 4x^2+5x-6=0;$
 $D=25+4\cdot4\cdot6=121; \quad x_1=\frac{-5+11}{8}=\frac{3}{4}; \quad x_2=-2;$
б) $\sqrt{23x-14-3x^2}=0; \quad 3x^2-23x+14=0; \quad 4x^2+5x-6=0;$
 $D=529-4\cdot3\cdot14=361; \quad x_1=\frac{23+19}{6}=7; \quad x_2=\frac{2}{3};$

в) $\sqrt{23+3x-5x^2} = 3; \quad 23 + 3x - 5x^2 = 9; \quad 5x^2 - 3x - 14 = 0;$

$$D = 9 + 4 \cdot 5 \cdot 14 = 289; \quad x_1 = \frac{3+17}{10} = 2; \quad x_2 = \frac{3-17}{10} = -1,4;$$

г) $\sqrt{5x^2+22x-15} = 0; \quad 5x^2 + 22x - 15 = 0; \quad D = 484 + 20 \cdot 15 = 784;$

$$x_1 = \frac{-22+28}{10} = 0,6; \quad x_2 = -5.$$

1194.

а) $\sqrt{\frac{2x+3}{x-1}} = 1; \quad \frac{2x+3}{x-1} = 1; \quad 2x+3 = x-1; \quad x = -4;$

б) $\sqrt{\frac{5x-1}{x+3}} = 2; \quad \frac{5x-1}{x+3} = 4; \quad 5x-1 = 4x+12; \quad x = 13;$

в) $\sqrt{\frac{x+5}{4x-1}} = 4; \quad \frac{x+5}{4x-1} = 16; \quad x+5 = 64x-16; \quad 63x = 21; \quad x = \frac{1}{3};$

г) $\sqrt{\frac{x+2}{3x-6}} = 3; \quad \frac{x+2}{3x-6} = 9; \quad x+2 = 27x-54; \quad 26x = 56; \quad x = \frac{28}{13}.$

1195.

а) $\sqrt{5-x} + 2 = 0, \quad \sqrt{5-x} = -2$, нет корней, т.к. квадратный корень принимает лишь неотрицательные значения;

б) $\sqrt{x-4} + \sqrt{x^2-3} = 0$, так как квадратный корень всегда ≥ 0 , то

$$\begin{cases} \sqrt{x-4} = 0; & x = 4 \\ \sqrt{x^2-3} = 0; & x = \pm\sqrt{3} \end{cases}$$

Система не имеет решений.

в) $\sqrt{3x-1} + 1 = 0, \quad \sqrt{3x-1} = -1$ – нет корней, аналогично пункту а);

г) $\sqrt{x-8} + 3 = \sqrt{7-x}$, т.к. квадратный корень имеет смысл только неотрицательных выражений: $\begin{cases} x-8 \geq 0; & x \geq 8 \\ 7-x \geq 0; & x \leq 7 \end{cases}$ – система не имеет решений.

1196.

а) $\sqrt{2x-5} = \sqrt{4x-7}, \quad 2x-5 = 4x-7, \quad 2x = 2, \quad x = 1.$

Проверка: $\sqrt{2x-5} = \sqrt{4x-7}; \quad \sqrt{-3} = \sqrt{-3}$ – не имеет смысла.

Ответ: нет корней;

б) $\sqrt{7x-4} = \sqrt{5x+2}, \quad 7x-4 = 5x+2, \quad 2x = 6, \quad x = 3.$

Проверка: $\sqrt{21-4} = \sqrt{15+2}$ – верно.

Ответ: 3;

в) $\sqrt{3x+4} = \sqrt{5x+2}, \quad 3x+4 = 5x+2, \quad 2x = 2, \quad x = 1.$

Проверка: $\sqrt{3+4} = \sqrt{5+2}$ – верно.

Ответ: 1;

г) $\sqrt{3x+1} = \sqrt{2x-3}, \quad 3x+1 = 2x-3, \quad x = -4.$

Проверка: $\sqrt{-12+1} = \sqrt{-8-3}$ – не имеет смысла.

Ответ: нет корней.

1197.

- a) $x - 6\sqrt{x} + 8 = 0$; $\sqrt{x} = y$, $y^2 - 6y + 8 = 0$; $y_1 = 4$, $y_2 = 2$;
 $\sqrt{x} = 4$, $\sqrt{x} = 2$; $x_1 = 16$ $x_2 = 4$;
- б) $x - 5\sqrt{x} + 6 = 0$; $\sqrt{x} = y$, $y^2 - 5y + 6 = 0$; $y_1 = 2$, $y_2 = 3$;
 $\sqrt{x} = 2$, $\sqrt{x} = 3$; $x_1 = 4$ $x_2 = 9$;
- в) $x - 7\sqrt{x} + 12 = 0$; $\sqrt{x} = y$, $y^2 - 7y + 12 = 0$; $y_1 = 3$, $y_2 = 4$;
 $\sqrt{x} = 3$, $\sqrt{x} = 4$; $x_1 = 9$ $x_2 = 16$
- г) $x - 3\sqrt{x} + 2 = 0$; $\sqrt{x} = y$, $y^2 - 3y + 2 = 0$; $y_1 = 2$, $y_2 = 1$;
 $\sqrt{x} = 2$, $\sqrt{x} = 1$; $x_1 = 4$, $x_2 = 1$.

1198.

- а) $x + \sqrt{x} = 30$, $\sqrt{x} = y$, $y^2 + y - 30 = 0$, $y_1 = 5$, $y_2 = -6$,
 $\sqrt{x} = 5$, $\sqrt{x} = -6$ – нет корней. $x = 25$. Ответ: 25.
- б) $x - 4\sqrt{x} - 12 = 0$, $\sqrt{x} = y$, $y^2 - 4y - 12 = 0$, $y_1 = 6$, $y_2 = -2$,
 $\sqrt{x} = 6$, $\sqrt{x} = -2$ – нет корней. $x = 36$. Ответ: 36.
- в) $x + \sqrt{x} = 12$, $\sqrt{x} = y$, $y^2 + y - 12 = 0$, $y_1 = -4$, $y_2 = 3$,
 $\sqrt{x} = 3$, $\sqrt{x} = -4$ – нет корней. $x = 9$. Ответ: 9.
- г) $x - 3\sqrt{x} - 18 = 0$, $\sqrt{x} = y$, $y^2 - 3y - 18 = 0$, $y_1 = 6$, $y_2 = -3$,
 $\sqrt{x} = 6$, $\sqrt{x} = -3$ – нет корней. $x = 36$. Ответ: 36.

1199.

- а) $\sqrt{x} - \frac{20}{\sqrt{x}} = 1$, $\sqrt{x} = y$, $y - \frac{20}{y} - 1 = 0$, $y^2 - y - 20 = 0$,
 $y_1 = 5$, $y_2 = -4$, $\sqrt{x} = 5$, $\sqrt{x} = -4$ – нет корней.
 $x = 25$. Ответ: 25.
- б) $\sqrt{x} + 3 = \frac{18}{\sqrt{x}}$, $\sqrt{x} = y$, $y + 3 - \frac{18}{y} = 0$, $y^2 + 3y - 18 = 0$,
 $y_1 = -6$, $y_2 = 3$, $\sqrt{x} = -6$ – нет корней; $\sqrt{x} = 3$, $x = 9$. Ответ: 9.
- в) $\sqrt{x} - \frac{6}{\sqrt{x}} = 1$, $\sqrt{x} = y$, $y - \frac{6}{y} - 1 = 0$, $y^2 - y - 6 = 0$,
 $y_1 = 3$, $y_2 = -2$, $\sqrt{x} = 3$, $\sqrt{x} = -2$ – нет корней. $x = 9$. Ответ: 9.
- г) $\sqrt{x} + 4 = \frac{32}{\sqrt{x}}$, $\sqrt{x} = y$, $y + 4 - \frac{32}{y} = 0$, $y^2 + 4y - 32 = 0$,
 $y_1 = -8$, $y_2 = 4$, $\sqrt{x} = -8$ – нет корней; $\sqrt{x} = 4$, $x = 16$. Ответ: 16.

1200.

- а) $(5x - 1) + \sqrt{5x-1} = 12$, $\sqrt{5x-1} = y$, $y^2 + y - 12 = 0$, $y_1 = -4$, $y_2 = 3$,
 $\sqrt{5x-1} = -4$ – нет корней; $\sqrt{5x-1} = 3$, $5x - 1 = 9$, $x = 2$. Ответ: 2.
- б) $2x + 3 + \sqrt{2x+3} = 2$, $\sqrt{2x+3} = y$, $y^2 + y - 2 = 0$, $y_1 = -2$, $y_2 = 1$,
 $\sqrt{2x+3} = -2$ – нет корней; $\sqrt{2x+3} = 1$, $2x + 3 = 1$,
 $x = -1$. Ответ: -1.

в) $(7x + 4) - \sqrt{7x+4} = 42$, $\sqrt{7x+4} = y$, $y^2 - y - 42 = 0$,

$y_1 = 7$, $y_2 = -6$, $\sqrt{7x+4} = 7$, $\sqrt{7x+4} = -6$ – нет корней;

$7x + 4 = 49$, $x = \frac{45}{7}$. Ответ: $\frac{45}{7}$.

г) $(12x - 1) + \sqrt{12x-1} = 6$, $\sqrt{12x-1} = y$, $y^2 + y - 6 = 0$, $y_1 = 2$, $y_2 = -3$,

$\sqrt{12x-1} = 2$, $\sqrt{12x-1} = -3$ – нет корней; $12x - 1 = 4$,

$x = \frac{5}{12}$. Ответ: $\frac{5}{12}$.

1201.

а) $\sqrt{7-3x} = x + 7$, $7 - 3x = x^2 + 14x + 49$, $x^2 + 17x + 42 = 0$,

$x_1 = -3$, $x_2 = -14$.

Проверка: $x_1 = -3$, $\sqrt{7+9} = 7 - 3$ – верно.

$x_2 = -14$, $\sqrt{7+3\cdot14} = -14 + 7$ – ложно. Ответ: -3 .

б) $\sqrt{3-x} = 3x + 5$, $3 - x = 9x^2 + 25 + 30x$, $9x^2 + 31x + 22 = 0$, $D = 169$,

$x_1 = \frac{-31+13}{18} = -1$, $x_2 = -\frac{44}{18} = -\frac{22}{9}$.

Проверка: $x_1 = -1$, $\sqrt{3+1} = 5 - 3$ – верно.

$x_2 = -\frac{22}{9}$, $\sqrt{3+\frac{22}{9}} = -\frac{22}{3} + 5$ – ложно. Ответ: -1 .

в) $\sqrt{15+3x} = 1 - x$, $15 + 3x = 1 - 2x + x^2$, $x^2 - 5x - 14 = 0$,

$x_1 = 7$, $x_2 = -2$.

Проверка: $x_1 = 7$, $\sqrt{15+21} = 1 - 7$ – ложно.

$x_2 = -2$, $\sqrt{15-6} = 1 + 3$ – верно. Ответ: -2 .

г) $\sqrt{34-5x} = 7 - 2x$, $34 - 5x = 49 + 4x^2 - 28x$, $4x^2 - 23x + 15 = 0$,

$D = 289$, $x_1 = 5$, $x_2 = \frac{3}{4}$,

Проверка: $x_1 = 5$, $\sqrt{34-25} = 7 - 10$ – ложно.

$x_2 = \frac{3}{4}$, $\sqrt{34-5\cdot\frac{3}{4}} = 7 - 2 \cdot \frac{3}{4}$ – верно. Ответ: $\frac{3}{4}$.

1202.

а) $\sqrt{8-2x} = x$, $8 - 2x = x^2$, $x^2 + 2x - 8 = 0$, $x_1 = -4$, $x_2 = 2$.

Проверка: $x_1 = -4$, $\sqrt{8+8} = -4$ – ложно.

$x_2 = 2$, $\sqrt{8-4} = 2$ – верно. Ответ: 2 .

б) $\sqrt{5-x} = x + 15$, $5 - x = x^2 + 30x + 225$, $x^2 + 31x + 220 = 0$,

$D = 81$, $x_1 = \frac{-31+9}{2} = -11$, $x_2 = -20$

Проверка: $x_1 = -11$, $\sqrt{5+11} = -11 + 15$ – верно.

$x_2 = -20$, $\sqrt{5+20} = -20 + 15$ – ложно.

Ответ: -11 .

в) $\sqrt{3+2x} = x - 6$, $3 + 2x = x^2 - 12x + 36$, $x^2 - 14x + 33 = 0$,
 $x_1 = 11$, $x_2 = 3$.

Проверка: $x_1 = 11$, $\sqrt{3+22} = 11 - 6$ – верно.

$x_2 = 3$, $\sqrt{3+6} = 3 - 6$ – ложно. Ответ: 11.

г) $\sqrt{1-5x} = 7 + x$, $1 - 5x = 49 + 14x + x^2$, $x^2 + 19x + 48 = 0$,
 $x_1 = -16$, $x_2 = -3$.

Проверка: $x_1 = -16$, $\sqrt{1+80} = 7 - 16$ – ложно.

$x_2 = -3$, $\sqrt{1+15} = 7 - 3$ – верно. Ответ: -3.

1203.

а) $\sqrt{x+1} = 2$ и $x - 2 = 1$; $x = 3$, $\sqrt{3+1} = 2$, $2 = 2$ – значит,
 $x = 3$ – общий корень, т.е. уравнения равносильны;

б) $\sqrt{2x+1} = 3$ и $x^2 = 16$; $x_1 = 4$, $x_2 = -4$, $x_2 = -4$ не является корнем I уравнения. Значит, уравнения не равносильны;

в) $\sqrt{5-x} = 3$ и $x^2 = 16$; $x_1 = 4$, $x_2 = -4$, $x_1 = 4$ не является корнем I уравнения. Значит, нет.

г) $\sqrt{3x+4} = 5$ и $2(x-3) = 15 - x$; $2x - 6 = 15 - x$, $3x = 21$, $x = 7$,

$\sqrt{3 \cdot 7 + 4} = 5$ – верно. Т.е. уравнения равносильны.

1204.

а) $\sqrt{x+1} = 3$ и $x^2 - 7x - 8 = 0$; $x + 1 = 9$,
I уравнение имеет 1 корень, а II – 2 корня. Значит, нет;

б) $\sqrt{x} = x - 2$ и $x^2 = 5x - 4$; $x^2 - 5x + 4 = 0$, $x_1 = 4$, $x_2 = 1$,
 $x_2 = 1$ – не является корнем I уравнения. Значит, нет;

в) $\sqrt{7-x} = -2$ – нет корней и $x^2 + 4x + 8 = 0$,
 $D = 16 - 4 \cdot 8 < 0$ – нет корней. Значит, да;

г) $\sqrt{4x+1} = x - 1$ и $x^2 - 12x + 36 = 0$; $x = 6$, $4x + 1 = x^2 - 2x + 1$,
 $x^2 - 6x = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 6$, $x_1 = 0$ – посторонний корень. Т.е.
уравнения равносильны.

1205.

а) $\sqrt{4x+3} = \sqrt{4x^2 + 5x - 2}$, $4x + 3 = 4x^2 + 5x - 2$, $4x^2 + x - 5 = 0$,

$$D = 1 + 4 \cdot 5 \cdot 4 = 81, \quad x_1 = \frac{-1+9}{8} = 1, \quad x_2 = -\frac{5}{4}.$$

Проверка: $x_1 = 1$, $\sqrt{4+3} = \sqrt{4+5-2}$ – верно.

$$x_2 = -\frac{5}{4}, \quad \sqrt{-4+3} = \sqrt{4 \cdot \frac{25}{16} - \frac{25}{4} - 2} \text{ – ложно.} \quad \text{Ответ: 1.}$$

б) $\sqrt{2x^2 + 3x - 1} = \sqrt{5x - 1}$, $2x^2 + 3x - 1 = 5x - 1$, $2x^2 - 2x = 0$,
 $x_1 = 0$, $x_2 = 1$.

Проверка: $x_1 = 0$, $\sqrt{-1} = \sqrt{-1}$ – ложно.

$x_2 = 1$, $\sqrt{2+3-1} = \sqrt{5-1}$ – верно. Ответ: 1.

$$\text{в)} \quad \sqrt{6x^2 - 2x + 1} = \sqrt{3x + 2}, \quad 6x^2 - 2x + 1 = 3x + 2, \quad 6x^2 - 5x - 1 = 0,$$

$$D = 25 + 4 \cdot 6 = 49, \quad x_1 = \frac{5+7}{12} = 1, \quad x_2 = -\frac{1}{6}.$$

Проверка: $x_1 = 1, \quad \sqrt{6-2+1} = \sqrt{3+2}$ – верно.

$$x_2 = -\frac{1}{6}, \quad \sqrt{\frac{1}{6} + \frac{1}{3} + 1} = \sqrt{-\frac{1}{2} + 2} \text{ – верно. Ответ: } -\frac{1}{6}; 1.$$

$$\text{г)} \quad \sqrt{8x-3} = \sqrt{x^2+4x+1}, \quad 8x - 3 = x^2 + 4x + 1, \quad x^2 - 4x + 4 = 0, \quad x = 2.$$

Проверка: $\sqrt{16-3} = \sqrt{4+8+1}$ – верно. Ответ: 2.

1206.

$$\text{а)} \quad \sqrt{x^2 + 2x + 5} = \sqrt{x^2 - 3x + 10}, \quad x^2 + 2x + 5 = x^2 - 3x + 10, \\ 5x = 5, \quad x = 1.$$

Проверка: $\sqrt{1+2+5} = \sqrt{1-3+10}$ – верно. Ответ: 1.

$$\text{б)} \quad \sqrt{3x^2 + 5x - 1} = \sqrt{2x^2 + 2x - 3}, \quad 3x^2 + 5x - 1 = 2x^2 + 2x - 3, \\ x^2 + 3x + 2 = 0, \quad x_1 = -2, \quad x_2 = -1.$$

$$\text{Проверка: } x_1 = -2, \quad \sqrt{3 \cdot 4 - 10 - 1} = \sqrt{2 \cdot 4 - 4 - 3} \text{ – верно.} \\ x_2 = -1, \quad \sqrt{3 - 5 - 1} = \sqrt{2 - 2 - 3} \text{ – ложно.}$$

Ответ: -2.

$$\text{в)} \quad \sqrt{5x^2 - 3x + 1} = \sqrt{3x^2 - 4x + 2}, \quad 5x^2 - 3x + 1 = 3x^2 - 4x + 2, \\ 2x^2 + x - 1 = 0, \quad x^2 + \frac{x}{2} - \frac{1}{2} = 0, \quad x_1 = -1, \quad x_2 = \frac{1}{2}.$$

Проверка: $x_1 = -1, \quad \sqrt{5+3+1} = \sqrt{3+4+2}$ – верно.

$$x_2 = \frac{1}{2}, \quad \sqrt{\frac{5}{4} - \frac{3}{2} + 1} = \sqrt{\frac{3}{4} - 2 + 2} \text{ – верно. Ответ: } -1; \frac{1}{2}.$$

$$\text{г)} \quad \sqrt{6x^2 + x + 5} = \sqrt{x^2 - x - 1}, \quad 6x^2 + x + 5 = x^2 - x - 1, \quad 5x^2 + 2x + 6 = 0, \\ D = 4 - 4 \cdot 5 \cdot 6 < 0 \text{ – нет корней.}$$

1207.

$$\text{а)} \quad \sqrt{2x^2 + 3x + 1} = x + 1, \quad 2x^2 + 3x + 1 = x^2 + 2x + 1, \quad x^2 + x = 0, \\ x_1 = 0, \quad x_2 = -1.$$

Проверка: $x_1 = 0, \quad \sqrt{1} = 1$ – верно.

$$x_2 = -1, \quad \sqrt{2 - 3 + 1} = -1 + 1 \text{ – верно. Ответ: } -1; 0.$$

$$\text{б)} \quad \sqrt{5x^2 - 3x + 2} = x - 3, \quad 5x^2 - 3x + 2 = x^2 - 6x + 9, \quad 4x^2 + 3x - 7 = 0,$$

$$D = 9 + 4 \cdot 4 \cdot 7 = 121, \quad x_1 = \frac{-3+11}{8} = 1, \quad x_2 = -\frac{7}{4}.$$

Проверка: $x_1 = 1, \quad \sqrt{5-3+2} = 1 - 3$ – ложно.

$$x_2 = -\frac{7}{4}, \quad \sqrt{5\left(-\frac{7}{4}\right)^2 + 3 \cdot \frac{7}{4} + 2} = -\frac{7}{4} - 3 \text{ – ложно.}$$

Ответ: нет корней.

в) $\sqrt{x^2+x+1} = x+2$, $x^2+x+1 = x^2+4x+4$, $3x=-3$, $x=-1$.

Проверка: $\sqrt{1-1+1}=2-1=1$ – верно.

Ответ: -1 .

г) $\sqrt{3x^2+x+70} = x-5$, $3x^2+x+70 = x^2-10x+25$,
 $2x^2+11x+45 = 0$, $D=121-8\cdot45 < 0$ – нет корней.

1208.

а) $\sqrt{x+1} = 2 + \sqrt{x-19}$, $x+1 = 4 + 4\sqrt{x-19} + x-19$, $16 = 4\sqrt{x-19}$,
 $16 = x-19$, $x = 35$.

Проверка: $\sqrt{35+1} = 2 + \sqrt{35-19}$ – верно.

Ответ: 35 .

б) $\sqrt{x+8} = \sqrt{7x+9} - 1$, $x+8 = 7x+9+1-2\sqrt{7x+9}$, $2\sqrt{7x+9} = 6x+2$,
 $\sqrt{7x+9} = 3x+1$, $7x+9 = 9x^2+6x+1$, $9x^2-x-8 = 0$,
 $D = 1+4\cdot9\cdot8 = 289$, $x_1 = 1$, $x_2 = \frac{16}{2\cdot9} = -\frac{8}{9}$.

Проверка: $x_1 = 1$, $\sqrt{1+8} = \sqrt{7+9}-1$ – верно.

$x_2 = -\frac{8}{9}$, $\sqrt{-\frac{8}{9}+9} = \sqrt{-\frac{7\cdot8}{9}+9}-1$ – ложно.

Ответ: 1 .

в) $\sqrt{x-13} = \sqrt{x+8} - 3$, $x-13 = x+8+9-6\sqrt{x+8}$, $6\sqrt{x+8} = 30$,
 $\sqrt{x+8} = 5$, $x+8 = 25$, $x = 17$.

Проверка: $\sqrt{17-13} = \sqrt{17+8} - 3$ – верно.

Ответ: 17 .

г) $\sqrt{3x-5} = 1 + \sqrt{x-2}$, $3x-5 = 1 + 2\sqrt{x-2} + x-2$, $2x-4 = 2\sqrt{x-2}$,
 $x-2 = \sqrt{x-2}$, $x^2-4x+4 = x-2$, $x^2-5x+6 = 0$, $x_1 = 3$, $x_2 = 2$.

Проверка: $x_1 = 3$, $\sqrt{9-5} = 1 + \sqrt{3-2}$ – верно.

$x_2 = 2$, $\sqrt{6-5} = 1 + 0$ – верно.

Ответ: $2; 3$.

1209.

а) $\sqrt{15-x} + \sqrt{3-x} = 6$, $\sqrt{15-x} = 6 - \sqrt{3-x}$, $15-x = 36 - 12\sqrt{3-x} + 3-x$,
 $12\sqrt{3-x} = 24$, $\sqrt{3-x} = 2$, $3-x = 4$, $x = -1$.

Проверка: $\sqrt{16} + \sqrt{4} = 6$ – верно.

Ответ: -1 .

б) $\sqrt{3x+7} - \sqrt{x+1} = 2$, $\sqrt{3x+7} = 2 + \sqrt{x+1}$, $3x+7 = 4 + 4\sqrt{x+1} + x+1$,
 $2x+2 = 4\sqrt{x+1}$, $x+1 = 2\sqrt{x+1}$, $x^2+2x+1-4x-4 = 0$, $x^2-2x-3 = 0$,
 $x_1 = 3$, $x_2 = -1$.

Проверка: $x_1 = 3$, $\sqrt{9+7} - \sqrt{4} = 2$ – верно.

$x_2 = -1$; $2 = 2$ – верно.

Ответ: $-1; 3$.

$$\text{в)} \quad \sqrt{x-1} - \sqrt{6-x} = 1, \quad \sqrt{x-1} = 1 + \sqrt{6-x},$$

$$x-1 = 1 + 2\sqrt{6-x} + 6-x, \quad 2x-8 = 2\sqrt{6-x}, \quad x-4 = \sqrt{6-x},$$

$$x^2 - 8x + 16 = 6-x, \quad x^2 - 7x + 10 = 0, \quad x_1 = 5, \quad x_2 = 2.$$

Проверка: $x_1 = 5, \quad 2-1=1$ – верно.
 $x_2 = 2, \quad 1-2=-1$ – ложно.

Ответ: 5.

$$\text{г)} \quad \sqrt{x-2} + \sqrt{x+3} = 2, \quad x-2 = 4+x+3-4\sqrt{x+3}, \quad 4\sqrt{x+3} = 9,$$

$$x+3 = \frac{81}{16}, \quad x = \frac{33}{16}.$$

Проверка: $\frac{1}{4} + \frac{9}{4} = 2$ – ложно. Ответ: нет корней.

1210.

$$\text{а)} \quad \sqrt{4-2x} + \sqrt{2+x} = 2\sqrt{2}, \quad \sqrt{4-2x} = 2\sqrt{2} - \sqrt{2+x},$$

$$4-2x = 8+2+x-4\sqrt{2}\sqrt{2+x}, \quad 4\sqrt{2}\sqrt{2+x} = 3x+6,$$

$$32(2+x) = 9x^2 + 36 + 36x, \quad 9x^2 + 4x - 28 = 0, \quad D = 16 + 4 \cdot 9 \cdot 28 = 32^2,$$

$$x_1 = \frac{-4+32}{18} = \frac{14}{9}, \quad x_2 = -2.$$

$$\text{Проверка: } x_1 = \frac{14}{9}, \quad \sqrt{4-2 \cdot \frac{14}{9}} + \sqrt{2+\frac{14}{9}} = 2\sqrt{2} \text{ – верно.}$$

$$x_2 = -2, \quad \sqrt{4+4} + 0 = 2\sqrt{2} \text{ – верно.}$$

Ответ: $-2; \frac{14}{9}$.

$$\text{б)} \quad \sqrt{x+7} = \sqrt{3x+19} - \sqrt{x+2}, \quad x+7 = 3x+19+x+2-2\sqrt{(3x+19)(x+2)},$$

$$2\sqrt{3x^2+25x+38} = 3x+14, \quad 12x^2+100x+152-9x^2-196-84x=0,$$

$$3x^2+16x-44=0, \quad D=256+12 \cdot 44=28^2, \quad x_1 = \frac{-16+28}{6}=2, \quad x_2 = -\frac{22}{3}.$$

Проверка: $x_1 = 2, \quad 3 = 5 - 2$ – верно.

$x_2 = -\frac{22}{3}$ – ложно, так как $\sqrt{-\frac{22}{3}+7} = \sqrt{-\frac{1}{3}}$ – не существует.

Ответ: 2.

$$\text{в)} \quad \sqrt{3x+1} + \sqrt{x-4} = 2\sqrt{x}, \quad 3x+1+x-4+2\sqrt{3x^2-11x-4}=4x,$$

$$2\sqrt{3x^2-11x-4}=3, \quad 12x^2-44x-16-9=0, \quad 12x^2-44x-25=0, \quad D=56^2,$$

$$x_1 = \frac{44+56}{24} = \frac{25}{6}, \quad x_2 = -\frac{1}{2},$$

Проверка: $x_1 = \frac{25}{6}$ – верно; $x_2 = -\frac{1}{2}$ – ложно. Ответ: $\frac{25}{6}$.

$$\text{г)} \quad \sqrt{x-2} + \sqrt{x+3} = \sqrt{6x-11}, \quad x-2+x+3+2\sqrt{x^2+x-6}=6x-11,$$

$$2\sqrt{x^2+x-6}=4x-12, \quad \sqrt{x^2+x-6}=2x-6, \quad x^2+x-6=4x^2-24x+36,$$

$$3x^2-25x+42=0, \quad D=11^2,$$

$$x_1 = \frac{25+11}{6} = 6, \quad x_2 = \frac{7}{3}.$$

Проверка: $x_1 = 6$ – верно, $x_2 = \frac{7}{3}$ – ложно.

Ответ: 6.

1211.

$$\text{а) } \sqrt{x+1} - \sqrt{9-x} = \sqrt{2x-12}, \quad x+1+9-x-2\sqrt{(x+1)(9-x)} = 2x-12,$$

$$2\sqrt{(x+1)(9-x)} = -2x+22, \quad -x^2+8x+9 = 121-22x+x^2,$$

$$2x^2-30x+112=0, \quad x^2-15x+56=0,$$

$$D=1, \quad x_1=8, \quad x_2=7.$$

Проверка: $x_1 = 8$ – верно, $x_2 = 7$ – верно.

Ответ: 7; 8.

$$\text{б) } \sqrt{x+1} + \sqrt{4x+13} = \sqrt{3x+12},$$

$$x+1+4x+13+2\sqrt{4x^2+17x+13}=3x+12, \quad 2\sqrt{4x^2+17x+13}=-2x-2,$$

$$\sqrt{4x^2+17x+13}=-(x+1), \quad 4x^2+17x+13-x^2-2x-1=0,$$

$$3x^2+15x+12=0, \quad x^2+5x+4=0, \quad x_1=-4, \quad x_2=-1.$$

Проверка: $x_1 = -4$ – ложно, $x_2 = -1$ – верно.

Ответ: -1.

в) Вероятно, в задаче опечатка, ее следует читать следующим образом:

$$\sqrt{2x+5}+\sqrt{5x+6}=\sqrt{12x+25}, \quad 2x+5+5x+6+2\sqrt{(2x+5)(5x+6)}=12x+25,$$

$$2\sqrt{10x^2+37+30}=5x+14, \quad 40x^2+148x+120=25x^2+196+140x,$$

$$15x^2+8x-76=0, \quad D=64+4560=4624=68^2,$$

$$x_{1,2}=\frac{-8\pm68}{30}, \quad x_1=2, \quad x_2=-\frac{38}{15}.$$

$x_2=-\frac{38}{15}$ — посторонний корень, т.к. не входит в ОДЗ уравнения:

$$\begin{cases} 2x+5 \geq 0 \\ 5x+6 \geq 0 \\ 12x+25 \geq 0 \end{cases} \Rightarrow x \geq -\frac{6}{5}. \quad \text{Ответ: 2.}$$

$$\text{г) } \sqrt{2x+3}-\sqrt{4-x}=\sqrt{7-x}, \quad 2x+3+4-x-2\sqrt{(2x+3)(4-x)}=7-x,$$

$$x=\sqrt{-2x^2+5x+12}, \quad x^2=-2x^2+5x+12, \quad 3x^2-5x-12=0,$$

$$D=25+4 \cdot 3 \cdot 12=13^2, \quad x_1=\frac{5+13}{6}=3, \quad x_2=-\frac{4}{3}.$$

Проверка: $x_1 = 3$ – верно, $x_2 = -\frac{4}{3}$ – ложно. Ответ: 3.

1212.

$$\text{а) } (x^2+1)+2\sqrt{x^2+1}=15, \quad \sqrt{x^2+1}=y, \quad y^2+2y-15=0,$$

$$y_1=-5, \quad y_2=3, \quad \sqrt{x^2+1}=-5 \text{ – нет корней,}$$

$$\sqrt{x^2+1}=3, \quad x^2+1=9, \quad x^2=8, \quad x_{1,2}=\pm 2\sqrt{2};$$

$$6) \sqrt{x-2} - \frac{3}{\sqrt{x-2}} + 2 = 0, \quad \sqrt{x-2} = y, \quad y - \frac{3}{y} + 2 = 0,$$

$$y^2 + 2y - 3 = 0, \quad y_1 = -3, \quad y_2 = 1, \\ \sqrt{x-2} = -3 \text{ нет корней}, \quad \sqrt{x-2} = 1, \quad x = 3$$

Ответ: 3.

$$b) 2(x^2 - 9) + 3\sqrt{x^2 - 9} - 5 = 0, \quad \sqrt{x^2 - 9} = y, \quad 2y^2 + 3y - 5 = 0,$$

$$D = 9 + 4 \cdot 2 \cdot 5 = 49, \quad y_1 = \frac{-3+7}{4} = 1, \quad y_2 = -\frac{5}{2},$$

$$\sqrt{x^2 - 9} = 1, \quad \sqrt{x^2 - 9} = -\frac{5}{2} \text{ нет корней}, \quad x^2 = 10,$$

$$x_{1,2} = \pm \sqrt{10}. \quad \text{Ответ: } \pm \sqrt{10}.$$

$$r) \frac{\sqrt{x-1}-2}{\sqrt{x-1}-4} = \frac{\sqrt{x-1}-6}{\sqrt{x-1}-7}, \quad \sqrt{x-1} = y, \quad \frac{y-2}{y-4} = \frac{y-6}{y-7},$$

$$y^2 - 9y + 14 = y^2 - 10y + 24, \quad y = 10,$$

$$\sqrt{x-1} = 10, \quad x = 101.$$

Ответ: 101.

1213.

$$a) \sqrt{\frac{3x+2}{2x-3}} + \sqrt{\frac{2x-3}{3x+2}} = 2,5, \quad \sqrt{\frac{3x+2}{2x-3}} = y, \quad y + \frac{1}{y} = 2,5 = 0,$$

$$y^2 - 2,5y + 1 = 0, \quad y_1 = 2, \quad y_2 = \frac{1}{2},$$

$$\sqrt{\frac{3x+2}{2x-3}} = 2, \quad \sqrt{\frac{2x-3}{3x+2}} = \frac{1}{2},$$

$$3x + 2 = 8x - 12, \quad 2x - 3 = 12x + 8,$$

$$5x = 14, \quad 10x = -11,$$

$$x_1 = \frac{14}{5}, \quad x_2 = -1,1;$$

$$6) 3\sqrt{\frac{x}{x-1}} - 2,5 = 3\sqrt{1-\frac{1}{x}},$$

$$\sqrt{\frac{x}{x-1}} = y, \quad 3y - 2,5 = 3\frac{1}{y},$$

$$3y^2 - 2,5y - 3 = 0, \quad 6y^2 - 5y - 6 = 0,$$

$$D = 25 + 4 \cdot 6 \cdot 6 = 169,$$

$$y_1 = \frac{5+13}{12} = \frac{3}{2}, \quad y_2 = -\frac{2}{3}, \quad \sqrt{\frac{x}{x-1}} = \frac{3}{2}, \quad \sqrt{\frac{x}{x-1}} = -\frac{2}{3} \text{ нет корней},$$

$$\frac{x}{x-1} = \frac{9}{4}, \quad 4x = 9x - 9, \quad 5x = 9, \quad x = \frac{9}{5}.$$

$$\text{Ответ: } \frac{9}{5}.$$

в) $\sqrt{\frac{x-1}{2x+1}} + \sqrt{\frac{2x+1}{x-1}} = \frac{10}{3}, \quad \sqrt{\frac{x-1}{2x+1}} = y, \quad y + \frac{1}{y} - \frac{10}{3} = 0,$
 $3y^2 - 10y + 3 = 0, \quad D = 100 - 4 \cdot 3 \cdot 3 = 64,$
 $y_1 = \frac{10+8}{6} = 3, \quad y_2 = \frac{1}{3},$
 $\sqrt{\frac{x-1}{2x+1}} = 3, \quad x - 1 = 18x + 9,$
 $17x = -10, \quad x = -\frac{10}{17},$
 $\sqrt{\frac{x-1}{2x+1}} = \frac{1}{3}, \quad 9x - 9 = 2x + 1,$
 $7x = 10, \quad x = \frac{10}{7}.$ Ответ: $-\frac{10}{17}; \frac{10}{7}.$

г) $4\sqrt{3-\frac{1}{x}} - \sqrt{\frac{x}{3x-1}} = 3, \quad \sqrt{\frac{x}{3x-1}} = y, \quad \frac{4}{y} - y - 3 = 0,$
 $-y^2 - 3y + 4 = 0, \quad y^2 + 3y - 4 = 0,$
 $y_1 = -4, \quad y_2 = 1,$
 $\sqrt{\frac{x}{3x-1}} = -4 \text{ - нет корней}, \quad \sqrt{\frac{x}{3x-1}} = 1, \quad 3x - 1 = x,$
 $2x = 1, \quad x = \frac{1}{2}.$ Ответ: $\frac{1}{2}.$

§ 37. Домашняя контрольная работа

Вариант №1.

1. $\frac{2x^2+5x-7}{x^2-8x+7} = \frac{2(x-1)(x+\frac{7}{2})}{(x-1)(x-7)} = \frac{2x+7}{x-7}; \quad D_1 = 25 + 4 \cdot 2 \cdot 7 = 81,$
 $x_1 = \frac{-5+9}{4} = 1, \quad x_2 = -\frac{7}{2};$
2. $2(x+4) - x(x-5) = 7(x-8), \quad 2x + 8 - x^2 + 5x = 7x - 56,$
 $x^2 = 64, \quad x_{1,2} = \pm 8;$
3. $a^2 + 8a = 2a^2 - 3a, \quad a^2 - 11a = 0, \quad a_1 = 0, \quad a_2 = 11;$
4. $6x^4 + x^2 - 1 = 0, \quad x^2 = y, \quad 6y^2 + y - 1 = 0,$
 $D = 1 + 4 \cdot 6 = 25,$
 $y_1 = \frac{-1+5}{12} = \frac{1}{3}, \quad y_2 = -\frac{1}{2},$
 $x^2 = \frac{1}{3}, \quad x^2 = -\frac{1}{2} \text{ - нет корней},$
 $x_{1,2} = \pm \frac{1}{\sqrt{3}}.$ Ответ: $\pm \frac{1}{\sqrt{3}}.$

5. $x^2 - 2\kappa x + \kappa - 3 = 0$, так как уравнение имеет только один корень, то $D = 0$. $D = 4\kappa^2 - 4(\kappa - 3) = 4\kappa^2 - 4\kappa + 12 = 0$, $\kappa^2 - \kappa + 3 = 0$, $D_1 = 1 - 4 \cdot 3 < 0$ – нет корней. Что и требовалось доказать;

$$\text{6. } \frac{1}{3x+1} + \frac{1}{9x^2+6x+1} = 2, \quad \frac{1}{3x+1} + \left(\frac{1}{3x+1} \right)^2 = 2,$$

$$\frac{1}{3x+1} = y, \quad y^2 + y - 2 = 0,$$

$$y_1 = -2, \quad y_2 = 1,$$

$$\frac{1}{3x+1} = -2, \quad \frac{1}{3x+1} = 1,$$

$$-6x - 2 = 1, \quad 3x + 1 = 1,$$

$$6x = -3, \quad x = 0.$$

$$x = -\frac{1}{2}. \quad \text{Ответ: } -0,5; 0.$$

7. I этап: Пусть x км/ч – первичная скорость. Тогда: $(x + 12)$ км/ч – новая скорость. $\frac{300}{x}$ ч и $\frac{300}{x+12}$ ч – время на дорогу туда и обратно.

Так как на путь обратно автобус затратил на 50 мин. меньше, получаем $\frac{300}{x+12} + \frac{5}{6} = \frac{300}{x}$.

$$\text{II этап: } \frac{60}{x+12} + \frac{1}{6} - \frac{60}{x} = 0, \quad 360x + x^2 + 12x - 360x - 4320 = 0,$$

$$x^2 + 12x - 4320 = 0, \quad x_{1,2} = -6 \pm \sqrt{36+4320} = -6 \pm 66, \quad x_1 = 60, \quad x_2 = -72.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение, т.е 60 км/ч – первоначальная скорость. Ответ: 60 км/ч.

$$\text{8. } 2x^2 - 9x - 12 = 0, \quad x_1, x_2 \text{ – корни.}$$

$$\text{a) } x_1^2 x_2 + x_1 x_2^2 = x_1 x_2 (x_1 + x_2) = -\frac{12}{2} \cdot \frac{9}{2} = -27;$$

$$\text{б) } \frac{x_2}{x_1} + \frac{x_1}{x_2} = \frac{x_2^2 + x_1^2}{x_1 \cdot x_2} = \frac{(x_2 + x_1)^2 - 2x_1 x_2}{x_1 x_2} = \frac{\left(\frac{9}{2}\right)^2 + 2 \cdot 6}{-6} = \frac{\frac{81}{4} + 12}{-6} = -\frac{129}{24} = -\frac{43}{8},$$

$$\text{в) } x_1^3 + x_2^3 = (x_1 + x_2)(x_1^2 - x_1 x_2 + x_2^2) = (x_1 + x_2)((x_1 + x_2)^2 - 3x_1 x_2) =$$

$$= \frac{9}{2} \cdot \left(\frac{81}{4} + 3 \cdot 6 \right) = \frac{9}{2} \cdot \frac{81+72}{4} = \frac{9 \cdot 153}{2 \cdot 4} = \frac{1377}{8}.$$

$$\text{9. } x^2 + (t^2 - 3t - 11)x + 6t = 0, \quad x_1 + x_2 = 1, \\ x_1 + x_2 = -t^2 + 3t + 11 = 1, \quad t^2 - 3t - 10 = 0, \quad t_1 = 5, \quad t_2 = -2$$

Проверим найденные t_1 и t_2 : если $t_1 = 5$, то $x^2 - x + 30 = 0$,

$D = 1 - 4 \cdot 30 < 0$ нет корней, т.е. $t = 5$ – не подходит.

Если $t_2 = -2$, то $x^2 - x - 12 = 0$, $x_1 = 4$, $x_2 = -3$.

Ответ: при $t = -2$;

$x_1 = 4$; $x_2 = -3$.

10. $x - 1 = \sqrt{2x^2 - 3x - 5}$, $x^2 - 2x + 1 = 2x^2 - 3x - 5$, $x^2 - x - 6 = 0$,
 $x_1 = 3$, $x_2 = -2$.

Проверка: $x_1 = 3$, $2 = \sqrt{2 \cdot 9 - 9 - 5}$ – верно.

$x_2 = -2$, $-3 = \sqrt{2 \cdot 4 + 6 - 5}$ – ложно.

Ответ: 3.

Вариант №2.

1. $\frac{x^2 + 9x + 8}{3x^2 + 8x + 5} = \frac{(x+8)(x+1)}{3(x+1)(x+\frac{5}{3})} = \frac{x+8}{3x+5}$; $D = 64 - 4 \cdot 3 \cdot 5 = 4$,

$$x_1 = \frac{-8+2}{6} = -1, \quad x_2 = -\frac{5}{3};$$

2. $x(x+3) - 4(x-5) = 7(x+4) - 8$, $x^2 + 3x - 4x + 20 - 7x - 28 + 8 = 0$,
 $x^2 - 8x = 0$, $x_1 = 0$, $x_2 = 8$;

3. $5p^2 + 8 = 8p^2 - 19$, $3p^2 = 27$, $p^2 = 9$, $p_{1,2} = \pm 3$;

4. $2x^4 - 9x^2 + 4 = 0$, $x^2 = y$, $2y^2 - 9y + 4 = 0$,

$$D = 81 - 4 \cdot 2 \cdot 4 = 49,$$

$$y_1 = \frac{9+7}{4} = 4, \quad y_2 = \frac{1}{2},$$

$$x^2 = 4, \quad x^2 = \frac{1}{2},$$

$$x_{1,2} = \pm 2, \quad x_{3,4} = \pm \frac{1}{\sqrt{2}};$$

5. $x^2 - 2\kappa x + 2\kappa + 3 = 0$. Так как уравнение имеет только один корень,
то $D = 0$. $D = 4\kappa^2 - 4(2\kappa + 3) = 0$, $\kappa^2 - 2\kappa - 3 = 0$, $\kappa_1 = 3$, $\kappa_2 = -1$;

6. $\frac{1}{2x-1} - \frac{13x-4}{4x^2-4x+1} = 4$, $\frac{1}{2x-1} - \frac{13x-4}{4x^2-4x+1} - 4 = 0$,

$$2x - 1 - 13x + 4 - 4(2x - 1)^2 = 0, \quad -11x + 3 - 4(4x^2 - 4x + 1) = 0,$$

$$-11x + 3 - 16x^2 + 16x - 4 = 0, \quad 16x^2 - 5x + 1 = 0,$$

$$D = 25 - 4 \cdot 16 < 0 \text{ – нет корней.}$$

Ответ: нет корней.

7. I этап: Пусть x км/ч – старая скорость. Тогда: $(x + 10)$ км/ч – новая
скорость. $\frac{325}{x}$ ч и $\frac{325}{x+10}$ ч – время движения по старому и новому
расписаниям. Так как время движения по новому расписанию меньше
на 40 мин., получаем $\frac{325}{x+10} + \frac{2}{3} = \frac{325}{x}$.

II этап: $\frac{325}{x+10} + \frac{2}{3} - \frac{325}{x} = 0$, $975x + 2x^2 + 20x - 975x - 9750 = 0$,

$$x^2 + 10x - 4875 = 0, \quad x_{1,2} = -5 \pm \sqrt{25 + 4875} = -5 \pm 70,$$

$$x_1 = 65, \quad x_2 = -75.$$

III этап: Ясно, что подходит только первое значение. Т.е. новая ско-
рость равна $65 + 10 = 75$ (км/ч). Ответ: 75 км/ч.

$$8. \quad 3x^2 - 4x - 1 = 0, \quad x_1 x_2 = -\frac{1}{3}, \quad x_1 + x_2 = \frac{4}{3}.$$

$$\text{a)} \quad x_1^2 \cdot x_2 + x_1 \cdot x_2^2 = x_1 x_2 (x_1 + x_2) = -\frac{1}{3} \cdot \frac{4}{3} = -\frac{4}{9};$$

$$\text{б)} \quad \frac{x_2}{x_1} + \frac{x_1}{x_2} = \frac{x_1^2 + x_2^2}{x_1 x_2} = \frac{(x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2}{x_1 x_2} = \frac{\frac{16}{9} + \frac{2}{3}}{-\frac{1}{3}} = -\frac{22 \cdot 3}{9} = -\frac{22}{3};$$

$$\text{в)} \quad x_1^3 + x_2^3 = (x_1 + x_2)(x_1^2 - x_1 x_2 + x_2^2) = (x_1 + x_2)((x_1 + x_2)^2 - 3x_1 x_2) = \\ = \frac{4}{3} \cdot \left(\frac{16}{9} + \frac{2}{3} \right) = \frac{4}{3} \cdot \frac{25}{9} = \frac{100}{27};$$

$$9. \quad x^2 + (4\kappa - 1)x + (\kappa^2 - \kappa + 8) = 0, \quad x_1 \cdot x_2 = 10, \\ 10 = \kappa^2 - \kappa + 8, \quad \kappa^2 - \kappa - 2 = 0, \quad \kappa_1 = 2, \quad \kappa_2 = -1.$$

Проверим найденные κ_1 и κ_2 :

Если $\kappa_1 = 2$, то $x^2 + 7x + 10 = 0$,

$$D = 49 - 4 \cdot 10 = 9,$$

$$x_1 = \frac{-7+3}{2} = -2, \quad x_2 = -5;$$

если $\kappa_2 = -1$, то $x^2 - 5x + 10 = 0$,

$$D = 25 - 4 \cdot 10 < 0 \text{ -- нет корней},$$

т.е. κ_2 -- не подходит Ответ: -5 и -2 при $\kappa = 2$.

$$10. \quad \sqrt{x^2 + 3x + 3} = 2x + 1,$$

$$x^2 + 3x + 3 = 4x^2 + 4x + 1, \quad 3x^2 + x - 2 = 0, \quad D = 1 + 4 \cdot 2 \cdot 3 = 25,$$

$$x_1 = \frac{-1+5}{6} = \frac{2}{3}, \quad x_2 = -1.$$

$$\text{Проверка: } x_1 = \frac{2}{3}, \quad \sqrt{\frac{4}{9} + 5^{19}} = \frac{4}{3} + 1,$$

$$\frac{7}{3} = \frac{7}{3} \text{ -- верно.}$$

$$x_2 = -1, \quad \sqrt{1-3+3} = -2 + 1 \text{ -- ложно.}$$

$$\text{Ответ: } \frac{2}{3}.$$

Глава 6. Неравенства

§ 38. Свойства числовых неравенств

1214.

- а) $5,6 > 5,56$; б) $-2,4 < -2,39$;
в) $6,79 < 6,8$; г) $-0,1 > -0,11$.

1215.

а) $-\frac{4}{5} < -\frac{2}{7}$;

б) $\frac{3}{4}$ и $\frac{5}{9}$, $\frac{3}{4} - \frac{5}{9} = \frac{27-20}{36} = \frac{7}{36} > 0$, значит, $\frac{3}{4} > \frac{5}{9}$;

в) $\frac{7}{11}$ и $\frac{9}{13}$, $\frac{7}{11} - \frac{9}{13} = \frac{91-99}{13 \cdot 11} < 0$, значит, $\frac{7}{11} < \frac{9}{13}$;

г) $-\frac{6}{17}$ и $-\frac{1}{3}$, $-\frac{6}{17} - \left(-\frac{1}{3}\right) = -\frac{6}{17} + \frac{1}{3} = \frac{-18+17}{17 \cdot 3} < 0$,

значит, $-\frac{6}{17} < -\frac{1}{3}$.

1216.

а) $\frac{2}{5} < 0,41$; б) $-2\frac{1}{4} < 2,2$; в) $-1,7 > -1\frac{3}{4}$;

г) $\frac{6}{25}$ и $0,25$, $\frac{6}{25} - \frac{1}{4} = \frac{24-25}{100} < 0$, значит, $\frac{6}{25} < 0,25$.

1217.

а) $0,4 > \frac{1}{3}$;

б) $-1\frac{5}{6}$ и $-1,82$, $-1\frac{5}{6} - (-1,82) = -\frac{11}{6} + \frac{182}{100} = -\frac{11}{6} + \frac{91}{50} = \frac{-550+546}{6 \cdot 50} < 0$,

значит, $-1\frac{5}{6} < -1,82$;

в) $2,56$ и $2\frac{7}{11}$, $2,56 - 2\frac{7}{11} = 0,56 - \frac{7}{11} = \frac{14}{25} - \frac{7}{11} = \frac{154-175}{25 \cdot 11} < 0$,

значит, $2,56 < 2\frac{7}{11}$;

г) $-0,13$ и $-\frac{1}{9}$, $-0,13 - \left(-\frac{1}{9}\right) = -0,13 + \frac{1}{9} = -\frac{13}{100} + \frac{1}{9} = \frac{-117+100}{900} < 0$,

значит, $0,13 < -\frac{1}{9}$.

1218.

а) $3,7 + 1,02 < 4,26 + 0,5$,
 $4,72 < 4,76$;

б) $-3,1 + 3,5 > 2,1 - 2,59$,
 $0,4 > -0,49$;

в) $5,9 - 1,45 < 2,8 + 1,9$,
 $4,45 < 4,7$;

г) $7,31 - 2,33 < 3,11 + 1,88$,
 $4,98 < 4,99$.

1219.

a) $\frac{1}{2} + \frac{2}{3} < 1\frac{1}{5}$, $\frac{7}{6} < \frac{6}{5}$;
 b) $2\frac{1}{7} < 1\frac{1}{14} + 1\frac{1}{2}$;

б) $-1\frac{5}{6} < -\frac{3}{4} - \frac{2}{5}$, $-\frac{11}{6} < -\frac{23}{20}$;
 г) $-\frac{2}{5} - 2\frac{1}{6} < -2\frac{1}{2}$.

1220.

a) $(-1,21)^2 > 0$;
 б) $(0,574)^4 > 0$.

б) $(-3,41)^7 < 0$;
 г) $(-9,85)^3 < 0$.

1221.

a) $-\frac{2}{5} \cdot (-45,14) > 0$;
 б) $-1,7 : \left(-\frac{12}{91}\right) > 0$;

б) $-\frac{1}{4} \cdot 54,235 < 0$;
 г) $\frac{6}{17} \cdot (-21,489) < 0$.

1222.

a) $-\frac{2}{5} + \frac{3}{4} = \frac{-8+15}{20} > 0$;
 б) $\frac{5}{13} - \frac{1}{2} = \frac{10-13}{26} < 0$;

б) $2,35 - 2\frac{1}{4} = 2,35 - 2,25 > 0$;
 г) $-\frac{4}{11} + \frac{3}{7} = \frac{-28+33}{77} > 0$.

1223.

a) $a + b > ab$;
 б) $\frac{k+l}{2} < 3(k-l)$;

б) $m^2 < n$;
 г) $3p > p^3$.

1224.

a) $t - s > \frac{t}{s}$;
 б) $k^2 - l^2 < 2(k + l)$;

б) $(m + n)^2 \leq m - n$;
 г) $n(n + 1) \geq (n + 1)^2$.

1225.

a) $a < b$, $-5a > -5b$;
 б) $a < b$, $0,1a < 0,1b$;

б) $a < b$, $\frac{a}{6} < \frac{b}{6}$;
 г) $a < b$, $-\frac{a}{7} < -\frac{b}{7}$.

1226.

a) $a < b$, $a - 4 < b - 4$;
 б) $a < b$, $a + 1,8 < b + 1,8$;

б) $a < b$, $a + 7,3 < b + 7,3$;
 г) $a < b$, $a - 125 < b - 125$.

1227.

a) $m + 12 < n + 12$, $m < n$;
 б) $-0,3 - m > -0,3 - n$, $-m > -n$,
 $m < n$;

б) $3,5 - m > 3,5 - n$, $-m > -n$,
 $m < n$;
 г) $4,9 + m < 4,9 + n$,
 $m < n$.

1228.

a) $5x < 3x$, $5x - 3x < 0$,
 $2x < 0$, $x < 0$;
 б) $9x > 2x$, $9x - 2x > 0$,
 $7x > 0$, $x > 0$;

б) $-4x < 4x$, $4x + 4x > 0$,
 $8x > 0$, $x > 0$;
 г) $-45x > -3x$, $45x - 3x < 0$,
 $42x < 0$, $x < 0$.

1229.

a) $m > n$,

$-7m < -7n$

(по свойству 3);

b) $m > n$,

$\frac{m}{4} > \frac{n}{4}$ (по свойству 3);

б) $m > n$,

$-m > -n$ (по свойству 3),

$1-m > 1-n$ (по свойству 2);

г) $m > n$,

$5m > 5n$ (по свойству 3),

$5m+13 > 5n+13$ (по свойству 2).

1230.

a) $a-8 > b-8$, $a > b$;

b) $12-a > 12-b$, $-a > -b$,

$a < b$;

б) $3a > 3b$, $a > b$;

г) $\frac{a}{7} > \frac{b}{7}$, $a > b$.

1231.

a) $2-x > 2-y$, $-x > -y$, $x > y$;

b) $-41+x < -41+y$, $x < y$;

б) $-3,5x > -3,5y$, $-x > y$, $x < y$;

г) $\frac{x}{-2,8} > \frac{y}{-2,8}$, $x < y$.

1232.

$a, b, c, d > 0$, $a > b$, $d > b$, $c > a$.

Т.е. $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$, $\frac{1}{d} > \frac{1}{b}$, $\frac{1}{c} < \frac{1}{a}$, значит, $\frac{1}{c} < \frac{1}{a} < \frac{1}{b} < \frac{1}{d}$.

1233.

a) $13 > 5$ и $8 > 1$,

$13+8 > 5+1$,

$21 > 6$;

b) $19 > 12$ и $3,5 > 2$,

$19+3,5 > 12+2$, $25,5 > 14$;

б) $-1,5 < -0,2$ и $3,5 > 2$,

$1,5 > 0,2$ и $3,5 > 2$,

$1,5 + 3,5 > 0,2 + 2$, $5 > 2,2$;

г) $-0,1 < 1$ и $-2,8 < 4$,

$-0,1 - 2,8 < 1 + 4$, $-2,9 < 5$.

1234.

a) $5 > 2$ и $-3 < 1$,

$5 > 2$ и $3 > -1$,

$5+3 > 2-1$, $8 > 1$;

b) $0,2 < 3$ и $2,8 > 1,7$,

$-0,2 > -3$ и $2,8 > 1,7$,

$-0,2 + 2,8 > -3 + 1,7$, $2,6 > -1,3$;

б) $7,5 < 11,7$ и $-4,7 > -5,8$,

$7,5 < 11,7$ и $4,7 < 5,8$,

$7,5 + 4,7 < 11,7 + 5,8$, $12,2 < 17,5$;

г) $-3,9 > -7,2$ и $6,5 < 14,7$,

$3,9 < 7,2$ и $6,5 < 14,7$,

$3,9 + 6,5 < 7,2 + 14,7$, $10,4 < 21,9$.

1235.

a) $a > 2$, $3a > 2 \cdot 3$, $3a > 6$;

b) $a > 2$, $0,5a > 0,5 \cdot 2$, $0,5a > 1$;

б) $a > 2$, $-2a < -2 \cdot 2$, $-2a < -4$;

г) $a > 2$, $-1,5a < -1,5 \cdot 2$, $-1,5a < -3$.

1236.

a) $m < 4,5$, $\frac{m}{5} < \frac{4,5}{5}$, $\frac{m}{5} < 0,9$;

б) $m < 4,5$, $-\frac{m}{3} > -\frac{4,5}{3}$, $-\frac{m}{3} > -1,5$;

b) $m < 4,5$, $\frac{m}{1,5} < \frac{4,5}{1,5}$, $\frac{m}{1,5} < 3$;

г) $m < 4,5$,

$-\frac{m}{0,09} > -\frac{4,5}{0,09}$, $-\frac{m}{0,09} > -50$.

1237.

a) $b > 0,5$, $2b > 1$,

$2b + 4 > 1 + 4$, $2b + 4 > 5$;

б) $b > 0,5$, $-6b < -3$,

$-6b + 8 < -3 + 8$, $-6b + 8 < 5$;

в) $b > 0,5$, $4,5b > 2,25$,
 $4,5b - 3,25 > 2,25 - 3,25$,
 $4,5b - 3,25 > -1$;

г) $b > 0,5$, $-7b < -3,5$,
 $-7b - 2 < -3,5 - 2$,
 $-7b - 2 < -5,5$.

1238.

а) $n < -3$; $\frac{n}{7} < -\frac{3}{7}$; $\frac{n}{7} + \frac{2}{7} < -\frac{1}{7}$

б) $n < -3$;

$$\frac{n}{2} < -\frac{3}{2}; \quad \frac{n}{2} - \frac{3}{5} < -\frac{3}{2} - \frac{3}{5};$$

$$\frac{n}{2} - \frac{3}{5} < -2\frac{1}{10};$$

б) $n < -3$; $\frac{n}{6} < -\frac{1}{2}$; $\frac{n}{6} + \frac{2}{9} < -\frac{5}{18}$

г) $n < -3$;

$$-\frac{n}{8} > \frac{3}{8}; \quad -\frac{n}{8} - \frac{1}{4} > \frac{3}{8} - \frac{2}{8};$$

$$-\frac{n}{8} - \frac{1}{4} > \frac{1}{8}.$$

1239.

а) $a > 2$, $b > 3$

$3a > 6$, $5b > 15$;

$3a + 5b > 6 + 15$; $3a + 5b > 21$;

б) $a > 3$, $b > 5$

$2a > 6$ $4b > 20$;

$2a + 4b > 6 + 20$; $2a + 4b > 26$;

б) $a < 2b$, $b < c$;

$a < 2b$, $2b < 2c$;

$a < 2c$; $2a < 4c$;

г) $a \geq 5b$, $b \geq 2c$;

$3a \geq 15b$, $15b \geq 30c$;

$3a \geq 30c$.

1240.

а) $a > 3$, $b > 5$;

$ab > 3 \cdot 5$;

$ab > 15$. Ответ: верно.

в) $a > 4$; т.к. $4 > 0$, $a > 0$

$a^2 > 4^2$; $a^2 > 16$.

Ответ: верно.

б) $a < 2$, $b < 3$

не верно, т.к. a и b могут быть < 0

Ответ: не верно.

г) $a < 6$;

не верно, т.к. a может быть < 0 .

Ответ: не верно.

1241.

а) $a > 1$; $6a > 6$;

т.к. $a > 0$, то $\frac{6a}{a} > \frac{6}{a}$; $6 > \frac{6}{a}$

Ответ: да.

б) $a < 2$; неравенство $\frac{4}{a} > 2$

неверно, т.к. a может быть < 0

Ответ: нет.

г) $a > 7$, т.е. $a > 0$;

$$\frac{a}{a} > \frac{7}{a}; \quad \frac{7}{a} < 1; \quad \frac{14}{a} < 2.$$

Ответ: да.

1242.

а) $k > 3$, $l > 7$;

$2k > 6$, $3l > 21$; $2k + 3l > 27$;

б) $k > 3$, $l > 7$;

$k > 3$, $1,5l > 10,5$;

$k + 1,5l > 13,5$;

б) $k > 3$, $l > 7$;

$-k < -3$, $-l < -7$; $-k - l < -10$;

г) $k > 3$, $l > 7$;

$-4k < -12$, $-5l < -35$;

$-4k - 5l < -47$.

1243.

а) $p > 2$, $s < 5$;

$p > 2$, $-2s > -10$; $p - 2s > -8$;

б) $p > 2$, $s < 5$; $4s < 20$,

$-2p < -4$; $4s - 2p < 16$

б) $p > 2$, $s < 5$;

$-3p < -6$, $s < 5$; $s - 3p < -1$

г) $p > 2$, $s < 5$; $3p > 6$,

$-6s > -30$; $3p - 6s > -24$.

1244.

a) $m > 1, n > 4;$

$m + n > 5;$

$m + n + 4 > 9;$

b) $m > 1, n > 4; -2m < -2,$

$-5n < -20; -2m - 5n < -22;$

$3 - 2m - 5n < -19;$

6) $m > 1, n > 4; -3m < -3,$

$-4n < -16; -4n - 3m < -19;$

$12 - 4n - 3m < -7;$

r) $m > 1, n > 4;$

$7m > 7, 6n > 24; 7m + 6n > 31;$

$7m + 6n + 1 > 32.$

1245.

a) $x > 6, y < 12;$

$x > 6, -2y > -24;$

$x - 2y > -18; x - 5 - 2y > -23;$

b) $x > 6, y < 12;$

$5x > 30, -y > -12;$

$5x - y > 18; 5x - y + 10 > 28;$

6) $x > 6, y < 12;$

$-2x < -12, 3y < 36;$

$-2x + 3y < 24; 14 - 2x + 3y < 38;$

r) $x > 6, y < 12;$

$4x > 24, -3y > -36;$

$4x - 3y > -12; 16 + 4x - 3y > 4.$

1246.

a) $a = 3, b = 8; a < 5 < b$

b) $a = -2,5; b = 7,8; a < 6 < b;$

6) $a = -5, b = -3; a < -4 < b$

r) $a = -6, b = -2; a < -3 < b.$

1247.

a) $10 < a < 16;$

$0,5 \cdot 10 < 0,5a < 0,5 \cdot 16;$

$5 < 0,5a < 8;$

b) $10 < a < 16; -16 < -a < -10;$
 $-48 < -3a < -30;$

6) $10 < a < 16;$

$-6 < a - 16 < 0;$

r) $10 < a < 16; 20 < 2a < 32;$
 $21 < 2a + 1 < 33.$

1248.

a) $2,6 < \sqrt{7} < 2,7;$

$5,2 < 2\sqrt{7} < 5,4;$

b) $2,6 < \sqrt{7} < 2,7;$

$-2,7 < -\sqrt{7} < -2,6;$

6) $2,6 < \sqrt{7} < 2,7;$

$5,2 < 2\sqrt{7} < 5,4; 7,2 < 2+2\sqrt{7} < 7,4;$

r) $2,6 < \sqrt{7} < 2,7;$

$-2,7 < -\sqrt{7} < -2,6; 0,3 < 3-\sqrt{7} < 0,4.$

1249.

$2,8 < \sqrt{8} < 2,9; 3,3 < \sqrt{11} < 3,4;$

a) $7,84 < 8 < 8,41;$

$11,14 < 8 + \sqrt{11} < 11,81;$

b) $6,6 < 2\sqrt{11} < 6,8;$

$9,4 < \sqrt{8} + 2\sqrt{11} < 9,7;$

6) $-3,4 < -\sqrt{11} < -3,3;$

$-0,6 < \sqrt{8} - \sqrt{11} < -0,4;$

r) $8,4 < 3\sqrt{8} < 8,7;$

$-3,4 < -\sqrt{11} < -3,3;$

$5 < 3\sqrt{8} - \sqrt{11} < 5,4.$

1250. $8 < a < 10, 1 < b < 2;$

a) $2 < \frac{1}{4}a < \frac{5}{2};$

$3 < \frac{1}{4}a + b < 4,5;$

b) $8 < ab < 20.$

6) $-1 < -\frac{1}{2}b < -\frac{1}{2};$

$7 < a - \frac{1}{2}b < 9,5;$

r) $1 < b < 2;$

$\frac{1}{2} < \frac{1}{b} < 1; 4 < \frac{a}{b} < 10.$

1251.

$a > b + 3$, $b + 1 > 7$, $b + 1 + 2 > 7 + 2$, $b + 3 > 9$,
 $a > b + 3$, $b + 3 > 9$, значит, $a > 9$, что и требовалось доказать.

1252.

- a) $3(x+1) + x - 4(2+x) = 3x + 3 + x - 8 - 4x = -5 < 0$, значит,
 $3(x+1) + x < 4(2+x)$;
- б) $m(m+n) - mn = m^2 + mn - mn = m^2 \geq 0$, значит, $m(m+n) \geq mn$;
- в) $2y^2 - 6y + 1 - 2y(y-3) = 2y^2 - 6y + 1 - 2y^2 + 6y = 1 > 0$,
значит, $2y^2 - 6y + 1 > 2y(y-3)$;
- г) $c^2 - d^2 - (-2d^2 - 1) = c^2 - d^2 + 2d^2 + 1 = c^2 + d^2 + 1 > 0$, значит, $c^2 - d^2 > -2d^2 - 1$.

1253.

- a) $x^2 + 2xy + y^2 = (x+y)^2 \geq 0$;
- б) $9m^2 + 6mn - (-n^2) = 9m^2 + 6mn + n^2 = (3m+n)^2 \geq 0$,
значит, $9m^2 + 6mn \geq -n^2$;
- в) $2pq - (p^2 + q^2) = -(p^2 - 2pq + q^2) = -(p-q)^2 \leq 0$, значит, $2pq \leq p^2 + q^2$;
- г) $4c^2 + 9d^2 - 12cd = (2c-3d)^2 \geq 0$, значит, $4c^2 + 9d^2 \geq 12cd$.

1254.

- a) $2x - (2(x-4) - a^2) = 2x - (2x - 8 - a^2) = 8 + a^2 > 0$,
значит, $2x > 2(x-4) - a^2$;
- б) $4y^2 - 3y - 9(y-1) = 4y^2 - 3y - 9y + 9 = (2y-3)^2 \geq 0$,
значит, $4y^2 - 3y \geq 9(y-1)$;
- в) $z(z+1) + 5 - (1-3z) = z^2 + z + 4 + 3z = (z+2)^2 \geq 0$, значит,
 $z(z+1) + 5 \geq 1 - 3z$;
- г) $t(t+5) - 3 - (3t-4) = t^2 + 5t - 3t + 1 = (t+1)^2 \geq 0$, значит, $t(t+5) - 3 \geq 3t - 4$.

1255.

- a) $(x+1)(x-4) - (x+2)(x-5) = x^2 - 3x - 4 - x^2 + 3x + 10 = 6 > 0$,
значит, $(x+1)(x-4) > (x+2)(x-5)$;
- б) $(t-3)(t-4) - (t-1)(t+2) = t^2 + t - 12 - t^2 - t + 2 = -10 < 0$,
значит, $(t-3)(t-4) < (t-1)(t+2)$;
- в) $(a+2)(a+6) - (a+5)(a+3) = a^2 + 8a + 12 - a^2 - 8a - 15 = -3 < 0$,
значит, $(a+2)(a+6) < (a+5)(a+3)$;
- г) $(b-6)(b+2) - (b-3)(b-1) = b^2 - 4b - 12 - b^2 + 4b - 3 = -15 < 0$,
значит, $(b-6)(b+2) < (b-3)(b-1)$.

1256.

- a) $(7+2d)(7-2d) - (49-d(4d+1)) = 49 - 4d^2 - 49 + 4d^2 + d = d < 0$,
значит, $(7+2d)(7-2d) < 49 - d(4d+1)$;
- б) $(2q-3)(q-3) - (q-1)(q-8) = 2q^2 - 9q + 9 - q^2 + 9q - 8 = q^2 + 1 > 0$,
значит, $(2q-3)(q-3) > (q-1)(q-8)$.

1257.

- a) $\frac{a^2+b^2}{2ab} - 1 = \frac{a^2+b^2-2ab}{2ab} = \frac{(a-b)^2}{2ab} \geq 0$, значит, $\frac{a^2+b^2}{2ab} \geq 1$;
- б) $25r + \frac{1}{r} - (-10) = 25r + \frac{1}{r} + 10 = \frac{25r^2 + 10r + 1}{r} = \frac{(5r+1)^2}{r} \leq 0$,
значит, $25r + \frac{1}{r} \leq -10$;

в) $y + \frac{9}{y} - 6 = \frac{y^2 - 6y + 9}{y} = \frac{(y-3)^2}{y} \geq 0$, значит, $y + \frac{9}{y} \geq 6$;

г) $n + \frac{16}{n} - (-8) = n + \frac{16}{n} + 8 = \frac{n^2 + 8n + 16}{n} = \frac{(n+4)^2}{n} \leq 0$,

значит, $n + \frac{16}{n} \leq -8$.

1258.

а) $\frac{p+q}{q} - 2 = \frac{p^2 + q^2 - 2pq}{pq} = \frac{(p-q)^2}{pq} \leq 0$, значит, $\frac{p+q}{q} \leq 2$;

б) $\frac{(m+n)^2}{2} - (m^2 + n^2) = \frac{m^2 + 2mn + n^2 - 2m^2 - 2n^2}{2} = \frac{-(m-n)^2}{2} \leq 0$,

значит, $\frac{(m+n)^2}{2} \leq m^2 + n^2$.

1259.

а) $x^2 - 6x + 14 = x^2 - 6x + 9 + 5 = (x-3)^2 + 5 > 0$;

б) $a^2 + 10 - (-6a) = a^2 + 6a + 10 = a^2 + 6a + 9 + 1 = (a+3)^2 + 1 > 0$,

значит, $a^2 + 10 > -6a$;

в) $y^2 + 70 - 16y = y^2 - 16y + 64 + 6 = (y-8)^2 + 6 > 0$, значит, $y^2 + 70 > 16y$;

г) $b^2 + 20 - (-8b) - b^2 + 8b + 16 + 4 = (b+4)^2 + 4 > 0$, значит, $b^2 + 20 > -8b$.

1260.

а) $s^2 + 3 - 2s = s^2 - 2s + 1 + 2 = (s-1)^2 + 2 > 0$, значит, $s^2 + 3 > 2s$;

б) $z^2 + 6zt + 10t^2 = z + 6zt + 9t^2 + t^2 = (z+3t)^2 + t^2 \geq 0$,

значит, $z^2 + 6zt + 10t^2 \geq 0$;

в) $m^2 + 40 - 12m = m^2 - 12m + 36 + 4 = (m-6)^2 + 4 > 0$,

значит, $m^2 + 40 > 12m$;

г) $(a+1)(3-a) - 5 = -a^2 + 2a + 3 - 5 = a^2 + 2a - 2 = -a^2 - 2a - 1 - 1 = -(a+1)^2 - 1 < 0$, значит, $(a+1)(3-a) < 5$.

1261.

а) $2,8 < \sqrt{8}$; 7,84 < 8; б) $\sqrt{3} > 1,7$; 3 > 2,89;

в) $\sqrt{10} < 3,4$; 10 < 11,56. г) $\sqrt{7} < 2,8$; 7 < 7,84.

1262.

а) $\sqrt{5} < \frac{4}{5} \sqrt{8}$; $5 < \frac{16}{25} \cdot 8$; б) $\sqrt{3} < \frac{7}{6} \sqrt{2}$; $3 < \frac{49}{36} \cdot 2$;

в) $\sqrt{8} < \frac{4}{5} \sqrt{13}$; $8 < \frac{16}{25} \cdot 13$; г) $\sqrt{7} > \frac{3}{5} \sqrt{19}$; $7 > \frac{9}{25} \cdot 19$.

1263.

а) $15,4 : 3,5 < 15,4 : 3,4$; б) $-22,1 \cdot 2,5 < -22 \cdot 2,5$;

в) $238 \cdot 2 > 237 \cdot 2$; г) $-5,2 : 4,3 < -5,1 : 4,3$.

1264.

а) $1,8 : 2,7 < 1,82 \cdot 2,7$; б) $32,5 \cdot 0,5 < 32,5 : 0,5$;

в) $492 \cdot 0,3 < 492 : 0,3$; г) $8,34 : 1,1 < 8,34 \cdot 1,1$.

1265.

$$k > l$$

$$0,2 + k > l, \quad l > l - 12,$$

$$k + 2,6 > l, \quad l - 1,45 > l - 12.$$

$$\text{Значит, } l - 12 < l - 1,45 < l < k < 0,2 + k < k + 2,6.$$

Ответ: $l - 12; l - 1,45; l; k; 0,2 + k; k + 2,6$.

1266.

a) $3a + 12 > 3b + 10, 3a > 3b - 2$, нельзя утверждать, что $a > b$. Например, $a = 0,8, b = 1$ удовлетворяют неравенству $3a + 12 > 3b + 10$, но $a < b$.

Ответ: нет.

б) $\frac{2a}{b} > 2, \frac{a}{b} > 1$, нельзя утверждать, что $a > b$. Например, $a = -3,$

$b = -2$ удовлетворяют неравенству $\frac{2a}{b} > 2$, но $a < b$.

Ответ: нет.

в) $7a > 5b, a > \frac{5}{7}b$, нельзя утверждать, что $a > b$. Например, $a = 1,$

$b = 1,1$, удовлетворяют неравенству $7a > 5b$, но $a < b$. Ответ: нет.

г) $\frac{a}{b} > \frac{b}{a}$, нельзя утверждать, что $a > b$. Например, $a = -3, b = -2,$

удовлетворяют неравенству $\frac{a}{b} > \frac{b}{a}$, но $a < b$. Ответ: нет.

1267.

а) $x^2y \geq 0$. Нельзя утверждать, что $y \geq 0$, например, $x = 0, y = -5$, удовлетворяет неравенству $x^2y \geq 0$, но $y < 0$. Ответ: нет.

б) $\frac{x}{y^2} \geq 0$, т.к. $y \neq 0$, то $y^2 \cdot \frac{x}{y^2} \geq 0 \cdot y^2, x \geq 0$.

Ответ: да.

в) $xy^2 < 0$. Нельзя утверждать, что $y < 0$, например, $x = -3, y = 3$ удовлетворяет неравенству $xy^2 < 0$, но $y > 0$. Ответ: нет.

г) $\frac{x^2}{y} \geq 0$. Нельзя утверждать, что $y > 0$, например, $x = 0, y = -5,$

удовлетворяет неравенству $\frac{x^2}{y} \geq 0$, но $y < 0$. Ответ: нет.

1268.

а) $\frac{2}{a-3} > 1, \frac{2}{a-3} - 1 > 0, \frac{2-a+3}{a-3} > 0, \frac{a-5}{a-3} > 0,$

значит, $3 < a < 5$. Ответ: да.

б) $\frac{1}{a-2} < 1$. Нельзя утверждать, что $a > 3$. Например,

$a = -10$ удовлетворяет неравенству $\frac{1}{a-2} < 1$, но $a < 3$. Ответ: нет.

$$\text{в)} \quad \frac{8}{a-2} > 2, \quad \frac{4}{a-2} > 1, \quad \frac{4}{a-2} - 1 > 0, \quad \frac{4-a+2}{a-2} > 0,$$

$\frac{a-6}{a-2} > 0$, значит, $2 < a < 6$. Ответ: да.

г) $\frac{12}{a-1} < 3$. Нельзя утверждать, что $a > 5$. Например, $a = -10$ удовлетворяет неравенству $\frac{12}{a-1} < 3$, но $a < 5$. Ответ: нет.

1269.

$$\text{а)} \quad \sqrt{2} + \sqrt{7} < \sqrt{5} + 2, \quad 2 + 7 + 2\sqrt{14} < 5 + 4 + 4\sqrt{5}, \\ \sqrt{14} < 2\sqrt{5}, \quad 14 < 20;$$

$$\text{б)} \quad 2 + \sqrt{11} < \sqrt{5} + \sqrt{10}, \quad 4 + 11 + 4\sqrt{11} < 5 + 10 + 2\sqrt{50}, \\ 2\sqrt{11} < \sqrt{50}, \quad 44 < 50;$$

$$\text{в)} \quad \sqrt{7} + \sqrt{5} > 3 + \sqrt{3}, \quad 7 + 5 + 2\sqrt{35} > 9 + 3 + 6\sqrt{3}, \\ \sqrt{35} > 3\sqrt{3}, \quad 35 > 27;$$

$$\text{г)} \quad \sqrt{3} + \sqrt{15} > 4 + \sqrt{2}, \quad 3 + 15 + 2\sqrt{45} > 16 + 2 + 8\sqrt{2}, \\ \sqrt{45} > 4\sqrt{2}, \quad 45 > 32.$$

1270.

$$\text{а)} \quad \sqrt{37} - \sqrt{14} > 6 - \sqrt{15}, \quad 37 + 14 - 2\sqrt{37 \cdot 14} > 36 + 15 - 12\sqrt{15}, \\ \sqrt{37 \cdot 14} < 6\sqrt{15}, \quad 37 \cdot 14 < 36 \cdot 15, \quad 518 < 540;$$

$$\text{б)} \quad \sqrt{11} - \sqrt{10} < \sqrt{6} - \sqrt{5}, \quad 11 + 10 - 2\sqrt{110} < 6 + 5 - 2\sqrt{30}, \\ 5 - \sqrt{110} < -\sqrt{30}, \quad 5 < \sqrt{110} - \sqrt{30}, \quad 25 < 110 + 30 - 2\sqrt{110 \cdot 3}, \\ 2\sqrt{3300} < 115, \quad 4 \cdot 3300 < 115^2, \quad 13200 < 13225;$$

$$\text{в)} \quad \sqrt{17} - \sqrt{15} < \sqrt{7} - \sqrt{5}, \quad 17 + 15 - 2\sqrt{17 \cdot 15} < 7 + 5 - 2\sqrt{7 \cdot 5}, \\ 10 - \sqrt{255} < -\sqrt{35}, \quad 10 < \sqrt{255} - \sqrt{35}, \\ 100 < 255 + 35 - 2\sqrt{255 \cdot 35}, \quad \sqrt{255 \cdot 35} < 95, \quad 255 \cdot 35 < 85^2,$$

$$\text{г)} \quad \sqrt{10} - \sqrt{7} < \sqrt{11} - \sqrt{6}, \quad \sqrt{10} - \sqrt{11} < \sqrt{7} - \sqrt{6}.$$

1271

$$ab > 0; \quad \frac{5a}{3b} + \frac{12b}{5a} - 4 = \frac{25a^2 + 36b^2 - 60ab}{15ab} = \frac{(5a - 6b)^2}{15ab} \geq 0, \text{ значит, } \frac{5a}{3b} + \frac{12b}{5a} \geq 4.$$

1272.

$$\text{а)} \quad a^2 + 2b^2 + 2ab + 2b + 2 = a^2 + 2ab + b^2 + b^2 + 2b + 1 + 1 = \\ = (a+b)^2 + (b+1)^2 + 1 > 0;$$

$$\text{б)} \quad (a+b)\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right) - 4 = (a+b) \cdot \frac{a+b}{ab} - \frac{4ab}{ab} = \frac{a^2 + 2ab + b^2 - 4ab}{ab} = \\ = \frac{(a-b)^2}{ab} \geq 0, \text{ значит, } (a+b)\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right) \geq 4.$$

1273.

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad & 2a^2 + b^2 + c^2 - 2a(b+c) = 2a^2 + b^2 + c^2 - 2ab - 2ac = \\ & = (a-b)^2 + (a-c)^2 \geq 0, \text{ значит, } 2a^2 + b^2 + c^2 \geq 2a(b+c); \\ \text{б)} \quad & \text{неравенство неверно, так как при } x=2, y=1 \text{ получаем} \\ & 2^2 - 1^2 \geq 4 \cdot 2 \cdot 1(2-1)^2, 3 > 8 - \text{что неверно.} \end{aligned}$$

1274.

$$\begin{aligned} a^3+1-(a^2+a) &= a^3-a^2+1-a=a^2(a-1)-(a-1)=(a-1)(a^2-1)=(a-1)^2(a+1), \\ \text{т.к. } a &\geq -1, \text{ то } a+1 \geq 0, \text{ значит,} \\ a^3+1-(a^2+a) &\geq 0, \quad a^3+1 \geq a^2+a. \end{aligned}$$

1275

$$\begin{aligned} \sqrt{a} + \sqrt{b} &> \sqrt{a+b}, \quad a > 0, \quad b > 0. \text{ Т.к. } a \text{ и } b > 0, \text{ то } \sqrt{ab} > 0, \\ 2\sqrt{ab} &> 0, \quad a+2\sqrt{ab}+b > a+b, \quad (\sqrt{a} + \sqrt{b})^2 > (\sqrt{a+b})^2, \\ \text{т.к. } \sqrt{a} + \sqrt{b} &> 0, \quad \sqrt{a+b} > 0, \text{ то} \\ \sqrt{a} + \sqrt{b} &> \sqrt{a+b}, \text{ что и требовалось.} \end{aligned}$$

1276

$$\begin{aligned} \sqrt{a^2+b^2} &\leq a+b, \quad a \geq 0, \quad b \geq 0. \\ ab \geq 0, \quad 2ab &\geq 0, \quad 0 \leq 2ab, \quad a^2+b^2 \leq a^2+2ab+b^2, \\ \left(\sqrt{a^2+b^2}\right)^2 &\leq (a+b)^2. \text{ Так как } \sqrt{a^2+b^2} \geq 0, \quad a+b \geq 0, \\ \text{то } \sqrt{a^2+b^2} &\leq a+b, \text{ что и требовалось доказать.} \end{aligned}$$

1277.

$$\begin{aligned} (\sqrt{bc}-\sqrt{ad})^2 &\geq 0, \quad bc+ad-2\sqrt{abcd} \geq 0, \quad bc+ad \geq 2\sqrt{abcd}, \\ bc+ad+ab+cd &\geq ab+cd+2\sqrt{abcd}, \\ (a+c)(b+d) &\geq ab+cd+2\sqrt{abcd}, \\ (\sqrt{(a+c)(b+d)})^2 &\geq (\sqrt{ab}+\sqrt{cd})^2, \text{ так как } \sqrt{(a+c)(b+d)} \geq 0, \\ \sqrt{ab}+\sqrt{cd} &\geq 0, \text{ то } \sqrt{(a+c)(b+d)} \geq \sqrt{ab}+\sqrt{cd}, \text{ что и требовалось доказать.} \end{aligned}$$

1278

$$\begin{aligned} \frac{a}{\sqrt{b}}+\frac{b}{\sqrt{a}} &\geq \sqrt{a}+\sqrt{b}, \quad a > 0, \quad b > 0. \quad (\sqrt{a}-\sqrt{b})^2 \geq 0, \quad a-2\sqrt{ab}+b \geq 0, \\ a-\sqrt{ab}+b &\geq \sqrt{ab}, \text{ т.к. } \sqrt{a}+\sqrt{b} > 0, \text{ то} \\ (a-\sqrt{ab}+b)(\sqrt{a}+\sqrt{b}) &\geq \sqrt{ab}(\sqrt{a}+\sqrt{b}), \\ \text{т.к. } \sqrt{ab} &> 0, \text{ то } \frac{(a-\sqrt{ab}+b)(\sqrt{a}+\sqrt{b})}{\sqrt{ab}} \geq \sqrt{a}+\sqrt{b}, \\ \frac{a\sqrt{a}+b\sqrt{b}}{\sqrt{ab}} &\geq \sqrt{a}+\sqrt{b}, \\ \frac{a}{\sqrt{b}}+\frac{b}{\sqrt{a}} &\geq \sqrt{a}+\sqrt{b}, \text{ что и требовалось доказать.} \end{aligned}$$

§ 39. Решения линейных неравенств

1279

$$2a + 3 > 7a - 17.$$

a) $a = 2$, $2 \cdot 2 + 3 > 7 \cdot 2 - 17$,

$7 > -3$ – верно, значит, $a = 2$ является решением неравенства;

б) $a = 6,5$, $2 \cdot 6,5 + 3 > 7 \cdot 6,5 - 17$, $16 > 28,5$ – ложно, значит, $a = 6,5$ не является решением неравенства;

в) $a = -\sqrt{2}$, $-2\sqrt{2} + 3 > -7\sqrt{2} - 17$, $5\sqrt{2} > -20$ – верно, значит, $a = -\sqrt{2}$ является решением неравенства;

г) $a = \sqrt{18}$, $2\sqrt{18} + 3 > 7\sqrt{18} - 17$, $5\sqrt{18} < 20$ – ложно, значит, $a = \sqrt{18}$ не является решением неравенства.

1280

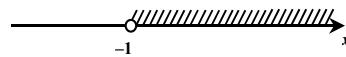
$3x > x + 2$, $2x > 2$, $x > 1$ – решение неравенства. 7 и $\sqrt{5}$ являются решением неравенства.

1281

$9x + 1 > 7x$, $2x > -1$, $x > -0,5$. Ответ: $x_1 = 0$; $x_2 = 10$.

1282.

а) $x + 1 > 0$, $x > -1$,



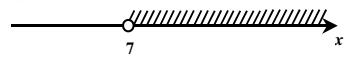
б) $x - 3 < 0$, $x < 3$,



в) $x + 2,5 < 0$, $x < -2,5$,

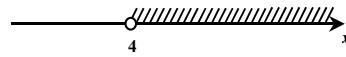


г) $x - 7 > 0$, $x > 7$.



1283.

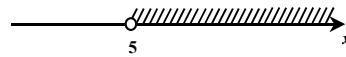
а) $2x > 8$; $x > 4$;



б) $4x < 12$; $x < 3$;



в) $5x > 25$; $x > 5$.

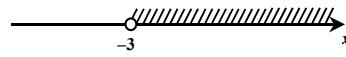


г) $7x < 42$; $x < 6$.



1284.

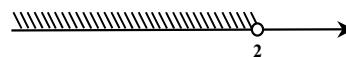
а) $11x > -33$; $x > -3$;



б) $-8x > 24$; $x < -3$;



в) $-6x > -12$; $x < 2$;

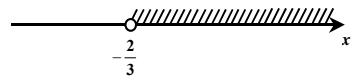


г) $13x < -65$; $x < -5$;

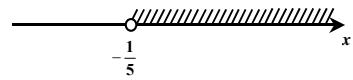


1285.

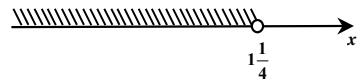
a) $3x + 2 > 0; 3x > -2; x > -\frac{2}{3};$



б) $-5x - 1 < 0; 5x > -1; x > -\frac{1}{5};$



в) $4x - 5 < 0; 4x < 5; x < \frac{5}{4};$



г) $-6x + 12 > 0; 6x < 12; x < 2.$



1286.

а) $2x + 3 > 7; 2x > 4; x > 2;$



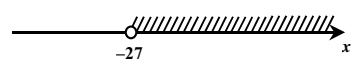
б) $-3x + 4 < 13; 3x > -9; x > -3.$



в) $-5x - 1 > 24; 5x < -25; x < -5;$

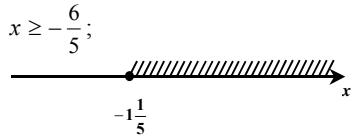


г) $-x - 8 < 19; x > -27.$

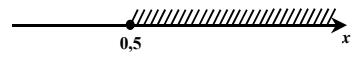


1287.

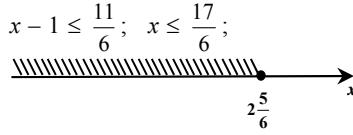
а) $5(x + 2) \geq 4; x + 2 \geq \frac{4}{5};$



б) $-2(x - 3) \leq 5; x - 3 \geq -2,5;$
 $x \geq 0,5;$



в) $6(x - 1) \leq 11$



г) $-3(x + 4) \geq -2$

$x + 4 \leq \frac{2}{3}; x \leq -\frac{10}{3}.$



1288.

а) $5a - 3 > 0; 5a > 3; a > \frac{3}{5}$

б) $23b + 11 < 0; 23b < -11; b < -\frac{11}{23}$

1289.

а) $13c - 22 \geq 0; 13c \geq 22;$

б) $2d + 4 \leq 0; 2d \leq -4;$

$c \geq \frac{22}{13}$

$d \leq -2$

1290.

a) $5m + 8 > 2$; $5m > -6$; $m > -\frac{6}{5}$; 6) $7n + 1 < 1$; $7n < 0$; $n < 0$.

1291.

a) $9p - 2 \geq 3p + 4$;
 $6p \geq 6$; $p \geq 1$;

6) $11q + 3 < 5q - 6$;
 $6q < -9$; $q < -1,5$.

1292.

a) $2a - 11 > a + 13$; $a > 24$;
b) $6 - 4c > 7 - 6c$
 $2c > 1$; $c > 0,5$;

6) $8b + 3 < 9b - 2$; $b > 5$;
r) $3 - 2x < 12 - 5x$
 $3x < 9$; $x < 3$.

1293.

a) $2d - 5 \geq 3 - d$
 $3d \geq 8$; $d \geq \frac{8}{3}$;

b) $6n - 2 \leq 7n + 8$; $n \geq -10$;

6) $3m + 17 \leq m - 13$
 $2m \leq -30$;
 $m \leq -15$;

r) $p + 4 \geq 12 + 9p$
 $8p \leq -8$; $p \leq -1$.

1294.

a) $-2x + 12 > 3x - 3$;
 $5x < 15$; $x < 3$;

b) $5z - 14 < 8z - 20$;
 $3z > 6$; $z > 2$;

6) $6y + 8 < 10y - 8$;
 $4y > 16$; $y > 4$;

r) $3t + 5 > 7t - 7$;
 $4t < 12$; $t < 3$.

1295.

a) $10x + 9 > -3(2 - 5x)$;
 $10x + 9 > -6 + 15x$;
 $5x < 15$; $x < 3$;

b) $-(6y + 2) + 3(y - 1) \geq 0$;
 $-6y - 2 + 3y - 3 \geq 0$;
 $3y \leq -5$; $y \leq -\frac{5}{3}$;

6) $2(3 - 2z) + 3(2 - z) \leq 40$;
 $6 - 4z + 6 - 3z \leq 40$;
 $7z \geq -28$; $z \geq -4$;

r) $-(8t - 2) - 2(t - 3) > 0$;
 $8t - 2 + 2(t - 3) < 0$;
 $10t - 2 - 6 < 0$; $10t < 8$; $t < \frac{4}{5}$.

1296.

a) $2(x + 1) - 1 < 7 + 8x$;
 $2x + 2 - 1 < 7 + 8x$;
 $6x > -6$; $x > -1$;

b) $-2(4z + 1) < 3 - 10z$;
 $-8z - 2 < 3 - 10z$;
 $2z < 5$; $z < 2,5$;

6) $3 - 11y \leq -3(y - 2)$;
 $3 \leq 11y - 3y + 6$;
 $8y \geq -3$; $y \geq -\frac{3}{8}$;

r) $4 - 3t > -4(2t + 2)$;
 $4 - 3t > -8t - 8$;
 $5t > -12$; $t > -\frac{12}{5}$;

1297.

a) $8 + 6p < 2(5p - 8)$;
 $4 + 3p < 5p - 8$; $2p > 12$; $p > 6$;

b) $-(6y + 2) + 6(y - 1) \geq 0$;
 $-6y - 2 + 6y - 6 \geq 0$; $-8 \geq 0$;
нет решений.

6) $2(3 - 4q) - 3(2 - 3q) \leq 0$;
 $6 - 8q - 6 + 9q \leq 0$; $q \leq 0$;

r) $7 - 16r \leq -2(8r - 1) + 5$;
 $7 - 16r \leq -16r + 2 + 5$; $0 \leq 0$;
 $-\infty < r < +\infty$.

1298.

a) $4(a+1) + 3a > 7a + 2$
 $4 > 2; -\infty < a < +\infty;$

b) $4(2+3z) + 3(4-4z) \geq 0;$
 $8 + 12z + 12 - 12z \geq 0; 20 \geq 0;$
 $-\infty < z < +\infty;$

б) $7b - 3 \geq 7(1+b);$

$7b - 3 \geq 7 + 7b; -3 \geq 7;$

нет решений;

г) $5(4d-3) + 5(3-4d) < 0;$
 $20d - 15 + 15 - 20d < 0; 0 < 0;$
 нет решений.

1299.

a) $\frac{3a}{4} > 1; a > \frac{4}{3};$

в) $\frac{8c}{11} > 2; \frac{4c}{11} > 1; c > \frac{11}{4};$

б) $\frac{5b}{8} < 3; b < \frac{24}{5};$

г) $\frac{9d}{5} < 0; d < 0.$

1300.

a) $\frac{2x-1}{3} \geq 1; 2x - 1 \geq 3$

$2x \geq 4; x \geq 2;$

б) $\frac{3x+1}{4} \leq 15; 3x + 1 \leq 60;$

$3x \leq 59; x \leq \frac{59}{3};$

в) $\frac{12-9x}{7} \geq 7; 12 - 9x \geq 49;$

$9x \leq -37; x \leq -\frac{37}{9};$

г) $\frac{23-5x}{11} \leq 1; 23 - 5x \leq 11;$

$5x \geq 12; x \geq \frac{12}{5}.$

1301.

a) $\frac{a}{2} + \frac{a}{3} > 7; 3a + 2a > 42;$

$5a > 42; a > \frac{42}{5};$

б) $\frac{b}{6} - \frac{b}{4} \leq 1; 4b - 6b \leq 24;$

$-2b \leq 24; -b \leq 12; b \geq -12;$

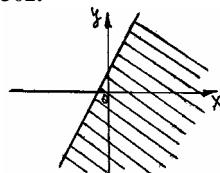
б) $\frac{2c}{9} - c \geq 3; -\frac{7c}{9} \geq 3$

$-c \geq \frac{27}{7}; c \leq -\frac{27}{7}$

г) $\frac{3d}{4} - 2d < 0; 3d - 8d < 0;$

$-5d < 0; d > 0.$

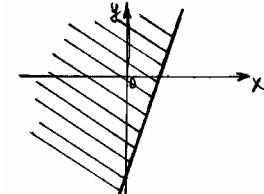
1302.



$y < 2x + 1.$

Все точки плоскости, расположенные ниже прямой $y = 2x + 1$, не включая точки прямой.

1303.



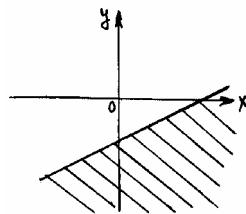
$y > 3x - 5.$

Все точки плоскости, расположенные выше прямой $y = 3x - 5$, не включая точки прямой.

1304.

$$y < 0,5x - 2.$$

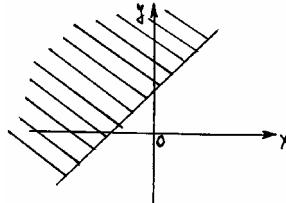
Все точки плоскости, расположенные ниже прямой $y = 0,5x - 2$, не включая точки прямой.



1305.

$$y \geq x + 2$$

все точки плоскости, расположенные не ниже прямой $y = x + 2$, включая точки прямой.



1306..

$$(3x + 8)(x + 12) > 3(x + 12)^2, \quad 3x^2 + 8x + 36x + 96 > 3x^2 + 72x + 432,$$
$$28x < -336, \quad x < -12.$$

1307.

$$(2x + 5)(8x - 15) < (4x - 3)^2, \quad 16x^2 + 10x - 75 < 16x^2 + 9 - 24x,$$
$$34x < 84, \quad x < \frac{42}{17}.$$

1308.

a) $a(a - 2) - a^2 > 5 - 3a$ б) $5y^2 - 5y(y + 4) \geq 100$
 $-2a > 5 - 3a; \quad a > 5;$ $-20y \geq 100; \quad y \leq -5.$

1309.

a) $3x(3x - 1) - 9x^2 < 3x + 6$ б) $7c(c - 2) - c(7c + 1) < 3$
 $-3x < 3x + 6; \quad 6x > -6;$ $-14c - c < 3; \quad -15c < 3; \quad c > -\frac{1}{5}.$
 $x > -1;$

1310.

a) $0,2m^2 - 0,2(m - 6)(m + 6) > 3,6m$ б) $(12n - 1)(3n + 1) < 1 + (6n + 2)^2$
 $0,2m^2 - 0,2(m^2 - 36) > 3,6m;$ $36n^2 + 9n - 1 < 1 + 36n^2 + 24n + 4;$
 $m^2 - (m^2 - 36) > 18m; \quad 18m < 36;$ $15n > -6; \quad n > -\frac{2}{5}.$
 $m < 2;$

1311.

a) $(2p-5)^2 - 0,5p < (2p-1)(2p+1) - 15;$ б) $(4q-1)^2 > (2q+3)(8q-1)$
 $4p^2 - 20p + 25 - 0,5p < 4p^2 - 16;$ $16q^2 - 8q + 1 > 16q^2 + 22q - 3;$
 $20,5p > 41; \quad p > 2;$ $30q < 4; \quad q < \frac{2}{15}.$

1312.

a) $\frac{2a-1}{3} < \frac{5a-2}{2};$ б) $2c - \frac{c+1}{2} \leq \frac{c-1}{3};$
 $4a - 2 < 15a - 6;$ $12c - 3c - 3 \leq 2c - 2;$

$$11a > 4; \quad a > \frac{4}{11};$$

$$\text{б) } \frac{2b-1}{5} - \frac{3-b}{3} < 2;$$

$$6b - 3 - 15 + 5b < 30; \quad 11b < 48;$$

$$b < \frac{48}{11};$$

1313.

$$\text{а) } \frac{x+1}{2} - \frac{x+2}{3} < 2 + \frac{x}{6};$$

$$3x + 3 - 2x - 4 < 12 + x; \quad -1 < 12; \\ -\infty < x < +\infty;$$

1314.

$$\text{а) } \frac{3y+5}{4} - 1 \leq \frac{y-2}{3} + y;$$

$$9y + 15 - 12 \leq 4y - 8 + 12y;$$

$$7y \geq 11; \quad y \geq \frac{11}{7};$$

1315.

$$\text{а) } 4(x-7) - 2(x+3) < 9; \\ 4x - 28 - 2x - 6 < 9; \quad 2x < 43; \\ x < 21,5; \quad x_0 = 21. \quad \text{Ответ: } 21$$

1316.

$$\text{а) } \frac{2x-1}{3} + \frac{5x+7}{2} < 4;$$

$$4x - 2 + 15x + 21 < 24; \quad 19x < 5;$$

$$x < \frac{5}{19} \quad x_0 = 0; \quad \text{Ответ: } 0.$$

1317.

$$\text{а) } 7(x+2) - 3(x-8) > 10; \\ 7x + 14 - 3x + 24 > 10; \\ 4x > -28; \quad x > -7, \quad x_0 = -6.$$

Ответ: -6

1318.

$$\text{а) } \frac{2x-3}{5} + \frac{9-4x}{6} < 1;$$

$$12x - 18 + 45 - 20x - 30 < 0;$$

$$8x > -3; \quad x > -\frac{3}{8}, \quad x_0 = 0.$$

Ответ: 0

1319.

I этап: Пусть x км – проплыли туристы по течению. Тогда $(10-x)$ км – проплыли против течения. $5 + 1 = 6$ (км/ч) и $5 - 1 = 4$ (км/ч) – скорость по течению и против течения.

$$7c \leq 1; \quad c \leq \frac{1}{7};$$

$$\text{г) } \frac{d-1}{3} - d \geq \frac{d+1}{2};$$

$$2d - 2 - 6d \geq 3d + 3; \quad 7d \leq -5;$$

$$d \leq -\frac{5}{7}.$$

$$\text{б) } \frac{37-3z}{2} + 9 < \frac{2z-7}{4} - 2z;$$

$$74 - 6z + 36 < 2z - 7 - 8z; \quad 74 < -43 \\ \text{нет решений.}$$

$$\text{б) } \frac{t-1}{2} - \frac{2t+3}{8} - t > 2;$$

$$4t - 4 - 2t - 3 - 8t > 16;$$

$$6t < -23; \quad t < -\frac{23}{6}.$$

$$\text{б) } 5(x-1) + 7(x+2) < 3$$

$$5x - 5 + 7x + 14 < 3; \quad 12x < -6;$$

$$x < -0,5; \quad x_0 = -1; \quad \text{Ответ: } -1.$$

$$\text{б) } \frac{3x+2}{5} - \frac{2x-4}{3} > 7;$$

$$9x + 6 - 10x + 20 > 105; \quad x < -79;$$

$$x_0 = -80;$$

Ответ: -80 .

$$\text{б) } 3(x-2) - 4 \geq 2(x+3);$$

$$3x - 6 - 4 \geq 2x + 6;$$

$$x \geq 16; \quad x_0 = 16.$$

Ответ: 16 .

$$\text{б) } \frac{3x-2}{4} + \frac{4x+1}{3} \geq 1;$$

$$9x - 6 + 16x + 4 \geq 12;$$

$$25x \geq 14; \quad x \geq \frac{14}{25}, \quad x_0 = 1.$$

Ответ: 1 .

$\frac{x}{6}$ ч и $\frac{10-x}{4}$ ч – время движения по течению и против течения.

Так как туристы были в пути менее 2 часов, получаем $\frac{x}{6} + \frac{10-x}{4} < 2$.

III этап: $4x + 60 - 6x < 48$, $2x > 12$, $x > 6$.

III этап: Туристы проплыли по течению больше 6 км. Но т.к. весь путь равен 10 км и часть пути они проплыли против течения, то путь по течению также меньше 10 км.

Ответ: больше 6 км, но меньше 10 км.

1320.

I этап: Пусть x км – шли дачники со скоростью 4 км/ч. Тогда:

$(10-x)$ км – шли с новой скоростью.

$4 + 2 = 6$ (км/ч) – новая скорость. $\frac{x}{4}$ ч и $\frac{10-x}{6}$ ч – время движения со старой и новой скоростями. Т.к. дачники должны успеть на поезд, который отправляется через 2 ч, получаем $\frac{x}{4} + \frac{10-x}{6} < 2$.

II этап: $6x + 40 - 4x < 48$, $2x < 8$, $x < 4$.

III этап: Со скоростью 4 км/ч дачники могли идти менее 4 км.

Ответ: менее 4 км.

1321.

I этап: Пусть x км – расстояние от А до С. Тогда: $(x-15)$ км – расстояние от С до В. $\frac{x}{50}$ ч и $\frac{x-15}{40}$ ч – время движения от А до С и от С

до В. Т.к. весь путь занимает менее 3 часов, получаем $\frac{x}{50} + \frac{x-15}{40} < 3$.

II этап: $4x + 5x - 75 < 600$, $9x < 675$, $x < 75$.

III этап: Т.к. АС длиннее ВС на 15 км и АС выражается целым числом десятков километров, то АС = 20, 30, 40, 50, 60 или 70 км.

Ответ: 20, 30, 40, 50, 60 или 70 км.

1322

I этап: Пусть интересующее нас расстояние – x км. Ясно что $0 < x \leq 240$. Найдем наименьшее x .

II этап: x – будет наименьшим, если автомобиль сразу поедет за автобусом, т. е. поедет с ним одновременно. Тогда автомобиль проедет АВ за $\frac{240}{90} = \frac{8}{3}$ ч. За это время автобус проедет $\frac{8}{3} \cdot 54 = 144$ км.

$240 - 144 = 96$ км будет расстояние в этот момент между ними.

$90 + 54 = 144$ (км/ч) – скорость сближения

$\frac{96}{144} = \frac{6}{9}$ (ч) – проедет это расстояние $240 - 90 - \frac{6}{9} = 240 - 60 = 180$ (км) – искомое расстояние.

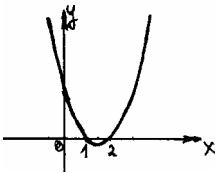
III этап: Итак, искомое расстояние будет более 180 км, т.к. по условию автомобиль поехал спустя некоторое время.

Ответ: более 180 км.

§ 40. Решение квадратичных неравенств

1323

$$y = x^2 - 3x + 2, \quad y = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{1}{4}$$



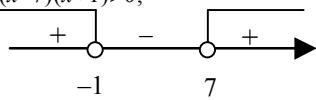
- а) $x^2 - 3x + 2 > 0$ при $x < 1$ и $x > 2$;
б) $x^2 - 3x + 2 < 0$ при $1 < x < 2$;

1324.

а) $x^2 - 6x - 7 > 0$;

$x_1 = 7, \quad x_2 = -1$;

$(x-7)(x+1) > 0$;

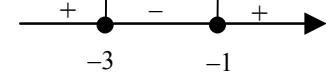


Ответ: $(-\infty; -1) \cup (7; +\infty)$.

б) $x^2 + 2x - 8 \leq 0$;

$x_1 = -4, \quad x_2 = 2$;

$(x+4)(x-2) \leq 0$;



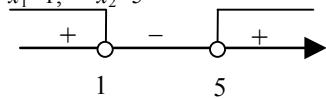
Ответ: $[-4; 2]$.

1325.

а) $-x^2 + 6x - 5 < 0$

$x^2 - 6x + 5 > 0$

$x_1 = 1, \quad x_2 = 5$

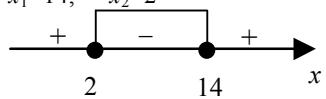


Ответ: $(-\infty; 1) \cup (5; +\infty)$.

б) $-x^2 + 16x - 28 > 0$

$x^2 - 16x + 28 < 0$

$x_1 = 2, \quad x_2 = 14$



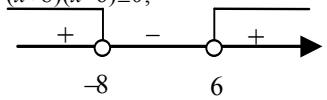
Ответ: $(2; 14)$.

- б) $x^2 - 3x + 2 \leq 0$ при $1 \leq x \leq 2$;
г) $x^2 - 3x + 2 \geq 0$ при $x \leq 1$ и $x \geq 2$.

б) $x^2 + 2x - 8 \leq 0$;

$x_1 = -4, \quad x_2 = 2$;

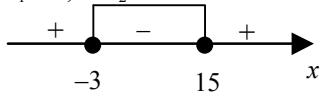
$(x+4)(x-2) \leq 0$;



Ответ: $[-4; 2]$.

г) $x^2 - 12x - 45 < 0$

$x_1 = 15, \quad x_2 = -3$

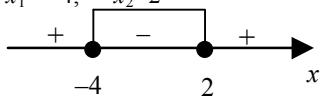


Ответ: $(-3; 15)$.

б) $-x^2 - 2x + 8 \geq 0$

$x^2 + 2x - 8 \leq 0$

$x_1 = -4, \quad x_2 = 2$

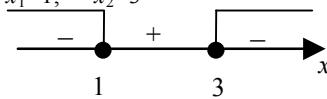


Ответ: $[-4; 2]$.

г) $-x^2 + 4x - 3 \leq 0$

$x^2 - 4x + 3 \geq 0$

$x_1 = 1, \quad x_2 = 3$



Ответ: $(-\infty; 1] \cup [3; +\infty)$.

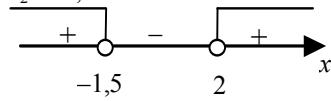
1326

a) $2x^2 - x - 6 > 0$

$D = 1 + 4 \cdot 2 \cdot 6 = 49$

$x_1 = \frac{1+7}{4} = 2$

$x_2 = -1,5$

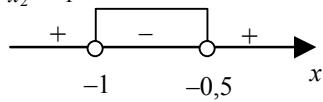
Ответ: $(-\infty; -1,5) \cup (2; +\infty)$.

b) $2x^2 + 3x + 1 < 0$

$D = 9 - 4 \cdot 2 = 1$

$x_1 = \frac{-3+1}{4} = -0,5$

$x_2 = -1$

Ответ: $(-1; -0,5)$ **1327**

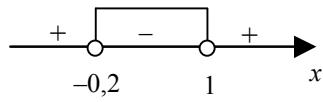
a) $-5x^2 + 4x + 1 > 0$

$5x^2 - 4x - 1 < 0$

$D = 16 + 4 \cdot 5 = 36$

$x_1 = \frac{4+6}{10} = 1$

$x_2 = -0,2$

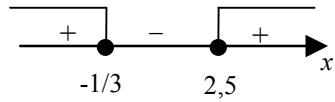
Ответ: $(-0,2; 1)$

b) $-6x^2 + 13x + 5 < 0$

$6x^2 - 13x - 5 > 0$

$D = 169 + 4 \cdot 6 \cdot 5 = 289$

$x_1 = \frac{13+17}{12} = 2,5; x_2 = -\frac{1}{3}$

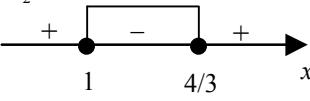
Ответ: $(-\infty; -\frac{1}{3}) \cup (2,5; +\infty)$.

б) $3x^2 - 7x + 4 \leq 0$

$D = 49 - 4 \cdot 3 \cdot 4 = 1$

$x_1 = \frac{7+1}{6} = \frac{4}{3}$

$x_2 = 1$

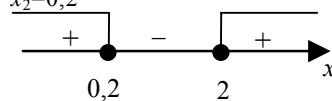
Ответ: $[1; \frac{4}{3}]$.

г) $5x^2 - 11x + 2 \geq 0$

$D = 121 - 4 \cdot 5 \cdot 2 = 81$

$x_1 = \frac{11+9}{10} = 2$

$x_2 = 0,2$

Ответ: $(-\infty; 0,2] \cup [2; +\infty)$.

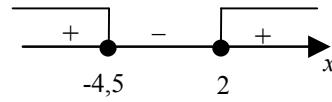
д) $-2x^2 - 5x + 18 \leq 0$

$2x^2 + 5x - 18 \geq 0$

$D = 25 + 8 \cdot 18 = 169$

$x_1 = \frac{-5+13}{64} = 2$

$x_2 = -4,5$

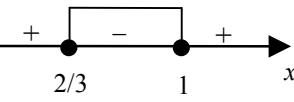
Ответ: $(-\infty; -4,5] \cup [2; +\infty)$.

г) $-3x^2 + 5x - 2 \geq 0$

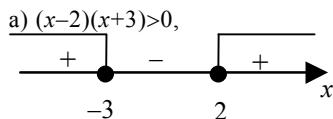
$3x^2 - 5x + 2 \leq 0$

$D = 25 - 4 \cdot 3 \cdot 2 = 1$

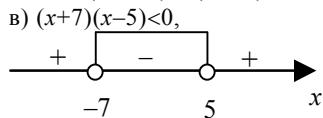
$x_1 = \frac{5+1}{6} = 1; x_2 = \frac{2}{3}$

Ответ: $[\frac{2}{3}; 1]$.

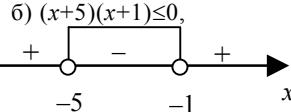
1328.



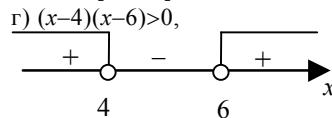
Ответ: $(-\infty; -3) \cup (2; +\infty)$.



Ответ: $(-7; 5)$.



Ответ: $[-5; -1]$.

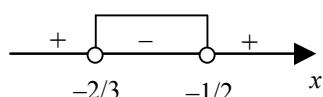


Ответ: $(-\infty; 4) \cup (6; +\infty)$.

1329

a) $(2x+1)(3x+2) < 0$

$(x+\frac{1}{2})(x+\frac{2}{3}) < 0$



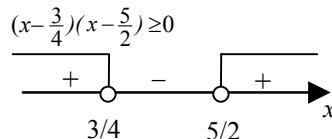
Ответ: $(-\frac{2}{3}; -\frac{1}{2})$.

б) $(7x+3)(4x-1) > 0$

$(x+\frac{3}{7})(x-\frac{1}{4}) > 0$

б) $(3-4x)(2x-5) \leq 0$

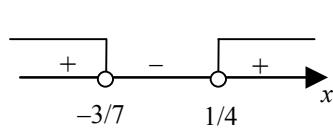
$(4x-3)(2x-5) \geq 0$



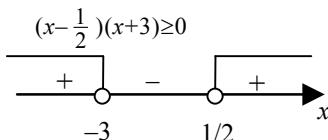
Ответ: $(-\infty; \frac{3}{4}] \cup [\frac{5}{2}; +\infty)$

г) $(1-2x)(3+x) \leq 0$

$(2x-1)(3+x) \geq 0$



Ответ: $(-\infty; -\frac{3}{7}) \cup (\frac{1}{4}; +\infty)$.



Ответ: $(-\infty; -3] \cup [\frac{1}{2}; +\infty)$.

1330

a) $6x^2 > 5x-1$

$6x^2 - 5x + 1 > 0$

$D=25-4 \cdot 6=1$

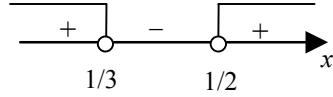
$x_1 = \frac{5+1}{12} = \frac{1}{2}; x_2 = \frac{1}{3}$

б) $-5x^2 < 6-11x$

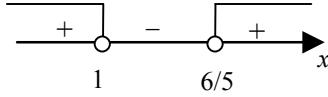
$5x^2 - 11x + 6 > 0$

$D=121-20 \cdot 6=1$

$x_1 = \frac{11+1}{10} = \frac{6}{5}; x_2 = 1$



Ответ: $(-\infty; \frac{1}{3}) \cup (\frac{1}{2}; +\infty)$.



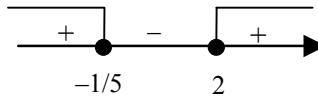
Ответ: $(-\infty; 1) \cup (\frac{6}{5}; +\infty)$.

в) $-2x^2+x \leq -6$

$2x^2-x-6 \geq 0$

$D=1+4 \cdot 6 \cdot 2=49$

$x_1 = \frac{1+7}{4} = 2; \quad x_2 = -1,5$

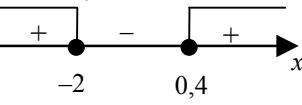


г) $5x^2 \geq 4-8x$

$5x^2+8x-4 \geq 0$

$D=64+4 \cdot 5 \cdot 4=144$

$x_1 = \frac{-8+12}{10} = 0,4; \quad x_2 = -2$



Ответ: $(-\infty; -1,5] \cup [2; +\infty)$. Ответ: $(-\infty; -2] \cup [0,4; +\infty)$.

1331.

а) $x^2-6x+9 \leq 0; (x-3)^2 \leq 0; x=3$. Ответ: 3.

б) $-x^2+12x-36 > 0; x^2-12x+36 < 0; (x-6)^2 < 0$. Ответ: нет решения.

в) $x^2-16x+64 \geq 0; (x-8)^2 \geq 0$. Ответ: $(-\infty; +\infty)$.

г) $-x^2+4x-4 < 0; x^2-4x+4 > 0; (x-2)^2 > 0$. Ответ: $(-\infty; 2) \cup (2; +\infty)$.

1332.

а) $25x^2+30x+9 \geq 0; (5x+3)^2 \geq 0$. Ответ: $(-\infty; +\infty)$.

б) $-9x^2+12x-4 < 0; 9x^2-12x+4 > 0; (3x-2)^2 > 0$. Ответ: $(-\infty; \frac{2}{3}) \cup (\frac{2}{3}; +\infty)$.

в) $-4x^2+12x-9 > 0; 4x^2-12x+9 < 0; (2x-3)^2 < 0$. Ответ: нет решения.

г) $36x^2+12x+1 \leq 0; (6x+1)^2 \leq 0; x = -\frac{1}{6}$. Ответ: $-\frac{1}{6}$.

1333.

а) $3x^2+x+2 > 0; D=1-4 \cdot 3 \cdot 2 < 0$. Т.к. $a=3 > 0$, то $x \in (-\infty; +\infty)$. Ответ: $(-\infty; +\infty)$.

б) $5x^2-2x+1 \geq 0; D=4-4 \cdot 5 < 0$. Т.к. $a=5 > 0$, то $x \in (-\infty; +\infty)$. Ответ: $(-\infty; +\infty)$.

в) $7x^2-x+3 \leq 0; D=1-4 \cdot 7 \cdot 3 < 0$. Т.к. $a=7 > 0$, то нет решения.

Ответ: нет решения.

г) $2x^2+5x+10 < 0; D < 0$. Т.к. $a=2 > 0$, то нет решения. Ответ: нет решения.

1334

а) $-7x^2+5x-2 < 0$

$7x^2-5x+2 > 0$

$D < 0$

Т.к. $a=7 > 0$, то $x \in (-\infty; +\infty)$.

Ответ: $(-\infty; +\infty)$.

б) $-3x^2-3x-1 \leq 0$

$3x^2+3x+1 \geq 0$

$D < 0$

Т.к. $a=3 > 0$, то $x \in (-\infty; +\infty)$.

Ответ: $(-\infty; +\infty)$.

в) $-2x^2+3x-2 \geq 0$

$2x^2-3x+2 \leq 0$

$D < 0$

Т.к. $a>0$, то нет решения.

Ответ: нет решения.

г) $-5x^2-x-1 > 0$

$5x^2+x+1 < 0$

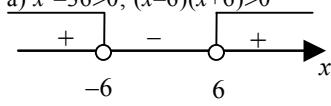
$D < 0$

Т.к. $a=5 > 0$, то нет решения.

Ответ: нет решения.

1335

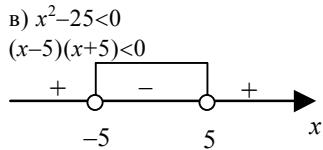
а) $x^2-36 > 0; (x-6)(x+6) > 0$



Ответ: $(-\infty; -6) \cup (6; +\infty)$.

б) $x^2+7 < 0; x^2 < -7$

Ответ: нет решения.



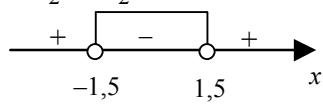
Ответ: $(-5; 5)$.

1336

а) $4x^2 - 9 < 0$

$x^2 - \frac{9}{4} < 0$

$(x - \frac{3}{2})(x + \frac{3}{2}) < 0$

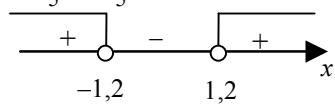


Ответ: $(-1,5; 1,5)$.

в) $25x^2 - 36 > 0$

$x^2 - \frac{36}{25} > 0$

$(x - \frac{6}{5})(x + \frac{6}{5}) > 0$

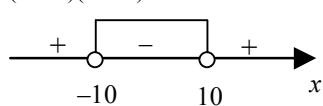


Ответ: $(-\infty; -1,2) \cup (1,2; +\infty)$.

1337

а) $x^2 \leq 100$

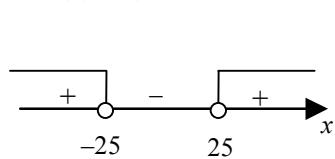
$(x-10)(x+10) \leq 0$



Ответ: $[-10; 10]$.

в) $x^2 \geq 625$

$(x-25)(x+25) \geq 0$



Ответ: $(-\infty; -25] \cup [25; +\infty)$.

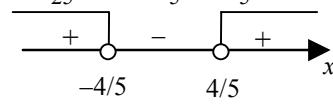
г) $x^2 + 15 > 0$
 $x^2 > -15$

Ответ: $(-\infty; +\infty)$.

6) $16 - 25x^2 \leq 0$

$25x^2 - 16 \geq 0$

$x^2 - \frac{16}{25} \geq 0; (x - \frac{4}{5})(x + \frac{4}{5}) \geq 0$

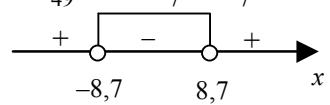


Ответ: $(-\infty; -0,8] \cup [0,8; +\infty)$.

г) $64 - 49x^2 \geq 0$

$49x^2 - 64 \leq 0$

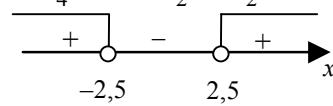
$x^2 - \frac{64}{49} \leq 0; (x - \frac{8}{7})(x + \frac{8}{7}) \leq 0$



Ответ: $[-\frac{8}{7}; \frac{8}{7}]$.

6) $4x^2 > 25$

$x^2 - \frac{25}{4} > 0; (x - \frac{5}{2})(x + \frac{5}{2}) > 0$

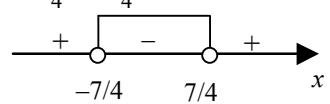


Ответ: $(-\infty; -2,5) \cup (2,5; +\infty)$.

г) $164x^2 < 49$

$x^2 - \frac{49}{16} < 0$

$(x - \frac{7}{4})(x + \frac{7}{4}) < 0$

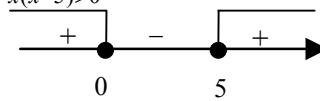


Ответ: $(-\frac{7}{4}; \frac{7}{4})$.

1338

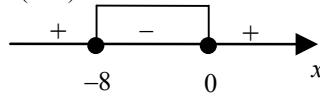
a) $x^2 - 5x > 0$

$x(x-5) > 0$

Ответ: $(-\infty; 0) \cup (5; +\infty)$.

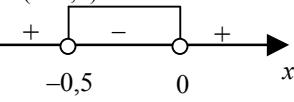
b) $x^2 + 8x < 0$

$x(x+8) < 0$

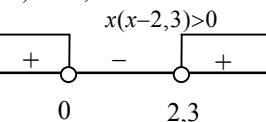
Ответ: $(-8; 0)$.

б) $x^2 + 0,5x < 0$

$x(x+0,5) < 0$

Ответ: $(-0,5; 0)$.

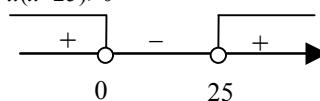
г) $x^2 - 2,35x > 0$

Ответ: $(-\infty; -0) \cup (2,3; +\infty)$.**1339**

а) $x^2 > 25x$

$x^2 - 25x > 0$

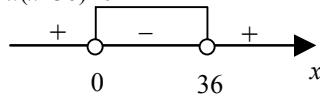
$x(x-25) > 0$

Ответ: $(-\infty; 0) \cup (25; +\infty)$.

в) $x^2 < 36x$

$x^2 - 36x < 0$

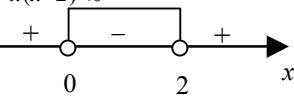
$x(x-36) < 0$

Ответ: $(0; 36)$.

б) $0,3x^2 < 0,6x$

$x^2 - 2x < 0$

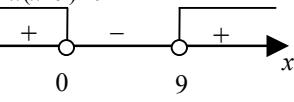
$x(x-2) < 0$

Ответ: $(0; 2)$.

г) $0,2x^2 > 1,8x$

$x^2 - 9x > 0$

$x(x-9) > 0$

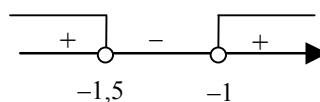
Ответ: $(-\infty; 0) \cup (9; +\infty)$.**1340**

а) $2x^2 + 5x + 3 > 0$

$D = 25 - 4 \cdot 2 \cdot 3 = 1$

$x_1 = -1$

$x_2 = -1,5$

Ответ: $(-\infty; -1,5) \cup (-1; +\infty)$.

б) $-x^2 - \frac{1}{3}x - \frac{1}{36} \geq 0$

$x^2 + \frac{x}{3} + \frac{1}{36} \leq 0$

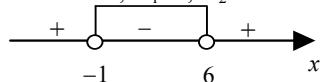
$(x + \frac{1}{6})^2 \leq 0$

$x = -\frac{1}{6}$

Ответ: $-\frac{1}{6}$.

1341.

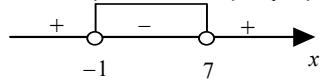
$$x^2 - 5x - 6 < 0; \quad x_1 = 6, \quad x_2 = -1.$$



целочисленные решения: 0,1,2,3,4,5. Ответ: шесть.

1342.

$$x^2 - 6x \leq 7; \quad x^2 - 6x - 7 \leq 0; \quad x_1 = 7, \quad x_2 = -1.$$



целочисленные решения: -1,0,1,2,3,4,5,6,7. Ответ: девять.

1343.

$$x^2 + 7x \leq 30; \quad x^2 + 7x - 30 \leq 0;$$

$$x_1 = -10, \quad x_2 = 3$$

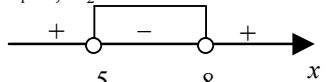


Ответ: -10.

1344.

$$3x - x^2 > -40; \quad x^2 - 3x - 40 < 0;$$

$$x_1 = 8, \quad x_2 = -5$$

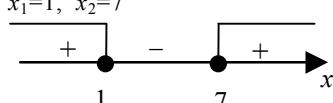


Ответ: 7.

1345.

a) $\sqrt{x^2 - 8x + 7} ; \quad x^2 - 8x + 7 \geq 0;$

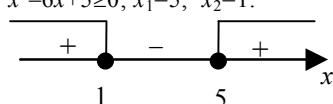
$$x_1 = 1, \quad x_2 = 7$$



Ответ: $(-\infty; 1] \cup [7; +\infty)$.

b) $\sqrt{x^2 - 6x + 5}$

$$x^2 - 6x + 5 \geq 0; \quad x_1 = 5, \quad x_2 = 1.$$



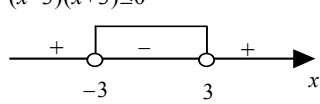
Ответ: $(-\infty; 1] \cup [5; +\infty)$.

1346.

a) $\sqrt{9 - x^2}$

$$9 - x^2 \geq 0; \quad x^2 - 9 \leq 0;$$

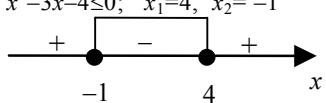
$$(x-3)(x+3) \leq 0$$



Ответ: $[-3; 3]$.

б) $\sqrt{-x^2 + 3x + 4} ; \quad -x^2 + 3x + 4 \geq 0;$

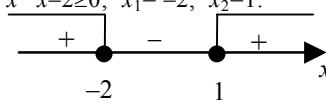
$$x^2 - 3x - 4 \leq 0; \quad x_1 = 4, \quad x_2 = -1$$



Ответ: $[-1; 4]$.

г) $\sqrt{-2 + x + x^2}$

$$x^2 + x - 2 \geq 0; \quad x_1 = -2, \quad x_2 = 1.$$

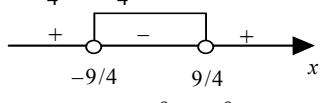


Ответ: $(-\infty; -2] \cup [1; +\infty)$.

д) $\frac{1}{\sqrt{16x^2 - 81}}$

$$16x^2 - 81 > 0; \quad x^2 - \frac{81}{16} > 0;$$

$$(x - \frac{9}{4})(x + \frac{9}{4}) > 0$$



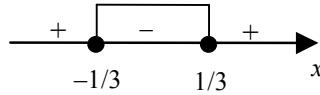
Ответ: $(-\infty; -\frac{9}{4}) \cup (\frac{9}{4}; +\infty)$.

в) $\sqrt{9x^2 - 1}$

$$9x^2 - 1 \geq 0$$

$$x^2 - \frac{1}{9} \geq 0$$

$$(x - \frac{1}{3})(x + \frac{1}{3}) \geq 0$$



Ответ: $(-\infty; -\frac{1}{3}] \cup [\frac{1}{3}; +\infty)$.

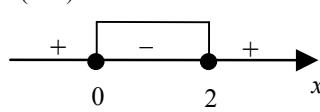
1347.

а) $\sqrt{2x - x^2}$

$$2x - x^2 \geq 0$$

$$x^2 - 2x \leq 0$$

$$x(x-2) \leq 0$$



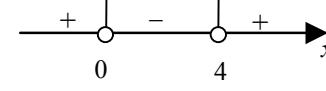
Ответ: $[0; 2]$.

б) $\frac{2}{\sqrt{3x^2 - 12x}}$

$$3x^2 - 12x > 0$$

$$x^2 - 4x > 0$$

$$x(x-4) > 0$$

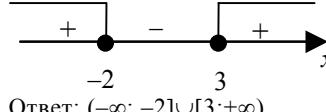


Ответ: $(-\infty; 0) \cup (4; +\infty)$.

1348.

а) $\sqrt{(x-3)(x+2)}$

$$(x-3)(x+2) \geq 0$$



Ответ: $(-\infty; -2] \cup [3; +\infty)$.

г) $\frac{1}{\sqrt{x^2 + 4}}$

$$x^2 + 4 > 0$$

$$x^2 > -4$$

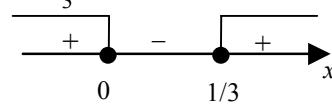
Ответ: $(-\infty; +\infty)$.

б) $\frac{1}{\sqrt{6x^2 - 2x}}$

$$6x^2 - 2x > 0$$

$$x^2 - \frac{x}{3} > 0$$

$$x(x - \frac{1}{3}) > 0$$



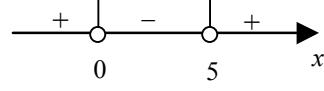
Ответ: $(-\infty; 0) \cup (\frac{1}{3}; +\infty)$.

г) $\sqrt{5x - x^2}$

$$5x - x^2 \geq 0$$

$$x^2 - 5x \leq 0$$

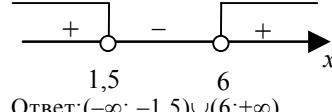
$$x(x-5) \leq 0$$



Ответ: $[0; 5]$.

б) $\frac{1}{\sqrt{(x-6)(2x+3)}}$

$$(x-6)(2x+3) > 0; (x-6)(2x+1,5) > 0.$$

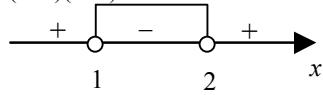


Ответ: $(-\infty; -1,5) \cup (6; +\infty)$.

b) $\frac{4}{\sqrt{(x-1)(2-x)}}$

$(x-1)(2-x) > 0$

$(x-1)(x-2) < 0$



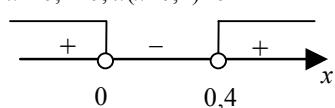
Ответ: $(1; 2)$.

1349.

a) $5x^2 > 2x$

$5x^2 - 2x > 0$

$x^2 - 0,4 > 0; x(x-0,4) > 0$

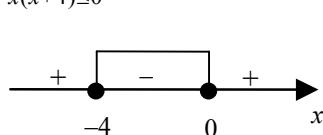


Ответ: $(-\infty; 0) \cup (0,4; +\infty)$.

b) $4x \leq -x^2$

$x^2 + 4x \leq 0$

$x(x+4) \leq 0$

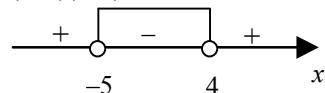


Ответ: $[-4; 0]$.

г) $\sqrt{(x+5)(4-x)}$

$(x+5)(4-x) \geq 0$

$(x+5)(x-4) \leq 0$

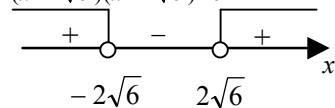


Ответ: $[-5; 4]$.

6) $\frac{1}{2}x^2 > 12$

$x^2 - 24 > 0$

$(x-2\sqrt{6})(x+2\sqrt{6}) > 0$

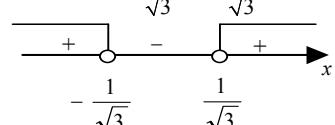


Ответ: $(-\infty; -2\sqrt{6}) \cup (2\sqrt{6}; +\infty)$.

р) $\frac{1}{3}x^2 > \frac{1}{9}$

$x^2 - \frac{1}{3} > 0$

$(x - \frac{1}{\sqrt{3}})(x + \frac{1}{\sqrt{3}}) > 0$



Ответ: $(-\infty; -\frac{1}{\sqrt{3}}) \cup (\frac{1}{\sqrt{3}}, +\infty)$.

1350.

a) $2x(3x-1) > 4x^2 + 5x + 9, 6x^2 - 2x - 4x^2 - 5x - 9 > 0, 2x^2 - 7x - 9 > 0,$

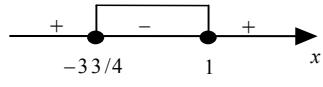
$D = 49 + 4 \cdot 2 \cdot 9 = 121, x_1 = \frac{7+11}{4} = 4,5, x_2 = -1.$



Ответ: $(-\infty; -1) \cup (4,5; +\infty)$.

б) $3x^2 + 40x + 10 < 43 - x(x-11), 3x^2 + x^2 + 40x - 11x + 10 - 43 < 0, 4x^2 - 29x - 33 < 0,$

$D = 841 + 4 \cdot 4 \cdot 33 = 1369, x_1 = \frac{-39+37}{8} = 1, x_2 = -\frac{33}{4}.$



Ответ: $(-\frac{33}{4}; 1)$.

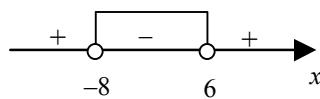
1351

a) $\frac{x^2}{4} + \frac{x}{2} - 1 < 0$

$x^2 + 2x - 48 < 0$

$x_1 = -8$

$x_2 = 6$

Ответ: $(-8; 6)$

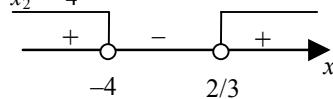
б) $\frac{x^2}{5} + \frac{2x}{3} > \frac{8}{15}$

$3x^2 + 10x - 8 > 0$

$D = 100 + 4 \cdot 3 \cdot 8 = 196$

$x_1 = \frac{-10 + 14}{6} = \frac{2}{3}$

$x_2 = -4$

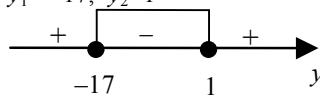
Ответ: $(-\infty; -4) \cup (\frac{2}{3}; +\infty)$.**1352**

а) $x^4 + 16x - 17 < 0$

$x^2 = y$

$y^2 + 16y - 17 < 0$

$y_1 = -17, y_2 = 1$



$-17 < y < 1$

$-17 < x^2 < 1$

$x^2 < 1$

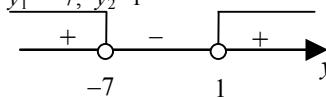
$(x-1)(x+1) < 0$

Ответ: $(-1; 1)$.

в) $x^4 + 6x^2 - 7 > 0$

$x^2 = y, y^2 + 6y - 7 > 0$

$y_1 = -7, y_2 = 1$

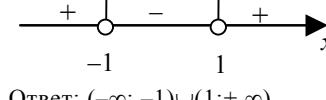


$y < -7$

$x^2 < -7$

нет решения

$(x-1)(x+1) > 0$

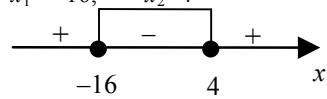
Ответ: $(-\infty; -1) \cup (1; +\infty)$.

б) $y^4 + 12y^2 - 64 \geq 0$

$y^2 = x$

$x^2 + 12x - 64 \geq 0$

$x_1 = -16, x_2 = 4$



$x \leq -16$

$x^2 \leq -16$

$y \geq 4$

$x^2 \geq 4$

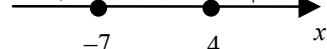
$(x-2)(x+2) \geq 0$

Ответ: $(-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$.

г) $z^4 + 3z^2 - 28 \leq 0$

$z^2 = x, x^2 + 3x - 28 \leq 0$

$x_1 = -7, x_2 = 4$

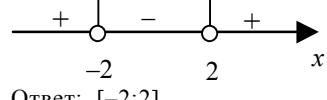


$-7 \leq x \leq 4$

$-7 \leq z^2 \leq 4$

$z^2 \leq 4$

$(z-2)(z+2) \leq 0$

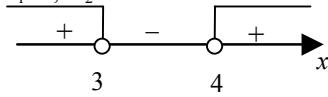
Ответ: $[-2; 2]$.

1353

a) $\frac{1}{\sqrt{x^2 - 7x + 12}} > 0$

$x^2 - 7x + 12 > 0$

$x_1 = 4, x_2 = 3$

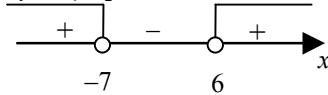


Ответ: $(-\infty; 3) \cup (4; +\infty)$.

b) $\frac{3}{42 - x^2 - x} < 0$

$42 - x^2 - x < 0; x^2 + x - 42 > 0;$

$x_1 = -7, x_2 = 6.$

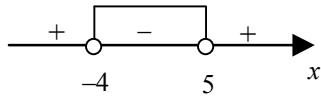


Ответ: $(-\infty; -7) \cup (6; +\infty)$.

6) $\frac{-3}{x^2 - x - 20} > 0$

$\frac{1}{x^2 - x - 20} < 0$

$x^2 - x - 20 < 0; x_1 = 5, x_2 = -4$

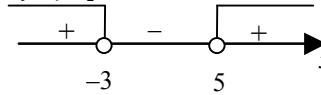


Ответ: $(-4; 5)$.

r) $\frac{-5}{2x+15-x^2} < 0$

$\frac{1}{2x+15-x^2} > 0; x^2 - 2x - 15 < 0;$

$x_1 = 5, x_2 = -3.$



Ответ: $(-3; 5)$.

1354.

$\frac{1}{x^2 - 5x - 14} > 0; \frac{1}{x^2 - 5x - 14} \geq 0; x^2 - 5x - 14 > 0; x^2 - 5x - 14 > 0.$

Значит, неравенства равносильны. Ответ: да.

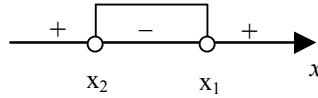
1355.

$x^2 + 6x - 16 < 0; x^2 + 6x - 16 \leq 0; D = 36 + 4 \cdot 16 > 0$. Значит, существуют x_1 и x_2 .

В первом неравенстве они не будут включены в ответ, а во втором – будут. Т.е. неравенства не равносильны. Ответ: нет.

1356.

$x^2 + 5x - 8 < 0, D = 25 + 4 \cdot 8 = 57, x_1 = \frac{-5 + \sqrt{57}}{2}, x_2 = \frac{-5 - \sqrt{57}}{2};$



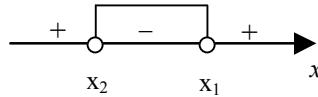
$x_1 \approx 1,3, x \approx -6,2$, целочисленные решения: $-6; -5; -4; -3; -2; -1; 0; 1$.

Ответ: восемь.

1357

$15 - x^2 + 10x \geq 0, x^2 - 10x - 15 \leq 0, D = 100 + 4 \cdot 15 = 160$

$x_1 = \frac{10 + 4\sqrt{10}}{2} = 5 + 2\sqrt{10}, x_2 = 5 - 2\sqrt{10}, x_1 \approx 11,3, x \approx -1,3$

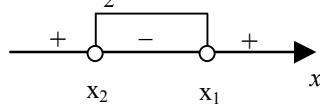


Ответ: тринадцать.

1358

$$x^2 + 10x < -12, \quad x^2 + 10x + 12 < 0, \quad D = 100 + 4 \cdot 12 = 52,$$

$$x_1 = \frac{-10 + 2\sqrt{13}}{2} = -5 + \sqrt{13}, \quad x_2 = -5 - \sqrt{13}, \quad x_1 \approx -1,5, \quad x_2 \approx -8,5.$$

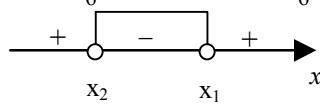


Ответ: -8 .

1359

$$3x^2 + 5x \leq 4, \quad 3x^2 + 5x - 4 \leq 0, \quad B = 25 + 4 \cdot 4 \cdot 3 = 73,$$

$$x_1 = \frac{-5 + \sqrt{73}}{6} \approx 0,6, \quad x_2 = \frac{-5 - \sqrt{73}}{6} \approx -2,3.$$

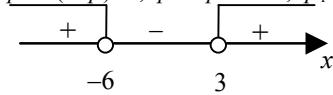


Ответ: -0 .

1360.

$$3x^2 - 2px - p + 6 = 0, \quad B = 4p^2 - 4 \cdot 3(6-p);$$

а) уравнение имеет два различных корня, если $B > 0$, $4p^2 - 4 \cdot 3(6-p) > 0$,
 $p^2 - 3(6-p) > 0$, $p^2 + 3p - 18 > 0$, $p_1 = -6$, $p_2 = 3$.

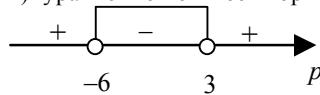


Ответ: $p \in (-\infty; -6) \cup (3; +\infty)$.

б) уравнение имеет один корень, если $D = 0$, т.е. $p_1 = -6$, $p_2 = 3$;

Ответ: $p_1 = -6$, $p_2 = 3$.

в) уравнение не имеет корней, если $D < 0$; $p^2 + 3p - 18 < 0$.



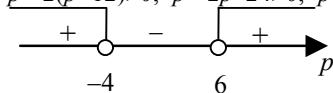
Ответ: $p \in (-6; 3)$.

1361.

$$2x^2 - 2px + p + 12 = 0, \quad D = 4p^2 - 4 \cdot 2(p+12);$$

а) уравнение имеет два различных корня, если $D > 0$,

$$p^2 - 2(p+12) > 0, \quad p^2 - 2p - 24 > 0, \quad p_1 = 6, \quad p_2 = -4.$$



Ответ: б) $p_1 = -4$, $p_2 = 6$.

б) уравнение имеет один корень, если $D = 0$, т.е. $p_1 = 6$, $p_2 = -4$

в) уравнение не имеет корней, если $D < 0$, т.е.

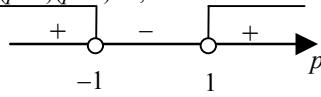
$$-4 < p < 6.$$

1362.

$$x^2 + 6px + 9 = 0, \quad D = 36p^2 - 4 \cdot 9 = 36p^2 - 36;$$

a) уравнение имеет два различных корня, если $D > 0$, $p^2 - 1 > 0$,

$$(p-1)(p+1) > 0,$$



$$p < -1, \quad p > 1;$$

б) уравнение имеет один корень, если $D = 0$, т.е. $p_1 = -1, \quad p_2 = 1$;

в) уравнение не имеет корней, если $D < 0$, т.е. $-1 < p < 1$.

1363.

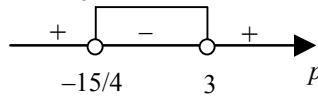
a) $(p-1)x^2 - 4x + 5 = 0, \quad p-1 \neq 0$, т.е. $p \neq 1$ и $D = 16 - 4 \cdot 5(p-1) < 0$,

$$4 - 5(p-1) < 0, \quad 4 - 5p + 5 < 0, \quad 5p > 9, \quad p > \frac{9}{5}.$$

Ответ: $p > 1,8$.

б) $(p-15)x^2 + 4px - 3 = 0, \quad p-15 \neq 0$, т.е. $p \neq 15$ и $D = 16p^2 + 4 \cdot 3(p-15) < 0$
 $4p^2 + 3(p-15) < 0, \quad 4p^2 + 3p - 45 < 0, \quad D = 9 + 4 \cdot 4 \cdot 45 = 27^2$

$$p_1 = \frac{-3 + 27}{8} = 3; \quad p_2 = -\frac{15}{4}.$$



Ответ: $-\frac{15}{4} < p < 3$.

в) $(2p+3)x^2 - 6x + 8 = 0, \quad 2p+3 \neq 0$, т.е. $p \neq -1,5$ и $D = 36 - 4 \cdot 8(2p+3) < 0$,
 $9 - 8(2p+3) < 0, \quad 9 - 16p - 24 < 0, \quad 16p > -15, \quad p > -\frac{15}{16}$.

Ответ: $p > -\frac{15}{16}$.

г) $(3p-5)x^2 - (6p-2)x + 3p - 2 = 0, \quad 3p-5 \neq 0$, т.е. $p \neq \frac{5}{3}$ и
 $D = (6p-2)^2 - 4 \cdot (3p-5)(3p-2) < 0, \quad 36p^2 - 24p + 4 - 4(9p^2 - 15p - 6p + 10) < 0$,
 $9p^2 - 6p + 1 - 9p^2 + 21p - 10 < 0, \quad 15p < 9, \quad p < \frac{9}{15}$.

Ответ: $p < 0,6$.

1364

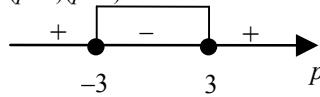
a) $x^2 - 6x + p^2 = 0$

$$D = 36 - 4p^2 \geq 0$$

$$9 - p^2 \geq 0$$

$$p^2 - 9 \leq 0$$

$$(p-3)(p+3) \leq 0$$



Ответ: $p \in [-3; 3]$.

б) $x^2 - 4x - 2p = 0$

$$D = 16 + 4 \cdot 2p \geq 0$$

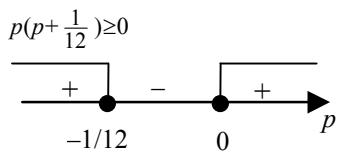
$$4 + 2p \geq 0$$

$$2p \geq -4$$

$$p \geq -2$$

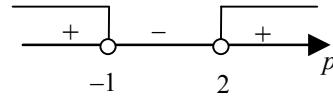
Ответ: $p \geq -2$.

в) $x^2 - 12px - 3p = 0$
 $D = 144p^2 + 4 \cdot 3p \geq 0$
 $12p^2 + p \geq 0$
 $p^2 - \frac{p}{12} \geq 0$
 $p(p + \frac{1}{12}) \geq 0$



Ответ: $p \in (-\infty; -\frac{1}{12}] \cup [0; +\infty)$.

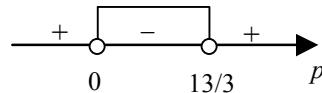
г) $x^2 + 2px + p + 2 = 0$
 $D = 4p^2 - 4(p+2) \geq 0$
 $p^2 - p - 2 \geq 0$
 $p_1 = 2, p_2 = -1$



Ответ: $p \in (-\infty; -1] \cup [2; +\infty)$.

1365

а) $3px^2 - 6px + 13p = 0$, если $p=0$, то $13=0$ – нет корней;
если $p \neq 0$: $D = 36p - 4 \cdot 3p \cdot 13 \geq 0$, $3p^2 - 13p \geq 0$, $p^2 - \frac{13}{3}p \geq 0$, $p(p - \frac{13}{3}) \geq 0$.

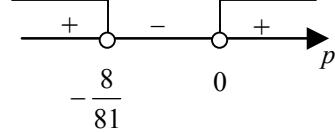


Ответ: $p \in (-\infty; 0) \cup [\frac{13}{3}; +\infty)$.

б) $(1-3p)x^2 - 4x - 3 = 0$, если $1-3p=0$, т.е. $p = \frac{1}{3}$, уравнение имеет корень,
если $p \neq \frac{1}{3}$: $D = 16 + 4 \cdot (1-3p) \cdot 3 \geq 0$, $4 + 3 - 9p \geq 0$, $9p \leq 7$, $p \leq \frac{7}{9}$.

Ответ: $p \leq \frac{7}{9}$.

в) $px^2 - 9px - 2 = 0$, если $p=0$, то уравнение не имеет корней,
если $p \neq 0$: $D = 81p^2 + 4 \cdot p \cdot 2 \geq 0$, $p^2 + \frac{8}{81}p \geq 0$, $p(p + \frac{8}{81}) \geq 0$.



Ответ: $p \in (-\infty; -\frac{8}{81}] \cup (0; +\infty)$.

г) $(p-1)x^2 - (2p-3)x + p + 5 = 0$, если $p-1=0$, т.е. $p=1$, уравнение имеет корень, если $2p-3=0$, т.е. $p=1,5$, $0,5x^2 + 6,5 = 0$ нет корней,
если $p \neq 1$ и $p \neq 1,5$: $D = (2p-3)^2 - 4(p-1)(p+5) \geq 0$,

$$4p^2 - 12p + 9 - 4(p^2 + 4p - 5) \geq 0, -28p + 29 \geq 0, 28p \leq 29,$$

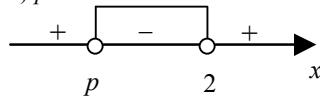
$$p \leq 1 \frac{1}{28}.$$

Ответ: $p \leq 1 \frac{1}{28}$.

1366.

$$(x-2)(x-p) < 0, \quad x_1=2, \quad x_2=p;$$

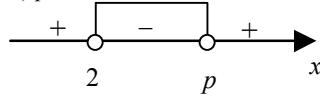
a) $p < 2$.



Три целочисленных значения в этом случае: -1; 0; 1.

Значит, $p \in [-2; -1)$. Но т.к. p – целое, то $p = -2$.

б) $p \geq 2$.



Три целочисленных значения в этом случае: 3, 4, 5.

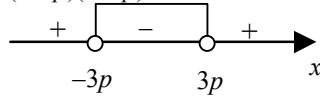
Значит, $p \in (5; 6]$. Но т.к. p – целое, то $p = 6$.

Ответ: $p_1 = -2; \quad p_2 = 6$.

1367.

$$x^2 \leq 9p^2$$

$$(x-3p)(x+3p) \leq 0$$



Одно целочисленное значение в этом случае: $x = 0$.

Значит, $-1 < 3p < 1, \quad -\frac{1}{3} < p < \frac{1}{3}$.

Ответ: $-\frac{1}{3} < p < \frac{1}{3}$.

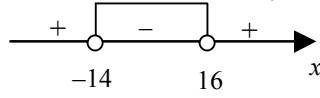
1368.

I этап: Пусть x см – длина прямоугольника.

Тогда: $(x-2)$ см – его ширина, $x(x-2)$ см² – его площадь.

Т.к. площадь не превосходит 224 см², получаем $x(x-2) \leq 224$

II этап: $x^2 - 2x - 224 \leq 0, \quad x_{1,2} = 1 \pm \sqrt{1+224} = 1 \pm 15, \quad x_1 = 16, \quad x_2 = -14$.



$-14 \leq x \leq 16$.

III этап: Ясно, что подходит $0 < x \leq 16$, но т.к. ширина больше нуля, т.к. $x-2 > 0, \quad x > 2$, то получаем, что длина прямоугольника больше 2 см, но не более 16 см.

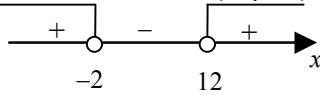
Ответ: больше 2 см, но не более 16 см.

1369

I этап: Пусть x см – сторона квадрата. Тогда $2x^2$ см – удвоенная площадь квадрата, $(x+6)$ см и $(x+4)$ см – стороны прямоугольника, $(x+6)(x+4)$ см² – его площадь.

Т.к. площадь прямоугольника меньше удвоенной площади квадрата, получаем: $(x+6)(x+4) < 2x^2$.

II этап: $x^2 - 10x - 24 > 0$, $x_1 = 12$, $x_2 = -2$.



$$x \in (-\infty; -2) \cup (12; +\infty).$$

III этап: Ясно, что подходит $x > 12$. Т.е. сторона квадрата более 12 см.
Ответ: более 12 см.

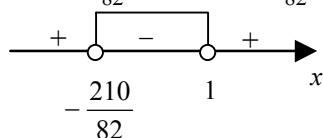
1370

I этап: За 2ч I группа прошла $2 \cdot 4 = 8$ (км). Пусть x – искомое время. Тогда: I и II группы окажутся за это время на расстоянии $(8+4x)$ км от вершины прямого угла. По теореме Пифагора найдем квадрат расстояния между группами:

$$(5x)^2 + (8+4x)^2 \text{ (км}^2\text{). Т.к. группы должны находиться на расстоянии не больше 13 км, получаем } (5x)^2 + (8+4x)^2 \leq 169.$$

$$\text{II этап: } 25x^2 + 64 + 16x^2 + 64x - 169 \leq 0, \quad 41x^2 + 64x - 105 \leq 0, \quad D = 146^2$$

$$x_1 = -\frac{64 + 146}{82} = 1, \quad x_2 = -\frac{210}{82}.$$



$$\frac{210}{82} \leq x \leq 1.$$

III этап: Ясно, что подходит $x \leq 1$. Т.е. искомое время не более 1ч.
Ответ: не более 1ч.

§ 41. Исследование функций на монотонность.

1371.

- а) да; в) да; б) нет; г) нет.

1372.

- а) да; в) да; б) нет; г) нет.

1373.

- а) функция возрастает при $0 \leq x \leq 2$, функция убывает при $-2 \leq x \leq 0$;
б) функция возрастает при $-5 \leq x \leq -1$, функция убывает при $-1 \leq x \leq 2$;
в) функция возрастает $-2 \leq x \leq 4$;
г) функция возрастает при $-3 \leq x \leq 2$, функция убывает при $-4 \leq x \leq 2$ и $x \geq 2$.

1374.

$y = 2x - 5$. Т.к. это линейная функция вида $y = kx + b$, и т.к. $k = 2 > 0$, то функция является возрастающей.

1375.

$y = 7 - 13x$. Т.к. это линейная функция вида $y = kx + b$, и т.к. $k = -13 < 0$, то функция является убывающей.

1376.

- а) $y=2x+3$ – возрастающая функция, т.к. $k=2>0$;
 б) $y=5-4x$ – убывающая функция, т.к. $k=-4<0$;
 в) $y=x-2$ – возрастающая функция, т.к. $k=1>0$;
 г) $y=1-2x$ – убывающая функция, т.к. $k=-2<0$.

1377.

- а) $y=2x^2$. Т.к. $k=2>0$, то функция возрастает при $x\geq 0$,
 функция убывает при $x\leq 0$;
 б) $y=-x^2$. Т.к. $k=-1<0$, то функция возрастает при $x\leq 0$,
 функция убывает при $x\geq 0$;
 в) $y=0,5x^2$. Т.к. $k=0,5>0$, то функция возрастает при $x\geq 0$,
 функция убывает при $x\leq 0$;
 г) $y=-2x^2$. Т.к. $k=-2<0$, то функция возрастает при $x\leq 0$,
 функция убывает при $x\geq 0$.

1378.

- а) $y=(x-2)^2$, ось параболы: $x=2$.

Т.к. $k=1>0$, то функция возрастает при $x\geq 2$,
 функция убывает при $x\leq 2$;

- б) $y=2x^2+1$.

Промежутки монотонности этой функции совпадают с промежутками функции $y=2x^2$.

Т.к. $k=2>1$, то функция $y=2x^2$, а, значит, и наша функция $y=2x^2+1$ возрастает на луче $[0;+\infty)$ и убывает на луче $(-\infty;0]$.

- в) $y=-(x+1)^2$

Ось параболы $x=-1$.

Т.к. $k=-1<0$, то функция возрастает при $x\leq -1$,
 функция убывает при $x\geq -1$;

- г) $y=4-3x^2$

Промежутки монотонности этой функции совпадают с промежутками функции $y=-3x^2$.

Т.к. $k=-3<0$, то функция $y=-3x^2$, а, значит, и наша функция $y=4-3x^2$ возрастает при $x\leq 0$ и убывает $x\geq 0$.

1379.

- а) $y=x^2+6x-2$, $x_0=-\frac{6}{2}=-3$, т.е. $x=-3$ – ось параболы.

Т.к. $a=1>0$, то ветви параболы направлены вверх.

Значит, функция возрастает $x\geq -3$, убывает $x\leq -3$;

- б) $y=4-x^2+3x$,

$$x_0=-\frac{3}{-2}=1,5, \text{ т.е. } x=1,5 \text{ – ось параболы.}$$

Т.к. $a=-1<0$, то ветви параболы направлены вниз.

Значит, функция возрастает при $x\geq 1,5$;

- в) $y=7+4x-2x^2$

$$x_0=\frac{-4}{-4}=1, \text{ т.е. } x=1 \text{ – ось параболы.}$$

Т.к. $a = -2 < 0$, то ветви параболы направлены вниз.

Значит, функция возрастает при $x \leq 1$, убывает $x \geq 1$;

г) $y = 3 + 2x^2 + 8x$, $x_0 = -\frac{8}{4} = -2$, т.е. $x = -2$ – ось параболы.

Т.к. $a = 2 > 0$, то ветви параболы направлены вверх.

Значит, функция возрастает при $x \geq -2$, убывает $x \leq -2$.

1380

а) $y = \frac{2}{x}$. Т. к. $k = 2 > 0$, то функция убывает при $x < 0$ и $x > 0$;

б) $y = -\frac{3}{x}$. Т. к. $k = -3 < 0$, то функция возрастает при $x < 0$ и $x > 0$;

в) $y = 3 - \frac{1}{x}$. Промежутки монотонности совпадают с функцией $y = -\frac{1}{x}$.

Т. к. $k = -1 < 0$, то функция возрастает при $x < 0$ и $x > 0$;

г) $y = \frac{4}{x} - 1$. Промежутки монотонности этой функции совпадают с промежутками функции $y = \frac{4}{x}$.

Т. к. $k = 4 > 0$, то обе функции убывают при $x < 0$ и $x > 0$;

1381.

а) $y = \sqrt{x}$. Т. к. $k = 1 > 0$, то функция возрастает на всей области определения, т.е. при $x \geq 0$;

б) $y = \sqrt{x-3}$. Т. к. $k = 1 > 0$, то функция возрастает на всей области определения, т.е. при $x \geq 3$;

в) $y = -\sqrt{x}$. Т. к. $k = -1 < 0$, то функция убывает на всей области определения, т.е. при $x \geq 0$;

г) $y = 2 + \sqrt{x}$. Промежутки монотонности этой функции совпадают с промежутками функции $y = \sqrt{x}$. Т. к. $k = 1 > 0$, то обе функции возрастают на всей области определения, т.е. при $x \geq 0$.

1382.

а) $y = |x|$. Это функция вида $y = k|x|$.

Т. к. $k = 1 > 0$, то функция возрастает при $x \geq 0$ и убывает при $x \leq 0$;

б) $y = -|x|$. Т. к. $k = -1 < 0$, то функция убывает при $x \geq 0$ и возрастает при $x \leq 0$;

в) $y = |x| + 2$. Промежутки монотонности этой функции совпадают с промежутками функции $y = |x|$.

Т. к. $k = 1 > 0$, обе функции возрастают при $x \geq 0$ и убывают при $x \leq 0$;

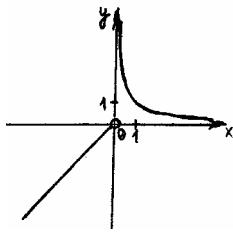
г) $y = |x-1|$. Ось симметрии этого графика $x=1$ и т.к. $k = 1 > 0$, то функция возрастает при $x \geq 1$ и убывает при $x \leq 1$.

1383.

$$y = f(x) = \begin{cases} x, & \text{если } x < 0 \\ \frac{1}{x}, & \text{если } x > 0 \end{cases}$$

а) $f(-2) = -2$, $f(1) = \frac{1}{1} = 1$, $f(5) = \frac{1}{5} = 0,2$;

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:

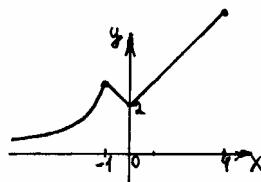
- область определения: $x \neq 0$; $y > 0$ при $x > 0$; $y < 0$ при $x < 0$;
- функция имеет разрыв при $x=0$;
- функция не имеет ни наибольшего, ни наименьшего значений;
- функция выпукла вниз при $x > 0$;
- функция возрастает при $x < 0$, убывает при $x > 0$.

1384.

$$y=f(x)=\begin{cases} -\frac{3}{x}, & \text{если } x < -1 \\ |x|+2, & \text{если } -1 \leq x \leq 4 \end{cases}$$

а) $f(-3) = -\frac{3}{-3} = 1$, $f(4) = |4| + 2 = 6$, $f(-0,6) = |-0,6| + 2 = 2,6$;

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:

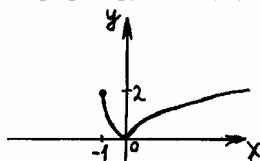
- область определения: $x \leq 4$; $y > 0$ при $x \leq 4$;
- функция непрерывна;
- $y_{\text{нам}} \text{ не существует}$, $y_{\text{найб}} = y(4) = 6$; функция выпукла вниз при $x \leq -1$;
- функция возрастает при $x \leq -1$ и $0 \leq x \leq 4$, убывает при $-1 \leq x \leq 0$.

1385.

$$y=f(x)=\begin{cases} 2x^2, & -1 \leq x \leq 0 \\ \sqrt{x}, & x > 0 \end{cases}$$

а) $f(-1) = 2(-1)^2 = 2$, $f(0) = 2 \cdot 0^2 = 0$, $f(4) = \sqrt{4} = 2$;

б) график функции $y=f(x)$



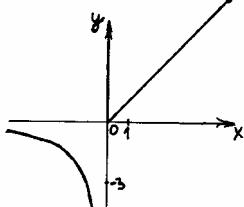
в) свойства функции $y=f(x)$:
 область определения: $x \geq -1$; $y > 0$ при $-1 \leq x < 0$ и $x > 0$, $y=0$ при $x=0$;
 функция непрерывна; $y_{\text{нам}}=y(0)=0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;
 функция выпукла вниз при $-1 \leq x \leq 0$ и выпукла вверх при $x \geq 0$;
 функция убывает при $-1 \leq x \leq 0$, возрастает при $x \geq 0$.

1386.

$$y=f(x)=\begin{cases} \frac{3}{x}, & \text{если } x < 1 \\ |x|, & \text{если } 0 \leq x \leq 6 \end{cases}$$

а) $f(-3)=\frac{3}{-3}=-1$, $f(0)=0$, $f(6)=|6|=6$;

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:
 область определения: $x \leq 6$; $y > 0$ при $0 < x \leq 6$; $y < 0$ при $x < 0$, $y=0$ при $x=0$;
 функция имеет разрыв при $x=0$; $y_{\text{наиб}}=y(6)=6$, $y_{\text{нам}}$ не существует;
 функция выпукла вверх при $x < 0$;
 функция убывает при $x < 0$, возрастает при $0 \leq x \leq 6$.

1387.

а) $y=x^2+\sqrt{x}+1$.

Данную функцию можно представить в виде суммы двух функций:

$y_1=x^2$, $y_2=\sqrt{x}+1$. y_1 и y_2 возрастают на луче $[0; +\infty)$. Т.к. сумма двух возрастающих функций – возрастающая функция, то функция

$y=x^2+\sqrt{x}+1$ возрастает на луче $[0; +\infty)$;

б) $y=\frac{1}{x}-x^2$

Данную функцию можно представить в виде суммы двух функций:

$y_1=\frac{1}{x}$, $y_2=-x^2$. y_1 и y_2 убывают на открытом луче $(0; +\infty)$.

Т.к. сумма двух убывающих функций – убывающая функция, то функция $y=\frac{1}{x}-x^2$ убывает на открытом луче $(0; +\infty)$.

1388.

$y=x^2-4x+5$, $x_0=\frac{4}{2}=2$, т.е. $x=2$ – ось параболы.

Т.к. $a=1>0$, то ветви параболы направлены вверх.

Значит, функция возрастает при $x \geq 2$.

Т.к. луч $[2; +\infty)$ включает в себя промежуток $(3; 12)$, то функция возрастает на промежутке $(3; 12)$

1389.

$$y=x^2+6x-7, \quad x_0=-\frac{6}{2}=-3, \quad \text{т.е.} \quad x=-3 \quad \text{— ось параболы.}$$

Т.к. $a=1>0$, то ветви параболы направлены вверх.

Значит, функция убывает на луче $(-\infty;-3]$.

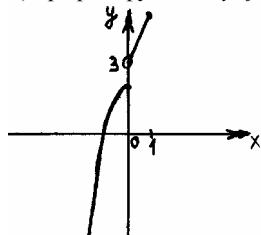
Т.к. луч $(-\infty;-3]$ включает в себя промежуток $(-8;-5)$, то функция убывает на промежутке $(-8;-5)$.

1390.

$$y=f(x)=\begin{cases} -2x^2 + 2, & \text{если } x \leq 0 \\ 2x+3, & \text{если } 0 < x \leq 0 \end{cases}$$

а) $f(-4) = -2(-4)^2 + 2 = -30, \quad f(0) = -2 \cdot 0^2 + 2 = 2, \quad f(1) = 2 \cdot 1 + 3 = 5;$

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:

область определения: $x \leq 1; y > 0$ при $x \in (-1; 1]$;

$y < 0$ при $x < -1, y = 0$ при $x = -1$;

функция имеет разрыв при $x=0$; $y_{\text{наиб}}=y(1)=5, y_{\text{наим}}$ не существует;

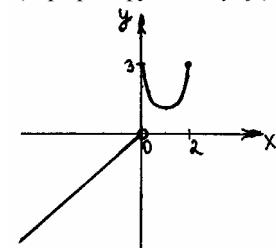
функция выпукла вверх при $x < 0$; функция возрастает.

1391.

$$y=f(x)=\begin{cases} x, & \text{если } x < 0 \\ 2x^2 - 4x + 3, & \text{если } 0 \leq x \leq 2 \end{cases}$$

а) $f(-3) = -3, \quad f(0) = 2 \cdot 0^2 - 4 \cdot 0 + 3 = 3, \quad f(2) = 2 \cdot 2^2 - 4 \cdot 2 + 3 = 3;$

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:

область определения: $x \leq 2; y > 0$ при $x \in [0; 2], y < 0$ при $x < 0$;

функция имеет разрыв при $x=0$; $y_{\text{наиб}}=y(0)=y(2)=3, y_{\text{наим}}$ не существует;

функция выпукла вниз на отрезке $[0; 2]$;

функция возрастает на открытом луче $(-\infty; 0)$, убывает на отрезке $[0; 1]$, возрастает на отрезке $[1; 2]$.

1392.

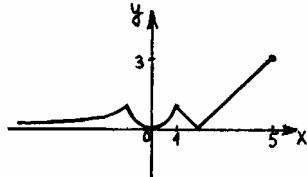
$$y=f(x)=\begin{cases} -\frac{1}{x}, & \text{если } x \leq -1 \\ x^2, & \text{если } -1 < x \leq 1 \\ |x-2|, & \text{если } 1 < x \leq 5 \end{cases}$$

a) $f(-3) = -\frac{1}{-3} = \frac{1}{3}$,

$f(1) = 1^2 = 1$,

$f(1,5) = |1,5 - 2| = 0,5$;

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:

область определения: $x \leq 5$;

$y > 0$ при $x \in (-\infty; 0) \cup (0; 2) \cup (2; 5]$, $y = 0$ при $x = 0, x = 2$;

функция непрерывна;

$y_{\min} = y(0) = y(2) = 0$, $y_{\max} = y(5) = 3$;

функция выпукла вниз на луче $(-\infty; 1]$ и на отрезке $[-1; 1]$;

функция возрастает на луче $(-\infty; -1]$, убывает на отрезке $[-1; 0]$,
возрастает на отрезке $[0; 1]$ убывает на отрезке $[1; 2]$, возрастает на
отрезке $[2; 5]$.

1393.

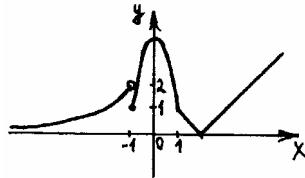
$$y=f(x)=\begin{cases} -\frac{2}{x}, & \text{если } x < -1 \\ 4-3x^2, & \text{если } -1 \leq x \leq 1 \\ |x-2|, & \text{если } x > 1 \end{cases}$$

a) $f(-8) = -\frac{1}{-8} = \frac{1}{4}$,

$f(2) = |2-2| = 0$,

$f(7) = |7-2| = 5$;

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:
 область определения: $x \in (-\infty; +\infty)$;
 $y > 0$ при $x \in (-\infty; 2) \cup (2; +\infty)$, $y = 0$ при $x = 2$;
 функция имеет разрыв при $x = -1$
 $y_{\text{нам}} = y(2) = 0$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;
 функция выпукла вниз на открытом луче $(-\infty; -1)$, выпукла вверх на отрезке $[-1; 1]$;
 функция возрастает на открытом луче $(-\infty; -1)$, возрастает на отрезке $[-1; 0]$, убывает на отрезке $[0; 2]$ возрастает на луче $[2; +\infty)$.

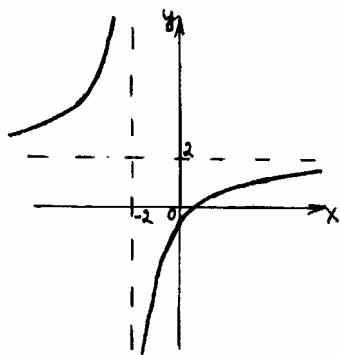
§ 42. Домашняя контрольная работа

Вариант №1

1. а) $3,4 < \sqrt{12}$ б) $\sqrt{6} < 2,5$
 $3,4^2 < (\sqrt{12})^2$ $(\sqrt{6})^2 < (2,5)^2$
 $11,56 < 12$ $6 < 6,25$
2. $-2 < a < 4$, $3 < b < 5$
 а) $-4 < 2a < 8$, $1 < \frac{1}{3}b < \frac{5}{3}$ б) $-\frac{4}{3} < \frac{2}{3}a < \frac{8}{3}$
 $-3 < 2a + \frac{1}{3}b < \frac{29}{3}$ $-10 < -2b < -6$
 $-\frac{34}{3} < \frac{2}{3}a - 2b < -\frac{10}{3}$
3. $(x-3)(x+2) < (x-2)(x+1)$
 $x^2 - x - 6 < x^2 - x - 2$
 $-6 < -2$ — верно для любого x , что и требовалось доказать.
4. $\frac{3x+5}{7} + \frac{10-3x}{5} > \frac{2x+7}{3}$
 $15(3x+5) + 21(10-3x) > 35(2x+7)$
 $45x+75+210-63x > 70x+245$
 $88x < 40$
 $x < \frac{5}{11}$
 Ответ: $x < \frac{5}{11}$.
5. $x^2 - 8x + 18 = x^2 - 2 \cdot 4 \cdot x + 16 + 2 = (x-4)^2 + 2 > 0$, что и требовалось доказать.
 $\frac{4x^2 + x}{3} - \frac{3x - 1}{6} \leq \frac{x^2 + 17}{9}$
 $24x^2 + 6x - 15x + 3 \leq 2x^2 + 34$; $22x^2 - 9x - 31 \leq 0$
 $D = 81 + 4 \cdot 22 \cdot 31 = 53^2$
 $x_1 = \frac{9+53}{44} = \frac{62}{44} = \frac{31}{22}$
 $x_2 = -1$
 Ответ: $[-1; \frac{31}{22}]$.

$$y=2-\frac{5}{x+2}$$

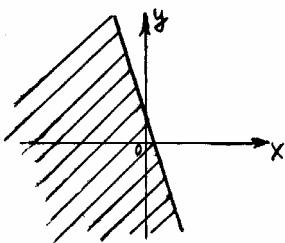
График функции



Функция возрастает на открытых лучах $(-\infty; -2)$ и $(-2; +\infty)$.

$$y < -3x + 1$$

Все точки плоскости, расположенные ниже прямой $y = -3x + 1$, не включая точки прямой.



$$\sqrt{x^2 - 7x + 12} \quad \text{или} \quad x^2 - 7x + 12 \geq 0, \quad x_1 = 4, x_2 = 3$$

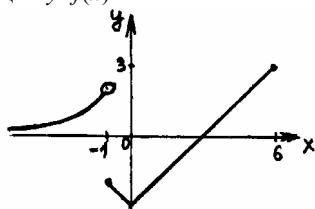
Ответ: $x \in (-\infty; 3] \cup [4; +\infty)$.

10.

$$y=f(x)=\begin{cases} -\frac{2}{x}, & \text{если } x < -1 \\ |x| - 3, & \text{если } -1 \leq x \leq 6 \end{cases}$$

a) $f(-5) = -\frac{2}{-5} = 0,4, f(0) = |0| - 3 = -3, f(7) = |7| - 3 = 4;$

б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:
 область определения: $x \leq 6$;
 $y > 0$ при $x \in (0; -1) \cup (3; 6]$; $y < 0$ при $x \in [-1; 3)$, $y = 0$ при $x = 3$;
 функция имеет разрыв при $x = -1$;
 $y_{\text{нам}} = y(0) = -3$, $y_{\text{наиб}} = y(6) = 3$;
 функция выпукла вниз на открытом луче $(-\infty; -1)$;
 функция возрастает на открытом луче $(-\infty; -1)$, убывает на отрезке $[-1; 0]$, возрастает на отрезке $[0; 6]$.

Вариант №2

a) $1,5 < \sqrt{3}$ 6) $\sqrt{8} > 2,8$

$(1,5)^2 < (\sqrt{3})^2$ $(\sqrt{8})^2 > 1,8^2$

$2,25 < 3$ $8 > 7,84$

$-6 < a < 2$, $2 < b < 7$

a) $-18 < 3a < 6$, $1 < \frac{1}{2}b < 3,5$; $-17 < 3a + \frac{1}{2}b < 9,5$

б) $-4,5 < \frac{3}{4}a < 1,5$, $-21 < -3b < -6$; $-25,5 < \frac{3}{4}a - 3b < -4,5$;

$(x-6)(x+7) < (x+4)(x-3)$, $x^2 + x - 42 < x^2 + x - 12$,
 $-42 < -12$ – верно для любого x , что и требовалось доказать.

$\frac{7x - 11(x+1)}{3} < \frac{3x-1}{3} - \frac{13-x}{2}$; $14x - 11x - 11 < 6x - 2 - 39 + 3x$, $6x > 30$, $x > 5$.

Ответ: $x > 5$.

$x^2 + 4x + 12 = x^2 + 2 \cdot 2x + 4 + 8 = (x+2)^2 + 8 > 0$, что и требовалось доказать.

$\frac{3x^2 + x}{4} - \frac{2 - 7x}{5} \geq \frac{3x^2 + 17}{10}$;

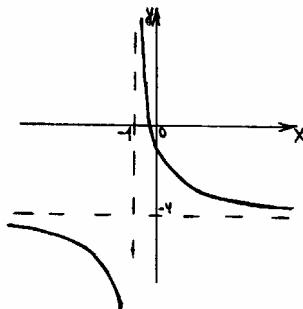
$30x^2 + 10x - 16 + 56x \geq 12x^2 + 68$, $18x^2 + 66x - 84 \geq 0$, $9x^2 + 33x - 42 \geq 0$,

$3x^2 + 11x - 14 \geq 0$, $D = 121 + 4 \cdot 3 \cdot 14 = 289$, $x_1 = \frac{-11 + 17}{6} = 1$; $x_2 = -\frac{14}{3}$

Ответ: $(-\infty; -\frac{14}{3}] \cup [1; +\infty)$.

$y = \frac{3}{x+1} - 4$

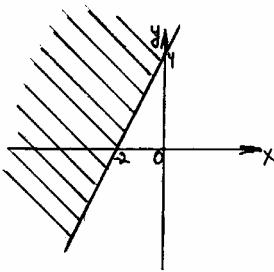
График функции



функция убывает на открытих лучах $(-\infty; -1)$ и $(-1; +\infty)$.

$$y > 2x + 4.$$

Все точки плоскости, расположенные выше прямой $y = 2x + 4$, не включая точки прямой.



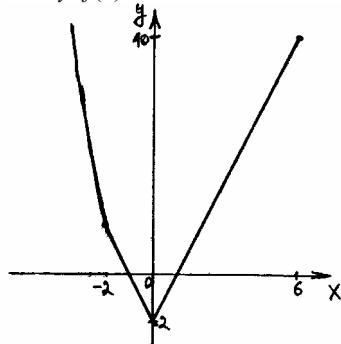
$$\sqrt{x^2 + 9x + 14}, \quad x^2 + 9x + 14 \geq 0, \quad x_1 = -7, \quad x_2 = -2.$$

Ответ: $x \in (-\infty; -7] \cup [-2; +\infty)$.

10.

$$y=f(x)=\begin{cases} x^2 - 2, & \text{если } x < -2 \\ 2|x| - 2, & \text{если } -2 \leq x \leq 6 \end{cases}$$

- a) $f(-7) = (-7)^2 - 2 = 47, f(0) = 2|0| - 2 = -2, f(5) = 2|7| - 2 = 8;$
 б) график функции $y=f(x)$



в) свойства функции $y=f(x)$:

область определения: $x \leq 6$;

$y > 0$ при $x < -\sqrt{2}$ и $1 < x \leq 6$, $y < 0$ при $x \in (-\sqrt{2}; 1)$

$y=0$ при $x = -\sqrt{2}$ и $x = 1$;

функция непрерывна

$y_{\text{нам}} = y(0) = -2$, $y_{\text{наиб}}$ не существует;

функция выпукла вниз на луче $(-\infty; -2]$;

функция убывает на луче $(-\infty; 0]$, возрастает на отрезке $[0; 6]$.